

ΓΙΩΡΓΟΥ Κ. ΓΕΡΟΥ

ΣΤΑΔΙΑΚΗ  
ΕΚΜΑΘΗΣΗ  
ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ

(ΓΙΑ ΤΟ ΝΗΠΙΑΓΩΓΕΙΟ ΚΑΙ ΤΟ ΔΗΜΟΤΙΚΟ)



002  
ΚΛΣ  
ΣΤ2Α  
1482

ΒΙΒΛΙΟ ΓΙΑ ΤΟ ΔΑΣΚΑΛΟ  
ΑΥΓΟΥΣΤΟΣ 1975

Ψηφιοποιήθηκε από το Ινστιτούτο Εκπαιδευτικής Πολιτικής





ΜΜΚ

Δ

Ι

ΓΙΩΡΓΟΥ Κ. ΓΕΡΟΥ

Γερού, Γιώργος Κ.

# ΣΤΑΔΙΑΚΗ ΕΚΜΑΘΗΣΗ ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ

(ΓΙΑ ΤΟ ΝΗΠΙΑΓΩΓΕΙΟ ΚΑΙ ΤΟ ΔΗΜΟΤΙΚΟ)

ΒΙΒΛΙΟ ΓΙΑ ΤΟ ΔΑΣΚΑΛΟ

Α Θ Η Ν Α

ΑΥΓΟΥΣΤΟΣ 1975

202  
ΙΚΝ  
ΣΤΩΑ  
1482

Απαγορεύεται ή όλική ή μερική διαπαραγωγή χωρίς γραπτή άδεια  
του συγγραφέα.

COPYRIGHT  
ΓΙΩΡΓΟΥ Κ. ΓΕΡΟΥ  
ΤΗΛ. 64.66.201  
ΒΑΛΤΙΝΩΝ 24 Τ.Τ. 701  
ΑΘΗΝΑΙ

Τυπώθηκε στὸ τυπογραφεῖο:  
Α. ΑΓΓΕΛΟΠΟΥΛΟΥ - Γ. ΜΠΡΟΥΖΙΩΤΗ  
Κωλέττη 4 – Τηλ. 633.138 — Αθήνα

# ΠΡΟΛΟΓΟΣ

Είναι γενικά άποδεκτή ή άρχη, ότι για νά γίνη κατανοητή κάθε καινούργια έννοια ή νά συμπληρωθεί μιά έλλειπής, πρέπει νά άκολουθηθεί στη διδασκαλία ή φυσιολογική πορεία τοῦ σχηματισμοῦ τῶν έννοιῶν αὐτῶν στὸ ἀνθρώπινο μυαλό.

Ἡ βασικὴ κατεύθυνση τῆς πορείας αὐτῆς, είναι ή σταδιακὴ μετάβαση ἀπὸ τὸ συγκεκριμένο πρὸς τὸ ἀφηρημένο, ποὺ ταυτίζεται, τὶς πιὸ πολλὲς φορές, μὲ τὴν πορεία ἀπὸ τὸ εὔκολο πρὸς τὸ δύσκολο.

”Αν καὶ ή προηγούμενη ἀρχὴ είναι γενικὰ παραδεκτὴ στὴν ἔφαρμογή της παραβιάζεται σὲ τέτοιο βαθμό, ποὺ τελικὰ νά μπορεῖ νά ελπισθεῖ ὅτι δὲν ἔφαρμόζεται.

”Ετοι στὴν περίπτωση τῶν μαθηματικῶν καὶ ἴδιαίτερα τῆς ἀριθμητικῆς, κάθε έννοια, ποὺ πρόκειται νά διδαχθεῖ ἀπομονώνεται καὶ δίνεται στὰ διάφορα στάδια τῆς φυσιολογικῆς πορείας (φυσικὰ ἀντικείμενα, ἡμισύμβολα, δύναμιτολογία καὶ γραφικὸς συμβολισμὸς - ψηφία σύμβολα), σχεδὸν συγχρόνως ή σ' ἐλάχιστο χρονικὸ διάστημα. Ἀποτέλεσμα τοῦ γεγονότος αὐτοῦ είναι νά μὴν μπορεῖ τὸ παιδὶ νά κάνει τὴ γρήγορη αὐτὴ δρασκέλιση τῶν ζεχωριστῶν αὐτῶν σταδίων καὶ νά μὴν κατανοεῖ τελικὰ τὶς συγκεκριμένες έννοιες, ποὺ προσπαθοῦμε νά τοῦ μάθουμε.

Τοῦ δημιουργοῦνται ἔτοι ἀπὸ τὴν ἀρχὴν βασικὰ κενὰ στὶς γνώσεις του. Πάνω στὰ κενὰ αὐτὰ ἀσφαλῶς δὲν μποροῦν νά θεμελιωθοῦν στέρεα οἱ ἔπομενες μαθηματικές γνώσεις.

”Η μέθοδος αὐτὴ ἐπιχειρεῖ μιὰ πιὸ σωστὴ ἔφαρμογή τῆς βασικῆς ἀρχῆς τοῦ σταδιακοῦ σχηματισμοῦ τῶν έννοιῶν στὸ ἀνθρώπινο μυαλό. Θεωρεῖ τὰ στάδια αὐτά διαδοχικὰ ἀλλὰ βασικῶς διαχωρισμένα μεταξύ τους. Οἱ έννοιες καὶ οἱ σχέσεις, ποὺ πρόκειται νά διδαχθοῦν, δὲν ἀπομονώνται γιὰ ν' ἀναπτυχθεῖ κάθε μιὰ χωριστὰ στὰ διάφορα στάδια, ἀλλὰ ἀναπτύσσονται ὅλες μαζὶ μὲ μιὰ σειρὰ στὸ κάθε στάδιο χωριστά.

”Η μέθοδος αὐτὴ ἀξιοποιεῖ τὴ φυσιολογικὴ αὐτὴ σειρὰ καὶ δίνει τὶς μαθηματικές έννοιες καὶ σχέσεις στὰ πιὸ κάτω τέσσερα στάδια μὲ τὴ θοήθεια δύο θιβλίων καὶ ἐνὸς ἐποπτικοῦ μέσου.

Στὸ πρῶτο στάδιο οἱ μαθηματικές έννοιες καὶ σχέσεις δίνονται μὲ φυσικὰ ἀντικείμενα, σπίτια, δέντρα, αὐτοκίνητα κλπ., ποὺ είναι προστὰ



στή νόησή του. Τὸ παιδί, κάνοντας χρήση τοῦ ὄλικοῦ, κατασκευάζει μὲ τὰ ἔδια του τὰ χέρια, τὶς εἰκόνες τῶν φυσικῶν ἀντικειμένων, ποὺ τὶς αἰσθητοποιοῦν. Στὴν κατασκευὴ τῶν εἰκόνων αὐτῶν, τὸ παιδί μετέχει μὲ πολλές αἰσθήσεις του, τὴν δραση, τὴν ἀφή, μὲ ἀποτέλεσμα νὰ καταλα-  
βαίνει καλλίτερα τὶς ἔννοιες, ποὺ αἰσθητοποιοῦν αὐτές.

Στὸ δεύτερο στάδιο γίνεται ἀφαίρεση τῶν εἰδικῶν χαρακτηριστι-  
κῶν τῶν φυσικῶν ἀντικειμένων καὶ ἡ αἰσθητοποίηση τῶν ἔννοιῶν γίνε-  
ται μὲ τὰ ἀπλᾶ κομμάτια τοῦ ὄλικοῦ. "Ετοι οἱ ἔννοιες αὐτὲς γενικεύον-  
ται καὶ μποροῦν νὰ ἀποδίνονται σὲ κάθε ἀντικείμενο. "Ηδη τὸ παιδί,  
στὸ στάδιο αὐτό, περνάει στὴν ἡμισυμβολικὴ παράσταση τῶν ἔννοιῶν  
αὐτῶν.

Στὸ τρίτο στάδιο τὸ παιδί περνάει στὴν μὲ τὸ λόγο ἔκφραση τῶν ἔν-  
νοιῶν αὐτῶν μαθαίνοντας τὰ ὄνοματά τους.

Στὸ τέταρτο καὶ τελευταῖο στάδιο τὸ παιδί περνάει σὲ μεγαλύτερη  
ἀκόμη ἀφοίρεση, μαθαίνοντας νὰ παριστάνει τὶς ἔννοιες αὐτὲς μὲ γρα-  
φτὰ ψηφία καὶ σύμβολα.

"Η μέθοδος ἀποτελεῖ ἔνα πλῆρες σύστημα γιὰ τὴν διδασκαλία τῶν  
μαθηματικῶν καὶ περιλαμβάνει τὰ βιβλία καὶ τὸ ἐποπτικὸ μέσο.

"Η ὥλη τῆς ἀριθμητικῆς ἀνάπτυσσεται σὲ δύο παράλληλα βιβλία.

Στὸ βιβλίο γιὰ τὸ παιδί, ποὺ περιλαμβάνει τὶς ἔγχρωμες εἰκόνες  
ποὺ παρουσιάζουν τὶς μαθηματικὲς ἔννοιες. Τὸ παιδί κάνει τὶς εἰκόνες  
αὐτὲς στὴν πορεία τοῦ μαθήματος κάτω ἀπὸ τὴν καθοδήγηση τοῦ δα-  
σκάλου. Τὸ βιβλίο αὐτὸ δὲν περιέχει καθόλου ψηφία καὶ σύμβολα.  
νες τοῦ βιβλίου γιὰ τὸ παιδί.

Στὸ βιβλίο γιὰ τὸ δάσκαλο, ἀναγράφεται ἡ ὥλη διαχωρισμένη σὲ  
κεφάλαια καὶ ἐνότητες. "Εγινε προσπάθεια κάθε ἐνότητα νὰ περιέχει  
αὐτοτελεῖς μαθηματικές ἔννοιες ἢ σχέσεις, ποὺ ἀντιστοιχοῦν στὶς εἰκό-  
νες τοῦ βιβλίου γιὰ τὸ παιδί στὶς σελίδες, ποὺ ἀναφέρονται.

"Η ἀνάπτυξη τῆς ὥλης ἔγινε μὲ βάση τὴ θεωρία τῶν συνόλων, ποὺ  
θεωρεῖται δτὶ διευκολύνει περισσότερο τὴν κατανόησή της.

Κατὰ τὴν ἀνάπτυξη τῆς ὥλης ἀκολουθήθηκε ἡ διαλεκτικὴ μέθοδος,  
μὲ ἅμεσες ἐρωτήσεις ἀπὸ τὸ δάσκαλο πρὸς τὸ παιδί. Οἱ σωστές ἀπαν-  
τήσεις, γράφονται δίπλα σὲ κάθε ἐρώτηση καὶ μέσα σὲ παρένθεση.

Τὸ μάθημα μὲ τὶς ἐρωταποκρίσεις παίρνει τὴ μορφὴ φιλικῆς συζή-  
τησης μεταξὺ δασκάλου καὶ παιδιοῦ. Δίνεται ἔτσι ἡ εὔκαιρία στὸ παιδί  
καθὼς ἀναζητεῖ τὴν ἀπάντηση ν' ἀνατρέχει σ' ὅτι ξέρει σχετικό, νὰ τὴ  
συσχετίζει μ' αὐτὰ καὶ νὰ βρίσκει τὶς πιο πολλὲς φορὲς τὴ σωστὴ ἀπάν-  
τηση.

"Η συσχέτιση, ποὺ κάνει τοῦ καινούργιου μὲ τὸ παλιό, ποὺ ξέρει,  
στερεώνει τὸ καινούργιο γερά στὴ μνήμη τοῦ.

ΕΔΩ Η ΖΕΛΑΤ

Ψηφιοποιηθήκε από το Ινστιτούτο Εκπαιδευτικής Πολιτικής

Μὲ τὸν τρόπο αὐτὸ δημιουργεῖται στὸ παιδὶ καὶ πολὺ σωστὰ ἡ ἐντύπωση, δτὶ ἀνακαλύπτει μόνο του τὶς ἔννοιες αὐτές καὶ ίκανοποιεῖται ίδιαίτερα μ' αὐτῷ.

'Αποφεύγονται ἔτσι καὶ ὅσο εἶναι δυνατὸ οἱ ξεροὶ δρισμοὶ καὶ ὁ μονόλογος τοῦ δάσκαλου καὶ ἔξασφαλίζεται ἡ ἐνεργὸς συμμετοχὴ τοῦ παιδιοῦ στὸ μάθημα.

Τὸ ἐποπτικὸ μέσο εἶναι κατασκευασμένο ἀπὸ ἐνισχυμένη πολυστερίνη στὴν κλίμακα τῶν χεριῶν τοῦ παιδιοῦ καὶ γι' αὐτὸ εὔχρηστο, ἀκίνδυνο ἀπὸ τῇ φύσῃ του καὶ εὐχάριστο στὸ μάτι μὲ τὴν ποικιλία τῶν χρωμάτων του.

Περιλαμβάνει:

Τὴν ἐπίπεδη βάσην ἐργασία ἡ πινακίδα, μὲ τὶς προεξοχὲς συνδεσμολογίας σὲ εύθειες γραμμές καὶ στῆλες κάθετες μεταξύ τους. Πάνω στὶς προεξοχὲς αὐτές στερεώνονται τὰ πλαστικὰ κομμάτια, καθὼς τὸ παιδὶ αἰσθητοποιεῖ τὶς μαθηματικὲς ἔννοιες καὶ σχέσεις.

Ἡ πινακίδα αὐτὴ μὲ τὶς κάθετες μεταξύ τους γραμμές καὶ στῆλες, προεξοχῶν, ἀποτελεῖ ὑλοποιημένη μορφὴ διαξονικοῦ συστήματος δρθογωνίων συντεταγμένων καὶ μαζὶ μὲ τὰ πλαστικὰ κομμάτια τριαξονικοῦ συστήματος δρθογωνίων συντεταγμένων.

Τὰ πλαστικὰ κομμάτια, ποὺ βοηθᾶν τὸ παιδὶ νὰ φτιάχνει τὶς εἰκόνες τῶν διαφόρων ἀντικειμένων σ' ἐπίπεδη ἡ τρισδιάκριτη μορφὴ. Τὰ κομμάτια αὐτὰ ἔχουν σχήματα δρθογωνίων παραλληλεπιπέδων, μὲ μάκρη ἀνάλογα πρὸς τοὺς ἀκέραιους ἀριθμοὺς ἔνα ἔως δέκα καὶ φέρουν πάνω στὴ μιά τους ἔδρα ἰσάριθμες ἔξοχὲς συνδεσμολογίας, μὲ τὶς μονάδες τοῦ ἀριθμοῦ, ποὺ ἀπεικονίζουν. Μὲ τὰ κομμάτια αὐτὰ μποροῦμε νὰ αἰσθητοποιήσουμε τοὺς μονοψήφιους καὶ πολυψήφιους ἀριθμούς.

Τὰ χρώματα τῶν κομματιῶν δόθηκαν γιὰ νὰ γίνονται οἱ οἱ κατασκευές σὰν πολύχρωμες πιὸ ἐλκυστικὲς στὸ παιδὶ καὶ γιὰ νὰ εἶναι δυνατὸ νὰ δοθεῖ σὲ κάθε κομμάτι δικό του δνομα μὲ βάση τὸ χρῶμα του καὶ τὸ σχετικό του μέγεθος. Τὰ μάκρη τῶν δμοιόχρωμων κομματιῶν ἔχουν μεταξύ τους σχέση πολλαπλασίου.

Τὸ ἐποπτικὸ μέσο εἶναι ἐλληνικό, διεθνῶς πρωτότυπο, καὶ ἔχει μᾶσιερὰ ἀπὸ διπλώματα εύρεσιτεχνίας ('Ελλάδας, Γαλλίας, Ιταλίας, Δ. Γερμανίας κλπ.).

Βασικὰ πλεονεκτήματα τῆς μεθόδου πέρα ἀπὸ τὴν ἀπόκτηση μαθηματικῶν γνώσεων εἶναι δτὶ κατὰ τὶς ἀσκήσεις ποὺ κάνει τὸ παιδὶ αὐξάνεται ἡ παραστηρητικότητά του, ἀποκτᾶ ἰκανότητα περιγραφῆς ἐνὸς ἀντικειμένου μὲ βάση τὶς παραστηρήσεις, ποὺ κάνει, καὶ καλλιεργεῖται ἡ αὐτενέργεια καὶ οἱ δεξιότητές του.

Τὸ δλο σύστημα ἔχει σκοπὸ νὰ θάλει τὰ παιδιὰ μὲ φυσιολογικὸ

καὶ εύχάριστο τρόπο στὸν ὡραῖο κόσμο τῶν μαθηματικῶν ἐννοιῶν καὶ σχέσεων μὲ τὴν ἀποσαφήνιση τῶν ἐννοιῶν, ποὺ ἥδη κατέχουν ἀπὸ τὴν ἔμπειρία τους, μὲ ἄλλες νέες ἐννοιες καθώς καὶ μὲ τὴ συστηματοποίηση καὶ ταξινόμηση ὅλων τῶν ἐννοιῶν αὐτῶν.

Προορίζεται γιὰ τὸ δημοτικό. "Ἐνα μεγάλο μέρος τῆς ὥλης του προορίζεται γιὰ τὰ παιδιά τῆς προσχολικῆς ἡλικίας εἴτε αὐτὰ φοιτῶν σὲ νηπιαγωγεῖο εἴτε ὅχι, ὅπότε τὸ ρόλο τοῦ δασκάλου παίζει ὁ γονέας.

'Ο πρωτότυπος τρόπος διδασκαλίας τῶν ἐννοιῶν τῶν συνόλων, σὲ συνδυασμὸ μὲ τὸ ἐποπτικὸ μέσο, ποὺ αἱσθητοποιεῖ ἐπιτυχῶς τὶς ἐννοιες, κάνουν τὸ σύστημα πολὺ ἀποτελεσματικὸ γιὰ ὅποιαδήποτε τάση, ὅπου αὐτές πρωτοδιδάσκονται.

Κατὰ τὴν ἀνάπτυξη τῆς ὥλης, παρουσιάστηκε πολλὲς φορές, τὸ ἑρώτημα ὃν ἡ διατύπωση ἔπρεπε νά είναι ἀπλουστεμένη, πρᾶγμα ποὺ θὰ τὴν ἔκανε πιὸ κατανοητὴ ἢ πιὸ ἀκριβολόγα, πρᾶγμα ποὺ θὰ τὴν ἔκανε πιὸ δυανόγто. Προτιμήθηκε ἡ πρώτη λύση σὰν πιὸ συνεπής μὲ τὴν παραδοχὴ τοῦ σταδιακοῦ σχηματισμοῦ τῶν ἐννοιῶν στὸ ἀνθρώπινο μυαλό.

Τὸ βιθλίο αὐτὸ ἀποτελεῖ θελτιωμένη καὶ συμπληρωμένη ἔκδοση τῆς Ἀριθμητικῆς χωρὶς Σύμβολα, ποὺ χρησιμοποιεῖται ἀπὸ πολλὰ Ἑλληνικὰ σχολεῖα καὶ ἔχει ἥδη μεταφραστεῖ στὰ Ἀγγλικά, τὰ Γαλλικά καὶ τὰ Ἰταλικά.

ΓΙΩΡΓΟΣ Κ. ΓΕΡΟΥ

# ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

## I. ΠΡΟΚΑΤΑΡΤΙΚΕΣ ΓΝΩΣΕΙΣ ΚΑΙ ΔΕΞΙΟΤΗΤΕΣ

1. Ή έξοικείωση μὲ τὸ ὄλικὸ .....	11
2. Οἱ αὐτοσχέδιασμοὶ .....	11
3. Η ταξινόμηση τοῦ ὄλικοῦ στὸ κουτὶ .....	11
4. Τὰ χρόματα τῶν κομματιῶν .....	11
5. Τὰ δύναματα τῶν κομματιῶν .....	12
6. Μονόχρωμα σχέδια .....	13
7. Πολύχρωμα σχέδια .....	14
8. Πάνω καὶ κάτω .....	14
9. Μπροστὰ καὶ πίσω .....	15
10. Δεξιά, ἀριστερά, ἀνάμεσα, γύρω .....	16

## II. ΕΝΝΟΙΕΣ ΚΑΙ ΣΧΕΣΕΙΣ ΤΩΝ ΣΥΝΟΛΩΝ ΜΕ ΑΝΤΙΚΕΙΜΕΝΑ

1. Τὸ χωρὶὸ .....	17
2. Τὸ πάρκνιγκ .....	18
3. Μερικὰ καὶ δλα .....	20
4. Στὸ ἔνα καὶ στὸ ἄλλο .....	21
5. Τὰ πλοῖα .....	22
6. Τὸ λιμάνι .....	23
7. Τὸ λιμάνι μὲ τὰ πλοῖα .....	24
8. Τὸ ἔνα γιὰ τὰ ἄλλα .....	24
9. Συμπλήρωμα .....	25
10. Ξεχώρισμα πραγμάτων .....	26
11. "Οσα ἔχει τὸ ἔνα τόσα ἔχει καὶ τὸ ἄλλο .....	27
12. Περισσότερα λιγώτερα .....	28
13. Σὲ ποιό λείπει αὐτό; .....	29
14. "Οτι ἔχει τὸ ἔνα δὲν ἔχει τὸ ἄλλο .....	30
15. Πολλὰ, λιγώτερα, ἔνα, κανένα .....	30
16. Μικρότερο μεγαλύτερο .....	32
17. Ἀπὸ τὸ μικρότερο στὸ μεγαλύτερο .....	33
18. Στὸ καθένα δো χρειάζεται .....	33
19. Τὸ τροτίνο, ποὺ μακραίνει .....	34
20. Τὸ χαλί, ποὺ πλαταίνει .....	35
21. Ὁ πύργος, ποὺ ψηλώνει .....	36

### III. ΟΙ ΕΝΝΟΙΕΣ ΚΑΙ ΟΙ ΣΧΕΣΕΙΣ ΤΩΝ ΣΥΝΟΛΩΝ ΜΕ ΗΜΙΣΥΜΒΟΛΑ

1. Σύνολα ἀπὸ πλαστικὰ κομμάτια .....	37
2. "Ενωση συνόλων .....	38
3. Ὑποσύνολα καὶ ὑπερσύνολα .....	39
4. Συμπλήρωμα συνόλου .....	40
5. Ἀντιστοιχία στοιχείων συνόλων, ἀνισότητα, ισότητα .....	41
6. Σύνολα ξένα .....	42
7. Τομὴ συνόλων .....	42
8. Σύνολο συνόλων .....	43
9. Διαφερισμός συνόλου .....	43

### IV. ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ

1. Οἱ γραμμές .....	45
2. Σύνολα ἀπὸ σημεῖα ἢ σημειοσύνολα .....	45
3. Γραμμικὰ σύνολα .....	46
4. Εὐθεῖες γραμμές ποὺ συναντιῶνται .....	47
5. Εὐθεῖες γραμμές παράλληλες .....	48
6. Κομμάτια εὐθειῶν μὲ ἀρχὴ καὶ τέλος .....	48
7. Συνεχόμενα κομμάτια εὐθειῶν .....	49
8. "Ανισα καὶ ἴσα κομμάτια εὐθειῶν .....	50
9. Κομμάτια εὐθειῶν ἴσα μὲ ἔνα ἄλλο .....	51
10. Οἱ γωνίες .....	52
11. Ἡ σκάλα, ποὺ ἀνεῳσίνει .....	53
12. Ἡ ἐπίπεδη πιφάνεια .....	53
13. Τὸ πολύγωνο .....	54
14. Τὸ δρθογώνιο .....	55
15. Τὸ τετράγωνο .....	56
16. Τὸ τρίγωνο .....	56
17. Ὁ κύκλος .....	57
18. "Ισα ἐπίπεδα σχήματα .....	57
19. Ἐγγεγραμμένα καὶ περιγραμμένα σχήματα .....	58

### V. ΣΤΕΡΕΟΜΕΤΡΙΑ

1. Τὰ στερεά .....	60
2. Τὸ πρῆσμα .....	60
3. Τὸ παραπληεπίπεδο .....	61
4. Ὁ κύβος .....	61
5. Ἐγγεγραμμένα καὶ περιγραμμένα στερεά καὶ ἐπιφάνειες .....	62

## VI. ΠΟΣΟΤΙΚΕΣ ΠΡΑΞΕΙΣ ΚΑΙ ΣΧΕΣΕΙΣ ΜΕ ΗΜΙΣΥΜΒΟΛΑ

1. Ή μονάδα .....	63
2. Ή πρόσθεση .....	63
3. Πάντα ήπαρχει ἄθροισμα .....	65
4. Ή ἀντιμεταθετική ίδιότητα .....	65
5. Ή ἀλλαγὴ τῆς σειρᾶς τῶν προσθετέων δὲν ἀλλάζει τὸ ἄθροισμα	66
6. Ή προσεταιριστική ίδιότητα .....	66
7. Ή ἀφαίρεση .....	67
8. Πότε μπορεῖ νὰ γίνει μιὰ ἀφαίρεση .....	68
9. Ὁ πολλαπλασιασμὸς .....	69
10. Ή ἀντιμεταθετικὴ ίδιότητα .....	70
11. Ή προσεταιριστικὴ ίδιότητα .....	71
12. Γινόμενα ἵσα μεταξὺ τους .....	72
13. Ή διαίρεση .....	72

## VII. ΤΑ ΟΝΟΜΑΤΑ ΤΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ

1. Οἱ ἀριθμοὶ μηδὲν καὶ ἔνα .....	74
2. Ὁ ἀριθμὸς δύο .....	75
3. Ὁ ἀριθμὸς τρία .....	77
4. Ὁ ἀριθμὸς τέσσερα .....	78
5. Ὁ ἀριθμὸς πέντε .....	79
6. Ὁ ἀριθμὸς ἔξι .....	80
7. Ὁ ἀριθμὸς ἔπτα .....	81
8. Ὁ ἀριθμὸς ὅκτω .....	82
9. Ὁ ἀριθμὸς ἐννέα .....	83
10. Ὁ ἀριθμὸς δέκα .....	83
11. Πολλὲς δεκάδες .....	84
12. Ή ἀριθμηση μέχρι τὸ ἑκατὸ .....	85

## VIII. ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΕΣ ΠΡΑΞΕΙΣ ΧΩΡΙΣ ΨΗΦΙΑ

1. Ή πρόσθεση .....	86
2. Ή ἀφαίρεση .....	87
3. Ὁ πολλαπλασιασμὸς .....	88
4. Ή διαίρεση .....	89

## IX. ΛΥΣΕΙΣ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΩΝ ΧΩΡΙΣ ΨΗΦΙΑ

1. Προθλήματα πρόσθεσης .....	90
2. Προθλήματα ἀφαίρεσης .....	91
3. Προθλήματα πολλαπλασιασμοῦ .....	92
4. Προθλήματα διαίρεσης .....	92

## X. ΜΕΤΡΗΣΕΙΣ ΓΕΩΜΕΤΡΙΚΩΝ ΣΧΗΜΑΤΩΝ

1. Ἡ μέτρηση τοῦ μάκρους .....	.....	.....	.....	93
2. Ἡ μέτρηση ἐπίπεδης ἐπιφάνειας .....	.....	.....	.....	94
3. Ἡ μέτρηση στερεῶν .....	.....	.....	.....	95

## XI. Η ΣΥΜΜΕΤΡΙΑ

1. Ἡ συμμετρία .....	.....	.....	.....	96
----------------------	-------	-------	-------	----

## XII. Η ΓΡΑΦΙΚΗ ΠΑΡΑΣΤΑΣΗ

1. Ἡ γραφικὴ παράσταση .....	.....	.....	.....	97
------------------------------	-------	-------	-------	----

## XIII. ΤΑ ΨΗΦΙΑ ΤΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ

1. Τὰ ψηφία ἀπὸ τὸ μηδὲν ἔως τὸ ἔννεα .....	.....	.....	.....	98
2. Τὰ ψηφία τῶν ἀριθμῶν ἀπὸ τὸ δέκα ἔως τὸ ἑκατό .....	.....	.....	.....	99

## XIV. ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΕΣ ΠΡΑΞΕΙΣ ΜΕ ΤΑ ΨΗΦΙΑ ΤΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ

1. Ἡ πρόσθεση .....	.....	.....	.....	101
2. Ἡ ἀφσίρεση .....	.....	.....	.....	102
3. Ὁ πολλαπλασιασμός .....	.....	.....	.....	103
4. Ἡ διαιρέση .....	.....	.....	.....	104

# I. ΠΡΟΚΑΤΑΡΤΙΚΕΣ ΓΝΩΣΕΙΣ ΚΑΙ ΔΕΞΙΟΤΗΤΕΣ

## 1. Η ΕΞΟΙΚΕΙΩΣΗ ΜΕ ΤΟ ΥΛΙΚΟ

Δόστε στὸ παιδὶ τὸ ὄλικὸ καὶ ἀφῆστε τὸ ν' ἀσχοληθεῖ μόνο του μὲν αὐτό. Ἀνακαλύπτει μόνο του τὸν τρόπο, ποὺ τὰ κομμάτια στερεάγονται πάνω στὴν πινακίδα καὶ συγδέονται τὸ ἔνα πάνω στὸ ἄλλο.

## 2. ΟΙ ΑΥΤΟΣΧΕΔΙΑΣΜΟΙ

Ἄφηστε τὸ παιδὶ ν' αὐτοσχεδιάζει μὲν τὸ ὄλικὸ γιὰ λίγο διάστημα. Οἱ πολύχρωμες κατασκευές, ποὺ κάνει τὸ ἐγθουσιάζουν καὶ τὸ γεμίζουν ἵκανοποίηση. Οἱ ἐπιτυχίες του αὐτὲς ἔνισχύουν τὴν αὐτοπεποίθησή του καὶ τὴν ἐμπιστοσύνη στὸν ἔαυτὸν του.

"Εχετε πετύχει ζετοὶ νὰ τοῦ γίνει εὐχάριστο καὶ ἀγαπητὸ τὸ ὄλικό, ποὺ σὲ συνέχεια, καὶ μὲ παιγνιώδη πάντα τρόπο, θὰ τὸ δογματίζει νὰ μάθει εύκολα τὶς λεπτές ἀριθμητικὲς ἔγγονες καὶ σχέσεις.

## 3. Η ΤΑΞΙΝΟΜΗΣΗ ΤΟΥ ΥΛΙΚΟΥ ΣΤΟ ΚΟΥΤΙ

Κάλε φορά, ποὺ τὸ παιδὶ τελειώνει τὴν ἀσκησή του μὲ τὸ ὄλικό, συγηθίστε το νὰ ἔχαγανθάζει τὸ ὄλικὸ στὸ εἰδικὸ γιὰ τὸ σκοπὸ τοῦτο κουτί. Νὰ θάξει τὰ ὄμοιόχρωμα κομμάτια μαζὶ καὶ πάντα στὸ εἰδικὸ γι' αὐτὰ διαμέρισμα τοῦ κουτιοῦ.

Τὸ παιδὶ ζετοὶ, γίνεται τακτικὸ μαθαίνει καὶ μὰ σημαντικὴ διαδικασία τῆς ταξινομησῆς ἀντικειμένων μὲ θάση τὸ χρῶμα τους καὶ τὴν συνολικὴ τους ἔκταση.

## 4. ΤΑ ΧΡΩΜΑΤΑ ΤΩΝ ΚΟΜΜΑΤΙΩΝ

Είναι ἀπαραίτητο γιὰ τὴν συνεννόηση μὲ τὸ παιδὶ νὰ μάθει, ἀν δὲν ξέρει, τὰ χρώματα τῶν κομματιῶν τοῦ ὄλικοῦ.

Δεξῖτε του μία μία τὶς εἰκόνες τῆς σελίδας 1, κάντε του τὶς πιὸ κάτω ἡ ἀνάλογες ἐρωτήσεις. "Ἡ σωτὶν ἀπάντηση ἡ μία ἀπὸ τὶς πιθανὸν πολλὲς ἀπαντήσεις σημειώνεται περιληπτικὰ σὲ παρένθεση. Ἐλέγξτε τὴν ὁρθότητα τῶν ἀπαντήσεων τίσεις νὰ τὸ ἔρει καὶ νὰ τὸ διορθώσει μόνο του.

1. Πρόσεξε τὴν εἰκόνα αὐτὴ μὲ τί μοιάζει; (Μὲ πλοιο).

—Τὶ χρῶμα είναι τὸ πλοιό αὐτό; (Τὸ πλοιό αὐτό είναι κόκκινο.

\* Η τὸ πλοιό αὐτό ἔχει κόκκινο χρῶμα).

—Φτιάξε μὲ πλαστικὰ κομμάτια ἔνα κόκκινο πλοιό σὰν αὐτό.

2. 'Η εἰκόνα αὐτὴ μὲ τί μοιάζει; (Μὲ μιὰ γάτα).  
 —Τί χρῶμα είναι ή γάτα; (Η γάτα είναι ἄσπρη).  
 —Φτιάξε μιὰ γάτα σάν κι' αὐτή.
3. 'Η εἰκόνα αὐτὴ μὲ τί μοιάζει; (Μ' ἔνα δέντρο).  
 —Τί χρῶμα είναι τὸ δέντρο; (Τὸ δέντρο είναι πράσινο).  
 —Φτιάξε ἔνα πράσινο δέντρο σάν κι' αὐτό.
4. 'Η εἰκόνα αὐτὴ μὲ τί μοιάζει; (Μ' ἔνα τραπέζι).  
 —Τί χρῶμα είναι τὸ τραπέζι; (Τὸ τραπέζι είναι μπλέ).  
 —Φτιάξε ἔνα τραπέζι σάν κι' αὐτό.

Α σκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε ἔνα πλοῖο ἄσπρο, ἔνα πλοῖο μπλέ, καὶ ἔνα πλοῖο πράσινο.
2. Φτιάξε μιὰ πράσινη καὶ μιὰ κόκκινη γάτα.
3. Φτιάξε ἔνα δέντρο ἄσπρο, ἔνα κόκκινο κι' ἔνα μπλέ.
4. Φτιάξε ἔνα τραπέζι ἄσπρο, ἔνα κόκκινο κι' ἔνα πράσινο.
5. Φτιάξε διάφορες εἰκόνες, ποὺ σ' ἀρέσουν, μὲ κομμάτια ποὺ νὰ ἔχουν τὸ ἴδιο χρῶμα. Κάθε φορά νὰ λέσ τι είναι αὐτὸ ποὺ ἔφτιαξες καὶ τί χρῶμα είναι.

## 5. ΤΑ ΟΝΟΜΑΤΑ ΤΩΝ ΚΟΜΜΑΤΙΩΝ

'Η συγεννόηση μὲ τὸ παιδί γίνεται εύκολώτερη ξν, γιὰ κάθε κομμάτι του ύλικου ποὺ χρησιμοποιεῖ, ύπάρχει ἔνα δογμα.

"Ετοι τὸ μεγάλο πλαστικὸ κομμάτι, ποὺ ἔχει τὶς προεξοχές συγδεδεμολογίας καὶ ποὺ χρησιμεύει σάν θάση ἐργασίας τὸ λέμε θάση η πινακίδα.

Τὸ ἄλλο μεγάλο κομμάτι, ποὺ χρησιμεύει γιὰ τὴν ἀποθήκευση του ύλικου, τὸ λέμε ἀπλῶς κούτι.

Τὰ ἄλλα κομμάτια, τὸ χυρίως ύλικό, πῆραν τὰ ὀγόματά τους ἀπὸ τὸ χρῶμα τους καὶ τὸ σχετικό τους μέγεθος. Τὰ ὀγόματα αὐτὰ ἀναφέρονται στὰ κομμάτια αὐτά, ὅπως φαίνονται στὴ σελίδα 2.

- Τὸ μικρὸ ἄσπρο καὶ τὸ μεγάλο ἄσπρο.
- Τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μεγάλο κόκκινο.
- Τὸ μικρὸ πράσινο, τὸ μεσαῖο πράσινο καὶ τὸ μεγάλο πράσινο.
- Τὸ μικρὸ μπλέ καὶ τὸ μεγάλο μπλέ.

Α σκήσεις.

Δεῖξτε στὸ παιδί τὶς εἰκόνες τῆς σελίδας 2.

1. Κοίταξε τὴν εἰκόνα μὲ τ' ἄσπρα κομμάτια. Βρές τὰ κομμάτια αὐτὰ στὸ κούτι καὶ θάλτα, πάνω στὴν πινακίδα, ὅπως φαίνονται στὴν εἰκόνα.

- Ποιό είναι τὸ πιὸ μικρό; (Αὐτὸ ἔδω).
- Αὐτὸ θὰ τὸ λέμε μικρὸ ἄσπρο.
- Ποιό είναι τὸ πιὸ μεγάλο; (Αὐτὸ ἔδω).
- Πῶς θὰ τὸ λέμε αὐτό; (Θὰ τὸ λέμε μεγάλο ἀλλο ἄσπρο).
- Κάνε τὸ ἴδιο μὲ τὰ μπλέ κομμάτια.

Δόστε στὸ παιδὶ πρῶτα τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ υστερὰ τὸ μεγάλο κόκκινο γὰρ τὰ στερεώσει πάνω στὴν πιγακίδα, ὅπως φαίνονται στὴ σελίδα 2.

- Πῶς θὰ τὸ λέμε αὐτό; (Θὰ τὸ λέμε μικρὸ κόκκινο).
- Πῶς θὰ τὸ λέμε αὐτό; (Θὰ τὸ λέμε μεγάλο κόκκινο).
- Δόστε του σὲ συγέχεια τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ πέστε του γὰρ τὸ βάλει ἀνάμεσα στὰ δύο ἄλλα.
- Ἀπὸ ποιό είναι πιὸ μεγάλο αὐτό; (Ἀπὸ τὸ μικρὸ κόκκινο).
- Ἀπὸ ποιό είναι πιὸ μικρό; (Ἀπὸ τὸ μεγάλο κόκκινο).
- Αὐτό, ποὺ είναι πιὸ μεγάλο ἀπὸ τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ πιὸ μικρὸ ἀπὸ τὸ μεγάλο κόκκινο, θὰ τὸ λέμε μεγάλο κόκκινο.

2. Πάρε ἀπὸ τὸ κουτὶ τὸ μικρὸ ἄσπρο, τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μικρὸ πράσινο καὶ τὸ μικρὸ μπλέ κομμάτι καὶ βάλτα σὲ μιὰ ἄκρη τῆς πινακίδας. Καθὼς στερεώνεις τὸ καθένα ἀπ’ αὐτὰ νὰ λέσ τὸ σημάτιό του.

- Κάνε τὸ ἴδιο μὲ τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μεσαῖο πράσινο.
- Κάνε τὸ ἴδιο μὲ τὸ μεγάλο ἄσπρο, τὸ μεγάλο κόκκινο, τὸ μεγάλο πράσινο καὶ τὸ μεγάλο μπλέ.

Ἄξ κάγε τὴν ἀσκησην αὐτήν, ὅσες φορὲς χρειάζεται μέχρι νὰ μάθει καλὰ τὰ δυόμιστα τῶν κοινωνιῶν.

## 6. MONOΧΡΩΜΑ ΣΧΕΔΙΑ

Α σήμα σεις δεξιοτεχνίας.

Δεῖξε στὸ παιδὶ ἔνα ἔνα τὰ μονόχρωμα σχέδια τῆς σελίδας 3.

1. Φτιάξε ἔνα σχέδιο ἴδιο μὲ τὸ κόκκινο, ποὺ θλέπεις ἀπὸ μικρὰ κόκκινα.

— Φτιάξε κι’ ἄλλα, ποὺ νὰ μοιάζουν μ’ αὐτό:

- α.— μὲ μεσαῖα κόκκινα
- β.— μὲ μικρὰ πράσινα
- γ.— μὲ μεσαῖα πράσινα
- δ.— μὲ μικρὰ μπλέ.

2. Φτιάξε ἔνα σχέδιο ἴδιο μὲ τὸ πράσινο, ποὺ θλέπεις, ἀπὸ μικρὰ πράσινα.

— Φτιάξε κι’ ἄλλα, ποὺ νὰ μοιάζουν μ’ αὐτό:

- α.— μὲ μικρὰ μπλέ,
- β.— μὲ μεγάλα ἄσπρα,
- γ.— μὲ μεγάλα πράσινα.

## 7. ΠΟΛΥΧΡΩΜΑ ΣΧΕΔΙΑ

Α σκήσεις δεξιοτεχνίας.

Δείξτε στὸ παιδὶ ἔνα τὰ δίγρωμα σχέδια τῆς σελίδας 3.

1. Φτιάξε ἔνα ἄσπρο καὶ μπλὲ σχέδιο, ἵδιο μὲν αὐτὸ ποὺ θλέπεις.

—Φτιάξε κι' ἄλλα, ποὺ νὰ μοιάζουν μὲν αὐτό:

α—μὲ μεσαῖα κόκκινα καὶ μεσαῖα πράσινα,

β—μὲ μεσαῖα πράσινα καὶ μεγάλα κόκκινα,

γ—μὲ μικρὰ ἄσπρα καὶ μικρὰ πράσινα,

δ—μὲ μικρὰ πράσινα καὶ μικρὰ μπλέ,

ε—μὲ μικρὰ μπλέ καὶ μεγάλα ἄσπρα,

ζ—μὲ μεγάλα ἄσπρα καὶ μεγάλα πράσινα.

2. Φτιάξε τὸ ἄσπρο μὲ κόκκινο σχέδιο, ποὺ θλέπεις.

3. Φτιάξε τὸ σχέδιο μὲ ἄσπρα, κόκκινα καὶ πράσινα.

4. Φτιάξε τὸ σχέδιο, ποὺ ἔχει δύα τὰ χρώματα.

5. Φτιάξε, χωρὶς νὰ τὰ θλέπεις, πολύχρωμα σχέδια, ὅπως σοῦ ἀρέσουν.

## 8. ΠΑΝΩ ΚΑΙ ΚΑΤΩ

Δείξτε στὸ παιδὶ τὸ πύραυλο καὶ τὸ ἀλεξίπτωτο τῆς σελίδας 4.

I. Α σκήσεις ἀναγνώρισης.

1. Σὰν τί μοιάζει αὐτὴ ἡ εἰκόνα; (Αὐτὴ ἡ εἰκόνα μοιάζει μὲ πύραυλο).

2. Σὰν τί μοιάζει αὐτὴ ἡ εἰκόνα; (Αὐτὴ ἡ εἰκόνα μοιάζει μὲ ἀλεξίπτωτο).

II. Α σκήσεις παρατηρητικότητας.

1. Ὁ πύραυλος, ποὺ θλέπεις στέκεται ἡ προχωρεῖ; (Προχωρεῖ γιατὶ θγάζει φωτιά).

—Τί ὅλλο θλέπεις; (Βλέπω τὸ σῶμα του καὶ τὴ μύτη του).

—Πρὸς τὰ ποῦ πηγαίνει ὁ πύραυλος; (὾πει τὸ πύραυλος πηγαίνει πρὸς τὰ πάνω, πρὸς τὸν οὐρανό).

2. Τί κρέμεται ἀπὸ τὸ ἀλεξίπτωτο; (Κρέμεται ἔνα κουτί).

—Τί ὅλλο θλέπεις στὸ ἀλεξίπτωτο; (Τὸ πανί του καὶ τὰ σχοινιά του).

—Πρὸς τὰ ποῦ πηγαίνει τὸ ἀλεξίπτωτο; (Τὸ ἀλεξίπτωτο πηγαίνει πρὸς τὰ κάτω).

III. Α σκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε τὸν πύραυλο τῆς εἰκόνας.

2. Φτιάξε τὸ ἀλεξίπτωτο τῆς εἰκόνας.

3. Φτιάξε ἔναν μεγάλο πύραυλο μὲ πολλὲς φωτιές.

4. Φτιάξε ἔνα ἀλεξίπτωτο πιὸ μεγάλο ἀπὸ αὐτὸ τῆς εἰκόνας.

#### IV. Ἐννοιολογικὲς ἀσκήσεις.

1. Πῶς ἀλλοιῶς λέμε γιὰ ἔνα πρᾶγμα, ποὺ πάει πρὸς τὰ πάνω; (Λέμε ἀνεθαίνει).
2. Πῶς ἀλλοιῶς λέμε γιὰ ἔνα πρᾶγμα, ποὺ πάει πρὸς τὰ κάτω; (Λέμε κατεβαίνει).
3. Ξέρεις κανένα ἄλλο πρᾶγμα, ποὺ ἀνεθαίνει; (Οἱ καπνός).
4. Ξέρεις κανένα ἄλλο πρᾶγμα, ποὺ κατεβαίνει; (Οἱ στάλες τῆς ψυχῆς).

#### 9. ΜΠΡΟΣΤΑ ΚΑΙ ΠΙΣΩ

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὸ σπίτι, τὸ δέντρο καὶ τὴ μπουλντόζα τῆς σελίδας 4.

#### I. Ἀσκήσεις ἀναγνώρισης.

1. Τί παριστάνει ἡ εἰκόνα αὐτῆ; ("Ἐνα σπίτι").
2. Τί παριστάνει ἡ εἰκόνα αὐτῆ; ("Ἐνα δέντρο").
3. Αὐτὸ τὸ μηχάνημα φτιάχνει δρόμους, μήπως ξέρεις πῶς! τὸ λένε; (Τὸ λένε μπουλντόζα).
11. Ἀσκήσεις παρατηρητικότητας καὶ περιγραφῆς.
  1. Τί καὶ τί 〈λέπεις νὰ ἔχει τὸ σπίτι; (Τὸ σπίτι αὐτὸ ἔχει ἄσπρους τοίχους καὶ κόκκινη στέγη).
  2. Τί χρῶμα είναι τὸ δέντρο; (Τὸ δέντρο είναι πράσινο).
  3. Αὐτὴ ἡ μπουλντόζα ἔχει ρόδες; ("Οχι δὲν ἔχει ρόδες").
    - Πῶς κινεῖται ἡ μπουλντόζα; (Κινεῖται πάνω σὲ ἀλυσίδες).
    - Τί πρᾶγμα κάνει τὴ μπουλντόζα νὰ κινεῖται; (Αὐτὴ ἔδω ἡ μηχανή της).

— Μὲ τί σπρώχνει τὰ χώματα, δταν φτιάχνει τοὺς δρόμους; (Μὲ αὐτὸ ἔδω τὸ μεγάλο σίδερο).

— Ποῦ κάθεται ὁ δόηγός της; (Πάνω σ' αὐτὴ τὴ θέση).

— Πές μας λοιπόν, τί καὶ τί ἔχει αὐτὴ ἡ μπουλντόζα; (Αὐτὴ ἡ μπουλντόζα ἔχει μηχανή, ποὺ τὴν κάνει νὰ προχωράει, ἀλυσίδες ἀντὶ γιὰ ρόδες, ἔνα μεγάλο σίδερο, ποὺ σπρώχνει τὰ χώματα καὶ θέση γιὰ τὸν δόηγό, ποὺ τὴν δόηγει).

#### III. Ἀσκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε τὸ σπίτι, τὴ μπουλντόζα καὶ τὸ δέντρο ὅπως τὰ 〈λέπεις.

#### IV. Ἐννοιολογικὲς ἀσκήσεις.

1. "Αν κινηθεῖ ἡ μπουλντόζα, πρὸς τὰ ποῦ θὰ πάει; (Θὰ πάει πρὸς τὸ σπίτι).

— Ποῦ είναι τὸ σπίτι; (Τὸ σπίτι είναι μὲροστάτη μπουλντόζα).



— Γιὰ νὰ πάει ἡ μπουλντόζα στὸ σπίτι τί πρέπει νὰ κάνει; (Πρέ-  
πει νὰ πάει μὲ προστάσια).

2. Γιὰ νὰ πάει ἡ μπουλντόζα στὸ δέντρο τί πρέπει νὰ κάνει; (Πρέ-  
πει νὰ πάει πίσω σ’ ω).

— Ποῦ είναι τὸ δέντρο; (Τὸ δέντρο είναι πίσω ἀπὸ τὴν μπουλ-  
ντόζα).

3. Βγάλε τὸ σπίτι καὶ φτιάξε στὴ θέση του ἔνα πύραυλο.

— Ποῦ είναι ὁ πύραυλος; (Ο πύραυλος είναι μπροστά στὴ μπουλ-  
ντόζα).

— Κάνε τὸ ἵδιο μὲ τὸ ἀλεξίπτωτο.

4. Βγάλε τὸ δέντρο καὶ φτιάξε στὴ θέση του τὸν πύραυλο.

— Ποῦ είναι ὁ πύραυλος; (Ο πύραυλος είναι πίσω ἀπὸ τὴν μπουλ-  
ντόζα).

5. Κάνε τὸ ἵδιο μὲ τὸ ἀλεξίπτωτο.

## 10. ΔΕΞΙΑ, ΑΡΙΣΤΕΡΑ, ΑΝΑΜΕΣΑ, ΓΥΡΩ

Δεῖξτε στὸ παιδί τὴν σελίδα 4.

### I. Ἄσκή σεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε τὸ ἀλεξίπτωτο, τὴ μπουλντόζα καὶ τὸν πύραυλο ὅπως τὰ  
βλέπεις.

### II. Ἐννοιολογικὲς ἀσκήσεις.

1. Τὶ θρίσκεται θρίσκονται γύρω ἀπὸ τὴ μπουλντόζα; (Τὸ  
σπίτι, ὁ πύραυλος, τὸ δέντρο καὶ τὸ ἀλεξίπτωτο).

2. Ποῦ θρίσκεται ἡ μπολντόζα; (Η μπουλντόζα θρίσκεται ἀνάμεσά  
με σάτους).

— Λέμε ὅτι ἡ μπουλντόζα ἔχει δεξιά της τὸν πύραυλο.

— Λέμε ὅτι ἡ μπουλντόζα ἔχει ἀριστερά της τὸ ἀλεξί-  
πτωτο.

3. Ποῦ θρίσκεται ὁ πύραυλος; (Ο πύραυλος θρίσκεται στὴ δεξιά  
πλευρά τῆς μπουλντόζας).

— Ποῦ θρίσκεται τὸ ἀλεξίπτωτο; (Τὸ ἀλεξίπτωτο θρίσκεται στὴν  
ἀριστερὴ πλευρά τῆς μπουλντόζας).

4. Βγάλε ὅτι ἔχει φτιάξει γύρω ἀπὸ τὴ μπουλντόζα. Θὰ θάξεις  
καὶ ἀμέσως θὰ θάξεις στὴ θέση πού θὰ σου λέω, γύρω ἀπὸ τὴ μπουλ-  
ντόζα, τὸ δέντρο. Βάλε λοιπὸν τὸ δέντρο.

α—Δεξιά, ἀριστερά, πίσω.

θ—Ἀριστερά, μπρός, πίσω.

γ—Μπρός, δεξιά, πίσω, ἀριστερά.

δ—Μπρός, πίσω, ἀριστερά, δεξιά.

## II. ΕΝΝΟΙΕΣ ΚΑΙ ΣΧΕΣΕΙΣ ΣΥΝΟΛΩΝ ΜΕ ΑΝΤΙΚΕΙΜΕΝΑ

### 1. ΤΟ ΧΩΡΙΟ

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴν σελίδα 5.

#### I. Ἀσκήσεις ἀναγνώρισης.

1. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; ("Ενα σπίτι").
2. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; ("Ενα δέντρο").
3. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; ("Ενα αὐτοκίνητο").
4. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; (Μιὰ ἐκκλησία).
5. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; ("Ενα σπίτι").
6. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; ("Ενα σπίτι").

#### II. Ἀσκήσεις παρατηρικότητας καὶ περιγραφῆς.

1. Τί ἔχει αὐτὸ τὸ σπίτι στὸ πάνω μέρος; ("Εχει μιὰ στέγη").  
— Τί χρῶμα ἔχει ἡ στέγη του; (Η στέγη του εἶναι κόκκινη).  
— Τί ὅλο ἔχει; ("Εχει ἄσπρους τοίχους καὶ κόκκινη πόρτα").  
— Πές μου ὅλα ὅσα βλέπεις σ' αὐτὸ τὸ σπίτι. (Τὸ σπίτι ἔχει ἄσπρους τοίχους, κόκκινη στέγη καὶ κόκκινη πόρτα).
2. Κάντε ἀντίστοιχες ἐρωτήσεις καὶ γιὰ τὰ ὅλλα σπίτια.
3. Τί χρῶμα ἔχει τὸ δέντρο; (Τὸ δέντρο ἔχει πράσινο χρῶμα).  
— 4. Τι καὶ τί ἔχει ἡ ἐκκλησία; ("Εχει τοίχους καὶ πόρτα").  
— Τί ὅλο ἔχει; ("Εχει ἀκόμη ἔνα σταυρό").  
— Πές μου ὅλα ὅσα βλέπεις στὴν ἐκκλησία. (Η ἐκκλησία ἔχει ἄσπρους τοίχους, μιὰ κόκκινη πόρτα κι' ἔναν ἄσπρο σταυρό).
6. Αὐτὸ τὸ αὐτοκίνητο τί καὶ τί ἔχει; (Αὐτὸ τὸ αὐτοκίνητο ἔχει ρόδες, κασσόνι καὶ κουβούκλιο).  
— Πές μου ὅλα ὅσα βλέπεις σ' αὐτὸ τὸ αὐτοκίνητο: (Τὸ αὐτοκίνητο αὐτὸ ἔχει ἄσπρες ρόδες, μπλε κασσόνι καὶ κόκκινο κουβούκλιο).

#### III. Ἀσκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε ἔνα ὅλα τ' ἀντικείμενα ποὺ δείχνουν οἱ εἰκόνες αὐτές.

Ἐλέξτε τὴν ἀκρίδεια τῶν κατασκευῶν τιν. Σὲ περίπτωση λάθους θογηθῆστε το μὲ κατάλληλες ἐρωτήσεις γὰ τὸ θρεῖ καὶ γὰ τὸ διορθώσει μόνο του.

#### IV. Έννοιολογικές ἀσκήσεις.

1. Ποῦ ἔχεις ξαναδεῖ μαζεμένα σπίτια, ἐκκλησία, δένδρα, αὐτοκίνητα; (Στὸ χωριό).

— Φτιάξε αὐτά, ποὺ βλέπεις οὐ αὐτὴ τῇ σελίδᾳ.

— Τί εἰναι ὅλ' αὐτά, ποὺ ἔφτιαξες; (Εἶναι ἔνα χωριό)

— “Οταν ἔχουμε ἔτοι πολλὰ ἀντικείμενα μαζεμένα μποροῦμε νὰ λέμε πώς ἔχουμε ἔνα σύνολο ἀπὸ ἀντικείμενα.

— Τί εἰναι τὸ χωριό, ποὺ ἔφτιαξες προηγούμενα; (Τὸ χωριό, ποὺ ἔφτιαξα εἶναι ἔνα σύνολο ἀπὸ σπίτια, μιὰ ἐκκλησία, ἔνα φορτηγό αὐτοκίνητο).

2. Κοίταξε τὸ χωριό, ποὺ ἔφτιαξες. Δεῖχνε μου μὲ τὸ δάχτυλό σου τί καὶ τί ἔχει. (Τὸ χωριό, ποὺ ἔφτιαξα ἔχει, αὐτὸ τὸ σπίτι, αὐτὸ δένδρο, αὐτὸ τὸ σπίτι, αὐτὸ τὸ φορτηγό, αὐτὴ τὴν ἐκκλησίαν καὶ αὐτὸ τὸ σπίτι).

3. Τὸ σπίτι αὐτὸ ποῦ εἶναι; (Εἶναι στὸ χωριό).

— Μπορεῖς νὰ πεῖς ἀλλοιῶς, δτι τὸ σπίτι αὐτὸ ἀνήκει στὸ χωριό.

— Ποῦ ἀνήκει τὸ δέντρο; (Τὸ δέντρο ἀνήκει στὸ χωριό).

— Ποῦ ἀνήκει τὸ πράσινο σπίτι; (Τὸ πράσινο σπίτι ἀνήκει στὸ χωριό).

— Ποῦ ἀνήκει τὸ φορτηγό; (Τὸ φορτηγὸ ἀνήκει στὸ χωριό).

— Ποῦ ἀνήκει τὸ ἄσπρο σπίτι; (Τὸ ἄσπρο σπίτι ἀνήκει στὸ χωριό).

— Ποῦ ἀνήκει ἡ ἐκκλησία; (Ἡ ἐκκλησία ἀνήκει στὸ χωριό).

— Ποῦ ἀνήκει τὸ κόκκινη πόρτα; (Ἀνήκει στὸ χωριό).

Σημείωση.

Μὲ τὶς παραπάνω ἀσκήσεις τὸ παιδὶ συγειδητοποιεῖ τὶς πιὸ κάτω ἔννοιες καὶ σχέσεις συγδύων ἀντικειμένων.

Τὴν ἔννοιαν τοῦ συγγένειαν ἀντικειμένου μὲ τὴν κόκκινη πόρταν σὲ μιὰ συγκέντρωση.

Τὴν ἰδιότηταν ἔνδος ἀντικειμένου νὰ ἀνήκει στὴ συγκέντρωση αὐτῆς.

Τὴν ἰδιότητα τῆς συγκέντρωσης αὐτῆς νὰ περιέχει τὰ συγκεκριμένα αὐτὰ ἀντικείμενα.

#### 2. ΤΟ ΠΑΡΚΙΝΓΚ

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴν σελίδα 6.

I. Ἀσκήσεις ἀναγνώρισης.

1. Δεῖξε μὲ τὸ δάχτυλό σου μιὰ μιὰ τὶς εἰκόνες ποὺ βλέπεις καὶ πές μου τί παριστάνει κάθε μία. (Αὐτὸ εἶναι ἔνα αὐτοκίνητο τζίπ, αὐ-

τὸ εἶναι ἔνα ἐπιθατικό, αὐτὸς εἶναι ἔνα φορτηγό, αὐτὸς εἶναι ἔνα πούλμαν, αὐτὸς εἶναι ἔνα σπίτι καὶ αὐτὸς εἶναι ἔνα λεωφορεῖο).

— Μήπως ξέρεις ποιός φυλάει τὸ αὐτοκίνητα; ('Ο φύλακας).

— Ποῦ μένει ὁ φύλακας; ('Ο φύλακας μένει σ' αὐτὸς τὸ σπίτι).

## II. Ἀσκήσεις παρατηρητικότητας καὶ περιγραφῆς.

1. Παρατήρησε τὸ ἐπιθατικὸ αὐτοκίνητο καὶ περίγραψέ το, δηλαδὴ πές μου τί βλέπεις νὰ ἔχει. (Τὸ ἐπιθατικὸ αὐτοκίνητο εἶναι πράσινο χρῶμα καὶ ἔχει ἀσπρες ρόδες).

2. Περίγραψέ μου ἔνα καὶ « ἄλλα πράγματα, ποὺ βλέπεις,

Σημείωση: Μὲ τὶς ἀσκήσεις αὐτὲς ἔκτὸς ἀπὸ τὸ ὅτι διαγείρεται στὸ παιδὶ ἡ παρατηρητικότητα καθὼς καὶ ἡ ἴκανότητά του γὰρ περιγράψει, μὲ δάση τὶς παρατηρήσεις, ποὺ κάνει κάθε ἀντικείμενο, ποὺ ὅπως θὰ μάθει ἀργότερα, ἀποτελεῖ στοιχεῖο ἐγὸς συγόλου ἀντικειμένων.

## III. Ἀσκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε ἔνα δλα τὰ ἀντικείμενα, ποὺ δείχνουν αὐτές οἱ εἰκόνες.

2. Φτιάξε μερικὰ αὐτοκίνητα ὅρθια, ὅπως εἶναι ἡ μπουλντόζα, ποὺ ξέρεις.

## IV. Εννοιολογικὲς ἀσκήσεις.

1. Ποῦ ἔχεις ξαναδεῖ σταματημένα πολλὰ αὐτοκίνητα μαζί; (Στὸ πάρκινγκ αὐτοκινήτων).

— Φτιάξε δλα δσα βλέπεις στὴ σελίδα.

— Τὶ εἶναι δλα αὐτὰ ποὺ ἔφτιαξες; (Εἶναι ἔνα πάρκινγκ αὐτοκινήτων).

— Πῶς δλλοιδῶς θὰ πεῖς τὸ αὐτοκίνητα καὶ τὸ σπίτι τοῦ φύλακα ποὺ ἔφτιαξες; ("Ἐφτιαξε ἔνα σύνολο ἀπὸ αὐτοκίνητα σκιαγράφηματα").

— Τὶ καὶ τὶ περιέχει τὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ; (Τὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ περιέχει αὐτὸς τὸ τζίπ, αὐτὸς τὸ ἐπιθατικό, αὐτὸς τὸ σπίτι τοῦ φύλακα, αὐτὸς τὸ φορτηγό, αὐτὸς τὸ πούλμαν καὶ αὐτὸς τὸ λεωφορεῖο).

— "Ολα τὸ ἀντικείμενα, ποὺ περιέχει ἔνα σύνολο μπορεῖς νὰ τὰ λέξεις στοιχεῖα τοῦ πάρκινγκ.

— Ποιά εἶναι τὰ στοιχεῖα τοῦ πάρκινγκ; (Εἶναι τὸ τζίπ, τὸ ἐπιθατικό, τὸ σπίτι τοῦ φύλακα, τὸ φορτηγό, τὸ πούλμαν καὶ τὸ λεωφορεῖο).

2. Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τοῦ χωριοῦ; (Αὐτὸ τὸ σπίτι μὲ τὴν κόκκινη πόρτα, αὐτὸ τὸ δέντρο, αὐτὸ τὸ μικρὸ ἀσπρὸ σπιτάκι, αὐτὸ τὸ φορτηγό, αὐτή ἡ ἐκκλησία καὶ αὐτὸ τὸ πράσινο σπίτι).

3. Σὲ ποιό σύνολο ἀνήκει τὸ τζίπ; (Στὸ πάρκινγκ).

— Σὲ ποιό σύνολο ἀνήκει τὸ λεωφορεῖο; (Στὸ πάρκινγκ).

— Σὲ ποιό σύνολο ἀνήκει ἡ ἐκκλησία; (Στὸ χωριό).

— Σὲ ποιό σύνολο ἀνήκει τὸ πούλμαν; (Στὸ πάρκινγκ).

— Σὲ ποιό σύνολο ἀνήκει τὸ πράσινο σπίτι; (Στὸ χωριό).

### 3. ΜΕΡΙΚΑ ΚΑΙ ΟΛΑ

1. Φτιάξε ὅλα τ' αὐτοκίνητα, ποὺ περιέχει τὸ πάρκινγκ, (ἐκτὸς ἀπὸ τὸ σπίτι τοῦ φύλακα).

— Τί είναι ὅλα τ' αὐτοκίνητα μαζί; (Εἶναι ἔνα σύνολο ἀπὸ αὐτοκίνητα).

— Ποιά είναι ὅλα τ' αὐτοκίνητα τοῦ πάρκινγκ; ("Ολα τ' αὐτοκίνητα τοῦ πάρκινγκ είναι τὸ τζίπ, τὸ ἐπιθατικό, τὸ φορτηγό, τὸ πούλμαν καὶ τὸ λεωφορεῖο).

2. Τί μεταφέρει τὸ τζίπ; (Τὸ τζίπ μεταφέρει ἐπιβάτες).

— Τί μεταφέρει τὸ ἐπιθατικό; (Τὸ ἐπιθατικὸ μεταφέρει ἐπιβάτες).

— Τί μεταφέρει τὸ φορτηγό; (Τὸ φορτηγὸ μεταφέρει φορτία).

— Τί μεταφέρει τὸ πούλμαν; (Τὸ πούλμαν μεταφέρει ἐπιβάτες).

— Τί μεταφέρει τὸ λεωφορεῖο; (Τὸ λεωφορεῖο μεταφέρει ἐπιβάτες).

— Ποιά αὐτοκίνητα μεταφέρουν ἐπιβάτες; (Τὸ τζίπ, τὸ ἐβίθατικό, τὸ πούλμαν καὶ τὸ λεωφορεῖο).

— Τὰ αὐτοκίνητα, ποὺ μεταφέρουν ἐπιβάτες, τὰ λέμε ἐπιθατικὰ αὐτοκίνητα.

— Τὰ αὐτοκίνητα, ποὺ μεταφέρουν ἐπιβάτες, είναι ὅλα τ' αὐτοκίνητα τοῦ πάρκινγκ; ("Οχι δὲν είναι ὅλα, είναι μερικά μόνο).

— Τί ἀποτελοῦν μόνα τους τὰ ἐπιθατικὰ αὐτοκίνητα; (Αποτελοῦν ἔνα σύνολο).

3. Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του μερικά (ἢ ὅλα τὰ στοιχεῖα) ἔνδος ἄλλου συνόλου συνόλου, τὸ λέμε ὑποσύνολο.

4. Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του ὅλα τὰ στοιχεῖα ἔνδος ἄλλου συνόλου τὸ λέμε ὑποσύνολο.

— Τί είναι τὸ σύνολο τῶν ἐπιθατικῶν αὐτοκινήτων μέσα στὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ; (Τὸ σύνολο τῶν ἐπιθατικῶν αὐτοκινήτων είναι ὑποσύνολο τοῦ συνόλου ὅλων τῶν αὐτοκινήτων τοῦ πάρκινγκ).

\*Α σκήσεις.

1. Τί είναι τὸ σύνολο ὅλων τῶν αὐτοκινήτων τοῦ πάρκινγκ σὲ σχέση μὲ μόνο τὰ ἐπιθατικὰ αὐτοκίνητα; (Τὸ σύνολο ὅλων τῶν αὐτοκινήτων

των τοῦ πάρκινγκ είναι ύπερσύνολο σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο τῶν ἐπιθετικῶν αὐτοκινήτων μόνο).

2. Τί σύνολο είναι μόνα τους τὰ σπίτια τοῦ χωριοῦ σὲ σχέση μὲ δῆλο τὸ χωριό; (Τὰ σπίτια τοῦ χωριοῦ είναι ἔνα ύποσύνολο τοῦ χωριοῦ).

3. Τί σύνολο είναι τὸ πράσινο σπίτι τοῦ χωριοῦ σὲ σχέση μὲ μόνο τὰ σπίτια τοῦ χωριοῦ; (Τὸ πράσινο σπίτι είναι ἔνα ύποσύνολο τοῦ συνόλου τῶν σπιτιών τοῦ χωριοῦ).

4. Τί είναι σύνολο τῶν σπιτιών τοῦ χωριοῦ σὲ σχέση μὲ τὸ πράσινο σπίτι; (Υπερσύνολο).

5. Τί σύνολο είναι τὸ σύνολο τῶν ἐπιθετικῶν αὐτοκινήτων σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο τοῦ τζίπ καὶ τοῦ λεωφορείου; (Υπερσύνολο).

#### 4. ΣΤΟ ΕΝΑ ΚΑΙ ΣΤΟ ΆΛΛΟ

1. Παρατήρησε καλὰ τὸ σύνολο τοῦ χωριοῦ καὶ τὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ στὸ βιβλίο σου.

— Βλέπεις κανένα ἀντικείμενο, ποὺ ν' ἀνήκει καὶ στὸ σύνολο τοῦ χωριοῦ καὶ στὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ; (Ναι βλέπω).

— Πέξ μου ποιά είναι αὐτά; (Τὰ ἀντικείμενα ποὺ ἀνήκουν καὶ στὸ σύνολο τοῦ χωριοῦ καὶ στὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ είναι τὸ φορτηγὸ αὐτοκίνητο καὶ τὸ σπίτι τοῦ φύλακα).

— Φτιάξε τὸ φορτηγὸ αὐτοκίνητο καὶ τὸ σπίτι τοῦ φύλακα.

— Τί είναι αὐτὸ ποὺ ἔφτιαξες; (Είναι ἔνα σύνολο).

— Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα του; (Είναι τὸ φορτηγὸ αὐτοκίνητο καὶ τὸ σπίτι τοῦ φύλακα).

— Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του ἀντικείμενα, ποὺ ἀνήκουν συγχρόνως σὲ ἔνα καὶ σὲ ἄλλο σύνολο τὸ λέμε τομὴ τῶν συνόλων αὐτῶν.

— Ποιά είναι ἡ τομὴ τοῦ συνόλου τοῦ χωριοῦ καὶ τοῦ συνόλου τοῦ πάρκινγκ; (Είναι τὸ σύνολο τοῦ σπιτιοῦ τοῦ φύλακα καὶ τοῦ φορτηγοῦ αὐτοκίνητου).

?Α σκήσεις.

Δεῖξτε στὸ παιδί τίς σελίδες 4 καὶ 5.

1. Παρατήρησε καλὰ αὐτὰ τὰ δύο σύνολα. Πέξ μου ποιά ἀντικείμενα ἀνήκουν στὸ ἔνα καὶ στὸ ἄλλο σύνολο; (Τὸ δέντρο καὶ τὸ μικρὸ ἀσπρό σπιτάκι).

— Φτιάξε τὸ σύνολο, ποὺ νὰ ἔχει αὐτὰ γιὰ στοιχεῖα του.

— Πῶς τὸ λέμε τὸ σύνολο, ποὺ τὰ στοιχεῖα του ἀνήκουν συγχρόνως σὲ ἔνα καὶ σὲ ἄλλο σύνολο; (Τὸ λέμε τομὴ τῶν συνόλων αὐτῶν).

Δεῖξε στὸ παιδὶ τις σελίδες 4 καὶ 6.

2. Βρές τὴν τομὴ τῶν συνόλων αὐτῶν καὶ φτιάξε τὰ στοιχεῖα, πού περιέχει.

## 5. ΤΑ ΠΛΟΙΑ

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὰ πλοῖα τῆς σελίδας 7.

### I. Ἀσκήσεις ἀναγνώρισης.

1. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα μὲ τί μοιάζει; (Μοιάζει μὲ πλοϊο φορτωμένο).
2. Τὸ πλοῖο αὐτὸ τὸ λέμε φορτηγίδα.
3. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα μὲ τί μοιάζει; (Μ' ἔνα ἐπιβατηγὸ πλοῖο).
4. Αὐτὴ ἡ εἰκόνα μὲ τί μοιάζει; (Μ' ἔνα ἰστιοφόρο πλοῖο).

### II. Ἀσκήσεις παρατήρησικότητας καὶ περιγραφῆς.

1. Περιγραφέ μου τὴ φορτηγίδα. (Ἡ φορτηγίδα ἔχει πράσινο χρῶμα καὶ εἶναι φορτωμένη μὲ ἄσπρα κιθώτια).
2. Περιγραφέ μου τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο. (Τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο εἶναι πράσινο, ἔχει κόκκινες καμπίνες καὶ κόκκινες καπνοδόχους).
3. Περιγραφέ μου τὸ ἰστιοφόρο. (Τὸ ἰστιοφόρο εἶναι κόκκινο, ἔχει ἔνα μπλέ κατάρτι καὶ ἀσπρό πανί).

### III. Ἀσκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε τὰ πλοῖα, ποὺ πηγαίνουν στὸ λιμάνι νὰ ξεφορτώσουν ἐπιβάτες καὶ διάφορα πράγματα.

### IV. Ἐννοιολογικές ἀσκήσεις.

1. Τὶ ἀποτελοῦν δλα τὰ πλοῖα μαζί, ποὺ ἔφτιαξες; (Ἀποτελοῦν ἔνα σύνολο ἀπό πλοῖα).

- Ποῦ ἀνήκει ἡ φορτηγίδα; (Στὸ σύνολο τῶν πλοίων).
- Ποῦ ἀνήκει τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο; (Στὸ σύνολο τῶν πλοίων).
- Ποῦ ἀνήκει τὸ ἰστιοφόρο; (Στὸ σύνολο τῶν πλοίων).
- Ποιά εἶναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν πλοίων; (Τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν πλοίων εἶναι ἡ φορτηγίδα, τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο καὶ τὸ ἰστιοφόρο).

4. Τὶ εἶναι τὸ ἰστιοφόρο καὶ ἡ φορτηγίδα στὸ σύνολο τῶν πλοίων; (Εἶναι ὑποσύνολο).

5. Τὶ εἶναι δλα τὰ πλοῖα σὲ σχέση μὲ τὴ φορτηγίδα καὶ τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο; (Εἶναι ὑπερσύνολο).

## 6. ΤΟ ΛΙΜΑΝΙ

Δεῖξτε στὸ πανδὶ τὸ γερανὸ καὶ τὸ φάρο τῆς σελίδας 7.

### I. Ἀσκήσεις ἀναγνώρισης.

- Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; ("Εναν γερανό).
- Αὐτὴ ἡ εἰκόνα τί παριστάνει; ("Εναν φάρο).

### II. Ἀσκήσεις παρατηρητικότητας καὶ περιγραφῆς.

1. Τί κάνει τὸ γερανὸ νὰ κινεῖται καὶ νὰ ἐργάζεται; (Ἡ μηχανὴ του).

- "Εχει ρόδες ὁ γερανός; ("Οχι δὲν ἔχει ρόδες, ἔχει ἀλυσίδες).
- Τις ἀλυσίδες, ποὺ ἔχει ὁ γερμανὸς τίς λέμε ἀλλοιῶς ἐρπύστριες.
- Τὶ δουλειὰ κάνει ὁ γερανός; (Φορτώνει ἢ ξεφορτώνει τὰ θαριὰ φορτία στὰ πλοῖα).

- Μὲ τί σηκώνει τὰ φορτία; (Μὲ αὐτὸ τὸ μακρὺ σίδερο).
- Τὸ μακρὺ αὐτὸ σίδερο τὸ λέμε θραχίονα.
- Πές μου τώρα δσα βλέπεις νὰ ἔχει ὁ γερανός. (Ο γερανὸς ἔχει μηχανή, ἐρπύστριες καὶ θραχίονα).
- 2. Σὲ τί χρησιμεύει ὁ φάρος; (Ο φάρος δείχνει τὸ δρόμο στὰ πλαΐα τῇ νύχτᾳ).
- Πῶς φαίνεται ὁ φάρος τὴν νύχτα; ("Εχει ἔνα δυνατὸ φῶς στὴν κορυφὴ του).
- Πές μου ὅτι ξέρεις γιὰ τὸ φάρο. (Ο φάρος ἔχει ἔνα δυνατὸ φῶς, ποὺ δείχνει τὸ δρόμο στὰ πλοῖα τῇ νύχτᾳ).

### III. Ἀσκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε τὸ γερανὸ καὶ τὸ φάρο, δπως τοὺς θλέπεις στὶς εἰκόνες τους.

2. Φτιάξε τὸ φάρο καὶ τὸ γερανὸ ὅρθιους, δπως ἡ μπουλντόζα.

### IV. Ἐννοιολογικὲς ἀσκήσεις.

- 1. Τὶ εἰναι μαζὶ ὁ γερανὸς καὶ ὁ φάρος, ποὺ ἔφτιαξες; (Ο γερανὸς καὶ ὁ φάρος εἰναι ἔνα σύνολο ἀπό ἀντικείμενα).
- Ποῦ ἔχεις δεῖ γερανὸ καὶ φάρο μαζὶ; (Στὸ λιμάνι.).
- Ποῦ ἀνήκει ὁ γερανός; (Ο γερανὸς ἀνήκει στὸ λιμάνι).
- Ποῦ ἀνήκει ὁ φάρος; (Ο φάρος ἀνήκει στὸ λιμάνι).
- Πῶς ἀλλοιῶς λέμε τὸ γερανὸ καὶ τὸ φάρο; (Σύνολο τοῦ λιμανοῦ ἡ λιμάνι).

## 7. ΤΟ ΛΙΜΑΝΙ ΜΕ ΤΑ ΠΛΟΙΑ

1. Τὰ πλοῖα, ποὺ εἶχες φτιάξει προηγούμενα, ταξιδεύοντας φτάσα-  
νε στὸ λιμάνι.

—Φτιάξε ξανὰ τὸ λιμάνι μὲ τὸ γερανὸ καὶ τὸ φάρο. Βάλε κοντά  
σ’ αὐτὰ καὶ τὰ πλοῖα, ποὺ φτάσανε στὸ μεταξύ.

—Τί ἔγινε τὸ λιμάνι τώρα, ποὺ ἥρθαν τὰ πλοῖα; (Μπῆκαν τὰ πλοῖα,  
μέσα στὸ λιμάνι κι’ ἔγινε ἔνα λιμάνι μὲ πλοῖα).

—Τί ἦταν τὸ λιμάνι πρὶν ἔρθουν τὰ πλοῖα; (Ήταν ἔνα σύνολο, ποὺ  
εἶχε μόνο ἔνα γερανὸ καὶ ἔνα φάρο).

—Τί ἦταν τὰ πλοῖα πρὶν ἔρθουν στὰ λιμάνι; (Ήταν ἔνα σύνολο  
ἀπὸ μιὰ φορτηγίδα, ἔνα ἐπιβατηγὸ πλοῖο καὶ ἔνα ίστιοφόρο).

—Τί ἔγινε τὸ σύνολο τῶν πλοίων καὶ τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ; (Τὸ  
σύνολο τῶν πλοίων ἐνώθηκε μὲ τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ κι’ ἔκαναν ἔνα  
νέο σύνολο).

—Πῶς θὰ ποῦμε τὸ νέο αὐτὸ σύνολο; (Θὰ τὸ ποῦμε σύνολο τοῦ  
λιμανιοῦ μὲ τὰ πλοῖα).

—Ποιά εἶναι τὰ στοιχεῖα τοῦ νέου συνόλου; (Τὰ στοιχεῖα τοῦ  
νέου συνόλου εἶναι ἡ φορτηγίδα, τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο, τὸ ίστιοφόρο,  
ό γερανὸς καὶ ὁ φάρος).

—Ποῦ ἀνήκει τώρα ὁ γερανός; (Στὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ μὲ τὰ  
πλοῖα).

—Ποῦ ἀνήκει τώρα τὸ ἐπιβατικὸ πλοῖο; (Στὸ σύνολο τοῦ λιμα-  
νιοῦ μὲ τὰ πλοῖα).

—Ποῦ ἀνήκει τώρα τὸ ίστιοφόρο; (Στὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ μὲ  
τὰ πλοῖα).

—“Οταν ἔνα σύνολο ἐνώνεται μ’ ἔνα ἄλλο γίνεται ἔνα νέο σύνο-  
λο, ποὺ τὸ λέμε ἐν ω σή τους.

—Τὸ νέο αὐτὸ σύνολο ποιά ἔχει γιὰ στοιχεῖα του; (“Εχει δλα τὰ  
στοιχεῖα τῶν συνόλων, ποὺ ἐνώθηκαν).

?Α σκήσεις διάφορες.

1. Φτιάξε τὴν ἐνωση τοῦ συνόλου τῶν ἐπιβατικῶν αὐτοκινήτων  
τοῦ πάρκινγκ καὶ τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ.

2. Φιάξε τὴν ἐνωση τοῦ συνόλου τοῦ φορτηγοῦ αὐτοκινήτου καὶ  
τοῦ λιμανιοῦ.

3. Φτιάξε σύνολα καὶ ἐνωσέ τα.

## 8. ΤΟ ΕΝΑ ΓΙΑ ΤΑ ΆΛΛΑ

1. Φτιάξε στὴν ἀριστερὴ μεριά τῆς πινακίδας τὸ σύνολο τῶν πλοί-  
ων, ποὺ μπαίνουν στὸ λιμάνι, δηλαδὴ τὴ φορτηγίδα, τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο

καὶ τὸ ἴστιοφόρο, καὶ στὴ δεξιὰ μεριά τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ, δηλαδὴ τὸ φάρο καὶ τὸ γερανό.

2. Πές μου τώρα γιὰ ποιά φωτίζει ὁ φάρος:

— Γιὰ τὴ φορτηγίδα φωτίζει ὁ φάρος; (Ναι ὁ φάρος φωτίζει γιὰ τὴ φορτηγίδα).

— Γιὰ τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο φωτίζει ὁ φάρος; (Ναι ὁ φάρος φωτίζει γιὰ τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο).

— Γιὰ τὸ ἴστιοφόρο φωτίζει ὁ φάρος; (Ναι ὁ φάρος φωτίζει γιὰ τὸ ἴστιοφόρο).

3. Πές μου τώρα ποιό φορτώνει ὁ γερανός:

— Τὴ φορτηγίδα τὴ φορτώνει ὁ γερανός; (Ναι τὴ φορτηγίδα τὴ φορτώνει ὁ γερανός).

— Τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο τὸ φορτώνει ὁ γερανός; (Ναι τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο τὸ φορτώνει ὁ γερανός).

— Τὸ ἴστιοφόρο τὸ φορτώνει ὁ γερανός; (Ναι τὸ ἴστιοφόρο τὸ φορτώνει ὁ γερανός).

Σημείωση: Μὲ τὴν ἀσκησην αὐτὴ τὸ παιδὶ συνειδητοποιεῖ τὴν ὑπαρξην σχέσεων μεταξὺ κάθε στοιχείου ἐνὸς συγόλου πρὸς κάθε στοιχεῖο ἐνὸς ἄλλου συγόλου. Τὶς σχέσεις μεταξὺ στοιχείων συγόλων τὶς λέμε θυαδίκες σχέσεις.

Ασκήσεις διάφορες.

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴ σελίδα 6.

1. Πές μου ποιό καὶ ποιό αὐτοκίνητο φυλάσσει ὁ φύλακας τοῦ πάρκινγκ;

2. Πές μου, διδιοκτήτης τοῦ τζίπ ποιόν πληρώνει γιὰ τὴ φύλαξη του στὸ πάρκινγκ; (Πληρώνει τὸ φύλακα τοῦ πάρκινγκ).

## 9. ΣΥΜΠΛΗΡΩΜΑ

1. Φτιάξε τὸ γερανό, τὴ φορτηγίδα καὶ τὸ φάρο, ποὺ εἶχες ξαναφτιάξει.

— Τὶ χρειάζεται γιὰ νὰ γίνει δλο τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ μὲ τὰ πλοῖα; (Χρειάζεται ἀκόμη τὸ ἐπιβατηγὸ πλοῖο καὶ τὸ ἴστιοφόρο).

Αὐτὰ ποὺ λείπουν γιὰ νὰ φτιάξουμε ἔνα σύνολο τὰ λέμε συμπλήρωμα τοῦ φάρου.

Ασκήσεις διάφορες.

1. Φτιάξε τὰ σπίτια μόνο τοῦ χωριοῦ. Τὶ λείπει γιὰ νὰ γίνει δλο τὸ χωριό; (Λείπει τὸ δέντρο, ἡ ἐκκλησία καὶ τὸ φορτηγό).

- Πῶς λέμε αὐτά ποὺ λείπουν; (Συμπλήρωμα).
- Φτιάξε δίπλα τὸ συμπλήρωμα αὐτό.
2. Φτιάξε τὸ σπίτι τοῦ φύλακα, τὸ λεωφορεῖο καὶ τὸ τζίπ.
- Τί λείπει γιὰ νὰ ἔχεις δόλο τὸ πάρκινγκ; (Λείπει τὸ ἐπιθατικό, τὸ φορτηγὸ καὶ τὸ πούλμαν).
- Πῶς τὰ λέμε αὐτά ποὺ λείπουν; (Τὰ λέμε συμπλήρωμα τοῦ συνόλου).
- Φτιάξε δίπλα τὸ συμπλήρωμα αὐτό.

## 10. ΞΕΧΩΡΙΣΜΑ ΠΡΑΓΜΑΤΩΝ

1. Φτιάξε τὸ λιμάνι μὲ τὰ πλοῖα.
- Βάλε ύστερα στὴν ἀριστερὴ μεριὰ ὅτι πλέει στὴ θάλασσα καὶ στὴ δεξιὰ ὅτι βρίσκεται στὴ στεριά.
- Ποιά εἰναι αὐτὰ ποὺ πλέουν στὴ θάλασσα; (Εἶναι δηλαδὴ τὸ σύνολο τῶν πλοίων, ἡ φορτηγίδα, τὸ ἐπιθατηγὸ πλοῖο καὶ τὸ ίστιοφόρο).
- Ποιά εἰναι αὐτὰ ποὺ βρίσκονται στὴ στεριά; (Εἶναι ὁ φάρος καὶ ὁ γερανός, δηλαδὴ τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ).
- Τί ἥταν αὐτὸ ποὺ ἔκανες; (Ήταν ἔνα ξεχώρισμα).
- Τί ξεχώρισες; (Ξεχώρισα τὰ στοιχεῖα ἔνδος συνόλου σὲ ἄλλα σύνολα).
- Τὸ ξεχώρισμα αὐτὸ τὸ λέμε διαμερισμὸ τοῦ συνόλου σὲ ύποσύνολα.

\*Α σκήσεις.

1. Φτιάξε ὅλα τ' αὐτοκίνητα τοῦ πάρκινγκ.
- Τί εἰναι αὐτὸ ποὺ ἔφτιαξες; ("Ενσα σύνολο ἀπὸ αὐτοκίνητα").
- Ξεχώρισε τὰ ἐπιθατικὰ καὶ βάλτα στὴν ἀριστερὴ μεριὰ τῆς πινακίδας.
- Ξεχώρισε τὰ φορτηγὰ καὶ βάλτα στὴ δεξιὰ μεριὰ τῆς πινακίδας.
- Ποιά εἰναι τὰ ἐπιθατικά; (Τὸ τζίπ, τὸ ἐπιθατικό, τὸ πούλμαν καὶ τὸ λεωφορεῖο).
- Ποιά εἰναι τὰ φορτηγά; (Τὸ φορτηγὸ μόνο).
- Τί εἰναι τὰ ἐπιθατικὰ αὐτοκίνητα σὲ σχέση μὲ δόλο τὸ πάρκινγκ; (Εἶναι ἔνα ύποσύνολο τοῦ πάρκινγκ).
- Τί εἰναι τὸ φορτηγὸ σὲ σχέση μὲ δόλο τὸ πάρκινγκ; (Εἶναι ἔνα ύποσύνολο του).
2. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν πλοίων.
- Ξεχώρισε τὰ πλοῖα, ποὺ ἔχουν μηχανή, ποὺ τὰ κινάει καὶ κεῖνα, ποὺ δὲν ἔχουν μηχανή.
- Ποιά πλοῖα ἔχουν μηχανή; (Μόνο τὸ ἐπιθατηγὸ πλοῖο).

- Ποιά πλοιά δὲν ᔁχουν μηχανή; (Τὸ ἴστιοφόρο καὶ ἡ φορτηγίδα).  
 — Τὶ εἶναι τὸ ἴστιοφόρο καὶ ἡ φορτηγίδα μαζί; (Εἶναι ἕνα ὑποσύνολο τοῦ συνόλου τῶν πλοίων).  
 — Τὶ εἶναι τὸ ἐπιθετηγό πλοῖο; (Εἶναι ἕνα ὑποσύνολο τοῦ συνόλου τῶν πλοίων).

3. Φτιάξε τὸ χωριό καὶ μοίρασέ το σὲ κινητὰ καὶ ἀκίνητα πράγματα.

- Ποιά εἶναι ἀκίνητα; (Τὰ σπίτια, τὸ δένδρο καὶ ἡ ἐκκλησία).  
 — Ποιά εἶναι τὰ κινητά; (Μόνο τὸ φορτηγό αὐτοκίνητο).  
 — Τὶ εἶναι τὰ σπίτια καὶ ἡ ἐκκλησία καὶ τὸ δέντρο μαζί; (Εἶναι ἕνα ὑποσύνολο τοῦ χωριοῦ).

— Τὶ εἶναι τὸ φορτηγό; (Εἶναι ὑποσύνολο τοῦ χωριοῦ).

4. Φτιάξε μόνο τὰ σπίτια τοῦ χωριοῦ. Βάλτα χώρια μὲ βάση τὸ χρῶμα ποὺ ᔁχουν οἱ τοῖχοι τοῦ καθενός.

- Ποιά σπίτια ἔβαλες ἀριστερά; (Αὐτὰ ποὺ οἱ τοῖχοι τους ᔁχουν ἄσπρο χρῶμα).

— Ποιά σπίτια ἔβαλες δεξιά; (Αὐτὰ ποὺ οἱ τοῖχοι τους ᔁχουν πράσινο χρῶμα).

- Τὶ εἶναι τὰ σπίτια ποὺ ᔁχουν ἄσπρο χρῶμα; (Εἶναι ἕνα ὑποσύνολο τοῦ συνόλου τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ).

— Τὶ εἶναι τὸ πράσινο σπίτι; (Εἶναι ἕνα ὑποσύνολο τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ).

## 11. ΟΣΑ ΕΧΕΙ ΤΟ ΕΝΑ ΤΟΣΑ ΕΧΕΙ ΚΑΙ ΤΟ ΆΛΛΟ

1. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ, στὴν ἀριστερὴ μερία τῆς πινακίδας.

- Φτιάξε στὴ δεξιὰ πλευρὰ τῆς πινακίδας τὸ σύνολο τῶν πλοίων.  
 — Βάλε δίπλα σὲ κάθε σπίτι ἀπὸ ἕνα μόνο πλοῖο.  
 — Σοῦ φτάσανε τὰ πλοῖα; (Ναὶ μοῦ φτάσανε).  
 — Σοῦ περίσσεψε κανένα πλοῖο; ("Οχι δὲν μοῦ περίσσεψε").  
 — "Εμεινε κανένα σπίτι, ποὺ νὰ μὴν ᔁχει δίπλα του ἕνα πλοῖο; ("Οχι, κάθε σπίτι ᔁχει δίπλα του ἕνα μόνο πλοῖο").  
 — Πόσα εἶναι τὰ σπίτια; ("Οσα καὶ τὰ πλοῖα").  
 — "Οταν ἕνα σύνολο ᔁχει ὅσα στοιχεῖα ᔁχει ἕνα ἄλλο σύνολο λέμε ὅτι εἶναι ἵσο μ' αὐτό.  
 — Τὴν ἐργασία ποὺ ᔁκανες νὰ βάζεις μόνο ἕνα στοιχεῖο τοῦ ἐνὸς τῆς σύγκρισης τοῦ πλήθους τῶν στοιχείων διαφορετικῶν συνόλων γὴ δπως λέμε ἀντιστοιχία.

Σημείωση: Μὲ τὴν ἀσκηση αὐτὴ τὸ παιδὶ συγειδητοποιεῖ τὴν ἔννοια τῆς σύγκρισης τοῦ πλήθους τῶν στοιχείων διαφορετικῶν συνόλων γὴ δπως λέμε τῶν πληθών γ τους ἀριθμοὺς.

## Α σκήνη σεις.

1. Φτιάχε τὸ σύνολο τοῦ τζίπ καὶ τοῦ ἐπιθατικοῦ αὐτοκινήτου καὶ δίπλα τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ (φάρος καὶ γερανός). Πές μου ἄν τὰ σύνολα αὐτὰ εἶναι ἵσα μεταξύ τους. (Εἶναι ἵσα μεταξύ τους).

2. Φτιάχε τὸ ύποσύνολο τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ. Φτιάχε δίπλα του τὸ συμπλήρωμά του ὡς πρὸς δόλο τὸ χωριό. Τὰ σύνολα αὐτὰ εἶναι ἵσα μεταξύ τους; (Ναὶ εἶναι ἵσα μεταξύ τους).

3. "Αγοιξε τὸ βιβλίο στὴ σελίδα, ποὺ ἔχει τὸ σύνολο τῆς μπουλντόζας, τοῦ σπιτιοῦ, τοῦ ἀλεξίπτωτου, τοῦ πράσινου καὶ τοῦ δέντρου. Τὸ σύνολο αὐτὸ θὰ τὸ λέμε σύνολο τῆς μπουλντόζας. Πάτησε μὲ τὸ ἔνα δάχτυλο τοῦ ἀριστεροῦ σου χεριοῦ μιὰ εἰκόνα τοῦ συνόλου τῆς μπουλντόζας καὶ συγχρόνως μὲ τὸ ἔνα δάχτυλο τοῦ δεξιοῦ σου χεριοῦ μιὰ εἰκόνα τοῦ συνόλου μὲ τὰ πλοῖα. Κάντο αὐτὸ μέχρι νὰ τελειώσουν οἱ εἰκόνες τῆς μιᾶς σελίδας.

— Πές μου ἄν τὰ σύνολα αὐτὰ εἶναι ἵσα; (Ναὶ εἶναι ἵσα).

## 12. ΠΕΡΙΣΣΟΤΕΡΑ, ΛΙΓΩΤΕΡΑ

Δεῖξε τὴ σελίδα 8.

1. Φτιάχε στὸ ἀριστερὸ μέρος τῆς πινακίδας τὸ ὑπόλοιπο τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ. Βάλε τὰ σπίτια τὸ ἔνα κάτω στὸ ἄλλο σὲ σειρά, διπλαὶ φαίνονται στὴ σελίδα αὐτῇ.

— Φτιάχε στὴ δεξιὰ πλευρὰ τῆς πινακίδας σὲ σειρὰ ἀπὸ πάνω πρὸς τὰ κάτω τὸ σύνολο τοῦ τζίπ, τοῦ φορτηγοῦ τοῦ ἐπιθατικοῦ καὶ τοῦ πούλιμαν.

— Φαντάσου πώς τ' αὐτοκίνητα, ποὺ ἔφτιαξες εἶναι πραγματικά καὶ πώς σὲ κάθε σπίτι ἀπέναντι μένει καὶ ἔνας φίλος σου. Χάρισε ἀπὸ ἔνα αὐτοκίνητο σὲ κάθε φίλο σου.

— Πάρε ἔνα αὐτοκίνητο καὶ βάλτο δίπλα στὸ σπίτι, ποὺ μένει ὁ ἔνας φίλος σου, κάνε τὸ ἴδιο μὲ ἔνα ἄλλο αὐτοκίνητο γιὰ τὸν ἄλλο φίλο σου καὶ τὸ ἴδιο κάνε συνέχεια μέχρι νὰ τελειώσουν τὰ σπίτια τῶν φίλων σου.

— Εθαλες δίπλα σὲ κάθε σπίτι ἔνα αὐτοκίνητο; (Ναὶ ἔθαλα).

— Σοῦ περίσσεψε κανένα αὐτοκίνητο; (Ναὶ μοῦ περίσσεψε).

— Ἐχει τὸ σύνολο τῶν αὐτοκινήτων ὅσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τῶν σπιτιῶν; (Τὸ σύνολο τῶν αὐτοκινήτων ἔχει ὅσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τῶν σπιτιῶν καὶ πάρα πάνω ἀκόμη).

— Οταν ἔνα σύνολο ἔχει ὅσα στοιχεῖα ἔχει ἔνα ἄλλο σύνολο καὶ πάρα πάνω ἀκόμα λέμε ὅτι ἔχει περισσότερα στοιχεῖα ἀπὸ αὐτό, τὸ ἄλλο ἔχει λιγότερα στοιχεῖα.

— Ποιό σύνολο λοιπὸν ἔχει περισσότερα στοιχεῖα; (Τὸ σύνολο τῶν αὐτοκινήτων).

— Ποιό σύνολο ἔχει λιγότερα στοιχεῖα; (Τὸ σύνολο τῶν σπιτιῶν).

## Α σκήσεις.

1. Φτιάξε ἀριστερά τὸ σύνολο τῶν πλοίων καὶ δεξιὰ τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ. Βάλε δίπλα σὲ κάθε στοιχεῖο τοῦ λιμανιοῦ ἔνα στοιχεῖο τοῦ συνόλου τῶν πλοίων. Πές μου ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα; (Τὸ σύνολο τῶν πλοίων ἔχει περισσότερα στοιχεῖα ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ).

2. Σύγκρινε μὲ τὰ δάχτυλά σου τὸ σύνολο τῶν πλοίων μὲ τὸ σύνολο τῶν ἐπιθατικῶν αὐτοκινήτων καὶ πές μου ποιό ἔχει περισσότερα στοιχεῖα. (Τὸ σύνολο τῶν ἐπιθατικῶν αὐτοκινήτων).

3. Φτιάξε τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ καὶ δίπλα του τὸ σύνολο τῶν σπιτιών τοῦ χωριοῦ. Πές μου ποιό ἔχει περισσότερα στοιχεῖα τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ ἢ τὸ σύνολο τῶν σπιτιών τοῦ χωριοῦ; (Τὸ σύνολο τῶν σπιτιών τοῦ χωριοῦ).

4. Φτιάξε μόνος σου διάφορα σύνολα καὶ θρές ποιό ἔχει περισσότερα καὶ ποιό ἔχει λιγότερα στοιχεῖα καὶ ποιά ἔχουν ίσα στοιχεῖα.

## 13. ΣΕ ΠΟΙΟ ΛΕΙΠΕΙ ΑΥΤΟ;

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴν σελίδα 9.

I. Ἡ Ασκήσεις ἀναγνώρισης καὶ παρατηρητικότητας.

1. Πές μου τί παρουσιάζει κάθε εἰκόνα τοῦ συνόλου, ποὺ εἶναι στὸ πάνω μέρος τῆς σελίδας. (Μιὰ θάρκα, ἔνα τζίπ καὶ ἔνα σπίτι).

2. Λείπει τίποτα ἀπὸ τὸ τζίπ; (Ναὶ τοῦ λείπει ἡ μία ρόδα).

3. Πές μου τί παρουσιάζει, ἀπ’ δὴ μέχρι τώρα ξέρεις κάθε εἰκόνα τοῦ συνόλου, ποὺ εἶναι στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας; (Μιὰ ρόδα, μιὰ στέγη καὶ ἔνα πανί θάρκας).

II. Ἡ Ασκήσεις δεξιοτεχνίας.

1. Φτιάξε τὰ σύνολα αὐτὰ πάνω στὴν πινακίδα, ὅπως φαίνονται στὴ σελίδα.

III. Ἔννοιολογικὲς ἀσκήσεις.

1. Παρατήρησε τὴν ρόδα τοῦ κάτω συνόλου.

— Η ρόδα αὐτὴ λείπει ἀπὸ κανένα στοιχεῖο τοῦ πάνω συνόλου; (Ναὶ λείπει ἀπὸ τὸ τζίπ).

— Βάλε τὴν ρόδα στὴ θέση, ποὺ λείπει στὸ τζίπ.

2. Κάνε τὸ ίδιο καὶ μὲ τὰ ἄλλα στοιχεῖα τοῦ κάτω συνόλου.

3. Πῶς λέμε τὴν ἐργασία ποὺ ἔκανες; (Τὴ λέμε ἀντιστοιχία).

#### 14. OTI EXEI TO ENA DEN TO EXEI TO ALLO

1. Φτιάξε στήν ἀριστερὴ μερὶα τῆς πινακίδας τὸ σύνολο τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ ἀρχίζοντας ἀπὸ τὴν ἄκρη καὶ στὴ δεξιὰ μερὶα τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ.

— Παρατήρησε καλὰ τὸ ἔνα καὶ τὸ ἄλλο σύνολο. Βλέπεις νὰ ἔχουν κανένα ἕδιο στοιχεῖο; ("Οχι δὲν θλέπω").

— Τὰ σύνολα, ποὺ δὲν ἔχουν κανένα ἕδιο στοιχεῖο, τὰ λέμε ξένα λα.

Α σκήσεις.

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴν πρώτην σελίδα.

— Δέξ τὸ σύνολο αὐτό, ποιά εἶναι τὰ στοιχεῖα του; (Τὸ πλοῖο, ἡ γάτα, τὸ δέντρο καὶ τὸ τραπέζι).

— Τὸ σύνολο αὐτὸ γιὰ συντομία θὰ τὸ λέμε σύνολο τῆς γάτας.

— Δέξ στὸ βιβλίο σου τὰ πιὸ κάτω σύνολα καὶ πές μου ἂν εἶναι ἢ οὗτοι ξένα μεταξύ τους.

1. Τὸ χωριό καὶ τὸ πάρκινγκ; ("Οχι δὲν εἶναι ξένα").

2. Τὸ χωριό καὶ τὸ λιμάνι μὲ τὰ πλοῖα; (Ναι εἶναι ξένα).

3. Τὸ χωριό καὶ τὸ σύνολο τῆς μπουλντόζας μὲ δλα τὸ ἄλλα γύρω της; ("Οχι δὲν εἶναι ξένα").

4. Τὸ πάρκινγκ, καὶ τὸ λιμάνι μὲ τὰ πλοῖα; (Ναι εἶναι ξένα).

5. Τὸ πάρκινγκ καὶ τὸ σύνολο τῆς μπουλντόζας; ("Οχι δὲν εἶναι ξένα").

6. Τὸ πάρκινγκ καὶ τὸ σύνολο τῆς γάτας; (Ναι εἶναι ξένα).

7. Τὸ λιμάνι καὶ τὸ σύνολο τῆς γάτας; (Ναι εἶναι ξένα).

8. Τὸ χωριό καὶ τὸ σύνολο τῆς γάτας; (Ναι εἶναι ξένα).

9. Τὸ λιμάνι μὲ τὰ πλοῖα μὲ τὸ σύνολο τῆς μπουλντόζας μὲ δλα τὸ ἄλλα γύρω της; (Ναι εἶναι ξένα).

#### 15. ΠΟΛΛΑ, ΛΙΓΩΤΕΡΑ, ΕΝΑ, KANENA

Σημεῖωση: Η ἔννοια τοῦ μεμονωμένου ἀντικειμένου οκθώς καὶ η ἔννοια τοῦ πλήθους εἶναι γνωστὲς εύτυχῶς στὸ παιδὶ, καὶ σὰν τέτοιες χρησιμοποιήθηκαν πολὺ συχνὰ μέχρι ἐδῶ. Τὸ γεγονός αὐτὸ δούλησε πάρα πολὺ στὴν ἀνάπτυξη τῆς βλῆψης.

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴν σελίδα 10.

1. Φτιάξε τὸ σύνολο, ποὺ εἶναι στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας.

— Τὸ σύνολο αὐτὸ ἔχει πολλὰ στοιχεῖα; (Ναι ἔχει πολλὰ στοιχεῖα).

— Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει πολλὰ στοιχεῖα, τὸ λέμε π ο λ υ μ ε λ ἐς σ ύ ν ο λ ο.

— Ἀν θγάλεις ἀπὸ τὸ σύνολο αὐτὸ τὸ σπίτι, τί θὰ μείνει; (Θὰ μείνει ἡ θάρκα καὶ τὸ τζίπ).

— Τὶ εἶναι ἡ θάρκα καὶ τὸ τζίπ; (Εἶναι ἔνα ὄλλο σύνολο).

— Φτιάξε τὸ σύνολο αὐτὸ πάνω ἀπὸ τὸ ὄλλο σύνολο, δημοσίευται στὴ σελίδα αὐτῆ.

— Ποιό ἀπὸ τὰ σύνολα, ποὺ ἔφτιαξες, ἔχει περισσότερα στοιχεῖα; (Τὸ σύνολο τῆς θάρκας, τοῦ τζίπ καὶ τοῦ σπιτιοῦ).

— Ποιό ἔχει λιγώτερα; (Τὸ σύνολο τῆς θάρκας καὶ τοῦ τζίπ).

— Γιατί τὸ σύνολο αὐτὸ ἔχει λιγώτερα στοιχεῖα ἀπὸ τὸ ὄλλο σύνολο; (Γιατὶ τὸ ὄλλο σύνολο ἔχει ἔνα στοιχεῖο περισσότερο ἀπὸ αὐτό).

— Τὶ θὰ μείνει ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς θάρκας καὶ τοῦ τζίπ ἀν θγάλεις τὸ τζίπ; (Θὰ μείνει μόνο ἡ θάρκα).

— Φτιάξε πιὸ πάνω τὸ σύνολο τῆς θάρκας, δημοσίευται στὴ σελίδα αὐτῆ.

— Ποιό σύνολο ἔχει λιγώτερα στοιχεῖα, τὸ σύνολο τῆς θάρκας ἢ τὸ σύνολο τῆς θάρκας καὶ τοῦ τζίπ; (Τὸ σύνολο τῆς θάρκας ἔχει λιγώτερα στοιχεῖα ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς θάρκας καὶ τοῦ τζίπ).

2. "Ἐχει πολλὰ στοιχεῖα τὸ σύνολο τῆς θάρκας; ("Οχι τὸ σύνολο τῆς θάρκας ἔχει ἔνα μόνο στοιχεῖο).

— Τὰ σύνολα, ποὺ ἔχουν ἐν α μόνο στοιχεῖο, τὰ λέμε μ ονομελές σύνολα.

3. Βγάλε ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς θάρκας, τὴ θάρκα, τί θὰ μείνει στὸ σύνολο; (Στὸ σύνολο δὲν θὰ μείνει κανένα στοιχεῖο).

— Τὸ σύνολο, ποὺ δὲν ἔχει κανένα στοιχεῖο, τὸ λέμε κενό σύνολο.

— Βάλε πάνω στὸ τραπέζι σου τὴν πινακίδα χωρὶς νὰ ἔχει τίποτα πάνω της. Ποιό σύνολο δείχνει τώρα ἡ πινακίδα; (Ἡ πινακίδα χωρὶς τίποτα πάνω της δείχνει τὸ κενὸ σύνολο).

\*Ασκήσεις διάφορες.

1. Τὸ χωριὸ εἶναι μονομελές ἢ πολυμελές σύνολο; (Εἶναι πολυμελές σύνολο).

— Ξεχώρισε τὸ σύνολο τοῦ χωριοῦ σὲ πολυμελῆ καὶ μονομελῆ σύνολα καὶ πές μου ποιά ἀπὸ αὐτὰ εἶναι μονομελῆ καὶ ποιά πολυμελῆ.

— Βγάλε στοιχεῖα ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ χωριοῦ, ὥστε νὰ μείνει τὸ κενὸ σύνολο.

2. Ξεχώρισε ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς γάτας μονομελῆ καὶ πολυμελῆ σύνολα, πές μου τὰ στοιχεῖα τους καὶ τί σύνολο εἶναι τὸ καθένα.

3. Φτιάξε πάνω στὴν πινακίδα τὸ κενὸ σύνολο. Βάλε δίπλα του ἔνα ὄλλο σύνολο ὥστε ἡ ἔνωσή τους νὰ δώσει ἔνα μονομελές σύνολο.

— Κάνε τὸ ἕδιο μ<sup>ν</sup> ἔνα ἄλλο σύνολο, ώστε ἡ ἔνωσή τους νὰ δώσει ἔνα πολυμελές σύνολο.

4. "Ενωσε μονομελή σύνολα.

— Τί σύνολο δίνει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωση μονομελῶν συνόλων δίνει πολυμελές σύνολο).

5. "Ενωσε πολυμελή σύνολα.

— Τίσύνολο δίνει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωση πολυμελῶν συνόλων δίνει πολυμελές σύνολο).

6. "Ενωσε ἔνα κενὸ σύνολο μ<sup>ν</sup> ἔνα ἄλλο κενὸ σύνολο.

— Τί δίνει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους δίνει σύνολο, ποὺ δὲν ἔχει κανένα στοιχεῖο, δίνει δηλαδὴ πάλι τὸ κενὸ σύνολο).

## 16. ΜΙΚΡΟΤΕΡΟ, ΜΕΓΑΛΥΤΕΡΟ

Σημείωση: "Η ἔνωσις τῆς ἀνισότητας φυσικῶν ἀντικειμένων κατὰ τὸ μέγεθος, είναι γνωστὴ στὸ παῦδι, γ<sup>ν</sup> αὐτὸς θ<sup>ε</sup> ἀπαντήσει σωστὰ στὶς πιὸ κάτω ἐρωτήσεις.

Δείξτε στὸ παῦδι τὴ σελίδα 11.

1. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν σπιτιῶν, ποὺ φαίνονται στὸ πάνω μέρος τῆς σελίδας.

— Ποιό σπίτι εἶναι πιὸ μεγάλο; (Τὸ σπίτι μὲ τὰ κόκκινα παράθυρα).

— Ποιό σπίτι εἶναι πιὸ μικρό; (Τὸ σπίτι μὲ τὴν πράσινη πόρτα).

2. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν αὐτοκινήτων, ποὺ φαίνεται στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας.

— Πέξ μου ποιό αὐτοκίνητο εἶναι ποιὸ μεγάλο καὶ ποιό εἶναι πιὸ μικρό; (Τὸ πούλμαν εἶναι μεγαλύτερο ἀπὸ τὸ τζίπ. Τὸ τζίπ εἶναι μικρότερο ἀπὸ τὸ πούλμαν).

Άσκήσεις.

— Φτιάξε ἔνα περίπου δμοιο ἀντικείμενο ἀλλὰ μικρότερο καὶ ἔνα ἀλλο περίπου δμοιο, ἀλλὰ μεγαλύτερο σὲ σχέση μέ:

1. Τὴν ἐκκλησία.

2. Τὸ πράσινο σπίτι.

3. Τὸ πούλμαν.

4. Τὸ λεωφορεῖο.

5. Τὴ φορτηγίδα.

6. Τὸ γερανό.

7. Τὸ ἐπιθατηγὸ πλοϊο.

8. Τὸ Ιστιοφόρο.

9. Τὸ φάρο.

10. Τὴ μπουλντόζα.

## 17. ΑΠΟ ΤΟ ΜΙΚΡΟΤΕΡΟ ΣΤΟ ΜΕΓΑΛΥΤΕΡΟ

1. Φτιάξε τό σύνολο τοῦ τζίπ, τοῦ ἐπιθατικοῦ καὶ τοῦ πούλμαν.

— Βάλε στὴ μέση τῆς πινακίδας τὸ ἐπιθατικό.

— Βρές καὶ βάλε δίπλα στὸ ἐπιθατικό καὶ ἀπὸ τὴν πάνω του μεριὰ ἔνα πιὸ μικρὸ ἀπ' αὐτό, αὐτοκίνητο τοῦ συνόλου.

— Βρές καὶ βάλε κάτω ἀπὸ τὸ ἐπιθατικό ἔνα αὐτοκίνητο τοῦ συνόλου, ποὺ νὰ εἶναι μεγαλύτερο ἀπ' αὐτό.

— Πές μου τὰ δύνοματα τῶν αὐτοκίνητων μὲ τὴ σειρὰ ἀπὸ πάνω πρὸς τὰ κάτω: (τὸ τζίπ, τὸ ἐπιθατικό, τὸ πούλμαν).

— Γιατὶ τὰ ἔσθαλες εῖσι; (Γιατὶ τὸ τζίπ εἶναι μικρότερο ἀπὸ τὸ ἐπιθατικό καὶ τὸ πούλμαν μεγαλύτερο ἀπὸ τὸ ἐπιθατικό).

— Τί εἶναι τὸ ἐπιθατικό σὲ σχέση μὲ τὰ ἄλλα; (Τὸ ἐπιθατικό εἶναι μεγαλύτερο ἀπὸ τὸ τζίπ καὶ μικρότερο ἀπὸ τὸ πούλμαν).

— Τὸ ἐπιθατικό, ποὺ εἶναι μεγαλύτερο ἀπὸ ἔνα ἄλλο καὶ μικρότερο ἀπὸ ἔνα ἄλλο αὐτοκίνητο, τὸ λέμε με σαὶ ο αὐτοκίνητο.

2. Βάλε τὸ σύνολο τῶν ἐπιθατικῶν αὐτοκίνητων σὲ σειρὰ ὥστε τὸ καθ' ἔνα νὰ εἶναι μεγαλύτερο ἀπὸ τὸ πάνω ἀπ' αὐτὸ καὶ μικρότερο ἀπὸ τὸ κάτω ἀπ' αὐτὸ αὐτοκίνητο.

Ἡ σωτὴρ σειρὰ φαίνεται στὴ σελίδα 12.

— Τὴν ἐργασία, ποὺ ἔκανες, τὴ λέμε διατάξη τῶν στοιχείων της εἰσιών τοῦ συνόλου μὲ βάση τὸ πόσο μεγάλο εἶναι τὸ καθένα στοιχεῖο του σὲ σχέση μὲ τὰ ἄλλα του στοιχεῖα.

— Τὸ σύνολο, ἔτσι ποὺ ἔγινε μετά τὴ διάταξη τῶν στοιχείων του, λέγεται διατάξη μένο σύνολο.

— Ποιό εἶναι τὸ πιὸ μικρὸ αὐτοκίνητο ἀπ' δλα; (Εἶναι τὸ τζίπ).

— Τὸ πιὸ μικρὸ ἀπ' δλα τὸ λέμε καὶ ἔλαχιστο.

— Ποιό εἶναι τὸ πιὸ μεγάλο ἀπ' δλα; (Τὸ λεωφορεῖο).

— Τὸ πιὸ μεγάλο ἀπ' δλα τὸ λέμε μέγιστο.

Άσκήσεις.

1. Διάταξε, δηλαδὴ προηγούμενα, τὸ ύποσύνολο τῶν σπιτιῶν τοῦ χωριοῦ.

— Ποιό εἶναι τὸ ἐλάχιστο; (Τὸ μικρὸ ἄσπρο).

— Ποιό εἶναι τὸ μέγιστο; (Τὸ πράσινο σπίτι).

2. Φτιάξε μιὰ σειρὰ δέντρα, ἔτσι ὥστε τὸ ἐπόμενο νὰ εἶναι πιὸ μεγάλο ἀπὸ τὸ προηγούμενό του.

## 18. ΣΤΟ ΚΑΘΕΝΑ ΟΣΟ ΧΡΕΙΑΖΕΤΑΙ

Δεῖξε στὸ παιδί τὴ σελίδα 13.

— Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν γκαράζ, ποὺ φαίνεται στὸ πάνω μέρος τῆς σελίδας καὶ πές μου ποιά εἶναι τὰ στοιχεῖα του. (Τὰ στοιχεῖα του

είναι τὸ γκαράζ μὲ τοὺς κόκκινους τοίχους καὶ τὸ γκαράζ μὲ τοὺς ἄσπρους τοίχους).

— Ποιό γκαράζ είναι μικρότερο; (Αὐτὸ μὲ τοὺς κόκκινους τοίχους).

— Φτιάξε καὶ τὸ σύνολο τοῦ τζίπ καὶ τοῦ φορτηγοῦ, ποὺ φαίνεται στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας.

— Ποιό αὐτοκίνητο είναι μικρότερο; (Τὸ τζίπ).

— Πές μου ποιό είναι τὸ γκαράζ τοῦ τζίπ καὶ ποιό είναι τὸ γκαράζ τοῦ φορτηγοῦ. (Τὸ γκαράζ τοῦ τζίπ είναι αὐτὸ μὲ τοὺς κόκκινους τοίχους. Τὸ γκαράζ τοῦ φορτηγοῦ είναι αὐτὸ μὲ τοὺς ἄσπρους τοίχους).

— Πῶς τὸ κατάλαβες; (Τὸ μικρὸ αὐτοκίνητο χρειάζεται μικρὸ γκαράζ, τὸ μεγάλο αὐτοκίνητο χρειάζεται μεγάλο γκαράζ).

— Αὐτό, ποὺ ουμβαίνει πολλὲς φορὲς σ' ἔνα μικρὸ πρᾶγμα νὰ ταιριάζει ἔνα ἄλλο μικρὸ πρᾶγμα καὶ σ' ἔνα μεγάλο πρᾶγμα πρᾶγμα νὰ ταιριάζει ἔνα ἄλλο μεγάλο πρᾶγμα, τὸ λέμε ἀνάλογο γία.

— Τὰ πράγματα, ποὺ ταιριάζουν στὰ ἄλλα πράγματα, τὰ λέμε ἀνάλογο γία ἡ αὐτά.

### Α σκήσεις.

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὰ σπίτια τῆς σελίδας 11.

1. Ποιό σπίτι χρειάστηκε περισσότερες πέτρες γιὰ νὰ χτιστεῖ; (Τὸ σπίτι μὲ τὰ κόκκινα παράθυρα, ποὺ είναι πιὸ μεγάλο).

2. Ποιανοῦ αὐτοκινήτου ἡ μηχανὴ ἔχει περισσότερη δύναμη, τοῦ πούλμαν ἢ τοῦ λεωφορείου τοῦ πάρκινγκ; (Τοῦ λεωφορείου γιατὶ είναι πιὸ μεγάλο καὶ χρειάζεται περισσότερη δύναμη γιὰ νὰ κινηθεῖ).

3. Ποιό αὐτοκίνητο χωράει περισσότερα πράγματα τὸ φορτηγὸ ἢ τὸ τζίπ τοῦ πάρκινγκ; (Τὸ φορτηγὸ γιατὶ είναι πιὸ μεγάλο).

### 19. ΤΟ ΤΡΑΙΝΟ ΠΟΥ ΜΑΚΡΑΙΝΕΙ

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴ σελίδα 14.

1. Τί βλέπεις στὸ πάνω μέρος τῆς σελίδας; ("Ένα τραίνο").

— Τὶ σύνολο είναι αὐτὸ τὸ τραίνο; (Είναι ἔνα σύνολο ἀπὸ μιὰ ἀτμομηχανὴ καὶ ἔνα βαγόνι).

— Φτιάξε τὸ σύνολο αὐτό.

2. Τὶ σύνολο είναι αὐτὸ κάτω ἀπὸ τὸ τραίνο; (Είναι ἔνα σύνολο ἀπὸ βαγόνια).

— Φτιάξε τὸ σύνολο αὐτό.

3. Γύρισε τὴν πινακίδα κατὰ τὸ μάκρος. Ξαναφτιάξε τὸ τραίνο καὶ ἔνωσε πίσω ἀπὸ αὐτὸ τὰ βαγόνια.

— Τὶ ἔγινε τώρα τὸ τραίνο; ("Εγινε ἔνα τραίνο πιὸ μακρὺ ἀπὸ τὸ προηγούμενο).

4. Βγάλε μερικά ωσαγόνια από το τραΐνο αύτό.

—Τί έγινε τώρα το τραΐνο; ("Έγινε πιὸ κοντὸ ἀπὸ πρίν").

Σημείωση: Μὲ τὶς ἀσκήσεις αὐτὲς τὸ παιδὶ συγειδητοποιεῖ, πὼς ἡ κατὰ τὸ μάκρος ἔνωση συγόλων ὑλικῶν ἀντικειμένων γραμμικῶς διαταγμένων δίνει σύνολα μὲ ἀληγριένη τῇ διάσταση τοῦ μάκρους. Ἀντίθετα ὁ διαιρεισμὸς τέτοιων συγόλων δίγει σύνολα μὲ μειωμένη τῇ διάσταση τοῦ μάκρους.

### Α σκηνή σημαντικής

1. Φτιάξε στὴ δεξιὰ ἄκρη τῆς πινακίδας τὸ λεωφορεῖο καὶ πίσω του δέσε τὸ πούλμαν.

—Τί ἔφτιαξες ἔτσι; ("Ενα τραΐνο ἀπὸ αὐτοκίνητο").

—Δέσε πίσω ἀπ’ αὐτὰ τὸ ἐπιθατικό, τὸ φορτηγό καὶ τὸ τζίπ.

—Τί έγινε τὸ τραΐνο τῶν αὐτοκινήτων; ("Έγινε πιὸ μακρύ").

—Βγάλε μερικὰ αὐτοκινήτα απὸ πίσω ἢ ἀπὸ μπροστά.

—Τί έγινε τὸ τραΐνο τῶν αὐτοκινήτων; ("Έγινε πιὸ κοντό").

2. Κάνε τὸ ἴδιο μὲ πλοῖα.

3. Κάνε τὸ ἴδιο μὲ δέντρα.

## 20. ΤΟ ΧΑΛΙ ΠΟΥ ΠΛΑΤΑΙΝΕΙ

Δείξτε στὸ παιδὶ τὴν κάτω ἀριστερὰ εἰκόνα τῆς σελίδας 14.

1. Μοιάζει αὐτὸ μ’ ἔνα πολύχρωμο χαλί; (Ναι μοιάζει).

—Φτιάξε καὶ σὺ ἔνα τέτοιο.

—Βάλε στὸ πλάϊ του κι ἄλλα κομμάτια.

—Τί παρατηρεῖς νὰ γίνεται καθὼς θάξεις κι’ ἄλλα κομμάτια; (Τὸ χαλὶ γίνεται πιὸ πλατύ).

—Βγάλε ἀπὸ τὸ χαλὶ μερικὰ κομμάτια.

—Τί παρατηρεῖς νὰ γίνεται καθὼς θγάξεις κομμάτια; (Τὸ χαλὶ γίνεται πιὸ στενό).

Σημείωση: Μὲ τὶς ἀσκήσεις αὐτὲς τὸ παιδὶ συγειδητοποιεῖ, πὼς ἡ κατὰ πλάτος ἔνωση συγόλων ὑλικῶν ἀντικειμένων γραμμικῶς διαταγμένων δίγει σύνολα μὲ ἀληγριένη τῇ διάσταση τοῦ πλάτους τους. Ἀντίθετα ὁ διαιρεισμὸς τέτοιων συγόλων δίγει σύνολο μὲ μειωμένη τῇ διάσταση τοῦ πλάτους.

### Α σκηνή σειράς.

1. Φτιάξε μονόχρωμα χαλιά.

2. Φτιάξε ἔνα χαλὶ ἀπὸ κόκκινα καὶ πράσινα κομμάτια.

3. Φτιάξε ἔνα χαλὶ ἀπὸ ἀσπρα καὶ μπλε κομμάτια.

4. Φτιάξε ἔνα χαλὶ μὲ δλα τὰ χρώματα.

5. Ἀπὸ τὰ χαλιά, ποὺ ἔφτιαξες, θγάξε ἀπὸ τὸ πλάϊ κομμάτια καὶ πές μου τί παθαίνουν τὰ χαλιά.

## 21. Ο ΠΥΡΓΟΣ ΠΟΥ ΨΗΛΩΝΕΙ

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴν κάτῳ δεξιὰ εἰκόνα τῆς σελίδας 14.

- Ἡ εἰκόνα, ποὺ θλέπεις, δείχνει πώς φτιάχνεται ἔνας πύργος.
- Τί παρατηρεῖς νὰ γίνεται καθὼς προσθέτεις δρόφους; (Ο πύργος ψηλώνει).
- Βγάλε τώρα μερικοὺς δρόφους.
- Τί παρατηρεῖς; (Ο πύργος γίνεται πιὸ κοντός).

Σημείωση: Μὲ τὶς ἀσκήσεις αὗτές τὸ παιδὶ συγειδητοποιεῖ, πὼς ἡ κατὰ τὸ ὄψις ἔνωση συνόλων ὑλικῶν ἀγτικειμένων ἐπιφανειακῶς διαταγμένων δίνει σύγχρονα μὲ αὐξημένη τὴ διάσταση τοῦ ὄψους. Αντίθετα ὁ διαιρετικὸς τέτοιων συνόλων δίνει σύνολα μὲ μειωμένη τὴ διάσταση τοῦ ὄψους.

Α σ κή σεις.

1. Φτιάξε ἔνα πύργο, ποὺ κάθε ὄροφος νὰ εἶναι φτιαγμένος ἀπὸ κομμάτια τοῦ ἰδίου χρώματος.
2. Φτιάξε ἔνα ψηλὸ κόκκινο πύργο μὲ ἄσπρα παράθυρα καὶ ὑστερα γκρέμισέ τον ἀρχίζοντας ἀπὸ πάνω.
3. Φτιάξε ἔνα ψηλὸ πύργο μὲ πολεμίστρες, ποὺ νὰ τελειώνει σὲ δδοντοτὸ στηθαῖο.
4. Φτιάξε πάνω στὸ μικρὸ μπλέ κομμάτι πύργο ἀπὸ μικρότερα ἥτσα κομμάτια μ' αὐτό. Πρόσεξε κάθε ὄροφος νὰ σκεπάζει ἀκριβῶς τὸν κάτω ἀπὸ αὐτὸν ὄροφο.

### III. ΟΙ ΕΝΝΟΙΕΣ ΚΑΙ ΟΙ ΣΧΕΣΕΙΣ ΤΩΝ ΣΥΝΟΛΩΝ ΜΕ ΗΜΙΣΥΜΒΟΛΑ

Στὸ κεφάλαιο αὐτὸ δίδονται: οἱ ἔννοιες καὶ οἱ σχέσεις τῶν συγόλων μὲ ἀπλὰ πλαστικὰ κομμάτια.

Τὰ φυσικὰ ἀντικείμενα, που μέχρι τώρα ἀποτελοῦσαν τὰ στοιχεῖα τῶν συγόλων, ἔχουν χάσει τὰ ἰδιαίτερά τους χαρακτηριστικὰ καὶ ἔχουν ἀντικατασταθεῖ ἀπὸ ἀπλᾶ πλαστικὰ κομμάτια.

Στὸ στάδιο αὐτό, ἐπαναλαμβάνεται ἡ θεωρία τῶν συγόλων μὲ τὴν έννοιαν τῆς συμβόλων. Γίνεται ἔτσι ἀκόμη ἔνα δῆμα πρὸς τὶς πιὸ ἀφηρημένες μορφὲς ἔκφρασης, ὅπως εἶναι τὸ ἐπόμενο στάδιο τῆς ὁγοματολογίας τῶν μαθηματικῶν ἔννοιῶν καὶ σχέσεων καὶ πρὸς τὸ τελικὸ στάδιο τῆς ἔκφρασης αὐτῶν μὲ ψηφία καὶ σύμβολα.

#### Π αραδοσικὴ

Στὸ κεφάλαιο αὐτό, γιὰ γὰ εἶναι τὰ στοιχεῖα τῶν συγόλων συγκεκριμένα καὶ σαφῶς διάφορα μεταξύ τους, δηποτὲ ἀπαιτεῖ δὲ ὁ ὄροςμός, θὰ ἔχουμε σὲ κάθε σύνολο σὰν στοιχεῖα μόνο κομμάτια διάφορα μεταξύ τους ὡς πρὸς τὸ χρῶμα καὶ τὸ μέγεθος: Δηλαδὴ δυὸ στοιχεῖα μὲ τὸ ἵδιο χρῶμα καὶ τὸ ἵδιο μέγεθος θὲν θὰ εἶναι ποτὲ στοιχεῖα τοῦ ἕδου συγόλου. "Ἐτσι δταν λέμε τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν θὲν θὰ ἔννοοῦμε δλα τὰ κόκκινα κομμάτια τῆς κασσετίνας ἀλλὰ μόνο τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μεγάλο κόκκινο. Τὸ ἵδιο καὶ γιὰ τὸ σύνολο τῶν πράσινων, τὸ σύνολο τῶν ἄσπρων καὶ τὸ σύνολο τῶν μπλέ κομματιῶν. Αὐτὸ μᾶς δίνει τὴ δυνατότητα γὰ ἔχουμε γιὰ κάθε στοιχεῖο συγόλου ξεχωριστὸ θογομα, ὅπως δίγονται αὐτὰ στὴν ἀρχὴ τοῦ ὅ:θλου.

#### 1. ΣΥΝΟΛΑ ΑΠΟ ΠΛΑΣΤΙΚΑ ΚΟΜΜΑΤΙΑ

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴ σελίδα 2.

1. Τὶ βλέπεις στὴ σελίδα αὐτὴ; (Πλαστικὰ κομμάτια).

— "Ἐχεις στὴν κασσετίνα κανένα κομμάτι, ποὺ νὰ μήν ὑπάρχει σ' αὐτὴ τὴ σελίδα; ("Οχι δὲν ὑπάρχει κομμάτι διαφορετικὸ ἀπ' αὐτό).

— Δηλαδὴ τὸ κάθε κομμάτι τῆς κασσετίνας εἶναι ἵδιο μὲ κάποιο ἀπ' αὐτά.

2. Τὶ βλέπεις στὴν πάνω δεξιὰ πλευρὰ τῆς σελίδας; (Βλέπω τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μεγάλο κόκκινο).

— Πῶς μποροῦμε νὰ ποῦμε τὸ σύνολο αὐτό, ποὺ ἔχει δλα του τὰ στοιχεῖο κόκκινα; (Σ ύ ν ο λ ο τῶν κ ὄ κ κ i ν ω ν κ ο μ μ α τ ι ω ν).

— Τὶ θὰ πεῖς γιὰ τὰ σύνολα τῶν ἀλλων κομματιῶν ποὺ βλέπεις στὴ σελίδα αὐτὴ καὶ ποὺ τὰ στοιχεῖα τους ἔχουν τὸ ἵδιο χρῶμα;

(Θὰ πῶ: Σύνολο τῶν ἄσπρων, γιὰ δλα τὰ ἄσπρα κομμάτια σύνολο τῶν πράσινων, γιὰ δλα τὰ πράσινα κομμάτια, σύνολο τῶν μπλέ, γιὰ δλα τὰ μπλέ κομμάτια).

3. Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν ἄσπρων; (Εἶναι τὸ μικρὸ ἄσπρο καὶ τὸ μεγάλο ἄσπρο).

— Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν πράσινων; (Εἶναι τὸ μικρὸ πράσινο, τὸ μεσαῖο πράσινο καὶ τὸ μεγάλο πράσινο).

— Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν κάκκινων; (Εἶναι τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μεγάλο κόκκινο).

— Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν μπλέ; (Εἶναι τὸ μικρὸ μπλὲ καὶ τὸ μεγάλο μπλέ).

\*Α σ κή σ εις.

— Μὲ τὰ κομμάτια τῆς σελίδας αὐτῆς θὰ κάνουμε διάφορα σύνολα. Κάθε σύνολο, ποὺ θὰ φτιάχνουμε, δὲν θὰ ᾔχει ποτὲ σὰν στοιχεῖο του τὰ ἕδια κομμάτια.

1. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν ἄσπρων κομματιῶν.
2. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν.
3. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν πράσινων κομματιῶν.
4. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν μπλέ κομματιῶν.
5. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν μικρῶν κομματιῶν.
6. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν μεσαίων κομματιῶν.
7. Φτιάξε τὸ σύνολο δλῶν τῶν μεγάλων κομματιῶν.

## 2. ΕΝΩΣΗ ΣΥΝΟΛΩΝ

Τὰ πάρα κάτω φαίγονται στὴ σελίδα 15.

1. Βάλε στὴ μιὰ μεριὰ τοῦ πάνω μέρους τῆς πινακίδας τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν δπως φαίνονται στὴ σελίδα.

— Βάλε σὲ μιὰ ἀπόσταση ἀπ’ αὐτὸ τὸ σύνολο τῶν πράσινων κομματιῶν.

2. "Ενωσε τὸ σύνολο τῶν κόκκινων μὲ τὸ σύνολο τῶν πράσινων κομματιῶν.

— Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου, ποὺ ἔγινε; (Εἶναι τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μεσαῖο κόκκινο, τὸ μεγάλο κόκκινο, τὸ μικρὸ πράσινο, τὸ μεσαῖο πράσινο καὶ τὸ μεγάλο πράσινο).

— Πῶς λέμε τὸ σύνολο, ποὺ ἔγινε; (Τὸ λέμε ἐνώση τῶν συνόλων).

\*Α σ κή σ εις.

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴ σελίδα 2.

— Βάλε πάνω στὴν πινακίδα δλα τὰ σύνολα δπως φαίνονται στὴ

σελίδα καὶ φτιάξε τὶς παρακάτω ἐνώσεις συνόλων. Κάθε φορὰ νὰ λὲς τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου ποὺ πρόέκυψε.

1. "Ασπρων καὶ πράσινων.
2. "Ασπρων καὶ μπλέ.
3. "Ασπρων καὶ κόκκινων.
4. Κόκκινων καὶ πράσινων.
5. Κόκκινων καὶ μπλέ.
6. Πράσινων καὶ μπλέ.
7. "Ασπρων καὶ κόκκινων καὶ πράσινων.
8. "Ασπρων καὶ κόκκινων καὶ μπλέ.
9. Κόκκινων καὶ πράσινων καὶ μπλέ.
10. "Ασπρων καὶ κόκκινων καὶ μπλέ καὶ πράσινων.

### 3. ΥΠΟΣΥΝΟΛΑ ΚΑΙ ΥΠΕΡΣΥΝΟΛΑ

Δεῖξε στὸ παιδί τὴ σελίδα 2.

1. Φτιάξε ἔνα σύνολο μὲ δλα τὰ κομμάτια τῆς σελίδας αὐτῆς.

— Πῶς μποροῦμε νὰ ποῦμε τὸ σύνολο αὐτό, ποὺ περιέχει δλα τὰ κομμάτια; (Σύνολο δλων τῶν κομματιῶν).

— Ξεχώρισε τὰ κόκκινα κομμάτια καὶ βάλτα σὲ μιὰ ἄκρη τῆς πινακίδας.

— Πῶς λέμε τὸ σύνολο αὐτό; (Σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν).

— Πῶς λέμε ἔνα σύνολο, ποὺ δλα του τὰ στοιχεῖα ἀνήκουν σ' ἔνα ἄλλο σύνολο; (Τὸ λέμε ὑ π ο σ ύ ν ο λ ο τ ο û σ υ ν ό λ ο υ α ὑ τ ο û).

— Πῶς λέμε τὸ σύνολο δλων τῶν κομματιῶν σὲ σχέση μὲ τὸ σύνιλο τῶν πράσινων κομματιῶν; ("Υ π ε ρ σ ύ ν ο λ ο τ ο û σ υ ν ό λ ο υ τ ω ν π ρ ἄ σ ι ν ω ν κ ο μ μ α τ ι ω ν").

Άσκήσεις.

1. Ξεχώρησε μερικὰ ἄλλα ὑποσύνολα τοῦ συνόλου δλων τῶν κομματιῶν, ποὺ τὰ στοιχεῖα τους νὰ ἔχουν ἵδιο χρῶμα καὶ πές μου ποιά εἶναι αὐτά; (Τὸ σύνολο τῶν πράσινων, εἶναι ὑποσύνολο τοῦ συνόλου δλων τῶν κομματιῶν, τὸ σύνολο τῶν μπλέ κομματιῶν εἶναι ὑποσύνολο τοῦ συνόλου δλων τῶν κομματιῶν, τὸ σύνολο τῶν ἀσπρων κομματιῶν εἶναι ὑποσύνολο τοῦ συνόλου δλων τῶν κομματιῶν).

2. Ξεχώρησε τὸ σύνολο μικρῶν κομματιῶν καὶ πές μου τί εἶναι σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο δλων τῶν κομματιῶν; (Εἶναι ὑποσύνολο).

— Ξεχώρησε τὸ σύνολο δλων τῶν μεσαίων κομματιῶν καὶ πές μου τί εἶναι αὐτό σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο δλων τῶν κομματιῶν; ("Υποσύνολο).

— Ξεχώρησε τὸ σύνολο δλων τῶν μεγάλων κομματιῶν καὶ πές τί

σύνολο είναι αύτό σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν; (Εἰναι ὑποσύνολο).

3. Παρατήρησε ὅλα τὰ κόκκινα κομμάτια καὶ τὸ μικρὸ μπλέ.

— “Ολα μαζὶ τὰ κομμάτια αὐτά, τί ἀποτελοῦν; (Ἀποτελοῦν τὸ σύνολο ὅλων τῶν κόκκινων κομματιῶν καὶ τοῦ μικροῦ μπλέ).

— Τί εἰναι τὸ σύνολο αύτὸ σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν; (Εἰναι ὑποσύνολο).

— Ξεχώρησε μερικὰ ἄλλα τέτοια ὑποσύνολα.

4. Τί εἰναι τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο τῶν πράσινων κομματιῶν; (Τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν εἰναι ὑ π ε ρ σ ύ ν ο λ ο τοῦ συνόλου τῶν πράσινων κομματιῶν).

— Τί εἰναι τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν, σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο τῶν μπλέ κομματιῶν, τῶν ἄσπρων κομματιῶν; (Εἰναι ὑπερσύνολο).

— Ποιῶν ἄλλων συνόλων εἰναι ὑπερσύνολο; (Κάθε συνόλου, ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα μερικὰ ἢ ὅλα τὰ στοιχεῖα του).

5. Φτιάξε μερικὰ σύνολα, ποὺ νὰ ἔχουν γιὰ ὑπερσύνολο τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν. (Τὸ μεγάλο ἄσπρο, τὸ μεγάλο πράσινο καὶ τὸ μεσαῖο κόκκινο κλπ.).

#### 4. ΣΥΜΠΛΗΡΩΜΑ ΣΥΝΟΛΟΥ

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὸ μικρὸ πράσινο καὶ τὸ μεγάλο πράσινο.

— Τί ἀποτελοῦν αὐτά; (Αὐτὰ ἀποτελοῦν τὸ σύνολο τοῦ μικροῦ πράσινου καὶ τοῦ μεγάλου πράσινου).

— Τί λείπει γιὰ νὰ γίνει τὸ σύνολο ὅλων τῶν πράσινων κομματιῶν; (Λείπει τὸ μεσαῖο πράσινο).

— Τὸ μεσαῖο πράσινο τί εἶναι; (Εἶναι ἕνα σύνολο ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα τὸ μεσαῖο πράσινο).

— Πῶς λέμε ἕνα σύνολο, ποὺ συμπληρώνει ἕνα ἄλλο σύνολο; (Τὸ λέμε συμπληρώνει τὸ συνόλο τοῦ μικροῦ πράσινου).

— Τί εἶναι τὸ μεσαῖο πράσινο σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο τοῦ μικροῦ πράσινου καὶ τοῦ μεγάλου πράσινου; (Εἶναι συμπλήρωμά του γιὰ νὰ γίνει τὸ σύνολο ὅλων τῶν πράσινων κομματιῶν).

?Α σικ ἡ σεις.

— Βρές τὰ συμπληρώματα:

1. Τοῦ συνόλου τοῦ μικροῦ ἄσπρου σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν ἄσπρων. (Τὸ μεγάλο ἄσπρο).

2. Τοῦ συνόλου τοῦ μικροῦ κόκκινου, σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν κόκκινων κομματιῶν. (Τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μεγάλο κόκκινο).

3. Τοῦ συνόλου τοῦ μικροῦ πράσινου καὶ τοῦ μεσαίου πράσινου, σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν πράσινων. (Τὸ μεγάλο πράσινο).

4. Τοῦ συνόλου τοῦ μεγάλου μπλέ, σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν μπλέ; (Τὸ μικρὸ μπλέ).

5. Τοῦ κενοῦ συνόλου, σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν ἄσπρων; (Τὸ μικρὸ ἄσπρο καὶ τὸ μεγάλο ἄσπρο).

6. Τοῦ συνόλου, ὅλων τῶν μπλέ σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν μπλέ; (Τὸ κενὸ σύνολο).

7. Τοῦ συνόλου ὅλων τῶν μεγάλων κομματιῶν σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν. (Τοῦ συνόλου ὅλων τῶν μικρῶν καὶ ὅλων τῶν μεσαίων κομματιῶν).

8. Τοῦ συνόλου ὅλων τῶν μικρῶν κομματιῶν σὲ σχέση μὲ τὸ σύνολο ὅλων τῶν κομματιῶν. (Τὸ σύνολο ὅλων τῶν μεγάλων καὶ ὅλων τῶν μεσαίων κομματιῶν).

## 5. Η ΑΝΤΙΣΤΟΙΧΙΑ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΣΥΝΟΛΩΝ ΑΝΙΣΟΤΗΤΑ, ΙΣΟΤΗΤΑ

Αὗτὰ φάγονται στὴ σελίδα 16.

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὸ σύνολο τῶν κόκκινων καὶ λίγο πιὸ πέρα τὸ σύνολο τῶν μπλέ κομματιῶν.

— Πάρε ἔνα κόκκινο κομμάτι καὶ βάλε δίπλα σ' ἔνα μπλέ, τὸ ἕδιο κάνε καὶ μὲ τὸ ἄλλα κόκκινα κομμάτια.

— Πῶς λέμε τὴ δουλειά, ποὺ ἔκανες; (Τὴ λέμε ἀντιστοιχία, τῶν στοιχείων τοῦ ἐνός συνόλου στὰ στοιχεῖα τοῦ ἄλλου συνόλου).

2. Μήπως περίσσεψε κανένα κομμάτι; (Ναί, περίσσεψε ἔνα κόκκινο κομμάτι).

— Πόσα είναι τὰ κόκκινα κομμάτια; (Τὰ κόκκινα κομμάτια είναι δύο καὶ τὰ μπλέ κομμάτια καὶ ἔνα πάρα πάνω).

— Ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα; (Τὸ σύνολο τῶν κόκκινων ἔχει περισσότερα στοιχεῖα ἀπὸ τὸ σύνολο τῶν μπλέ κομματιῶν).

3. Βάλε τὸ σύνολο τῶν κόκκινων καὶ τὸ σύνολο τῶν πράσινων κομματιῶν.

— Αντιστοίχισε τὰ κόκκινα στὰ πράσινα κομμάτια.

— Περίσσεψε κανένα κομμάτι; ("Οχι δὲν περίσσεψε κανένα").

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν; ("Οσα στοιχεῖα ἔχει καὶ τὸ σύνολο τῶν πράσινων κομματιῶν").

— Τί είναι μεταξύ τους τὸ σύνολο τῶν πράσινων καὶ τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν; (Είναι σύνολα ταῦτα μεταξύ τους).

\*Α σκήσεις.

— Αντιστοίχισε τὰ στοιχεῖα τῶν πιὸ κάτω συνόλων καὶ πές μου

ποιό σύνολο έχει περισσότερα καὶ ποιό λιγώτερα στοιχεῖα. Καθὼς καὶ ποιά σύνολα είναι ἵσα μεταξύ τους.

1. Τοῦ συνόλου τῶν κόκκινων στὰ στοιχεῖα ταῦ συνόλου τῶν πράσινων.

2. Τοῦ συνόλου τῶν κόκκινων στὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν μπλέ.

3. Τοῦ συνόλου τῶν κόκκινων στὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν ἄσπρων.

4. Τοῦ συνόλου τῶν πράσινων στὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν μπλέ.

5. Τοῦ συνόλου τῶν πράσινων στὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν ἄσπρων.

6. Τοῦ συνόλου τῶν μπλέ στὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τῶν ἄσπρων.

## 6. ΣΥΝΟΛΑ ΞΕΝΑ

Τὰ παραπάνω φαίγονται στὴ σελίδα 16.

1. Φτιάξε πάνω στὴν πινακίδα τὸ σύνολο τῶν κόκκινων καὶ τὸ σύνολο τῶν μπλέ κομματιῶν.

— Μήπως κανένα κομμάτι, ποὺ ἀνήκει στὸ σύνολο τῶν κόκκινων, ἀνήκει συγχρόνως καὶ στὸ σύνολο τῶν μπλέ; ("Οχι, κανένα στοιχεῖο τοῦ συνόλου τῶν κόκκινων δὲν ἀνήκει στὸ σύνολο τῶν μπλέ").

— Πᾶς λέμε τὰ σύνολα αὐτά; (Τὰ λέμε ξένα σύνολα).

Α σκήσεις.

Δεῖξε στὸ παιδί τὴ σελίδα 2.

1. Παρατήρησε μὲ προσοχὴ καθένα ἀπὸ τὰ σύνολα τῆς σελίδας καὶ πές μου ὃν είναι ξένο ἢ ὅχι μὲ καθένα ἀπὸ τὸ ἄλλα σύνολα. (Δὲν ὑπάρχουν σύνολα, ποὺ νὰ μὴν είναι ξένα μεταξύ τους).

2. Φτιάξε ξένα σύνολο ἀπὸ δλα τὰ πράσινα καὶ τὸ μεσαῖο κόκκινο κομμάτι. Φτιάξε καὶ τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν.

— Τὰ σύνολα ποὺ ἔφτιαξες είναι ξένα μεταξύ τους; ("Οχι, διότι, τὸ μεσαῖο κόκκινο ἀνήκει καὶ στὸ ξένα καὶ στὸ ἄλλο σύνολο").

3. Φτιάξε σύνολα, ἀπὸ διάφορα ικομμάτια, ποὺ νὰ μὴν είναι ξένα μεταξύ τους.

4. Φτιάξε σύνολα, ἀπὸ διάφορα κομμάτια, ποὺ νὰ είναι ξένα μεταξύ τους.

## 7. ΤΟΜΗ ΣΥΝΟΛΩΝ

1. Φτιάξε ξένα σύνολο, ποὺ νὰ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ μικρὸ κόκκινο τὸ μικρὸ μπλέ καὶ τὸ μεγάλο μπλέ. Φτιάξε καὶ ξένα ἄλλο σύνολο, ποὺ νὰ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μεγάλο πράσινο, τὸ μεγάλο μπλέ.

— Ποιά είναι τὰ στοιχεῖα ποὺ ἀνήκουν καὶ στὸ ἔνα καὶ στὸ ἄλλο σύνολο; (Τὰ στοιχεῖα αὐτὰ είναι τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ τὸ μεγάλο μπλέ).

— Πᾶς λέμε τὸ σύνολο τῶν στοιχείων, ποὺ ἀνήκουν καὶ στὸ ἔνα καὶ στὸ ἄλλο σύνολο; (Τὸ λέμε τὸ μὴ τῷ συνόλῳ αὐτῶν).

΄Α σκήσεις.

1. Φτιάξε σύνολα ἀπὸ διάφορα κομμάτια καὶ θρές τὴν τομή τους.

## 8. ΣΥΝΟΛΟ ΣΥΝΟΛΩΝ

Δεῖξε στὸ παιδί τὴν σελίδα 2.

1. Φτιάξε δλα τὰ σύνολα τῆς σελίδας αὐτῆς.

— Τὶ κάνουν δλα αὐτὰ τὰ σύνολά μας; (“Ολα τὰ σύνολα αὐτὰ μαζὶ κάνουν ἔνα σύνολο”).

— Πᾶς λέμε τὸ σύνολο αὐτό; (Τὸ σύνολο αὐτὸ τὸ λέμε σύνολο συνόλων).

— Τὶ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ σύνολο αὐτό; (Τὸ σύνολο αὐτὸ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του ὄλα σύνολα).

΄Α σκήσεις.

Φτιάξε σύνολα συνόλων, ποὺ νὰ ἔχουν γιὰ στοιχεῖα τους τὰ πιὸ κάτω σύνολα:

1. Τῶν κόκκινων καὶ τῶν πράσινων.
2. Τῶν κόκκινων καὶ τῶν μπλέ.
3. Τῶν κόκκινων καὶ τῶν ἄσπρων.
4. Τῶν πράσινων καὶ τῶν μπλέ.
5. Τῶν πράσινων καὶ τῶν ἄσπρων.
6. Τῶν μπλέ καὶ τῶν ἄσπρων.
7. Τῶν κόκκινων, τῶν πράσινων καὶ τῶν μπλέ.
8. Τῶν κόκκινων, τῶν μπλέ καὶ τῶν ἄσπρων.
9. Τῶν πράσινων, τῶν μπλέ καὶ τῶν ἄσπρων.
10. Τῶν κόκκινων, τῶν πράσινων, τῶν μπλέ καὶ τῶν ἄσπρων.

## 9. ΔΙΑΜΕΡΙΣΜΟΣ ΣΥΝΟΛΟΥ

Δεῖξε στὸ παιδί τὴν σελίδα 2.

1. Φτιάξε τὸ σύνολο δλων τῶν κομματιῶν τῆς σελίδας αὐτῆς, ποὺ νάχει τὰ στοιχεῖα του ἀνακατεμένα.

- Ξεχώρισε τὰ στοιχεῖα, ποὺ ἔχουν ἵδιο χρῶμα.
- Τί ἔγινε; ("Εγιναν τὰ γνωστὰ σύνολα, ποὺ καθένα τους ἔχει κομμάτια μὲ τὸ ἵδιο χρῶμα").
- Μήπως κανένα ἀπό τὰ σύνολα, ποὺ ἔφτιαξες, εἶναι τὸ κενὸ σύνολο; ("Οχι").
- Πῶς λέμε αὐτό, ποὺ ἔκανες; (Αὐτό, ποὺ ἔκανα τὸ λέμε διατάξεις μερισμού στὸ διάλογο τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου σὲ ἄλλα μὴ κενὰ σύνολα).

Α σκήσεις.

— Ξεχώρισε τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου διάλογο τῶν κομματιών στὰ πιὸ κάτω σύνολα καὶ πές μου τὸ δύνομα κάθε τέτοιου συνόλου.

1. Στὸ σύνολο, ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του διάλογα τὰ μεγάλα κομμάτια.
2. Στὸ σύνολο, ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του διάλογα τὰ μεσαῖα κομμάτια.
3. Στὸ σύνολο, ποὺ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του διάλογα τὰ μικρά κομμάτια.

## IV. ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ

### 1. ΟΙ ΓΡΑΜΜΕΣ

1. Φτιάξε πάνω στὸ τραπέζι μιὰ σειρά ἀπὸ μικρὰ κόκκινα, συνέχεια τὸ ἔνα πίσω ἀπὸ τὸ ἄλλο. Πάνω σ' αὐτὴ φτιάξε μιὰ δμοια σειρά ἀπὸ μικρὰ κόκκινα, ἔτσι ποὺ κάθε μικρὸ κόκκινο νὰ σκεπάζει μιὰ προεξοχὴ ἀπὸ τὸ διπλανό του μικρὸ κόκκινο.

— Αὐτό, ποὺ ἔφτιαξες, εἶναι μιὰ γραμμὴ ἀπὸ πλαστικὰ κομμάτια.

— Στράβωσε τὴ γραμμή, ποὺ ἔφτιαξες νὰ γίνει σάν φιδάκι.

— Τὴ γραμμὴ αὐτὴ τῇ λέμε καμπύλη γραμμῆ.

2. Πιάσε μὲ τὰ χέρια σου τὶς ἄκρες τῆς γραμμῆς καὶ τέντωσέ την. Σὲ συνέχεια ἵσωσέ την ἔτσι, ποὺ νὰ γίνει σάν μιὰ τεντωμένη κλωστή.

— Τὴ γραμμὴ αὐτὴ τῇ λέμε εὐθεῖα γραμμῆ.

— Παρατήρησε στὴ βάση τὴν ἀκριανὴ γραμμὴ μὲ τὶς προεξοχές.

— Τὶ γραμμὴ εἶναι αὐτὴ; (Εἶναι μία εὐθεῖα γραμμῆ).

— Βάλε πάνω στὴ γραμμὴ αὐτὴ μικρὰ ἄσπρα κολλητὰ τὸ ἔνα μὲ τὸ ἄλλο.

— Τὶ γραμμὴ εἶναι ἡ γραμμὴ μὲ τὰ μικρὰ ἄσπρα, ποὺ ἔφτιαξες; (Εἶναι μία εὐθεῖα γραμμῆ).

Α σκήσεις.

1. Ξαναφτιάξε τὴ γραμμὴ μὲ τὰ μικρὰ κόκκινα, ποὺ ἔφτιαξες προηγούμενα. Πιάσε τὶς ἄκρες τῆς καὶ στρύψε της πότε δεξιά, πότε ἀριστερά. Θὰ κάνεις ἔτσι διάφορες καμπύλες.

2. Φτιάξε πάνω στὴ βάση εὐθεῖες γραμμὲς ἀπὸ μικρὰ ἄσπρα.

3. Φτιάξε στὴ βάση πολύχρωμες εὐθεῖες γραμμὲς ἀπὸ διάφορα κομμάτια.

### 2. ΣΥΝΟΛΑ ΑΠΟ ΣΗΜΕΙΑ "Η ΣΗΜΕΙΟΣΥΝΟΛΑ

1. Βάλε τὸ μεγάλο ἄσπρο πάνω στὴν πινακίδα.

— Τὶ θὰ κάνεις γιὰ νὰ φτιάξεις μὲ μικρὰ ἄσπρα ἔνα ἰδιο μὲ τὸ μεγάλο ἄσπρο, ποὺ ἔθαλες; (Θὰ πάρω μικρὰ ἄσπρα καὶ θὰ βάλω δίπλα στὸ μεγάλο ἄσπρο, ἔτσι ώστε νὰ γίνει μιὰ σειρά ποὺ νὰ ἀρχίζει ἐκεῖ, ποὺ ἀρχίζει τὸ μεγάλο ἄσπρο καὶ νὰ τελειώνει ἐκεῖ, ποὺ αὐτὸ τελειώνει.

— Πῶς λέμε τὴ δουλειά αὐτὴ νὰ βάζεις δηλαδὴ ἔνα μικρὸ ἄσπρο κομμάτι δίπλα σὲ κάθε μιὰ προεξοχὴ τοῦ μεγάλου ἄσπρου; (Τὴ λέμε ἀντιστοιχία).

2. Ἀντιστοίχισε ἔνα μικρὸ ἄσπρο σὲ κάθε μία προεξοχὴ τοῦ μεγάλου ἄσπρου.

— Πόσα μικρὰ ἄσπρα χρειάστηκες; (“Οσες εἶναι οἱ προεξοχές τοῦ μεγάλου ἄσπρου”).

— Τί σύνολο εἶναι λοιπὸν τὸ μεγάλο ἄσπρο κομμάτι; (Εἶναι ἔνα σύνολο ἀπὸ μικρὰ ἄσπρα).

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει τὸ μεγάλο ἄσπρο; (“Οσες εἶναι οἱ προεξοχές του”).

— Στὸ κεφάλαιο αὐτὸ κάθε μικρὸ ἄσπρο κομμάτι ἡ ἵδιο μὲν αὐτὸ ἀλλὰ χρωματιστὸ μποροῦμε νὰ τὸ λέμε καὶ σημεῖο.

3. Τί εἶναι κάθε πλαστικὸ κομμάτι; (Εἶναι ἔνα σύνολο ἀπὸ σημεῖα).

— “Ἐνα σύνολο ἀπὸ σημεῖα τὸ λέμε καὶ σημεῖο σύνολο.

— Πόσα σημεῖα ἔχει ὅποιο δήποτε κομμάτι; (“Ἔχει δύο καὶ οἱ προεξοχές του”).

### Α σική σεις.

1. Ἀντιστοίχισε σὲ κάθε ἔνα ἀπὸ τὰ πιὸ κάτω κομμάτια τόσα μικρὰ ἄσπρα, δύο εἶναι τὰ σημεῖα του.

- α. Τὸ μικρὸ κόκκινο
- β. Τὸ μικρὸ πράσινο
- γ. Τὸ μεσαῖο κόκκινο
- δ. Τὸ μικρὸ μπλέ
- ε. Τὸ μεσαῖο πράσινο
- ζ. Τὸ μεγάλο ἄσπρο
- η. Τὸ μεγάλο κόκκινο
- θ. Τὸ μεγάλο πράσινο
- ι. Τὸ μεγάλο μπλέ.

2. Φτιάξε τραίνα μὲ τὰ πιὸ κάτω κομμάτια καὶ ἀντιστοίχισε στὸ καθένα ἀπὸ αὐτὰ τὸ κομμάτι, ποὺ ἔχει ἴδιο μάκρος.

- α. μὲ τὸ μικρὸ ἄσπρο καὶ τὸ μικρὸ κόκκινο
- β. μὲ τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ τὸ μικρὸ πράσινο
- γ. μὲ τὸ μικρὸ πράσινο καὶ τὸ μεσαῖο κόκκινο
- δ. μὲ τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μικρὸ μπλέ

### 3. ΓΡΑΜΜΙΚΑ ΣΥΝΟΛΑ

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴ σελίδα 17.

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα ἔνα σύνολο ἀπὸ σημεῖα, σὰν κι’ αὐτὸ στὴν πάνω δριστερὴ πλευρά.

— Πάρε μερικὰ σημεῖα ἀπὸ τὸ σύνολο αὐτὸ καὶ βάλτα τὸ ἔνα δίπλα στὸ ἄλλο.

- Τί είναι αύτό, πού ̄φτιαξες; (Είναι ένα άλλο σύνολο άπό σημεῖα).
- Τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τὰ ̄βαλες δπως ήθελες ή μὲν μιὰ σειρὰ δπως σοῦ εἶπα ἔγώ; (Τὰ ̄βαλα μὲν τῇ σειρά πού εἴπατε σεῖς).
- Πῶς λέμε ένα σύνολο, πού τὰ στοιχεῖα του ̄χουν τοποθετηθεῖ μὲν μιὰ σειρά; (Τὸ λέμε διαταγμένο σύνολο).
- Τὰ σύνολα άπό σημεῖα, πού είναι διαταγμένα ̄τσι ώστε, νὰ μοιάζουν μὲν γραμμές θὰ τὰ λέμε σύνολα διαταγμένα σε γραμμή, ή γραμμή, ή γραμμή, ή σύνολα ἡ πλάσι γραμμή.
- Τί είναι δλες οἱ γραμμές; (Είναι διαταγμένα σημειοσύνολα).

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε μιὰ κομμάτια διάφορες γραμμές, μονόχρωμες καὶ πολύχρωμες, πού νὰ πηγαίνουν άπό πάνω πρὸς τὰ κάτω καὶ ἄλλες, πού νὰ πηγαίνουν άπό ἀριστερὰ πρὸς τὰ δεξιά.
2. Φτιάξε λοξὲς γραμμές, δπως αὐτὴ στὴν πάνω δεξιὰ γωνία.
3. Φτιάξε γραμμές, πού νὰ πηγαίνουν δλο ̄σια καὶ γραμμές, πού νὰ στρίθουνε.

#### 4. ΕΥΘΕΙΕΣ ΓΡΑΜΜΕΣ ΠΟΥ ΣΥΝΑΝΤΙΩΝΤΑΙ

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴν λοξὴν ἀσπρῃ γραμμὴν στὴ σελίδα 17.

1. Φτιάξε μιὰ ἀσπρῃ γραμμὴ σὰν κι' αὐτή, ποὺ ̄λέπεις.
- Άπὸ ένα σημεῖο τῆς ξεκίνα μιὰ πράσινη γραμμή, πού νὰ πηγαίνει ἀριστερὰ καὶ δεξιά.
- Τί είναι οἱ γραμμές, ποὺ ̄φτιαξες; (Είναι σύνολα άπό σημεῖα).
- Υπάρχει κανένα σημεῖο, πού νὰ ἀνήκει καὶ στὸ ένα καὶ στὸ ἄλλο σύνολο; (Ναὶ υπάρχει ένα τέτοιο σημεῖο).
- Πῶς τὸ λέμε στὰ σύνολα αὐτὸ τὸ στοιχεῖο, ποὺ ἀνήκει καὶ στὸ ένα καὶ στὸ ἄλλο σύνολο; (Τὸ λέμε τομὴ τῶν συνόλων αὐτῶν).
- Εδῶ τὸ λέμε τομὴ τῶν γραμμῶν ή κοινὸ σημεῖο τῶν γραμμῶν.
- Οἱ γραμμές, ποὺ ̄χουν κοινὸ σημεῖο, λέμε δτὶ συναντιώνται.
2. Μιὸν γραμμὴ, ποὺ γίνεται άπὸ κομμάτια εύθείας χωρὶς νὰ είναι δλη μιὰ εύθεια τῇ λέμε σπαστὴ γραμμὴ.

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε εύθειες γραμμές, ποὺ νὰ συναντιώνται.
2. Φτιάξε σπαστὲς γραμμές.
3. Φτιάξε σπαστὲς γραμμές, ποὺ τὸ τέλος τους νὰ κολάει μὲ τὴν ἀρχὴ τους.
4. Φτιάξε τὸ τζίπ καὶ κλεῖστο μέσα σε μιὰ σπαστὴ γραμμὴ.

## 5. ΕΥΘΕΙΕΣ ΓΡΑΜΜΕΣ ΠΑΡΑΛΛΗΛΕΣ

Δείξτε στὸ παιδὶ τὴν μπλὲ καὶ τὴν κόκκινη γραμμὴν τῆς σελίδας 17, ποὺ εἶναι παράλληλες μεταξύ τους.

1. Φτιάξε τὴν μπλὲ καὶ τὴν κόκκινη γραμμήν, ποὺ ὀλέπεις. Μάρκυνε τὶς γραμμές αὐτὲς κι' ἀπὸ τὸ ἔνα καὶ ἀπὸ τὸ ὄλλο τους ἄκρο.

— Τί πιστεύεις ὅν τὶς μακρύνεις πολὺ θὰ συναντηθοῦν; ("Οχι δὲν θὰ συναντηθοῦν").

— Οἱ εὐθεῖες αὐτές, ποὺ δσο κι' ὅν τὶς μικρύνουμε δὲν συναντιώνται, τὶς λέμε παράλληλες γραμμές.

2. Τὰ σημειούσνολα, ποὺ ἔφτιαξες ἔχουν κανένα κοινὸ σημεῖο; ("Οχι δὲν ἔχουν").

— Πῶς λέμε τὰ σύνολα, ποὺ δὲν ἔχουν κανένα κοινὸ στοιχεῖο; (Σύνολα ξένα μεταξύ τους).

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε παράλληλες γραμμές, ποὺ νὰ πηγαίνουν:

α—ἀπὸ πάνω πρὸς τὰ κάτω

β—ἀπὸ δεξιὰ πρὸς τὸ ἀριστερὰ

γ—λοιξά

2. Κόψε παράλληλες εὐθεῖες μιὰ ἄλλη εὐθεῖα γραμμῆς.

3. Κόψε παράλληλες εὐθεῖες μὲ ἄλλες παράλληλες εὐθεῖες.

## 6. ΚΟΜΜΑΤΙΑ ΕΥΘΕΙΩΝ ΜΕ ΑΡΧΗ ΚΑΙ ΤΕΛΟΣ

1. Φτιάξε ἔνα κομμάτι εὐθείας γραμμῆς.

— Τὸ ἔνα ἄκρο τοῦ κομματιοῦ αὐτοῦ τὸ λέμε ἀρχὴ καὶ τὸ ἄλλο ἄκρο του τὸ λέμε τέλος του.

— Γιὰ νὰ ξεχωρίζουμε τὸ τέλος τοῦ κομματιοῦ βάζουμε σ' αὐτὸ γιὰ σημάδι μιὰ μύτη βέλους. "Ἐτσι δτῶν ὀλέπουμε μύτη βέλους καταλαβαίνουμε δτὶ πρόκειται γιὰ τὸ τέλος τοῦ κομματιοῦ.

— Τὰ κομμάτια τῶν εὐθειῶν, ποὺ ἔχουν ἀρχὴ καὶ τέλος τὰ λέμε καὶ προσανατολισμένο κομμάτι εὐθείας εἶναι τὸ κοκκινο-πράσινο ποὺ

— Προσανατολισμένο κομμάτι εὐθείας εἶναι τὸ κοκκινο-πράσινο ποὺ

— Μποροῦμε νὰ δείξουμε τὸ τέλος τοῦ κομματιοῦ εὐθείας, μὲ ἔνα μικρὸ ἄσπρο, ποὺ βάζουμε πάνω στὸ τέλος του. Τέτοιο σημάδι ἔχει τὸ πρασινοκόκκινο κομμάτι εὐθείας δεξιὰ ἀπὸ τὸ προηγούμενο.

— Λέμε ότι τὰ προσανατολισμένα κομμάτια δείχνουν μιὰ κατεύθυνση ν ση, π.χ. ἀπὸ τὸ ἀριστερά πρὸς τὰ δεξιά ή διποιαδήποτε ἄλλη.

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε διάφορα προσανατολισμένα κομμάτια εύθειῶν ἀπὸ ἕνα ή περισσότερα κομμάτια καὶ δεῖξε τὸ τέλος τους, εἴτε μὲ μύτη θέλους, εἴτε μὲ τὸ μικρὸν ἀσπρό, ποὺ εἶναι πιὸ ἀπλό.

2. Φτιάξε μερικά ἀνύσματα, ποὺ νὰ ἔχουν κατευθύνσεις:

α—πρὸς τὰ δεξιά

β—πρὸς τὸ ἀριστερά

γ—πρὸς τὰ πάνω

δ—πρὸς τὰ κάτω

ε—πρὸς τὴν πάνω δεξιά γωνία

ζ—πρὸς τὴν κάτω δεξιά γωνία

η—πρὸς τὴν κάτω ἀριστερὴ γωνία

θ—πρὸς τὴν πάνω ἀριστερὴ γωνία

## 7. ΣΥΝΕΧΟΜΕΝΑ ΚΟΜΜΑΤΙΑ ΕΥΘΕΙΩΝ

1. Φτιάξε μερικὰ προσανατολισμένα κομμάτια εύθειῶν, μὲ διάφορες κατευθύνσεις, πρὸς τὰ δεξιά, πρὸς τὸ ἀριστερά, πρὸς τὰ πάνω, πρὸς τὰ κάτω, λοξά πρὸς τὰ πάνω καὶ λοιπά.

— Τί ἀποτελοῦν δλα αὐτὰ μαζί; (*Αποτελοῦν ἔνα σύνολο ἀπὸ προσανατολισμένα κομμάτια εύθειῶν*).

— “Ενώσε τὰ κομμάτια αὐτά, προσέχοντας στὶς νέες τους θέσεις νὰ διατηροῦνται παράληλα μὲ τὴν ἀρχικὴ τους θέση καὶ πάντα τὸ τέλος τοῦ ἑνὸς νὰ ἔνωνται μὲ τὴν ἀρχὴ τοῦ ἐπομένου.

— Οἱ συνεχόμενες γραμμές, ποὺ ἔφτιαξες μὲ τὶς ἔνωσεις αὐτές, εἰναι ὅπως βλέπεις, εἴτε συνεχόμενες εύθειες γραμμές, εἴτε σπαστὲς εύθειες γραμμές.

— Οἱ γραμμές αὐτές τί ἔχουν γιὰ ἀρχὴ τους καὶ τί ἔχουν γιὰ τέλος τους; (*Γιὰ ἀρχὴ τους ἔχουν τὴν ἀρχὴ τοῦ πρώτου κομματιοῦ καὶ τέλος ἔχουν τὸ τέλος τοῦ τελευταίου κομματιοῦ*).

Δεῖξε στὸ παιδί τὰ προσανατολισμένα κομμάτια εύθειῶν στὴν κάτω ἀριστερὴ πλευρὴ τῆς σελίδας 17.

2. Φτιάξε τὸ σύνολο τῶν προσανατολισμένων κομματιῶν, ποὺ βλέπεις.

— “Ενώσε τα βάζοντας πρῶτα τὸ κόκκινο, ποὺ ἔχει τὸ τέλος του πρὸς τὰ πάνω, ύστερα τὸ πράσινο, ύστερα τὸ ἀσπρό, ύστερα τὸ ἄλλο κόκκινο καὶ τέλος τὸ μπλέ.

— Τὶ συνέθη μὲ τὸ τέλος τοῦ τελευταίου καὶ τὴν ἀρχὴ τοῦ πρώτου; (*Τὸ τέλος τοῦ τελευταίου ἐπεσε πάνω στὴν ἀρχὴ τοῦ πρώτου*).

— Ή γραμμή, πού ̄γινε, δὲν ̄χει τώρα ούτε ἀρχή ούτε τέλος.  
— Τις γραμμές αύτες τις λέμε κλειστές γραμμές.

\*Α σκήσεις.

1. Φτιάξε μερικά μονοκόμματα προσανατολισμένα κομμάτια εύθειων, πού ή ̄νωσή τους νὰ δίνει εύθεια γραμμή μὲ κατεύθυνση:
  - α—πρὸς τὰ πάνω
  - β—πρὸς τὰ κάτω
  - γ—πρὸς τὰ δεξιά
  - δ—πρὸς τὸ ἀριστερά
2. Φτιάξε μερικά προσανατολισμένα κομμάτια, ποὺ οἱ ἐνώσεις τους νὰ δίνουν σπαστές γραμμές.
3. Φτιάξε μερικά προσανατολισμένα κομμάτια, ποὺ οἱ ἐνώσεις τους νὰ δίνουν κλειστές γραμμές:
  - α—Μὲ δόμοια κομμάτια
  - β—Μὲ διαφορετικά κομμάτια.
4. Φτιάξε ἔνα τζίπ. Κάνε γύρω ἀπὸ αὐτὸ μιὰ κλειστή γραμμή ἀπὸ μονοκόμματα κομμάτια. Φτιάξε δίπλα σ' αὐτὴν ὅλα τὰ προσανατολισμένα κομμάτια τῆς.

## 8. ΑΝΙΣΑ ΚΑΙ ΙΣΑ ΚΟΜΜΑΤΙΑ ΕΥΘΕΙΩΝ

Τὰ παρακάτω φαίνονται στὴ σελίδα 18.

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὸ μικρὸ μπλὲ καὶ τὸ μικρὸ πράσινο κομμάτι. Βάλε πάνω στὴν ἄκρη τοῦ κάθε κομματιοῦ ἀπὸ ἔνα μικρὸ ἀσπρό, ποὺ νὰ δείχνει ὅτι ἡ ἄκρη αὐτὴ εἶναι τὸ τέλος του.  
— Βάλε τὸ ἔνα κομμάτι δίπλα στὸ ἄλλο, ώστε νὰ ̄χουν ἴδια ἀρχὴ καὶ κατεύθυνση πρὸς τὰ πάνω.  
— Τὰ κομμάτια αὐτά, ποὺ ̄χουν ἴδια ἀρχὴ ̄χουν καὶ ἴδιο τέλος; (*“Οχι δὲν ̄χουν ἴδιο τέλος.”*)  
— “Οταν ἔνα κομμάτι εύθειας μπεῖ δίπλα σ' ἔνα ἄλλο κομμάτι εύθειας καὶ ̄χει μὲ αὐτὸ κοινὴ ἀρχὴ ἀλλὰ ̄χει διαφορετικὸ τέλος, λέμε ὅτι τὸ κομμάτι αὐτὸ δὲν εἰναι ἵσο μὲ τὸ ἄλλο.”
2. Βάλε πάνω στὸ μικρὸ κόκκινο ἔνα μικρὸ ἀσπρό, ποὺ νὰ δείχνει τὸ τέλος του.  
— “Ενωσε τὸ μικρὸ αὐτὸ κόκκινο συνέχεια μὲ τὸ μικρὸ πράσινο.  
— Τὸ προσανατολισμένο κομμάτι εύθειας, ποὺ ̄γινε ἀπὸ τὴν ἔνωση τοῦ μικροῦ πράσινου καὶ τοῦ μικροῦ κόκκινου ̄χει ἴδια ἀρχὴ καὶ ἴδιο τέλος μὲ τὸ μικρὸ μπλέ; (*“Ναι ̄χει ἴδια ἀρχὴ καὶ τέλος.”*)  
— “Οταν ἔνα κομμάτι εύθειας μπεῖ δίπλα σ' ἔνα ἄλλο κομμάτι καὶ ̄χει μὲ αὐτὸ ἴδια ἀρχὴ καὶ ἴδιο τέλος, λέμε ὅτι εἶναι ἵσο μὲ αὐτό.”

— Τὸ κομμάτι, ποὺ γιὰ νὰ γίνει ἵσο μ' ἔνα ἄλλο πρέπει νὰ ἐνωθεῖ μ' ἔνα ὄλλο, λέμε δτὶ εἶναι μικρότερα ἀπ' αὐτό. Τὸ ἄλλο εἶναι μεγαλύτερο.

### Άσκήσεις.

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὸ σύνολο τῶν πράσινων καὶ τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομμάτιών.

— Βάλε υπέρερα δίπλα σὲ κάθε πράσινο καὶ μὲ ἴδια ἀρχὴ ἔνα κόκκινο, ποὺ νὰ εἶναι μικρότερό του.

— Κάθε φορὰ νὰ λές ποιό εἶναι τὸ πιὸ μεγάλο καὶ ποιό εἶναι τὸ πιὸ μικρό.

2. Κάνε τὸ ἴδιο:

α—μὲ τὰ μπλέ καὶ τὰ ἄσπρα

β—μὲ τὰ πράσινα καὶ τὰ μπλέ

γ—μὲ τὰ ἄσπρα καὶ τὰ κόκκινα

δ—μὲ τὰ ἄσπρα καὶ τὰ πράσινα

ε—μὲ τὰ κόκκινα καὶ τὰ μπλέ

3. Βρές ποιό πράσινο κομμάτι ξεπερνάει τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ ἀπὸ τὴν μιὰ καὶ ἀπὸ τὴν ὄλλη ἄκρη του.

4. Βρές τὸ μπλέ καὶ τὸ ἄσπρο, ποὺ ξεπερνᾶνε τὸ μικρὸ πράσινο καὶ ἀπὸ τὴν μιὰ καὶ ἀπὸ τὴν ὄλλη ἄκρη.

5. Φτιάξε δίπλα σὲ κάθε κομμάτι, ἐκτὸς ἀπὸ τὸ μικρὸ ἄσπρο, χαλιὰ ἀπὸ πολύχρωμα κομμάτια εύθειῶν ἵσα μ' αὐτά.

## 9. KOMMATIA EYTHEIION IΣA M' ENA ALLO

1. Βάλε τὸ μεγάλο κόκκινο μὲ κατεύθυνση ἀπὸ πάνω πρὸς τὰ κάτω.

— Φτιάξε ἀπὸ τὴν ἀριστερὴν πλευρὰ τοῦ μεγάλου κόκκινου καὶ σ' ἐπαφὴ μ' αὐτὸν ἔνα εὐθύγραμμο κομμάτι, ποὺ τὰ ἄκρα του νὰ συμπίπτουν μὲ τὰ ἄκρα τοῦ μεγάλου κόκκινου. Κάνε τὸ ἴδιο καὶ ἀπὸ τὴν δεξιά του πλευρά.

— Μὲ τί εἶναι ἵσο τὸ ἀριστερὸ κομμάτι εύθειάς; (Τὸ ἀριστερὸ κομμάτι εἶναι ἵσο μὲ τὸ μεγάλο κόκκινο).

— Μὲ τί εἶναι ἵσο τὸ δεξιὸ κομμάτι; (Τὸ δεξιὸ κομμάτι εύθειάς εἶναι κι' αὐτὸν ἵσο μὲ τὸ μεγάλο κόκκινο).

— Μὲ τί εἶναι ἵσο τὸ δεξιὸ κομμάτι εύθειάς; (Τὸ δεξιὸ κομμάτι εύθειάς εἶναι κι' αὐτὸν ἵσο μὲ τὸ μεγάλο κόκκινο).

— Βάλε τώρα τὸ δεξιὸ κομμάτι σ' ἐπαφὴ μὲ τὸ ἀριστερὸ καὶ μὲ κοινὴ ἀρχή.

— Εἶναι τὸ ἀριστερὸ κομμάτι ἵσο μὲ τὸ δεξιό; (Ναὶ εἶναι ἵσο γιατὶ συμπίπτουν ὅλα τους τὰ ἄκρα).

— "Αν ἔχουμε εὐθύγραμμα κομμάτια, ποὺ τὸ καθένα τους εἶναι ἵσο μ' ἔνα δρισμένο εὐθύγραμμο κομμάτι, τότε ὅλα τὰ κομμάτια αὐτὰ εἶναι ἵσα μεταξύ τους.

## Ασκήσεις.

1. Φτιάξε πάνω σὲ κάθε κομμάτι (έκτος ἀπὸ τὸ μικρὸ ἄσπρο) πύργο ἀπὸ γραμμές ἵσες μὲ τὸ κομμάτι αὐτό. Φρόντισε κάθε ὅροφος τοῦ πύργου νὰ μὴν ἔχει τὰ ἴδια κομμάτια μὲ διοιδήποτε ἄλλο ὅροφο.

## 10. ΟΙ ΓΩΝΙΕΣ

1. Φτιάξε μιὰ εύθεῖα γραμμή.

— Απὸ τὴν ἀρχὴν τῆς ξεκίνα μιὰ ἄλλη εύθεῖα.

— Τὸ σχῆμα, ποὺ κάνουν οἱ εύθεῖες ποὺ ἔφτιαξες, τὸ λέμε γωνία.

—

Δείξτε στὸ παιδὶ τὴν σελίδα 19.

2. Φτιάξε τὴν γωνία, ποὺ φλέπεις στὴ μέση τῆς σελίδας, μὲ μιὰ κόκκινη καὶ μιὰ μπλέ εύθεῖα.

— Τὴν γωνία, ποὺ ἔφτιαξες, τὴν λέμε ὁ ρ θ ἡ γωνία.

— Λέμε ἀκόμη, πῶς ἡ μπλέ εύθεῖα εἶναι καὶ θ ε τη στὴν κόκκινη καὶ ἡ κόκκινη εύθεῖα εἶναι καὶ θ ε τη στὴ μπλέ εύθεῖα.

3. Πρόσεξε τὴν δρθὴν γωνία, ποὺ ἔφτιαξες.

— "Αν γείρεις λίγο τὴν μπλέ εύθεῖα πρὸς τὰ δεξιά, θὰ γίνει μιὰ γωνία πιὸ κλειστὴ ἀπ' αὐτή, σὰν κι' αὐτή, ποὺ φρίσκεται στὸ πάνω μέρος τῆς σελίδας.

— Φτιάξε τὴν γωνία αὐτὴ μὲ μιὰ κόκκινη καὶ μιὰ ἄσπρη εύθεῖα.

— Τὴν γωνία, ποὺ ἔφτιαξες, τὴν λέμε ὁ ξ ε ἵ α γωνία.

4. "Αν γείρεις λίγο τὴν μπλέ εύθεῖα τῆς δρθῆς γωνίας πρὸς τὴν ἀριστερὰ θὰ γίνει μιὰ γωνία πιὸ ἀνοιχτὴ ἀπὸ αὐτήν, σὰν κι' αὐτή, ποὺ εἶναι στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας.

— Φτιάξε τὴν γωνία αὐτὴ μὲ μιὰ πράσινη καὶ μιὰ ἄσπρη εύθεῖα.

— Τὴν γωνία, ποὺ ἔφτιαξες, τὴν λέμε ὁ μ θ ε ἵ α γωνία.

5. Τις εύθειες, ποὺ σχηματίζουν τὴν γωνία, τις λέμε πλευρές τῆς γωνίας, τὸ λέμε κορυφὴ τῆς γωνίας.

— Τὸ σημεῖο, ποὺ κόβονται οἱ πλευρές τῆς γωνίας, τὸ λέμε κορυφὴ τῆς γωνίας.

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

—

4. Φτιάξε κλειστές γραμμές, που νὰ ἔχουν:  
α—δρθὲς καὶ ἀμβλεῖες γωνίες  
β—μόνο ἀμβλεῖες γωνίες  
γ—μόνο δρθὲς γωνίες.

## 11. Η ΣΚΑΛΑ ΠΟΥ ΑΝΕΒΑΙΝΕΙ

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὸ σύνολο τῶν πράσινων καὶ τὸ σύνολο τῶν κόκκινων κομματιῶν.

— Βάλτα μὲ κατεύθυνση ἀπὸ κάτω πρὸς τὰ πάνω σ' ἐπαφὴ τὸ ἔνα μὲ τὸ ὄλλο καὶ μὲ κοινὴ ἀρχὴ ἀπὸ κάτω.

— Φρόντισε τὸ κάθε κομμάτι νὰ ἔχει ἀριστερά του ἔνα μικρότερό του, ἀν ὑπάρχει τέτοιο καὶ δεξιά του ἔνα μεγαλύτερο, ἀν ὑπάρχει τέτοιο.

‘Η διάταξη, που θὰ προκύψει, φαίνεται στὸ ἀριστερὸ μέρος τῆς σελίδας 18.

— Τὰ κομμάτια αὐτὰ μὲ ποιά σειρὰ εἶναι διαταγμένα; (Εἰναι μὲ σειρὰ ἀπὸ τὸ μικρότερο στὸ μεγαλύτερο).

— Τὴ διάταξη αὐτὴ τὴ λέμε σκάλα εἰναι σειρὰ.

— Ποιό εἶναι τὸ πιὸ μικρὸ κομμάτι τῆς σκάλας καὶ πῶς τὸ λέμε ὀλλοιῶς; (Εἰναι τὸ μικρὸ κόκκινο, καὶ τὸ λέμε ἐλάχιστο).

— Ποιό εἶναι τὸ πιὸ μεγάλο κομμάτι καὶ πῶς τὸ λέμε ὀλλοιῶς; (Εἰναιναι τὸ μεγάλο πράσινο καὶ τὸ λέμε μέγιστο).

2. Φτιάξε μὲ τὰ ἴδια κομμάτια μιὰ σκάλα, που νὰ κατεβαίνει πρὸς τὰ δεξιά.

‘Α σκάλα σειρά.

— Φτιάξε σκάλες, που νὰ ἀνεβαίνουν καὶ σκάλες, που νὰ κατεβαίνουν μέ:

1. τ' ἄσπρα καὶ τὰ κόκκινα,
2. τ' ἄσπρα καὶ τὰ μπλέ,
3. τ' ἄσπρα καὶ τὰ πράσινα,
4. τὰ μπλέ καὶ τὰ πράσινα,
5. τ' ἄσπρα, τὰ κόκκινα καὶ τὰ πράσινα,
6. τ' ἄσπρα, τὰ πράσινα καὶ τὰ μπλέ,
7. ὅλα τὰ κομμάτια.

## 12. Η ΕΠΙΠΕΔΗ ΕΠΙΦΑΝΕΙΑ

Δεῖξτε στὸ παιδί τὴ σελίδα 20.

1. Φτιάξε ἔνα κομμάτι εύθειας. Βάλε σ' ἐπαφὴ κατὰ πλάτος μ' αὐτὸ κι ὄλλα κομμάτια εύθειῶν.

— Τί ἔγινε; (“Εγινε ἔνα πολύχρωμο χαλί».

— Τὸ σχῆμα αὐτὸ ἔχει μάκρος καὶ πλάτος; (Ναὶ ἔχει καὶ πλάτος καὶ μάκρος).

— Τὸ σχῆμα, ποὺ ἔχει μόνο μάκρος καὶ πλάτος τὸ λέμε ἐ πι-  
φάνεια.

2. Σὲ τί τελειώνει ἡ ἐπιφάνεια αὐτὴ δόλογυρά της; (Τελειώνει σὲ σει-  
ρές ἀπὸ σημεῖα).

— Τὶ σχηματίζουν αὐτὲς οἱ σειρές ἀπὸ σημεῖα; (Σχηματίζουν γραμ-  
μές).

— Τὶς γραμμές, ποὺ τελειώνουν δόλογυρά τους οἱ ἐπιφάνειες, τὶς  
λέμε πλευρές τους.

— Τὴν κλειστὴν γραμμήν, ποὺ σχηματίζουν δλες οἱ πλευρές μαζί, τὴ  
λέμε περί μετρο τοῦ σχήματος.

— Τὶς γωνίες, ποὺ σχηματίζουν οἱ πλευρές, τὶς λέμε κορυφές  
τοῦ σχήματος.

3. Βάλε πάνω στὸ τραπέζι σου ἕνα εύθυγραμμο κομμάτι. Π.χ. τὸ  
μεγάλο κόκκινο.

— Γύρισέ το πρὸς διάφορες κατευθύνσεις καὶ πές μου ὅν σὲ κάθε θέ-  
θοση, ποὺ τὸ θάξεις, ἀκουμπάει δλο πάνω στὸ τραπέζι σου. (Ναὶ ἀκου-  
μπάει δλο).

— Τὴν ἐπιφάνεια, ποὺ ἡ εύθεια ἀκουμπάει πάνω της μὲ δποια κα-  
τεύθυνση τὴν θάλουμε τὴ λέμε ἐ περιφάνεια ἡ ἐπί-  
πεδο σχῆμα.

— Τὶς ἐπιφάνειες, ποὺ φτιάχνουμε μὲ μιὰ στρώση ἀπὸ γραμμές μὲ  
πλαστικὰ κομμάτια πάνω στὴ θάση, λέμε ὅτι εἰναι κι' αὐτὲς ἐπίπεδες  
ἐπιφάνειες.

\*Α σκήνη σεις.

Φτιάξε πολλὰ ἐπίπεδα σχήματα.

1. Μὲ γραμμές ἀπὸ διάφορα κομμάτια.

2. Μὲ γραμμές ἀπὸ ίδια κομμάτια, ποὺ νὰ ἔχουν ίδια ἀρχή.

### 13. ΤΟ ΠΟΛΥΓΩΝΟ

1. Φτιάξε μιὰ δρθή γωνία μὲ τὸ μικρὸ μπλέ καὶ τὸ μεσαῖο πράσινο.

— Φτιάξε μιὰ ἄλλη δρθή γωνία στὴν ἄλλη ἄκρη τοῦ μικροῦ μπλέ  
μὲ ένα ἀκόμη μεσαῖο πράσινο, δπως προηγούμενα.

— Φτιάξε μὲ μικρὰ ἄσπρα μιὰ ἀμβλεῖα γωνία, ποὺ οἱ πλευρές της  
ν' ἀρχίζουν ἀπὸ κεῖ, ποὺ τελειώνουν τὰ μεσαῖα πράσινα.

— Γέμισε τὴν κλειστὴν γραμμή, ποὺ ἔφτιαξες μὲ μικρὰ κομμάτια  
καὶ πές μου τὶ σχῆμα εἰναι αὐτό; (Εἰναι ἔνα ἐπίπεδο σχῆμα).

— "Ἐχει πολλές γωνίες ἡ περίμετρός του; (Ναὶ, ἔχει πολλές γω-  
νίες).

— Τὸ σχῆμα, ποὺ κλείνεται ἀπὸ μια περίμετρο μὲ πολλὲς γωνίες, τὸ λέμε π ο λ ύ γ ω ν ο.

2. "Ενώσε μὲ μιὰ λοξὴ γραμμὴ μιὰ κορυφὴ τοῦ πολύγωνου, ποὺ ἔφτιαξες, μὲ μιὰ ἄλλη κορυφὴ του, ποὺ νὰ δρίσκεται ἀπέναντι της.

— Τὴν γραμμή, ποὺ ἔνωνται ἀπέναντι κορυφές, τὴ λέμε διαγώνιο τοῦ πολυγώνου.

Α σκήσεις.

— Φτιάξε πολύγωνα, ποὺ νὰ ἔχουν καὶ

1. μιὰ δξεῖα γωνία,

2. μιὰ ἀμθεῖα γωνία,

3. ἀμθεῖς, δξεῖες καὶ δρθές γωνίες.

#### 14. ΤΟ ΟΡΘΟΓΩΝΙΟ

1. Φτιάξε ἔνα κομμάτι εύθειας. Βάλε σ' ἐπαφὴ μ' αὐτὸ ὅλα κομμάτια εύθειας ἵσα μ' αὐτό καὶ μὲ κοινὴ ἀρχή.

— Τὶ εἶναι αὐτό, ποὺ ἔφτιαξες; (Εἶναι ἔνα ἐπίπεδο σχῆμα).

— Τὶ εἰδους γραμμές εἶναι οἱ πλευρές του; (Οἱ πλευρές του εἶναι εύθειες).

— Οἱ ἀπέναντι πλευρές μήπως συναντιώνται; ("Οχι δὲν συναντιώνται").

— Τὶ εἶναι μεταξύ τους οἱ ἀπέναντι πλευρές; (Εἶναι παράλληλες).

— Τὸ σχῆμα, ποὺ ἔχει τὶς ἀπέναντι πλευρές του παράλληλες, τὸ λέμε παραλληλόγραμμο, ποὺ εἶναι οἱ γωνίες, ποὺ σχηματίζουν οἱ πλευρές του; (Εἶναι δρθές γωνίες).

— Τὸ παραλληλόγραμμο, ποὺ ἔχει τὶς γωνίες του δρθές, τὸ λέμε δρθογώνιο παραλληλόγραμμο, ποὺ ἔφτιαξες, τὸ κομμάτι, ποὺ εἶναι ἴσο μὲ τὴ μιὰ του πλευρά. Ποιὰ ὅλη πλευρά εἶναι ἴση μὲ τὸ κομμάτι αὐτό; (Εἶναι ή ἀπέναντι τῆς πλευρᾶς).

— Κάνε τὸ ἴδιο μὲ τὶς ἄλλες ἀπέναντι πλευρές καὶ πές μου ἀν εἶναι ἴσες. (Ναὶ κι' αὐτές εἶναι ἴσες μεταξύ τους).

— Πές μου λοιπόν, τί δέρεις γιὰ τὶς γωνίες καὶ τὶς πλευρές του δρθογώνιου; (Τὸ δρθογώνιο ἔχει δλες του τὶς γωνίες δρθές καὶ τὶς ἀπέναντι πλευρές του παράλληλες καὶ ἴσες μεταξύ τους).

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε μονόχρωμα δρθογώνια, ἔνα ἀπὸ κάθε κομμάτι, ὅπως αὐτό, ποὺ φαίνεται στὴν ίδια σελίδα, ἀπὸ μεσαῖα πράσινα.

2. Φτιάξε πολύχρωμα δρθογώνια.

## 15. ΤΟ ΤΕΤΡΑΓΩΝΟ

1. Βάλε ξανά μικρό πράσινο καὶ ξανά ἄλλο μικρό πράσινο δίπλα του, ώστε νὰ γίνει ξανά δρθογώνιο.

— Μὲ ποιό κομμάτι εἰναι ἵσες οἱ μεγαλύτερες πλευρές του; (Μὲ τὸ μικρὸ πράσινο).

— Μὲ ποιό κομμάτι εἰναι ἵσες οἱ μικρότερές του πλευρές; (Εἰναι ἵσες μὲ τὸ μικρὸ κόκκινο).

— Βάλε στὸ δρθογώνιο, ποὺ ἔφτιαξες, ἀκόμη ξανά μικρὸ πράσινο σὲ κατὰ πλάτος ἐπαφὴ μὲ τὰ προηγούμενα καὶ μὲ ἴδια ἀρχή.

— Τὶ ἔγιναν οἱ μικρές πλευρές τοῦ δρθογωνίου; (Μεγάλωσαν).

— Βρές μὲ ποιό κομμάτι ἔγιναν ἵσες; (Ἐγιναν ἵσες μὲ τὸ μικρὸ πράσινο).

— Δηλαδὴ τώρα ὅλες οἱ πλευρές τοῦ δρθογωνίου εἰναι ἵσες μεταξύ τους; (Ναὶ ὅλες οἱ πλευρές τοῦ δρθογωνίου εἰναι ἵσες μεταξύ τους).

— Τὸ δρθογώνιο σχῆμα, ποὺ ἔχει ὅλες του τὶς πλευρές ἵσες μεταξύ τους, τὸ λέμε τετράγωνο.

Τὸ σχῆμα αὐτὸ φαίνεται στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας 20.

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε πολύχρωμα τετράγωνα.

2. Φτιάξε μονόχρωμα τετράγωνα, δσα καὶ τὰ διάφορα μεταξύ τους κομμάτια.

— Πές γιὰ κάθε τετράγωνο τ' ὄνομά του, π.χ. τὸ τετράγωνο τοῦ μικροῦ μπλέ.

3. Φτιάξε τὶς διαγώνιες μερικῶν τετραγώνων.

## 16. ΤΟ ΤΡΙΓΩΝΟ

Δεῖξε στὸ παιδί τὴ σελίδα 19.

1. Φτιάξε τὴν δρθὴ γωνία, ποὺ δρίσκεται στὴ μέση τῆς σελίδας.

— Φτιάξε μιὰ λοξὴ γραμμή, μὲ μικρὰ ἄσπρα, ποὺ νὰ ἐνώνει τὶς ἀκρες τῶν πλευρῶν τῆς.

— Τὶ εἰναι ὅλη αὐτὴ ἡ γραμμή, ποὺ ἔφτιαξες; (Εἰναι μιὰ κλειστὴ γραμμή).

— Γέμισε τὴν κλειστὴ αὐτὴ γραμμὴ μὲ μικρὰ κομμάτια.

— Τὶ σχῆμα ἔγινε; (Ἐνα ἐπίπεδο σχῆμα).

— Τὸ ἐπίπεδο σχῆμα αὐτὸ τὸ λέμε τρίγωνο.

— Τὴν κλειστὴ γραμμή, ποὺ τὸ κλείνει δλόγυρά του, τὴ λέμε περὶ μετρο τοῦ τριγώνου.

— Ή περίμετρος τοῦ τριγώνου αὐτοῦ ἔχει καμιὰ δρθὴ γωνία; (Ναὶ, ἔχει μιὰ δρθὴ γωνία).

- Τὸ τρίγωνο, ποὺ ἔχει στὴν περίμετρό του μιὰ δρθὴ γωνία, τὸ λέμε ὅ ρθο γώνιο τρίγωνο.
2. Φτιάξε τὴ γωνία, ποὺ θρίσκεται στὸ πάνω μέρος τῆς σελίδας.
  - Μάκρυνε τὴ κόκκινη γραμμή, μ' ἔνα μικρὸ κόκκινο.
  - "Ενωσε τὶς ἄκρες τῆς γωνίας μὲ μιὰ λοξὴ γραμμὴ ἀπὸ μικρὰ ἄσπρα.
  - Γέμισε μὲ μικρὰ κομμάτια τὴν κλειστὴν γραμμή, ποὺ ἐφτιαχεῖς.
  - Τί σχῆμα εἶναι αὐτό; (Εἶναι ἔνα τρίγωνο).
  - Τί γωνία εἶναι αὐτὴ μὲ τὶς ἄσπρες πλευρές; (Εἶναι ἀμβλεῖα γωνία).
  - Τὸ τρίγωνο, ποὺ ἔχει μιὰ ἀμβλεῖα γωνία, τὸ λέμε ἀμβλεῖο γώνιο τρίγωνο.
3. "Οταν ἡ περίμετρος τοῦ τριγώνου, ἔχει δλες τὶς γωνίες δξεῖες, λέμε τὸ τρίγωνο αὐτὸ δξυγώνιο.

Α σκήνεις.

- Φτιάξε μὲ μικρὰ ἄσπρα:
1. "Ενα δρθογώνιο τρίγωνο.
  2. "Ενα ἀμβλυγώνιο τρίγωνο.
  3. Πολύχρωμα τρίγωνα μὲ διάφορες γωνίες.

## 17. Ο ΚΥΚΛΟΣ

1. Φτιάξε πάνω στὸ τραπέζι σου τὴ γραμμὴ μὲ τὰ μικρὰ κόκκινα, δπως ἔκανες γιὰ νὰ μάθεις τὶς γραμμές.
- Ζήτησε ἀπὸ ἔναν συμμαθητὴ σου νὰ σου δώσει κι' ἄλλα μικρὰ κόκκινα γιὰ νὰ κάνεις τὴ γραμμὴ πιὸ μακρυά.
- Πιάσε μὲ τὰ χέρια σου τὶς ἄκρες τῆς γραμμῆς, καμπύλωσέ την πάνω στὸ τραπέζι μέχρι, ποὺ νὰ σμίξουν οἱ ἄκρες τῆς.
- Σύνδεσε τὴ μιὰ ἄκρη μὲ τὴν ἄλλη.
- Στρογγύλεψέ την μὲ τὰ χέρια σου.
- Τὴν ἐπίπεδη ἐπιφάνεια, ποὺ κλείνει δλόγυρα ἡ γραμμὴ αὐτῇ, τὴ λέμε κύκλο.
- Τὴν ἴδια τὴ γραμμὴ αὐτῇ τὴ λέμε περιφέρεια τοῦ κύκλου.

## 18. ΙΣΑ ΕΠΙΠΕΔΑ ΣΧΗΜΑΤΑ

1. Φτιάξε ἔνα ἐπίπεδο σχῆμα.
- Φτιάξε πάνω σ' αὐτὸ ἔνα ἄλλο ἐπίπεδο σχῆμα, ποὺ νὰ σκεπάζει δλα τὰ σημεῖα τοῦ πρώτου καὶ μόνο αὐτά.
- Τὰ σχῆματα αὐτὰ τὰ λέμε ἵσα ἐπίπεδα σχήματα.

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε πολύχρωμα ἐπίπεδα σχήματα καὶ πάνω σ' αὐτὰ τὰ ἵσα τους.
2. Βρές καὶ φτιάξε τὰ πολύχρωμα δρθογώνια σχήματα, ποὺ μπορεῖς νὰ σκεπάσεις μὲ τὰ ἵσα τους μονόχρωμα δρθογώνια.
3. Βρές καὶ φτιάξε πρῶτα ἐκεῖνα τὰ μονόχρωμα δρθογώνια, ποὺ μπορεῖς νὰ τὰ σκεπάσεις μὲ τὰ ἵσα τους δρθογώνια, ποὺ θὰ φτιάξεις μὲ κομμάτια ἴδιου χρώματος μὲ τὰ πρῶτα.
4. Φτιάξε πολύχρωμα τετράγωνα καὶ σκέπασέ τα μὲ τὰ ἵσα τους μονόχρωμα τετράγωνα.
5. Φτιάξε διάφορα τρίγωνα καὶ πάνω σ' αὐτὰ τὰ ἵσα τους.
6. Φτιάξε ἔνα πολύγωνο καὶ πάνω σ' αὐτὸ ἔνα ἵσο μ' αὐτό.

## 19. ΕΓΓΡΑΜΜΕΝΑ ΚΑΙ ΠΕΡΙΓΡΑΜΜΕΝΑ ΣΧΗΜΑΤΑ

1. Φτιάξε τὸ τετράγωνο μὲ τὰ μεγάλα μπλέ.

—Φτιάξε τὴ γραμμὴ μὲ τὰ μικρὰ κόκκινα, δπως ξέρεις.

— “Ενωσε τὶς ἄκρες τῆς γραμμῆς, δπως ξέρεις, γιὰ γίνει μιὰ περιφέρεια κύκλου γύρω ἀπὸ τὸ τετράγωνο, ποὺ ἔφτιαξες, ἔτσι ὥστε ν' ἀκουμπάει σ' ὅλες τὶς κορυφὲς τοῦ τετραγώνου.

—Λέμε δὴ τὶς περιφέρεια, ποὺ ἀκουμπάει σ' ὅλες τὶς κορυφὲς τοῦ τετραγώνου, εἶναι περιγραμμένη περιφέρεια τοῦ κύκλου.

—Λέμε δὴ στὴν περίπτωση αὐτῇ τὸ τετράγωνο εἶναι ἐγγραμμένο στὴν περιφέρεια τοῦ κύκλου.

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε τὸ τετράγωνο τοῦ μεγάλου μπλέ.

α. Φτιάξε γύρω ἀπὸ αὐτὸ τὴν περιγραμμένη περιφέρεια τοῦ κύκλου.

β. Φτιάξε, γύρω ἀπὸ τὴν περιφέρεια αὐτῇ, τὴν περίμετρο τοῦ τετραγώνου, ποὺ νὰ ἀκουμπάει μὲ τὶς πλευρές τῆς τὴ περιφέρεια τοῦ κύκλου. Τὰ κομμάτια, ποὺ θὰ χρησιμοποιήσεις, νὰ εἶναι τὰ πιὸ μεγάλα ποὺ θὰ ταιριάζουν.

γ. Ποιά εἶναι τὰ κομμάτια, ποὺ χρησιμοποίησες γιὰ κάθε πλευρά; (Τὸ μεγάλο πράσινο καὶ τὸ μεγάλο κόκκινο).

δ. Τί εἶναι ἡ περίμετρος, ποὺ ἔφτιαξες, σὲ σχέση μὲ τὴν περιφέρεια.

ε. Τί εἶναι ἡ περιφέρεια σὲ σχέση μὲ τὴν περίμετρο τοῦ τετραγώνου, ποὺ ἔφτιαξες;

ζ. Τί εἶναι τὸ τετράγωνο τοῦ μεγάλου μπλέ σὲ σχέση μὲ τὴν περιφέρεια;

η. Τί εἶναι ἡ περιφέρεια σὲ σχέση μὲ τὸ τετράγωνο τοῦ μεγάλου μπλέ;

2. Φτιάξε πάνω στὸ τραπέζι σου τὴν περιφέρεια, τοῦ κύκλου καὶ μέσα σ' αὐτή.

- α. ἔνα ἐγγραμμένο δρθογώνιο τρίγωνο,
- β. ἔνα ἐγγραμμένο ἀμβλυγώνιο τρίγωνο,
- δ. ἔνα περιγραμμένο ἀμβλυγώνιο τρίγωνο.

3. Φτιάξε ἔνα δρθογώνιο τρίγωνο καὶ γύρω σ' αὐτὸ ἔνα περιγραμμένο δρθογώνιο τρίγωνο.

4. Φτιάξε ἔνα ἀμβλυγώνιο τρίγωνο καὶ γύρω σ' αὐτὸ ἔνα περιγραμμένο ἀμβλυγώνιο τρίγωνο.

5. Φτιάξε πάνω στὴ βάση τὸ τετράγωνο τοῦ μικροῦ κόκκινου:

α. Κλεῖσε ὀλόγυρα τὸ τετράγωνο αὐτὸ μὲ μιὰ περίμετρο ἀπὸ τὰ κατάλληλα μονόχρωμα κομμάτια, χωρὶς κενὸ καὶ πές μου ποιά κομμάτια χρησιμοποίησες.

β. Κάνε τὸ ἴδιο, ὅσες φορὲς μπορεῖς.

6. Φτιάξε πάνω στὸ τραπέζι σου τὸ τετράγωνο τοῦ μικροῦ κόκκινου.

α. Φτιάξε γύρω ἀπ' αὐτὸ μιὰ περίμετρο τετραγώνου μὲ μεσαῖα κόκκινα, ἔτοι ποὺ οἱ κορυφὲς τοῦ τετραγώνου μὲ τὰ μικρὰ κόκκινα νὰ ἀκουμπάει στὴ μέση κάθε πλευρᾶς τοῦ περιγραμμένου τετραγώνου.

β. Φτιάξε γύρω ἀπὸ τὴν περίμετρο αὐτή, δπως προηγούμενα, μιὰ ὄλλη περιγραμμένη περίμετρο τετραγώνου μὲ μεγάλα κόκκινα κομμάτια.

γ. Φτιάξε γύρω ἀπὸ τὴν τελευταία περίμετρο μιὰ ὄλλη περιγραμμένη περίμετρο τετραγώνου.

δ. Πές μου γιὰ κάθε μιὰ περίμετρο, ποὺ ἔφτιαξες, τί εἶναι σὲ σχέση μὲ τὴν ἑσωτερική της καὶ τί εἶναι σὲ σχέση μὲ τὴν ἑξωτερική της περίμετρο; Π.χ. «Ἡ περίμετρος μὲ τὰ μεσαῖα κόκκινα εἶναι περιγραμμένη στὴν περίμετρο τοῦ τετραγώνου μὲ τὰ μικρὰ κόκκινα καὶ ἐγγραμμένη στὴν περίμετρο τοῦ τετραγώνου μὲ τὰ μεγάλα κόκκινα».

## V. ΣΤΕΡΕΟΜΕΤΡΙΑ

### 1. ΤΑ ΣΤΕΡΕΑ

1. Φτιάξε πάνω στήν πινακίδα ένα έπίπεδο σχήμα. Φτιάξε πάνω σ' αύτό κι' άλλα έπιπεδα σχήματα.

— Τί παθαίνει τὸ ἐπίπεδο σχῆμα καθώς προσθέτεις έπιπεδα σχήματα; (Παρατηρῶ ὅτι τὸ σχῆμα γίνεται ψηλό).

— Τί είναι αύτό, ποὺ ἔφτιαξες; (Είναι ένας πύργος).

— Ο πύργος αύτός ἔχει μάκρος καὶ πλάτος; (Ναὶ ἔχει μάκρος, ἔχει πλάτος).

— "Εχει καὶ ὑψος; (Ναὶ ἔχει καὶ ὑψος).

— Τὸ σχῆμα, ποὺ ἔχει μάκρος, πλάτος καὶ ὑψος, τὸ λέμε σ τ ερεὶ σ χῆ μα.

Τὸ σχῆμα αὐτὸ φαίνεται στὸ ἐπάνω μέρος τῆς σελίδας 21.

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε μονόχρωμα καὶ πολύχρωμα στερεὰ σχήματα.

### 2. ΤΟ ΠΡΙΣΜΑ

1. Φτιάξε ένα μικρὸ δρθιογώνιο μὲ μικρὰ πράσινα καὶ μὲ κοινὴ πλευρὰ φτιάξε δίπλα σ' αύτὸ ένα ἀμβλυγώνιο τρίγωνο.

— Τὶ σχῆμα είναι αύτό, ποὺ ἔφτιαξες; (Είναι ένα έπίπεδο σχῆμα).

— Πῶς λέμε τὸ σχῆμα αύτό; (Τὸ λέμε πολύγωνο).

— Φτιάξε κι' άλλα έπιπεδα σχήματα, ίσα μ' αύτό, πάνω στὸ πρώτο σχῆμα.

— Τὶ σχῆμα ἔγινε τώρα; ("Εγινε ένα στερεό).

— Τὸ στερεὸ σχῆμα, ποὺ ἔφτιαξες, τὸ λέμε πρὶσμα.

— Τὴν ἐπιφάνεια διλόγυρά του τὴ λέμε πρὶσματικὴ ἐπιφάνεια.

— Τὴν ἐπιφάνεια, ποὺ πατάει καὶ τὴν ἐπιφάνεια ποὺ τελειώνει ἀπὸ πάνω, τὶς λέμε θάσεις τοῦ πρὶσματος.

Α σκήσεις.

— Φτιάξε ένα πρῖσμα μὲ θάση:

1. τὸ τρίγωνο,
2. τὸ τετράγωνο,
3. τὸ πολύγωνο.

### 3. ΤΟ ΠΑΡΑΛΛΗΛΕΠΙΠΕΔΟ

1. Φτιάξε ένα πολύχρωμο δρθογώνιο. Βάλε πάνω σ' αύτό κι' άλλα ίσα μ' αύτό δρθογώνια, έτσι που νά σκεπάζουν τό πρώτο άκριθως.  
— Τί σχήμα είχει ή πάνω έπιφάνεια τοῦ στερεοῦ αύτοῦ; ("Εχει δρθογώνιο σχήματα").

— Οι άλλες έπιφάνειες, που τελειώνει όλόγυρά του τό στερεό αύτό τί σχήματα είχουν; ("Έχουν δρθογώνια σχήματα").

— Τὸ στερεό, ποὺ ἔφτιαξες τὸ λέμε δρθογώνιο παραλληλεπίπεδο.  
— Τις έπιφάνειες, ποὺ κλείνουν όλόγυρα τὸ στερεό, τὶς λέμε έδρες τοῦ.

— Τις γραμμές, ποὺ συναντιώνται οἱ ἔδρες του, τὶς λέμε ἀκμές του καὶ τὰ σημεῖα, ποὺ συναντιώνται οἱ ἀκμές του, τὰ λέμε κορυφές του.

Μερικὰ παραλληλεπίπεδα φαίνονται στὸ μέσα τῆς σελίδας 21.

\*Α σκήνη σεις.

1. Φτιάξε πολλὰ μονόχρωμα παραλληλεπίπεδα.

2. Φτιάξε πολλὰ πολύχρωμα παραλληλεπίπεδα.

### 4. Ο ΚΥΒΟΣ

1. Φτιάξε τὸ τετράγωνο τοῦ μεσαίου κόκκινου κομματιοῦ.

— Βάλε πάνω σ' αύτό κι' άλλα ίσα τετράγωνα μέχρι, ποὺ τὸ παραλληλεπίπεδο, ποὺ φτιάχνεις, ν' ἀποκτήσει ύψος ίσο μὲ τὸ μεσαῖο κόκκινο.

— Βρές μὲ τί εἶναι ίση κάθε ἀκμὴ τοῦ δρθογωνίου παραλληλεπίπεδου, ποὺ ἔφτιαξες. (Κάθε ἀκμὴ του εἶναι ίση μὲ τὸ μεσαῖο κόκκινο, ἅρα ὅλες οἱ ἀκμές του εἶναι ίσες μεταξύ τους).  
— Τὸ δρθογώνιο παραλληλεπίπεδο, ποὺ είχει ὅλες τὶς ἀκμές του ίσες τὸ λέμε κύβος.

— Τί σχήματα εἶναι οἱ ἔδρες τοῦ κύβου; (Οἱ ἔδρες τοῦ κύβου εἶναι τετράγωνα).  
— Πόση εἶναι ή κάθε πλευρά τους; ("Οση εἶναι ή ἀκμὴ τοῦ κύβου").

\*Α σκήνη σεις.

1. Φτιάξε πολύχρωμους κύβους.

2. Φτιάξε κύβους, ποὺ δικαθένας νά είχει ἀκμὴ ίση μὲ καθένα ἀπὸ τὰ κομμάτια καὶ πές τ' ὄνομα τοῦ καθενός, π.χ. «αύτὸς εἶναι δικύβος τοῦ μεσαίου πράσινου».

## 5. ΕΓΓΡΑΜΜΕΝΑ ΚΑΙ ΠΕΡΙΓΡΑΜΜΕΝΑ ΣΤΕΡΕΑ ΚΑΙ ΕΠΙΦΑΝΕΙΕΣ

1. Φτιάξε τὴν περιφέρεια τοῦ κύκλου, ὅπως ξέρεις.

— Φτιάξε τὸ ἔγγραμμένο τετράγωνο.

— Φτιάξε γύρω ἀπὸ τὴν περιφέρεια ἓνα περιγραμμένο τετράγωνο.

— Πάρε πολλὰ κομμάτια ἀπὸ τοὺς συμμαθητές σου καὶ ψήλωσε τὴν περιφέρεια καὶ τὰ τετράγωνα.

— Τί γίνεται ἡ περιφέρεια τοῦ κύκλου; (Γίνεται μιὰ κυλινδρικὴ ἐπιφάνεια).

— Τί γίνεται τὸ ἔγγραμμένο τετράγωνο; (Γίνεται ἓνα στερεὸ σχῆμα).

— Τί εἶναι τὸ σχῆμα αὐτὸ σὲ σχέση μὲ τὴν κυλινδρικὴ ἐπιφάνεια; (Εἶναι ἔγγραμμένο μέσα σ' αὐτῇ).

— Τί γίνεται τὸ περιγραμμένο τετράγωνο; (Γίνεται μιὰ περιγραμμένη πρισματικὴ ἐπιφάνεια, γύρω ἀπὸ τὴν κυλινδρικὴ ἐπιφάνεια).

<sup>3</sup>Α σ κ ἡ σ ε ι ζ.

— Ξαναφτιάξε τὴν κυλινδρικὴ ἐπιφάνεια.

1. Φτιάξε μέσα σ' αὐτὴ ἓνα ἔγγραμμένο πρῖσμα.

α—μὲ βάση ἓνα τρίγωνο

β—μὲ βάση ἓνα πολύγωνο

2. Φτιάξε ἔξω ἀπὸ αὐτὴ μιὰ περιγραμμένη πρισματικὴ ἐπιφάνεια.

α—μὲ βάση ἓνα τρίγωνο

β—μὲ βάση ἓνα πολύγωνο.

## VI. ΠΟΣΟΤΙΚΕΣ ΣΧΕΣΕΙΣ ΚΑΙ ΠΡΑΞΙΣ ΜΕ ΗΜΙΣΥΜΒΟΛΑ

### 1. Η ΜΟΝΑΔΑ

- Στὸ κεφάλαιο αὐτό, τὸ μικρὸ ἄσπρο καὶ κάθε ὅλλο ἵσο μ' αὐτό,  
θὰ τὸ λέμε ύλικὴ μονάδα ἢ ἀπλῶς μονάδα.
- Τί εἶναι τὸ μεγάλο ἄσπρο; (Εἶναι ἔνα σύνολο μονάδων).
- Βάλε πάνω στὸ μεσαῖο πράσινο μικρὰ ἄσπρα, μέχρι νὰ καλυφθεῖ ὅλο.
- Πόσες ύλικὲς μονάδες χρειάσθηκες; (“Οσες ἦταν καὶ οἱ προεξοχές τοῦ μεσαίου πράσινου”).
- Τί εἶναι κάθε πλαστικὸ κομμάτι; (Εἶναι ἔνα γραμμικὸ σύνολο μονάδων).
- Πῶς εἶναι διαταγμένες οἱ μονάδες του; (Εἶναι διαταγμένες σὲ γραμμή).
- Πῶς ὅλοιῶς λέμε τὰ σύνολα, ποὺ ἔχουν τὶς μονάδες τους διαταγμένες σὲ γραμμή; (Γραμμικὰ σύνολα).
- Πόσες μονάδες ἔχει κάθε κομμάτι; (Κάθε κομμάτι ἔχει, τόσες μονάδες, δύσες εἶναι καὶ οἱ προεξοχές του).

Α σκήσεις.

1. Βάλε σὲ κάθε κομμάτι, σ' ἐπαφὴ κατὰ πλάτος, ἄσπρες μονάδες δύσες εἶναι οἱ προεξοχές του.
2. Σκέπτασε τελείως κάθε κομμάτι μὲ μικρὲς ἄσπρες μονάδες.

### 2. Η ΠΡΟΘΕΣΗ

Στὴ σελίδᾳ 22 εἶγαι ὅλα, τὰ σχετικὰ μὲ τὴν πρόσθεση.

1. Φτιάξε ἔνα σύνολο μονάδων καὶ λίγο πιὸ πέρα ἔνα ὅλλο σύνολο μονάδων, δπως αὐτὰ ποὺ φαίνονται στὴν πάνω ἀριστερὴ γωνιὰ τῆς σελίδας.

— “Ενώσε τὰ σύνολα αὐτά.

— Τί θὰ προκύψει; (“Ἐνα ὅλλο σύνολο, ἢ ἔνωσή τους”).

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ νέο σύνολο; (“Ἐχει δλες τὶς μονάδες τοῦ ἔνδος συνόλου καὶ δλες τὶς μονάδες τοῦ ὅλλου συνόλου, ποὺ ἔνώθηκαν”).

2. Βάλε τὸ μικρὸ πράσινο καὶ τὸ μικρὸ κάκκινο.

— “Ενώσε τα κατὰ τὸ μάκρος τους.

Αὐτὸς φαίγεται στὴν πάνω δεξιὰ γωνιὰ τῆς σελίδας.

— Βρές τὸ κομμάτι, ποὺ ἔχει δσες μονάδες ἔχει ἡ ἔνωση τῶν συνόλων αὐτῶν καὶ θάλτο δίπλα σ' αὐτά. (Τὸ κομμάτι αὐτὸ εἶναι τὸ μικρὸ μπλέ).

— Τὴν ἔνωση τῶν μονάδων τῶν συνόλων τῇ λέμε καὶ πρόσθετο σητῶν μονάδων.

— Τὰ σύνολα, ποὺ ἔνώνουμε, τὰ λέμε πρόσθετο συνόλο.

— Τὸ σύνολο, ποὺ μᾶς δίνει ἡ ἔνωση τῶν συνόλων αὐτῶν, τὸ λέμε αὐτῷ προσήματος.

3. Πῶς βρίσκουμε πόσες μονάδες ἔχει ἔνα δποιοδήποτε σύνολο; (Φτιάχνουμε μὲ τὶς μονάδες του ἔνα γραμμικό σύνολο. "Υστερα βρίσκουμε τὸ κομμάτι, ποὺ ἔχει δσες μονάδες ἔχει καὶ τὸ σύνολο αὐτό").

4. Πόσες μονάδες ἔχει ἡ ἔνωση τοῦ μικροῦ πράσινου καὶ τοῦ μικροῦ κόκκινου; (Ἡ ἔνωση αὐτή ἔχει δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ μπλέ).

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ ἀθροισμα τοῦ μικροῦ πράσινου καὶ τοῦ μικροῦ κόκκινου; ("Οσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ μπλέ κομμάτι").

5. Μοιάζει ἡ πρόσθεση μονάδων μὲ τὴν ἔνωση προσανατολισμένων κομματιών εύθείας; (Ναὶ εἶναι ἀκριθῶς τὸ ἴδιο).

Α σκήσεις.

1. Βάλε τὸ μικρὸ ἄσπρο, τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μικρὸ πράσινο, τὸ μεσαῖο κόκκινο, τὸ μικρὸ μπλέ, ὅπως φαίνονται στὴν κάτω ἀριστερὴ γωνιὰ τῆς σελίδας.

— Πρόσθεσε σὲ καθένα κομμάτι ἀπ' αὐτὰ τὸ μικρὸ ἄσπρο. Βρές μὲ ποιό κομμάτι εἶναι ἵσο τὸ ἀθροισμα αὐτό. Κάθε φορά νὰ λές τὴν πρόσθεση, ποὺ κάνεις. Π.χ. «Τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ τὸ μικρὸ ἄσπρο ἔχουν δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ πράσινο».

2. "Ομοια κάνε προσθέτοντας σὲ κάθε κομμάτι:

α—τὸ μικρὸ κόκκινο,

β—τὸ μικρὸ πράσινο,

γ—τὸ μεσαῖο κόκκινο,

δ—τὸ μικρὸ μπλέ.

3. Κάνε τὴ σκάλα μὲ δλα τὰ κομμάτια.

— Πρόσθεσε σὲ κάθε κομμάτι ἐκεῖνο, ποὺ νὰ δίνει ἀθροισμα ἵσο μὲ τὸ μεγάλο μπλέ.

Οἱ προσθέσεις αὗτες φαίνονται στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας 23.

4. Βάλε τὰ μικρὰ κόκκινα, ὅπως φαίνονται στὸ μέσο τοῦ κάτω μεροῦς τῆς σελίδας.

— Πρόσθεσε σὲ κάθε μικρὸ κόκκινο τὰ κομμάτια: μικρὸ ἄσπρο, μικρὸ κόκκινο, μικρὸ πράσινο, μεσαῖο κόκκινο καὶ μικρὸ μπλέ ἀντιστοίχως.

— Βρές μὲ τί εἶναι ἵσο κάθε ἔνα ἀπὸ τὰ ἀθροίσματα αὐτά. Πές, ὅπως προηγούμενα, κάθε πρόσθεση, ποὺ κάνεις.

5. Βάλε τὸ μικρὸ μπλὲ καὶ δίπλα σ' αὐτὸ θάλε κομμάτια, ποὺ νὰ ἔχουν τὸ μικρὸ μπλὲ σάν ἀθροισμα, δπως φαίνεται στὴν κάτω δεξιὰ γωνιὰ τῆς σελίδας. Κάθε φορὰ νὰ λές, δπως προηγούμενα τὴν πρόσθεση ποὺ κάνεις.

6. Κάνε τὸ ἴδιο μὲ ὅλα τὰ κομμάτια, μὲ μορφὴ χαλιοῦ ἢ μὲ μορφὴ πύργου.

### ΙΔΙΟΤΗΤΕΣ ΤΗΣ ΠΡΟΣΘΕΣΗΣ

#### 3. ΠΑΝΤΑ ΥΠΑΡΧΕΙ ΑΘΡΟΙΣΜΑ

1. Πρόσθεσε, δπως προηγούμενα, τὸ μικρὸ κόκκινο στὸ μικρὸ πράσινο καὶ θρές ποιό κομμάτι ἔχει δσες μονάδες ἔχει τὸ ἀθροισμα αὐτό.  
— Κάνε τὸ ἴδιο μὲ ὅλα κομμάτια.

— Υπάρχει πάντα ἔνα ἢ περισσότερα κομμάτια, ποὺ νὰ ἔχουν μονάδες δσες ἔχει δποιοδήποτε ἀθροισμα; (Πάντα ὑπάρχουν).

Σημείωση: Μὲ τὶς ἐφαρμογὲς αὐτὲς ἀποδείχνεται ἡ ὑπαρξῃ ἀθροίσματος σὲ κάθε πρόσθεση μονάδῶν.

Άσκησις.

1. Κάνε προσθέσεις μὲ λίγα ἢ πολλὰ κομμάτια. Θρές ύστερα μὲ ποιό ἢ ποιά κομμάτια τ' ἀθροίσματα, ποὺ θρήκες, ἔχουν τσες μονάδες. Κάθε φορὰ νὰ λές τὴν πρόσθεση, ποὺ ικάνεις.

Π.χ. Τὸ ἀθροισμα τοῦ μικροῦ μπλὲ καὶ τοῦ μεσαίου πράσινου καὶ τοῦ μεγάλου κόκκινου ἔχει τόσες μονάδες, δσες ἔχει τὸ μεγάλο μπλὲ καὶ τὸ μεγάλο πράσινο μαζί.

#### 4. Η ANTIMETAΘΕΤΙΚΗ ΙΔΙΟΤΗΤΑ

1. Πρόσθεσε τὸ μικρὸ πράσινο μὲ τὸ μικρὸ κόκκινο θάζοντας πρῶτα τὸ μικρὸ πράσινο καὶ ύστερα τὸ μικρὸ κόκκινο.

— Πρόσθεσε τὸ μικρὸ κόκκινο μὲ τὸ μικρὸ πράσινο, θάζοντας πρῶτα τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ ύστερα τὸ μικρὸ πράσινο.

— Οἱ προσθέσεις, ποὺ ἔκανες, τὶ προσθετέους ἔχουν; ("Ἔχουν τοὺς ἴδιους προσθετέους").

— Βάλε τὸ ἔνα ἀθροισμα δίπλα στὸ ὄλλο καὶ μὲ κοινὴ ἀρχή.

— Αὐτὸ φαίνεται στὸ ἀριστερὸ μέσο τῆς ἴδιας σελίδας.

— Τὶ παρατηρεῖς; Τὰ ἀθροίσματα αὐτὰ εἶναι τσα μεταξύ τους; (Ναι εἶναι τσα).

— Άλλάζει τὸ ἀθροισμα δὲν θάλεις πρῶτα τὸν ἔνα προσθετέο καὶ ύστερα τὸν ὄλλο, είτε ἀνάποδα; ("Οχι τὸ ἀθροισμα δὲν ἀλλάζει").

## Α σκήσεις.

1. Πρόσθεσε ένα κομμάτι σ' ένα άλλο. "Υστερα πρόσθεσε πάλι τὰ ἔδια κομμάτια ἀφοῦ τοὺς ἀλλάξεις τὴ σειρά. Σύγκρινε τὸ ἄθροίσματά τους καὶ πές μου τί παρατηρεῖς;

2. Κάνε πολλές τέτοιες ἀσκήσεις μὲ διαφορετικά κομμάτια κάθε φορά.

## 5. Η ΑΛΛΑΓΗ ΤΗΣ ΣΕΙΡΑΣ ΤΩΝ ΠΡΟΣΘΕΤΕΩΝ ΔΕΝ ΑΛΛΑΖΕΙ ΤΟ ΑΘΡΟΙΣΜΑ

1. Πρόσθεσε στὸ μικρὸ ἀσπρὸ, τὸ μικρὸ πράσινο καὶ συνέχεια τὸ μικρὸ κόκκινο.

— Πρόσθεσε τὰ ἔδια κομμάτια μὲ ἄλλη σειρά. Π.χ. πρόσθεσε στὸ μικρὸ κόκκινο τὸ μικρὸ ἀσπρὸ καὶ συνέχεια τὸ μικρὸ πράσινο.

— Σύγκρινε τὰ ἄθροίσματα, ποὺ θρῆκες θάζοντάς τα τὸ ένα δίπλα στὸ άλλο καὶ μὲ ἔδια ἀρχή.

— Ή σύγκριση αὐτῇ φαίνεται στὸ δεξιὸ μέσο τῆς ἔδιας σελίδας.

— Τί παρατηρεῖς; ("Οτι τ' ἄθροίσματα αὐτὰ εἶναι ἵσα μεταξύ τους").

— "Αν ἀλλάξουμε τὴ σειρὰ τῶν προσθετέων ἀλλάζει τὸ ἄθροισμα; ("Οχι, ἀν ἀλλάξουμε τὴ σειρὰ τῶν προσθετέων, δὲν ἀλλάζει τὸ ἄθροισμα").

## Α σκήσεις.

1. Πρόσθεσε μερικὰ διαφορετικὰ κομμάτια.

— Πάρε ἄλλα κομμάτια ἔδια μὲ τὰ προηγούμενα καὶ πρόσθεσέ τα μὲ διαφορετικὴ σειρά, θάζοντάς τα πάνω στὸ προηγούμενο ἄθροισμα.

— Κάνε ἀκόμη μερικές τέτοιες προσθέσεις.

— Τί δείχνει ὁ πύργος, ποὺ ἔκανε; ("Οτι όλα τὰ ἄθροίσματα αὐτὰ εἶναι ἵσα μεταξύ τους").

2. Βάλε τὸ μικρὸ μπλὲ πάνω στὴ θάση. Βάλε πάνω στὸ μικρὸ μπλὲ διάφορα κομμάτια μέχρι νὰ τὸ καλύψεις όλο. Βρές τὰ ἔδια κομμάτια, ποὺ ἔθαλες πάνω στὸ μικρὸ μπλὲ καὶ κάνε ἄλλον ένα ὅροφο μὲ διαφορετικὴ σειρά. Κάνε δύος μπορεῖς περισσότερους τέτοιους θρόφους ἀπὸ ἔδια κομμάτια. Σὲ κάθε ὅροφο πρέπει τὰ κομμάτια νὰ ἔχουν διαφορετικὴ σειρά.

3. Κάνε τέτοιους πύργους πάνω σὲ διάφορα κομμάτια.

— Μὲ τί εἶναι ἵσο τὸ ἄθροισμα τῶν κομματιῶν κάθε θρόφου; (Είναι ἵσο μὲ τὸ κομμάτι, ποὺ θάζω πρῶτο).

## 6. Η ΠΡΟΣΕΤΑΙΡΙΣΤΙΚΗ ΙΔΙΟΤΗΤΑ

1. Βρές τὸ ἄθροισμα τοῦ μεσαίου πράσινου, τοῦ μικροῦ ἀσπροῦ καὶ τοῦ μικροῦ πράσινου. (Τὸ ἄθροισμά τους εἶναι ἵσο μὲ τὸ μεγάλο μπλέ).

— Βρές τό ἄθροισμα τοῦ μικροῦ ἀσπρου καὶ τοῦ μικροῦ πράσινου καὶ θάλτο δίπλα σ' αὐτὰ καὶ μὲ τῇδια ἀρχή.

— Πρόσθεσε στὸ ἄθροισμα αὐτὸ τὸ μεσαῖο πράσινο.

— Τὸ νέο ἄθροισμα μὲ τί εἶναι ἵσο; (Εἶναι ἵσο μὲ τὸ προηγούμενο).

— Τὸ ἄθροισμα πολλῶν προσθετέων ἀλλάζει ὅντας ἀλλάξουμε κατὰ τὴν πρόσθεση, μερικοὺς προσθετέους μὲ τὸ ἄθροισμά τους; (“Οχι τὸ ἄθροισμα δὲν ἀλλάζει ὅντας ἀλλάξουμε μερικοὺς προσθετέους μὲ τὸ ἄθροισμά τους”).

Α σκήσεις.

1. Πρόσθεσε κατὰ τὸ μάκρος μερικὰ μικρὰ κομμάτια. Σκέπασε μερικὰ μὲ τὰ ἵσα τους καὶ τὰ ὑπόλοιπα μὲ τὰ ἄθροισματά τους. Φτιάξε ἔτοι πύργο μὲ δσους μπορεῖς περισσότερους ὁρόφους. Κάθε ὄροφος, ποὺ προσθέτεις, νὰ ἔχει λιγότερα κομμάτια ἀπό τὸν προηγούμενό του. “Ο τελευταῖος ὄροφος νὰ ἔχει δσα μπορεῖς λιγότερα κομμάτια.

2. Κάνε τέτοιους πύργους μὲ διαφορετικὰ ἵσογεια.

## 7. Η ΑΦΑΙΡΕΣΗ

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα ἕνα σύνολο ἀπό μονάδες.

— Πάρε ἀπὸ τὸ σύνολο μερικὲς μονάδες καὶ θάλε τις δίπλα.

— Τὶ ἔπαθε τὸ ἀρχικὸ σύνολο; (Χωρίστηκε σὲ ἄλλα σύνολα).

— Τὴν πράξη, ποὺ ἔκανες, τὴ λέμε ἀ φ α ἵ ρ ε σ η.

— Τὸ ἀρχικὸ σύνολο τὸ λέμε μειωτέο.

— Τὸ σύνολο τῶν μονάδων, ποὺ ἀφαίρεσες, τὸ λέμε ἀ φ α ἵ ρ ε τέο.

— Τὸ σύνολο τῶν μονάδων, ποὺ ἔμειναν, τὸ λέμε ύ π ό λ ο ι π ο ἥ διαφορά.

2. Βάλε πάνω στὴ θάση ἕνα σύνολο ἀπὸ τὸ μικρὸ ἀσπρο, τὸ μικρὸ πράσινο, πάλι τὸ μικρὸ ἀσπρο καὶ τὸ μεσαῖο κόκκινο.

— Τὶ θὰ κάνεις γιὰ νὰ βγάλεις ἀπὸ τὸ σύνολο αὐτὸ μονάδες, δσες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο; (Θὰ θάλω σὲ μιὰ μεριὰ τὸ μικρὸ κόκκινο. “Υστερα θὰ πάιρω μονάδες ἀπὸ τὸν μειωτέο καὶ θὰ τὶς θάζω δίπλα στὸ μικρὸ κόκκινο μέχρι νὰ φτιάξω ἕνα σύνολο ἵσο μ’ αὐτό).

— Πόσες εἶναι οἱ μονάδες, ποὺ θ’ ἀφαίρεσεις ἔτοι; (Οἱ μονάδες, ποὺ θ’ ἀφαίρέσω ἔτοι εἶναι δσες μοῦ εἴπατε).

— Τὶ θὰ κάνεις γιὰ νὰ θρεπεῖς πόσες μονάδες περισσέψανε; (Θὰ φτιάξω μ’ αὐτές ἕνα γραμμικὸ σύνολο καὶ θὰ θρῶ μὲ ποιό κομμάτι εἶναι αὐτὸ ἵσο).

— Τὰ γραμμικὰ σύνολα διευκολύνουν τὴν ἀφαίρεση; (Ναι τὴ διευκολύνουν).

3. Βάλε τὸ μικρὸ μπλὲ καὶ σ’ ἐπαφὴ κατὰ πλάτος μ’ αὐτὸ καὶ μὲ κοινὴ ἀρχὴ τὸ μικρὸ κόκκινο.

— Πόσες μονάδες τοῦ μικροῦ μπλέ ἀντιστοιχοῦν στὶς μονάδες τοῦ μικροῦ κόκκινου; (“Οσες εἰναι οἱ μονάδες τοῦ μικροῦ κόκκινου”).

— Ποιές μονάδες τοῦ μικροῦ μπλέ δὲν ἀντιστοιχοῦν σὲ μονάδες τοῦ μικροῦ κόκκινου; (“Οσες μονάδες του δὲν ἔχουν ὅλες δίπλα τους”).

— Πῶς μπορεῖς νὰ θρεῖς πόσες εἰναι αὐτὲς οἱ μονάδες; (Θὰ θρῶ ποιὸ κομμάτι τὶς καλύπτει ἀκριβῶς).

— Ποιό κομμάτι εἰναι αὐτό; (Εἰναι τὸ μικρὸ πράσινο).

— Πόσες εἰναι οἱ μονάδες τοῦ μικροῦ μπλέ, ποὺ δὲν ἔχουν ἀντίστοιχες δίπλα τους; (“Οσες εἰναι οἱ μονάδες τοῦ μικροῦ πράσινου”).

— Μήπως δὴ εἴκανες μοιάζει μὲ ἀφαίρεση καὶ μὲ ποιά; (“Οτι ἔκανα μοιάζει μὲ ἀφαίρεση ἀπὸ τὸ μικρὸ μπλέ τόσων μονάδων ὅσες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο”).

Η ἀφαίρεση αὐτὴ φαίνεται στὴ σελίδα 23, ποὺ ἔχει ὅλα τὰ σχετικὰ μὲ τὴν ἀφαίρεση.

— Τὶ κάνουμε λοιπὸν γιὰ νὰ ἀφαίρεσουμε ὅσες μονάδες θέλουμε ἀπὸ ἕνα γραμμικὸ σύνολο; (Ἀντιστοιχοῦμε στὶς μονάδες τοῦ μειωτέου τὶς μονάδες τοῦ ἀφαιρετέου. “Οσες μονάδες τοῦ μειωτέου δὲν ἔχουν ἀντίστοιχες μονάδες τοῦ ἀφαιρετέου εἰναι ἡ διαφορά”).

— Οἱ ἀφαίρεσεις διευκολύνονται ὅν δὴ εἴκανες τὸν ἀφαιρετέο πλάι στὸν μειωτέο τὸν βάζεις ἀπάνω του.

### Α σ κή σ εις.

1. Ἀφαίρεσε ἀπὸ τὸ μεγάλο μπλέ, ὅλα τὰ μικρότερά του. Κάθε φορὰ νὰ λές τὴν ἀφαίρεση, ποὺ κάνεις. Π.χ. «”Αν ἀφαίρεσω ἀπὸ τὶς μονάδες τοῦ μεγάλου μπλέ, τὶς μονάδες τοῦ μικροῦ πράσινου μένουν ὅσες μονάδες ἔχει τὸ μεγάλο ἄσπρο».

— Στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας φαίνονται αὐτὲς οἱ ἀφαίρεσεις ἀπὸ τὸ μεγάλο μπλέ.

2. Κάνε τὸ ίδιο καὶ ἀπὸ τὸ ὅλα κομμάτια.

## 8. ΠΟΤΕ ΜΠΟΡΕΙ ΝΑ ΓΙΝΕΙ ΜΙΑ ΑΦΑΙΡΕΣΗ

1. Φτιάξε ἔνα σύνολο ἀπὸ τὸ μικρὸ κόκκινο, τὸ μικρὸ ἄσπρο καὶ τὸ μικρὸ πράσινο. Ἀφαίρεσε ἀπ’ αὐτὸ ὅσες μονάδες ἔχει τὸ μεγάλο κόκκινο, βάζοντές τες δίπλα σ’ αὐτό.

— Εἴκανες τὴν ἀφαίρεση; (“Οχι δὲν μπόρεσα, οἱ μονάδες τοῦ μειωτέου εἰναι λίγες καὶ δὲν φτάσανε νὰ πάρω ὅσες μονάδες ἔχει τὸ μεγάλο κόκκινο”).

— Πότε δὲν μποροῦμε νὰ κάνουμε μιὰ ἀφαίρεση; (“Οταν οἱ μονάδες τοῦ μειωτέου εἰναι λιγώτερες ἀπὸ τὰς μονάδες τοῦ ἀφαιρετέου, δηλαδὴ λιγώτερες ἀπ’ αὐτές, ποὺ θέλουμε ν’ ἀφαίρεσουμε”).

## Α σκήσεις.

1. Βάλε όλα τὰ κομμάτια σὲ μορφὴ σκάλας, ὅπως φαίνονται μερικὰ ἀπὸ αὐτά, στὴν πάνω δεξιὰ γωνία τῆς σελίδας.

— Αφαίρεσε ἀπὸ κάθ' ἔνα ἀπὸ αὐτὰ τὸ μικρὸ ἄσπρο καὶ κάθε φορὰ νὰ λέει τὴν ἀφαίρεση, ποὺ κάνεις.

2. Κάνε τὸ ἵδιο:

- |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|
| α.— μὲ τὸ μικρὸ κόκκινο  | ε.— μὲ τὸ μεσαῖο πράσινο |
| β.— μὲ τὸ μικρὸ πράσινο  | ζ.— μὲ τὸ μεγάλο ἄσπρο   |
| γ.— μὲ τὸ μεσαῖο κόκκινο | θ.— μὲ τὸ μεγάλο κόκκινο |
| δ.— μὲ τὸ μικρὸ μπλὲ     | η.— μὲ τὸ μεγάλο πράσινο |
- Πρόσεξε δὲν μποροῦν νὰ γίνουν δλες οἱ ἀφαίρέσεις.

3. Ξαναφτιάξε τὴν σκάλα τῶν κομμάτων, ὅπως στὴν προηγούμενη ἄσκηση.

— Αφαίρεσε ἀπὸ κάθε κομμάτι τὸ κατάλληλο κομμάτι ὥστε ἡ διαφορά, ποὺ θὰ μείνει νὰ είναι ἵση μὲ τὸ μικρὸ ἄσπρο.

4. Κάνε ἵδιες ἀφαίρέσεις, ὥστε ἡ διαφορὰ κάθε φορὰ νὰ είναι ἵση:

- |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|
| α.— μὲ τὸ μικρὸ κόκκινο  | ε.— μὲ τὸ μεσαῖο πράσινο |
| β.— μὲ τὸ μικρὸ πράσινο  | ζ.— μὲ τὸ μεγάλο ἄσπρο   |
| γ.— μὲ τὸ μεσαῖο κόκκινο | θ.— μὲ τὸ μεγάλο κόκκινο |
| δ.— μὲ τὸ μικρὸ μπλὲ     | η.— μὲ τὸ μεγάλο πράσινο |
- Πρόσεξε δὲν μποροῦν νὰ γίνουν δλες οἱ ἀφαίρέσεις.

## 9. Ο ΠΟΛΛΑΠΛΑΣΙΑΣΜΟΣ

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴν σελίδα 24, ὅπου φαίνονται όλα τὰ σχετικὰ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ.

1. Βάλε πάνω στὴ θάση ἔνα σύνολο ἀπὸ μονάδες.

— Πάρε ἀπὸ τὸ σύνολο αὐτὸ μονάδες καὶ φτιάξε μερικὰ σύνολα. Κάθε ἔνα ἀπὸ τὰ σύνολα αὐτὰ νὰ ἔχει δύσες μονάδες ἔχει καὶ τὸ ἄλλο.

— Γιὰ νὰ διευκολυνθεῖς διάταξε τὶς μονάδες τους γραμμικὰ καὶ μὲ ἕδια ἀρχὴ σὲ στῆλες μὲ ἵδιο ὕψος.

Αὐτὰ φαίνονται στὴν πάνω ἀριστερὴ γωνία τῆς σελίδας.

— Τὴν πράξη νὰ φτιάχνουμε ἵσα σύνολα καὶ νὰ θρίσκουμε πόσες είναι δλες τους οἱ μονάδες μαζὶ, τὴ λέμε πολλα πλαστικά σιασμοῦ.

— Κάθε τέτοιο σύνολο τὸ λέμε παραγόντων αὐτῶν τὶς λέμε γινόμενο.

— “Ολες μαζὶ τὶς μονάδες τῶν παραγόντων αὐτῶν τὶς λέμε γινόμενο.

2. Τί θὰ κάνεις γιὰ νὰ θρεπτικές πόσες είναι δλες οἱ μονάδες τοῦ γινο-

μένου; (Θὰ φτιάξω μ' ὅλους τοὺς παράγοντες ἔνα γραμμικὸ σύνολο καὶ θὰ βρῶ τὸ κομμάτι ἢ τὰ κομμάτια, ποὺ ἔχουν δσες μονάδες ἔχει κι' αὐτό.

— Βρές τὸ γινόμενο τῶν παραγόντων ἄσπρου, κόκκινου καὶ ἄλλου ἄσπρου, ποὺ φαίνονται ἀμέσως κάτω ἀπὸ τὴν πάνω ἀριστερὴ γωνία τῆς σελίδας.

— Μὲ ποιό κομμάτι εἶναι ἵσο τὸ γινόμενο αὐτό; (Εἶναι ἵσο μὲ τὸ μεσαῖο πράσινο).

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ γινόμενο αὐτό; ("Οσες μονάδες ἔχει καὶ τὸ μεσαῖο πράσινο).

3. Πῶς θὰ βρεῖς τὸ γινόμενο αὐτὸ ἀν οἱ παράγοντές του μποῦν σ' ἐπαφὴ κατά τὸ πλάτος τους; ("Οπως προηγούμενα, θὰ φτιάξω μ' αὐτοὺς ἔνα γραμμικὸ σύνολο καὶ θὰ βρῶ μὲ ποιό κομμάτι εἶναι αὐτὸ ἵσο).

— "Αλλαξε τὸ γινόμενο τώρα, ποὺ ἔθελες τοὺς παράγοντές του σ' ἐπαφὴ κατά τὸ πλάτος τους; ("Οχι δὲν ἀλλαξε, εἶναι καὶ τώρα ἵσο μὲ τὸ μεσαῖο πράσινο).

\*Α σ κή σεις.

1. Πάρε μερικὲς φορὲς τὰ πιὸ κάτω ἕδια κομμάτια καὶ βρές μὲ τὶ εἶναι ἵσο τὸ γινόμενό τους.

- α.— μικρὰ ἄσπρα
- β.— μικρὰ κόκκινα
- γ.— μικρὰ πράσινα
- δ.— μικρὰ κόκκινα
- ε.— μικρὰ μπλέ.

## 10. ΑΝΤΙΜΕΤΑΘΕΤΙΚΗ ΙΔΙΟΤΗΤΑ

1. Πάρε τὸ μικρὸ κόκκινο, τόσες φορὲς δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ πράσινο καὶ βάλτα σ' ἐπαφὴ κατά τὸ πλάτος τους, δπως φαίνονται στὴν πάνω δεξιὰ γωνία.

— Πάρε τὸ μικρὸ πράσινο, τόσες φορὲς δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο.

— Βάλε τὸ ἔνα γινόμενο πάνω στὸ ἄλλο.

— Σὲ κάθε μονάδα τοῦ γινομένου τῶν πράσινων κομματιῶν πόσες μονάδες τοῦ γινομένου τῶν κόκκινων κομματιῶν ἀντιστοιχοῦν; ("Αντιστοιχεῖ μιὰ μόνο μονάδα).

— Πέξ μου ἀν τὰ γινόμενα αὐτὰ εἶναι ἵσα μεταξύ τους καὶ γιατί; (Εἶναι ἵσα μεταξύ τους, γιατὶ δσες μονάδες ἔχει τὸ ἔνα τόσες μονάδες ἔχει καὶ τὸ ἄλλο).

\*Α σκήνη σεις.

1. Φτιάξε καὶ πές μου ἄν εἶναι ἵσα τὰ γινόμενα, ποὺ γίνονται ἄν πάρεις τὸ μικρὸ μπλὲ τόσες φορές δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ πράσινο καὶ τὸ μικρὸ πράσινο τόσες φορές, δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ μπλέ.

2. Κάνε τὸ Ἰδιο:

α.—μὲ τὸ μικρὸ μπλὲ καὶ τὸ μικρὸ κόκκινο

β.—μὲ τὸ μικρὸ πράσινο καὶ τὸ μεσαῖο κόκκινο

γ.—μὲ τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ τὸ μεσαῖο πράσινο

δ.—μὲ τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ τὸ μεγάλο μπλέ.

## 11. Η ΠΡΟΣΕΤΤΑΙΡΙΣΤΙΚΗ ΙΔΙΟΤΗΤΑ

1. Πάρε τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ τὸ μικρὸ πράσινο καὶ θρές τὸ ἄθροισμά τους. (Εἰναι εἴσο μὲ τὸ μικρὸ μπλέ).

— Πάρε τὸ μικρὸ κόκκινο τόσες φορές, δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο.

— Πάρε τὸ μικρὸ πράσινο, τόσες φορές δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο.

— Πάρε τὸ μικρὸ μπλέ, τόσες φορές, δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο.

— Τί εἶναι αὐτά, ποὺ θρῆκες; (Μερικὰ γινόμενα).

— Πρόσθεσε τὸ γινόμενο τῶν μικρῶν κόκκινων μὲ τὸ γινόμενο τῶν μικρῶν πράσινων, δπως φαίνονται στὸ δεξιὸ μέσο τῆς σελίδας καὶ βάλε πάνω στὸ ἄθροισμά τους τὸ γινόμενο τῶν μικρῶν μπλέ.

— Τί παρατηρεῖς; (Τὸ γινόμενο τῶν μικρῶν μπλέ εἶναι ἵσο μὲ τὸ γινόμενο τῶν μικρῶν κόκκινων καὶ τὸ γινόμενο τῶν μικρῶν πράσινων μαζί).

— Δηλαδὴ τὸ γινόμενο τοῦ ἄθροισματος εἶναι ἵσο μὲ τὸ ἄθροισμα τῶν γινομένων τῶν προσθετέων του.

Αὗτὰ φαίγονται στὸ μέσο δεξιὸ μέρος τῆς σελίδας 24.

\*Α σκήνη σεις.

1. Κάνε δτι ἔκανες προηγούμενα μὲ τὰ πιὸ κάτω κομμάτια καὶ τὸ ἄθροισμά τους πολλαπλασιάζοντάς τα τόσες φορές, δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο:

α.—τὸ μικρὸ ἀσπρὸ καὶ τὸ μικρὸ κόκκινο

β.—τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ τὸ μεσαῖο κόκκινο

γ.—τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ τὸ μεσαῖο πράσινο

δ.—τὸ μικρὸ πράσινο καὶ τὸ μικρὸ πράσινο.

2. Κάνε τὴν ἴδια ἀσκηση παίρνοντας τὰ πιὸ πάνω κομμάτια, τόσες φορές, δσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ πράσινο.

## 12. ΓΙΝΟΜΕΝΑ ΙΣΑ ΜΕΤΑΞΥ ΤΟΥΣ

1. Βάλε πάνω σὲ γραμμὲς τῆς πινακίδας μὲ κοινὴ ἀρχὴ καὶ μὲ σειρὰ ἀπὸ πάνω πρὸς τὰ κάτω τὰ κομμάτια μικρὸ κόκκινο, μικρὸ πράσινο, μεσαῖο κόκκινο καὶ μεσαῖο πράσινο.

— Φτιάξε γραμμὲς **Θάζοντας** δίπλα σὲ κάθε κομμάτι, καὶ σ' ἐπαφῇ κατὰ τὸ μάκρος τους, κομμάτια ὅμοια μ' αὐτῷ.

— Μόλις, οἱ γραμμές, ποὺ φτιάχνεις, γίνουν γιὰ πρώτη φορὰ δλες ἵσες μεταξύ τους, σταμάτησε νὰ **Θάζεις** ἄλλα κομμάτια.

— Τὰ γινόμενα αὐτὰ φαίνονται στὸ κάτω μέρος τῆς σελίδας.

— Τί εἶναι αὐτά, ποὺ ἔκανες; (Εἶναι πολλαπλασιασμοί).

— Τί εἶναι μεταξύ τους τὰ γινόμενα, ποὺ **Θρήκες**; (Εἶναι **ἴσα**).

— Τὰ **ἴσα** αὐτὰ γινόμενα τὰ λέμε κοινὰ πολλὰ πολλὰ.

Σημεῖο: Τὸ κοινὸ αὐτὸ γινόμενο εἶναι τὸ πιὸ μικρὸ κοινὸ πολλαπλασιο τῶν παραγόντων, ποὺ χρησιμοποιήθηκαν καὶ τὸ λέμε ἐλάχιστο σειράς: γένιο πολλὰ πολλά.

## ΄Α σκήνη σειράς.

— Βρές τὸ ἐλάχιστο κοινὸ πολλαπλάσιο τῶν κομματιῶν.

α.—μικρὸ κόκκινο, μικρὸ μπλέ

β.—μικρὸ κόκκινο, μικρὸ μπλέ, μεσαῖο κόκκινο

γ.—μικρὸ πράσινο, μικρὸ μπλέ, μεσαῖο κόκκινο, μεσαῖο πράσινο.

## 13. Η ΔΙΑΙΡΕΣΗ

Σημεῖο σειρᾶς 25 φαίνονται ὅλα τὰ σχετικὰ μὲ τὴ διαίρεση.

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα ἔνα σύνολο ἀπὸ διάφορα κομμάτια.

— Κάνε διαμερισμὸ τοῦ συνόλου αὐτοῦ μὲ **Θάση** τὸ χρῶμα τῶν κομματιῶν.

2. Κάνε διαμερισμὸ τοῦ συνόλου αὐτοῦ σὲ στῆλες μὲ **Ὥψος**.

— Οἱ στῆλες αὐτές, ποὺ ἔχουν **Ὥψος** ἔχουν καὶ **ἴσες** μονάδες; (Ναί, κάθε μιὰ ἀπὸ τὶς στῆλες αὐτές ἔχει ὅσες μονάδες ἔχει καὶ ἡ ἄλλη).

— Στὸ πάνω μέρος τῆς σελίδας αὐτῆς φαίνονται αὐτά, ποὺ ἔκανες μὲ ἄλλα κομμάτια.

— Τὸ διαμερισμὸ τῶν μονάδων συνόλου σὲ σύνολα μὲ **ἴσες** μονάδες τὸ λέμε διαίρεση.

— Τὸ σύνολο, ποὺ θέλουμε νὰ διαιρέσουμε, τὸ λέμε διαίρετέ ο.

3. Φτιάξε ἔνα σύνολο μόνο ἀπὸ μικρὰ ἄσπρα.

— Μοίρασε τὶς μονάδες αὐτές σὲ στῆλες, ποὺ κάθε μιὰ νὰ ἔχει ὅσες

μονάδες έχει καὶ κάθε μιὰ ἄλλη. "Ολες οἱ στῆλες αὗτες θὰ ἔχουν ἴδιο  
ύψος.

— Τὸ μοίρασμα διευκολύνεται, ἀν δάζεις ἀπὸ μίᾳ μονάδα σὲ κάθε  
στήλη καὶ ξανὰ ἀπὸ τὴν ἀρχή, μέχρι νὰ τελειώσουν ὅλες οἱ μονάδες  
τοῦ συνόλου, ποὺ μοιράζεις.

— "Αν οἱ μονάδες, ποὺ ἔχεις, δὲν φτάνουν γιὰ νὰ γίνουν ὅλες οἱ  
στῆλες ἵσες, ἀλλὰ μερικὲς στῆλες ἔχουν ἀπὸ μίᾳ μονάδα πάρα πάνω  
ἀπὸ τὶς ὄλλες, θγάλε τὶς μονάδες αὐτὲς καὶ βάλε τὶς δίπλα, ώστε τε-  
λικῶς ὅλες οἱ στῆλες νὰ ἔχουν ἵσες μονάδες.

— Τὶς μονάδες, ποὺ περισέψανε, τὶς λέμε ὑ πόλοι πότις  
διαίρεσης.

— Μιὸν τέτοια διαίρεση μὲ μικρὰ ἄσπρα κομμάτια φαίνεται στὸ μέ-  
σο τῆς σελίδας.

4. Μοίρασε τὶς μονάδες τοῦ μικροῦ μπλὲ καὶ τοῦ μικροῦ κόκκινου  
σὲ ἰσοϋψεις στῆλες. (Δὲν μπορῶ γιατὶ οἱ μονάδες εἰναι ἐνωμένες με-  
ταξύ τους).

— Μπορεῖς νὰ μοιράσεις τὶς μικρὲς ἄσπρες μονάδες, ποὺ ἀντιστοι-  
χοῦν στὶς μονάδες τοῦ μικροῦ μπλέ καὶ τοῦ μικροῦ κόκκινου; (Ναί,  
μπορῶ).

— Κάνε τὴ διαίρεση αὐτή.

— Ή διαίρεση αὐτὴ φαίνεται στὸ μέσο τῆς σελίδας αὐτῆς.

Α σ κή σεις.

1. Διαρεσε δλα τὰ μικρὰ ἄσπρα, ποὺ ἔχει τὸ κουτί, σὲ τόσες στῆ-  
λες δσες μονάδες ἔχει τὸ μεγάλο κόκκινο. Βάλε δίπλα τὸ τυχὸν ύπό-  
λοιπο. Βρές πόσες μονάδες ἔχει κάθε μιὰ στήλη.

Γιὰ νὸ διευκολυνθεῖς στὴ διαίρεση φτιάξε τὶς στῆλες πάνω στὸ  
μεγάλο κόκκινο.

2. Κάνε δμοιες διαιρέσεις μὲ δλα τὰ μικρὰ ἄσπρα πάνω:

- α.— στὸ μεγάλο μπλὲ
- β.— στὸ μεγάλο κόκκινο
- γ.— στὸ μεγάλο ἄσπρο
- δ.— στὸ μεσαῖο πράσινο
- ε.— στὸ μικρὸ μπλὲ
- ζ.— στὸ μεσαῖο κόκκινο
- η.— στὸ μικρὸ πράσινο
- θ.— στὸ μικρὸ κόκκινο.

## VI. ΤΑ ΟΝΟΜΑΤΑ ΤΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ

### 1. ΟΙ ΑΡΙΘΜΟΙ ΜΗΔΕΝ ΚΑΙ ΕΝΑ

Μὲ τὸ κεφάλαιο αὐτὸν καὶ τὸ ἐπόμενο τὸ παιδὶ μπαίνει σὸ δρίτῳ στάδιο. Ἀπαγκιστρωμένο πιὰ ἀπὸ τὰ φυσικὰ ἀντικείμενα καὶ ἡμισύμβολα μαθαίνει γὰρ χειρίζεται ἀριθμητικές ἔννοιες καὶ σχέσεις μόνο μὲ τὰ ὄντακτά τους.

Σὴ γὰρ εἰς τὸν ἀριθμῶν ἔνας, μία, ἔνα καὶ τοῦ μηδενὸς (ποὺ εἶγι γνωστὸ μὲ τὶς λέξεις κανένας, καμιαία, κανένα) τὶς ξέρει τὸ παιδὶ ἀπὸ τὴν νηπιακὴν του ἡλικία, τοῦ τῆς ἔχει διδάξεις ἡ Ἰδιαὶ ἡ ζωή. Τὶς ἔχουμε θεωρήσει γνωστές καὶ τὸ γεγονός αὐτὸ διευκόλυνε πάρα πολὺ τὴν ἀνάπτυξην τῆς ὅλης. Στὸ κεφάλαιο αὐτὸν ἀναπτύσσονται καὶ αὐτές γιὰ γὰρ μὴν ὑπάρχει κενὸ καὶ γὰρ γὰρ κάνει τὸ παιδὶ μερικές σχετικές ἀσκήσεις.

1. Πέστε στὸ παιδὶ γὰρ σᾶς δείξη τὴν πινακίδα χωρίς γὰρ ἔχει τίποτα πάνω τῆς.

— Τί σύνολο παρουσιάζεται τώρα πάνω στὴν πινακίδα; (Τὸ κενὸ σύνολο).

— Δεῖξε στὸ παιδὶ τὸ ἀεροπλάνο τῆς σελίδας 26.

— Φτιάξε στὸ κάτω μέρος τῆς πινακίδας τὸ ἀεροπλάνο, ποὺ 8ΛΕΠΕΙΣ.

— Τί σύνολο ξφτιαξες; (Τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου).

— Στὸ πάνω μέρος τῆς πινακίδας ποιό σύνολο ὑπάρχει; (Τὸ κενὸ σύνολο).

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο αὐτό; (Κανένα).

— “Οταν ἔνα σύνολο δὲν ἔχει κανένα στοιχεῖο λέμε δὴ ἔχει μηδὲν στοιχεῖα.

— Ποιό ἀπὸ τὰ σύνολα τῆς πινακίδας ἔχει περισσότερα στοιχεῖα, τὸ κενὸ σύνολο ἢ τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου; (Τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου).

— Τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου πόσα στοιχεῖα ἔχει περισσότερα ἀπὸ τὸ κενὸ σύνολο; (Τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου ἔχει ἔνα στοιχεῖο περισσότερο ἀπὸ τὸ κενὸ σύνολο).

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου; (Τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου ἔχει ἔνα στοιχεῖο).

— Αὐτό, ποὺ μᾶς λέει πόσα εἶναι τὰ στοιχεῖα ἐνὸς συνόλου, τὸ λέμε καὶ ἀριθμός των στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ.

— Ποιός εἶναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου τοῦ ἀεροπλάνου; (Ο ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου τοῦ ἀεροπλάνου εἶναι τὸ ἔνα).

2. Φτιάξε δίπλα στὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου ἔνα ἀντίστοιχο σ' αὐτό.

τὸ σύνολο, ποὺ νὰ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τόσες ἄσπρες μονάδες δσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου.

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ σύνολο αὐτό; ("Ἐχει μία μονάδα").

— Φτιάξε δίπλα στὸ κενὸ σύνολο ἔνα ἀντίστοιχο σ' αὐτὸ σύνολο, ποὺ νὰ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τόσες ἄσπρες μονάδες, δσα εἶναι τὰ στοιχεῖα τοῦ κενοῦ συνόλου.

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ σύνολο αὐτό; (Καμμιὰ μονάδα ἢ μηδὲν μονάδες).

— Τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας πόσα στοιχεῖα ἔχει περισσότερα ἀπὸ τὸ κενὸ σύνολο; (Τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας ἔχει ἔνα στοιχεῖο παραπάνω ἀπὸ τὸ κενὸ σύνολο).

— Ἡ μιὰ μονάδα εἶναι κατὰ μία μονάδα περισσότερη ἀπὸ τὸ μηδέν.

— Πόσες μονάδες λιγώτερες ἔχει τὸ κενὸ σύνολο ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας; (Τὸ κενὸ σύνολο ἔχει μιὰ μονάδα λιγώτερη ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας).

— Τὸ μηδὲν εἶναι κατὰ μία μονάδα λιγώτερο ἀπὸ τὴ μιὰ μονάδα.

΄Α σκήσεις.

1. Φτιάξε τὸ κενὸ σύνολο.

2. Φτιάξε μερικὰ σύνολα μὲ στοιχεῖο τους ἔνα ἀντικείμενο.

3. Ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ χωριοῦ ξεχώρισε σύνολα μὲ ἔνα στοιχεῖο καὶ ἔνα σύνολο μὲ κανένα στοιχεῖο.

4. Φτιάξε ἔνα σύνολο μὲ στοιχεῖο του μιὰ μονάδα.

## 2. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΔΥΟ

Τὰ σχετικὰ μὲ τὸ κεφάλαιο αὐτὸ φαίγονται στὴ σελίδα 26.

1. Φτιάξε στὸ πάνω μέρος τῆς πινακίδας τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου.

— Φτιάξε στὸ κάτω μέρος τῆς πινακίδας τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας, ποὺ βλέπεις στὸ μέσο τῆς σελίδας.

— Ἀντιστοίχισε τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας στὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τοῦ ἀεροπλάνου, ἀρχίζοντας ἀπὸ τὸ φορτωτῆ.

— Ἡ μπουλντόζα ἔχει ἀντίστοιχο στοιχεῖο; ("Οχι δὲν ἔχει").

— Ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα; (Τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας).

— Τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας, πόσα περισσότερα στοιχεῖα ἔχει ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου; ("Οσα εἶναι τὰ στοιχεῖα του, ποὺ δὲν ἔχουν ἀντίστοιχα στοιχεῖα στὸ ὄλλο σύνολο").

— Πόσα εἶναι τὰ στοιχεῖα αὐτά; (Είναι ἔνα).

— Πόσα περισσότερα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς

μπολντόζας ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου; ("Εχει ἔνα στοιχεῖο περισσότερο).

— Πόσα στοιχεῖα λιγώτερα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας; (Τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου ἔχει ἔνα στοιχεῖο λιγώτερο ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας).

— Λέμε ὅτι τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας ἔχει δύο στοιχεῖα.

— Ποιός εἶναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (Εἶναι τὸ δύο).

2. Φτιάξε δίπλα στὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου ἔνα ἀντίστοιχο σ' αὐτὸ σύνολο, ποὺ νὰ ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τόσες ἀσπρες μονάδες, δσα εἶναι τὰ στοιχεῖα τοῦ συνόλου τοῦ ἀεροπλάνου.

— Πόσες μονάδες ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ σύνολο αὐτό; ("Εχει μιὰ μονάδα).

— Φτιάξε δημοια ἔνα ἀντίστοιχο σύνολο στὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας).

— Πόσες μονάδες ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ σύνολο αὐτό; ("Εχει δύο μονάδες).

— Τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας πόσα στοιχεῖα λιγώτερα ἔχει ἀπὸ τὸ σύνολο τῶν δύο μονάδων; (Τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας ἔχει ἔνα στοιχεῖο λιγώτερο ἀπὸ τὸ σύνολο τῶν δύο μονάδων).

— Ἡ μιὰ μονάδα κατὰ πόσες μονάδες εἶναι λιγώτερη ἀπὸ τὶς δύο μονάδες; (Ἡ μιὰ μονάδα εἶναι κατὰ μία μονάδα λιγώτερη ἀπὸ τὶς δύο μονάδες).

— Τὸ σύνολο τῶν δύο μονάδων πόσα στοιχεῖα ἔχει περισσότερα ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας; (Τὸ σύνολο τῶν δύο μονάδων ἔχει ἔνα στοιχεῖο περισσότερο ἀπὸ τὸ σύνολο τῆς μιᾶς μονάδας).

— Οἱ δύο μονάδες κατὰ πόσες μονάδες εἶναι περισσότερες ἀπὸ τὴ μιὰ μονάδα; (Εἶναι κατὰ μία μονάδα περισσότερες).

### Α σκήσεις.

1. Πόσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ χωρὶς πλοῖα;

2. Πόσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ μεγάλου καὶ τοῦ μικροῦ σπιτιοῦ;

3. Φτιάξε μερικὰ σύνολα μὲ στοιχεῖα τους δύο ἀντικείμενα.

4. Ξεχώρισε ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ μερικὰ ὑποσύνολα μὲ δύο στοιχεῖα καὶ πέντε μου τὰ στοιχεῖα τους.

5. Κόντε τὸ ἵδιο ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ μὲ τὰ πλοῖα.

6. Βάλε, δημοια στὴν κάτω ἀριστερὴ γωνία τῆς πινακίδας, τὴ μιὰ μονάδα καὶ δίπλα σ' αὐτὴν τὶς δύο μονάδες.

— Βάλε δίπλα στὶς δύο μονάδες τὸ μικρὸ κόκκινο καὶ πέντε μου ἀν-

οὲ κάθε μονάδα τοῦ μικροῦ κόκκινου ἀντιστοιχεῖ μιὰ μονάδα ἀσπρη-

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ κόκκινο; (Τὸ μικρὸ κόκκινο ἔχει δύο μονάδες.

### 3. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΤΡΙΑ

1. Φτιάξε τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου, στὸ πάνω μέρος τῆς πινακίδας.

— Φτιάξε τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας, στὸ κάτω μέρος τῆς πινακίδας.

— “Ενώσε τὰ δύο σύνολα, ποὺ ἔκανες.

— Πόσα εἰναι δλα τὰ στοιχεῖα, ποὺ ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωση τῶν δύο συνόλων ἔχει δσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας καὶ ἀκόμα δσα στοιχεῖα ἔχει τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου).

— Πόσα δηλαδὴ στοιχεῖα ἔχει δλα κι' δλα; (“Ἐχει δυὸ στοιχεῖα καὶ ἔνα ἀκόμη).

— “Οταν ἔνα σύνολο ἔχει δυὸ στοιχεῖα καὶ ἔνα ἀκόμη στοιχεῖο λέμε δτι ἔχει τρία στοιχεῖα.

— Ποιός εἰναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (Εἰναι τὸ τρία).

— Πόσα στοιχεῖα περισσότερα ἔχει ἔνα σύνολο μὲ τρία στοιχεῖα ἀπὸ ἔνα σύνολο μὲ δύο στοιχεῖα; (“Ἐχει ἔνα στοιχεῖο περισσότερο).

— Πόσα στοιχεῖα λιγάτερα ἔχει ἔνα σύνολο μὲ δύο στοιχεῖα ἀπὸ ἔνα σύνολο μὲ τρία στοιχεῖα; (“Ἐχει ἔνα στοιχεῖο λιγάτερο).

2. Φτιάξε, ὅπως στὶς προηγούμενες ἔνότητες, σύνολα ἀπὸ μονάδες ἀντιστοιχα στὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου καὶ στὸ σύνολο τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας.

— Τὸ πρῶτο ἔχει μιὰ μονάδα καὶ τὸ ἄλλο ἔχει δύο μονάδες γιὰ στοιχεῖα του.

— Πόσες μονάδες ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει δύο μονάδες καὶ ἀκόμα ἄλλη μιὰ, δηλαδὴ τρεῖς μονάδες).

3. Βάλε τὸ μικρὸ κόκκινο, ποὺ δείχνει σύνολο δύο στοιχείων καὶ δίπλα σ' αὐτὸ τὴ μονάδα, ποὺ δείχνει σύνολο ἐνὸς στοιχείου.

— Τὶ δείχνουνε τὰ δύο σύνολα μαζὶ; (Τὰ δύο σύνολα μαζὶ δείχνουν τὴν ἔνωση τῶν δύο συνόλων).

— Βάλε κάτω ἀπ' αὐτὰ τὸ μικρὸ πράσινο, τὶ παρατηρεῖς οἱ μονάδες ἀντιστοιχοῦν ἀκριβῶς στὶς μονάδες τῆς ἔνωσης τῶν συνόλων αὐτῶν; (Ναι ἀντιστοιχοῦν).

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ πράσινο; (Τὸ μικρὸ πράσινο ἔχει δύο καὶ μιὰ μονάδες δηλαδὴ τρεῖς μονάδες).

— Φτιάξε τὸν πύργο, ποὺ φαίνεται στὴν κάτω δεξιὰ γωνία τῆς σελίδας.

— Κάθε όροφος έχει μιά ένωση συνόλων. Τὴν ἔνωση αὐτὴ τῇ λέμε καὶ πρόσθια σημεία, διάθεση. Γιὰ τὸν πρῶτο όροφο μπορεῖ νὰ πεῖς «δύο μονάδες καὶ ὅλη μιὰ κάνουν τρεῖς μονάδες» ή πιὸ ἀπλᾶ «δύο καὶ ένα κάνουν τρία». Γιὰ τὸν πιὸ πάνω όροφο μπορεῖ νὰ πεῖς «ένα καὶ ὅλο ένα κάνουν δύο, δύο καὶ ὅλο ένα ἀκόμη κάνουν τρία».

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε σύνολα, ποὺ νὰ έχουν γιὰ στοιχεῖα τους τρία ἀντικείμενα.

2. Ξεχώρισε ἀπὸ τὸ σύνολο τοῦ λιμανιοῦ μὲ τὰ πλοῖα ένα ὑποσύνολο μὲ τρία στοιχεῖα καὶ πές μου τὰ στοιχεῖα του.

3. Φτιάξε πολλὲς φορὲς δύο σύνολα μὲ ἀντικείμενα, ποὺ ή ένωσή τους νὰ έχει τρία στοιχεῖα.

4. Φτιάξε σύνολα ἀπὸ μονάδες, ποὺ ή ένωσή του νὰ έχει τρία στοιχεῖα.

#### 4. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΤΕΣΣΕΡΑ

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴν σελίδα 27.

1. Φτιάξε πάνω στὴν πινακίδα τὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου, τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας.

— Φτιάξε δίπλα στὸ προηγούμενο σύνολο τὸ σύνολο τοῦ γερανοῦ.

— Ενωσε τὰ σύνολα, ποὺ έκανες.

— Πόσα στοιχεῖα έχει ή ένωσή τους; (Ἡ ένωσή τους έχει τὰ τρία στοιχεῖα τοῦ ἐνὸς συνόλου καὶ ἀκόμη ένα τὸ στοιχεῖο τοῦ ὅλου συνόλου).

— «Οταν ένα σύνολο έχει τρία στοιχεῖα καὶ ἀκόμη ὅλο ένα λέμε στὶ έχει τέσσερα στοιχεῖα.

— Ποιός εἶναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (Εἶναι τὸ τέσσερα).

— Πόσα στοιχεῖα περισσότερα ένα σύνολο μὲ τέσσερα στοιχεῖα ἀπὸ ένα σύνολο μὲ τέσσερα στοιχεῖα; (Έχει ένα στοιχεῖο λιγώτερο).

2. Φτιάξε ὅπως στὶς προηγούμενες ἐνότητες, σύνολα ἀπὸ μονάδες ἀντίστοιχα, στὸ σύνολο τοῦ ἀεροπλάνου, φορτωτῆ καὶ μπουλντόζας καὶ στὸ σύνολο τοῦ γερανοῦ.

— Πόσες μονάδες έχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ πρῶτο σύνολο; (Έχει τρεῖς μονάδες).

— Πόσες μονάδες έχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ ὅλο σύνολο; (Έχει μιὰ μονάδα).

— Ενωσε τὰ σύνολα αὐτά.

— Πόσες μονάδες ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει τρεῖς μονάδες καὶ ἀκόμα ἄλλη μία, δηλαδὴ τέσσερις μονάδες).

3. Βόλε τίς τέσσερις μονάδες δίπλα στὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ πές μου ἂν ἡ κάθε μονάδα τοῦ μεσαίου κόκκινου ἀντιστοιχεῖ μία ἀσπρη μονάδα.

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ μεσαῖο κόκκινο; (Τὸ μεσαῖο κόκκινο ἔχει τέσσερις μονάδες, δύσες καὶ οἱ ἀσπρες μονάδες, ποὺ ἀντιστοιχοῦν σ' αὐτές).

### Α σκή σεις.

1. Φτιάξε σύνολα μὲ τέσσερα ἀντικείμενα γιὰ στοιχεῖα τους.

2. Φτιάξε τὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ, ξεχώρισε ἀπ' αὐτὸ ἔνα ύποσύνολο μὲ τέσσερα στοιχεῖα καὶ πές μου ποιά εἶναι αὐτά. Κάνε τὸ ὕδιο μὲ ἄλλα στοιχεῖα.

3. Φτιάξε πολλές φορὲς ἀπὸ δύο σύνολα ἀντικειμένων, ποὺ ἡ ἔνωσή τους νὰ δίνει σύνολο μὲ τέσσερα στοιχεῖα.

4. Φτιάξε ἔνα σύνολο μὲ τέσσερις μονάδες γιὰ στοιχεῖα του.

5. Στήν κάτω δεξιὰ γωνία τῆς σελίδας φαίνεται τὸ μεσαῖο κόκκινο καὶ σ' ἐπαφὴ μ' αὐτὸ τὰ σύνολα μονάδων, που οἱ ἔνώσεις τους ἔχουν τέσσερις μονάδες. Φτιάξε καὶ σὺ δίπλα στὸ μεσαῖο κόκκινο τίς ἔνώσεις αὐτὲς ἀρχίζοντας ἀπὸ κάτω. Κάθε φορά νὰ λές τὴν ἔνωση ποὺ κάνεις, δηποτὲ ὅταν κάνουμε πρόσθεση.

## 5. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΠΕΝΤΕ

Δεῖξε στὸ πινδὶ τὴν σελίδα 28.

1. Φτιάξε πάνω στήν πινακίδα τὸ σύνολο τοῦ γερανοῦ τοῦ ἀεροπλάνου τοῦ φορτωτῆ καὶ τῆς μπουλντόζας.

— Φτιάξε δίπλα στὸ προηγούμενο σύνολο τὸ σύνολο τοῦ ἐλικοπτέρου.

— Ἔνωσε τὰ σύνολα, ποὺ ἔκανες.

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει τὰ τέσσερα στοιχεῖα τοῦ πρώτου συνόλου καὶ ἀκόμη τὸ ἔνα τοῦ ἄλλου συνόλου).

— Ὁταν ἔνα σύνολο ἔχει τέσσερα στοιχεῖα καὶ ἀκόμη ἔνα ἄλλο λέμε ὅτι ἔχει πέντε στοιχεῖα.

— Ποιός εἶναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (Εἶναι τὸ πέντε).

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει περισσότερα ἔνα σύνολο πέντε στοιχείων ἀπὸ ἔνα ἄλλο σύνολο τεσσάρων στοιχείων; ("Ἔχει ἔνα στοιχεῖο πάρα πάνω").

— Πόσα στοιχεῖα λιγώτερα ἔχει ἔνα σύνολο τεσσάρων στοιχείων

ἀπὸ ἔνα σύνολο πέντε στοιχείων; ("Εχει ἔνα στοιχεῖο λιγώτερο).  
2. Φτιάξε σύνολα ἀπὸ μονάδες ὅπως στὶς προηγούμενες ἐνότητες,  
ἀντίστοιχα στὸ πρῶτο καὶ στὸ δεύτερο σύνολο.

— Πόσες μονάδες ἔχει γιὰ στοιχεῖα του τὸ πρῶτο σύνολο καὶ πό-  
σες ἔχει τὸ δεύτερο; (Τὸ πρῶτο σύνολο ἔχει τέσσερις μονάδες καὶ τὸ  
δεύτερο ἔχει μία μονάδα).

— Πόσες μονάδες ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει γιὰ  
στοιχεῖα τῆς πέντε μονάδες).

3. Βάλε τὶς πέντε μονάδες σὲ σειρὰ καὶ κάτω ἀπ' αὐτὲς τὸ μικρὸ  
μπλὲ κομμάτι.

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ μικρὸ μπλέ; (Τὸ μικρὸ μπλὲ ἔχει ὅσες  
μονάδες εἰναι ἀντίστοιχες στὶς ἀσπρες μονάδες δηλαδὴ πέντε).

?Α σκήσεις.

1. Φτιάξε σύνολα μὲ πέντε ἀντικείμενα γιὰ στοιχεῖα τους.
2. Φτιάξε τὸ σύνολο τοῦ πάρκινγκ καὶ ξεχώρισε ἔνα ύποσύνολο  
μὲ πέντε στοιχεῖα καὶ πές μου ποιά εἰναι αὐτά.
3. Φτιάξε ἔνα σύνολο μὲ πέντε μονάδες γιὰ στοιχεῖα του.
4. Φτιάξε πολλές φορὲς σύνολα ἀπὸ ἀντικείμενα, ποὺ ἡ ἔνωσή τους  
νὰ ἔχει πέντε στοιχεῖα.

5. Στὴν κάτω δεξιὰ γωνίᾳ τῆς σελίδας φαίνεται τὸ μικρὸ μπλὲ  
καὶ δίπλα σ' αὐτὸ δλα τὰ σύνολα μονάδων, ποὺ οἱ ἐνώσεις τους ἔχουν  
πέντε στοιχεῖα. Φτιάξε καὶ σὺ τὶς ἐνώσεις αὐτές ἀρχίζοντας ἀπὸ τὰ  
κάτω. Κάθε φορὰ νὰ λές τὴν ἔνωση ποὺ κάνεις ὅπως ὅταν κάνουμε  
πρόσθετη. Π.χ. «Τέσσερα καὶ ἔνα κάνουν πέντε».

## 6. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΕΞΙ

— Φτιάξε ἔνα σύνολο ἀπὸ πέντε μονάδες καὶ δίπλα σ' αὐτὸ ἔνα  
ἄλλο σύνολο μὲ μιὰ μονάδα.

— "Ενωσε τὰ δύο σύνολα.

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει τὰ πέν-  
τε στοιχεῖα τοῦ πρῶτου συνόλου καὶ τὸ ἔνα στοιχεῖο τοῦ δεύτερου συ-  
νόλου).

— "Οταν ἔχουμε ἔνα σύνολο, ποὺ ἔχει πέντε στοιχεῖα καὶ ἀκόμη  
ἔνα στοιχεῖο λέμε ὅτι ἔχει ἔξι στοιχεῖα.

— Ποιός εἶναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (ΕΙ-  
ναι τὸ ἔξι).

— Ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει πέν-  
τε μονάδες ἢ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἔξι μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει  
ἔξι μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα περισσότερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει πέν-  
τε μονάδες).

— Ποιό σύνολο ἔχει λιγώτερες μονάδες τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει πέντε μονάδες ή τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἕξι μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει πέντε μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα λιγώτερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἕξι μονάδες).

Δεῖξε στὸ παιδὶ τὴ σελίδα 29, ποὺ ἔχει τὰ σχετικὰ σχῆματα γιὰ τοὺς ἀριθμοὺς ἕξι, ἑπτά, ὅκτω, γνέα καὶ δέκα.

— Βάλε πάνω στὴ βάση τὶς ἕξι μονάδες τὴ μιὰ δίπλα στὴν ἄλλη καὶ θρέξ ποιό κομμάτι ἔχει, σύμφωνα μὲ δτὶ ξέρεις, ἵσες μ' αὐτὸ μονάδες.

— Ποιό εἶναι τὸ κομμάτι αὐτό; (Τὸ κομμάτι αὐτὸ εἶναι τὸ μεσαῖο πράσινο).

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ μεσαῖο πράσινο; (Τὸ μεσαῖο πράσινο ἔχει ἕξι μονάδες).

Άσκήσεις.

1. Βάλε τὸ μεσαῖο πράσινο πάνω στὴν πινακίδα καὶ δίπλα σ' αὐτὸ κάνε μὲ κομμάτια δσα σύνολα μπορεῖς ποὺ ἔχουν γιὰ ἔνωσή τους τὸ ἕξι (ὅπως φαίνεται στὸν προηγούμενη σελίδα τὸ ἀντίστοιχο σχῆμα γιὰ τὸ πέντε).

2. Πέξ μου τὴν κάθε ἔνωση, ποὺ κάνεις, δπως λέμε στὴν πρόσθεση π.χ. γιὰ τὴν πρώτη πρόσθεση «πέντε μονάδες καὶ μία μονάδα ἀκόμη κάνουν ἕξι μονάδες», ή πιὸ ἀπλῶ «πέντε καὶ ἔνα κάνουν ἕξι».

## 7. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΕΠΤΑ

1. Φτιάξε ἔνα σύνολο ἀπὸ ἕξι μονάδες καὶ δίπλα σ' αὐτὸ ἔνα ἄλλο σύνολο μὲ μιὰ μονάδα.

— Ενωσε τὰ δύο σύνολα.

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει τὰ ἕξι στοιχεῖα τοῦ πρώτου συνόλου καὶ τὸ ἔνα στοιχεῖο τοῦ δεύτερου συνόλου).

— Οταν ἔχουμε ἔνα σύνολο, ποὺ ἔχει ἕξι στοιχεῖα καὶ ἀκόμη ἔνα στοιχεῖο, λέμε δτὶ ἔχει ἐπτὰ στοιχεῖα.

2. Ποιός εἶναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (Εἶναι τὸ ἑπτά).

3. Ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἕξι μονάδες ή τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐπτὰ μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐπτὰ μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα περισσότερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἕξι μονάδες).

— Ποιό σύνολο ἔχει λιγώτερες μονάδες τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἕξι μονάδες ή τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐπτὰ μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἕξι μονάδες, ἔχει μιὰ μονάδα λιγώτερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐπτὰ μονάδες).

4. Βάλε πάνω στὴ βάση τὶς ἐπτὰ μονάδες τὴ μιὰ δίπλα στὴν ἄλλη καὶ θρέξ ποιό κομμάτι ἔχει, σύμφωνα μὲ δτὶ ξέρεις, ἵσες μ' αὐτὸ μονάδες.

— Ποιό είναι τὸ κομμάτι αὐτό; (Τὸ κομμάτι αὐτὸ εἶναι τὸ μεγάλο ἄσπρο).

— Πόσες μονάδες ἔχει τὸ μεγάλο ἄσπρο; (Τὸ μεγάλο ἄσπρο ἔχει ἑπτὰ μονάδες).

\*Α σκήσεις.

1. Βάλε τὸ μεγάλο ἄσπρο πάνω στὴν πινακίδα καὶ δίπλα σ' αὐτὸ κάνε μὲ κομμάτια δσα σύνολα μπορεῖς, ποὺ ἔχουν γιὰ ἔνωσή τους τὸ ἑπτά, (ὅπως φαίνεται στὴν προηγούμενη σελίδα τὸ ἀντίστοιχο σχῆμα γιὰ τὸ πέντε).

2. Πέξ μου τὴν κάθε ἔνωση, ποὺ κάνεις, δπως λέμε στὴν πρόσθεση π.χ. γιὰ τὴν πρώτη πρόσθεση «ἔξι μονάδες καὶ μία μονάδα ἀκόμη κάνουν ἑπτὰ μονάδες», ἢ πιὸ ἀπλᾶ «ἔξι καὶ ἕνα κάνουν ἑπτά».

## 8. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΟΧΤΩ

1. Φτιάξε ἕνα σύνολο ἀπὸ ἑπτὰ μονάδες καὶ δίπλα σ' αὐτὸ ἕνα ἄλλο σύνολο μὲ μιὰ μονάδα.

— “Ενωσε τὰ δύο σύνολα.

— Πόσα στοιχεῖα ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει τὰ ἑπτὰ στοιχεῖα τοῦ πρώτου συνόλου καὶ τὸ ἕνα στοιχεῖο τοῦ δεύτερου συνόλου).

— “Οταν ἔχουμε ἕνα σύνολο, ποὺ ἔχει ἑπτὰ στοιχεῖα καὶ ἀκόμη ἕνα, στοιχεῖο λέμε δτι ἔχει δχτῶ στοιχεῖα.

2. Ποιός είναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (Είναι τὸ δχτώ).

3. Ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἑπτὰ μονάδες ἢ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει δχτῶ μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει δχτῶ μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα περισσότερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἑπτὰ μονάδες).

— Ποιό σύνολο ἔχει λιγώτερες μονάδες τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἑπτὰ μονάδες ἢ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει δχτῶ μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἑπτὰ μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα λιγώτερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει δχτῶ μονάδες).

4. Βάλε πάνω στὴ βάση τὶς δχτῶ μονάδες τὴ μιὰ δίπλα στὴν ἄλλη καὶ 鄣ὲς ποιό κομμάτι ἔχει, σύμφωνα μὲ δτι ξέρεις, ἴσες μ' αὐτὸ μονάδες. (Τὸ κομμάτι αὐτὸ είναι τὸ μεγάλο κόκκινο καὶ ἔχει δχτῶ μονάδες).

\*Α σκήσεις.

1. Βάλε τὸ μεγάλο κόκκινο πάνω στὴν πινακίδα καὶ δίπλα σ' αὐτὸ κάνε μὲ κομμάτια δσα σύνολα μπορεῖς, ποὺ ἔχουν γιὰ ἔνωσή τους τὸ δχτώ, (ὅπως φαίνεται στὴν προηγούμενη σελίδα τὸ ἀντίστοιχο σχῆμα γιὰ τὸ πέντε).

2. Πέξ μου κάθε ἔνωση ποὺ κάνεις, δπως λέμε στὴν πρόσθεση π.χ. γιὰ τὴν πρώτη πρόσθεση «έπτὰ μονάδες καὶ μία μονάδα ἀκόμη κά-

νουν όχτώ μονάδες», ή πιὸ ἀπλᾶ «έπτα καὶ ἕνα κάνουν όχτώ».

## 9. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΕΝΝΕΑ

1. Φτιάξε ἕνα σύνολο ἀπὸ όχτώ μονάδες καὶ δίπλα σ' αὐτὸ ἕνα ἄλλο σύνολο μὲ μιὰ μονάδα.

—“Ενωσε τὰ δύο σύνολα.

—Πόσα στοιχεῖα ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει τὰ όχτώ στοιχεῖα τοῦ πρώτου συνόλου καὶ τὸ ἕνα στοιχεῖο τοῦ δεύτερου συνόλου).

—“Οταν ἔχουμε ἕνα σύνολο, ποὺ ἔχει όχτώ στοιχεῖα καὶ ἀκόμη ἕνα στοιχεῖο, λέμε ὅτι ἔχει ἐννέα στοιχεῖα.

2. Ποιός εἶναι ὁ ἀριθμὸς τῶν στοιχείων τοῦ συνόλου αὐτοῦ; (Είναι τὸ ἐννέα).

3. Ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει όχτώ μονάδες ή τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα περισσότερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει όχτώ μονάδες).

—Ποιό σύνολο ἔχει λιγώτερες μονάδες τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει όχτώ μονάδες ή τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει όχτώ μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα λιγώτερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες).

4. Βάλε πάνω στὴ βάση τις ἐννέα μονάδες τῇ μιᾷ δίπλα στὴν ἄλλη καὶ βρές ποιό κομμάτι ἔχει, σύμφωνα μὲ ὅτι ξέρεις, ἵσες μ' αὐτὸ μονάδες καὶ πόσες ἔχει; (Τὸ κομμάτι αὐτὸ εἶναι τὸ μεγάλο πράσινο καὶ ἔχει ἐννέα μονάδες).

Α σκήσεις.

1. Βάλε τὸ μεγάλο πράσινο πάνω στὴν πινακίδα καὶ δίπλα σ' αὐτὸ κάνει μὲ κομμάτια ὅσα σύνολα μπορεῖς, ποὺ ἔχουν γιὰ ἔνωσή τους τὸ ἐννέα (ὅπως φαίνεται στὴν προηγούμενη σελίδα τὸ ἀντίστοιχο σχῆμα γιὰ τὸ πέντε).

2. Πέξ μου τὴν κάθε ἔνωση, ποὺ κάνεις, δπως λέμε στὴν πρόσθετη π.χ. γιὰ τὴν πρώτη πρόσθετη «όχτώ μονάδες καὶ μία μονάδα ἀκόμη κάνουν ἐννέα μονάδες», ή πιὸ ἀπλᾶ «όχτώ καὶ ἕνα κάνουν ἐννέα».

## 10. Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΔΕΚΑ

1. Φτιάξε ἕνα σύνολο ἀπὸ ἐννέα μονάδες καὶ δίπλα σ' αὐτὸ ἕνα ἄλλο σύνολο μὲ μιὰ μονάδα.

—“Ενωσε τὰ δύο σύνολα.

—Πόσα στοιχεῖα ἔχει ἡ ἔνωσή τους; (Ἡ ἔνωσή τους ἔχει τὰ ἐννέα στοιχεῖα τοῦ πρώτου συνόλου καὶ τὸ ἕνα στοιχεῖο τοῦ δεύτερου συνόλου).

—“Οταν ἔχουμε ἕνα σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα στοιχεῖα καὶ ἀκόμη ἕνα στοιχεῖο λέμε ὅτι ἔχει δέκα στοιχεῖα.

2. Ποιός είναι διάριθμός των στοιχείων του συνόλου αὐτοῦ; (Είναι τὸ δέκα).

3. Ποιό σύνολο ἔχει περισσότερα στοιχεῖα τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει δέκα μονάδες ή τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει δέκα μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα περισσότερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες).

— Ποιό σύνολο ἔχει λιγώτερες μονάδες τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες ή τὸ σύνολο ποὺ ἔχει δέκα μονάδες; (Τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει ἐννέα μονάδες ἔχει μιὰ μονάδα λιγώτερη ἀπὸ τὸ σύνολο, ποὺ ἔχει δέκα μονάδες).

4. Βάλε πάνω στὴ βάση τὶς δέκα μονάδες τῇ μιᾷ δίπλα στὴν ἄλλη καὶ θρέξ ποιό κομμάτι ἔχει, σύμφωνα μὲ δτὶ ξέρεις, τίσες μ<sup>η</sup> αὐτὸ μονάδες.

— Ποιό είναι τὸ κομμάτι αὐτὸ καὶ πόσες μονάδες ἔχει; (Τὸ κομμάτι αὐτὸ είναι τὸ μεγάλο μπλέ καὶ ἔχει δέκα μονάδες ή μιὰ δεκάδα). Ασκήσεις.

1. Βάλε τὸ μεγάλο μπλέ πάνω στὴν πινακίδα καὶ δίπλα σ' αὐτὸ κάνε μὲ κομμάτια δσα σύνολα μπορεῖς, ποὺ ἔχουν γιὰ ἐνωσὴ τους τὸ δέκα, (ὅπως φαίνεται στὴν προηγούμενη σελίδα τὸ ἀντίστοιχο σχῆμα γιὰ τὸ πέντε).

2. Πέξ μου τὴν κάθε ἐνωση, ποὺ κάνεις, δπως λέμε στὴν πρόσθεση π.χ. γιὰ τὴν πρώτη πρόσθεση «ἐννέα μονάδες καὶ μία μονάδα ἀκόμη κάνουν δέκα μονάδες», ή πιὸ ἀπλά «ἐννέα καὶ ἓνα κάνουν δέκα».

## 11. ΠΟΛΛΕΣ ΔΕΚΑΔΕΣ

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὸ μεγάλο μπλέ δίπλα σ' αὐτὸ φτιάξε κι ὅλλες δεκάδες μὲ διάφορα κομμάτια μέχρι, ποὺ νὰ συμπληρώσεις δέκα δεκάδες.

— Κάθε φορά, ποὺ φτιάχνεις μιὰ καινούργια δεκάδα, νὰ λές πόσες δεκάδες ἔχεις φτιάξει μέχρι τότε.

2. Πόσες μονάδες ἔχει μιὰ δεκάδα; (Μιὰ δεκάδα ἔχει δέκα μον.).  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ δύο δεκάδες, τὶς λέμε εἴκοσι μον.  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ τρεῖς δεκάδες, τὶς λέμε τριάντα μον.  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ τέσσερις δεκάδες, τὶς λέμε σαράντα μ.  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ πέντε δεκάδες, τὶς λέμε πενήντα μον.  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ ἕξι δεκάδες, τὶς λέμε ἔξηντα μον.  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ ἑπτά δεκάδες, τὶς λέμε ἔθδομήντα μ.  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ ὀχτά δεκάδες, τὶς λέμε ὀγδόντα μον.  
— Τὶς μονάδες ποὺ ἔχουν οἱ ἐννέα δεκάδες, τὶς λέμε ἐννεανήντα μον.  
— Τὶς μονάδες, ποὺ ἔχουν οἱ δέκα δεκάδες, τὶς λέμε ἑκατό μον.

Ασκήσεις.

1. Φτιάξε ξανὰ τὶς δέκα δεκάδες μὲ τὰ δέκα μεγάλα μπλέ κομμάτια. Κάθε φορά, ποὺ θάξεις μιὰ καινούργια δεκάδα, νὰ λές πόσες δε-

κάδες ἔχεις καὶ πόσες μονάδες ἔχουν οἱ δεκάδες αὐτές. Π.χ. "Εχω τρεῖς δεκάδες ἢ τριάντα μονάδες

2. Βγάλε ἀπὸ τίς δεκάδες, ποὺ ἔχεις, μία καὶ πὲς πόσες δεκάδες ἢ πόσες μονάδες σοῦ μείνανε. Κάνε τὸ ὕδιο μέχρι νὰ μὴ μείνει καμμιὰ δεκάδα.

3. Βάλε πάλι τὰ δέκα μπλὲ κομμάτια ἀπὸ ὅσες δεκάδες σοῦ λέω, καὶ κάθε φορά νὰ λέεις πόσες δεκάδες σοῦ μείνανε καὶ πόσες μονάδες εἶναι αὐτές:

α—Βγάλε ἀπὸ δύο δεκάδες

β—Βγάλε ἀπὸ τρεῖς δεκάδες

γ—Βγάλε ἀπὸ τέσσερις δεκάδες

δ—Βγάλε ἀπὸ πέντε δεκάδες.

## 12. Η ΑΡΙΘΜΗΣΗ ΜΕΧΡΙ ΤΟ ΕΚΑΤΟ

— Βάλε πάνω στὴν πινακίδα μιὰ δεκάδα καὶ σ' ἐπαφὴ κατὰ τὸ πλάτος μ' αὐτὴν καὶ μὲ κοινὴ ἀρχὴ ὅλλες τέσσερις μονάδες.

— Πόσες εἶναι δλες οἱ μονάδες, ποὺ ἔχεις; (Εἶναι δέκα καὶ τέσσερις).

— Μπορεῖς νὰ πεῖς πιὰ ἀπλᾶ. Δεκατέσσερις.

— Πῶς θὰ πεῖς δταν ἔχεις πέντε δεκάδες καὶ δύο μονάδες; (Πενήντα δύο).

— Πῶς θὰ πεῖς δταν ἔχεις τέσσερις δεκάδες καὶ πέντε μονάδες; (Σαράντα πέντε).

— Πῶς θὰ πεῖς δταν ἔχεις ἐννέα δεκάδες καὶ δκτῷ μονάδες; (Ἐννενήντα δκτῷ).

— Λίγο διαφορετικά λέμε γιὰ τὶς δέκα καὶ μία μονάδες.. Λέμε εἰν δεκα μονάδες.

— Γιὰ τὶς δέκα καὶ δύο μονάδες, λέμε δώδεκα μονάδες.

"Οπως εἰδαμε τὰ πλαστικὰ κομμάτια ἀντιστοιχοῦν στοὺς δέκα ἀριθμούς. Μποροῦμε νὰ τὰ λέμε ύλικον ὁλικόν ἀριθμόν μούς (ύ. ἀ.). Μποροῦμε μάλιστα τὸ καθένα νὰ τὸ λέμε μὲ τὸν ἀριθμὸ στὸν ὅποιο ἀντιστοιχεῖ. "Ετοι θὰ λέμε:

— Γιὰ τὸ μικρὸ ἄσπρο διάλικος ἀριθμὸς ἔνα.

— Γιὰ τὸ μικρὸ κόκκινο διάλικος ἀριθμὸς δύο κλπ.

Α σκήψεις.

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὶς δέκα μπλὲ δεκάδες. "Αγγιξε μὲ τὸ δάχτυλό σου τὴν πρώτη μονάδα ἀρχίζοντας ἀπὸ τὸ κάτω μέρος τῆς πρώτης δεκάδας καὶ πὲς μία ἢ ἔνα. "Αγγιξε ύστερα τὴ δεύτερη καὶ πὲς δύο. "Οταν τελειώσεις τὴν πρώτη δεκάδα ἀρχισε τὴ δεύτερη ἀπὸ τὸ κάτω τῆς ἄκρω. Κάνε τὸ ὕδιο μὲ δλες τὶς μονάδες δλων τῶν δεκάδων καὶ κάθε φορά νὰ λέεις πόσες μονάδες ἔχεις ἀγγίξει. Μέτρησε ἔτοι δλες τὶς μονάδες.

2. Κάνε τὸ ὕδιο ἀρχίζοντας ἀπὸ τὸ ἔκατὸ καὶ νὰ κατεβαίνεις πρὸς τὰ πίσω μέχρι τὸ μηδέν.

## VIII. ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΕΣ ΠΡΑΞΕΙΣ ΧΩΡΙΣ ΨΗΦΙΑ

Τὸ παιδί γνωρίζει τὴν τις διαδικασίες τῶν ἀριθμητικῶν πράξεων μὲν ἡμισύμβολα. Τέσσαρα, μὲν τὴν διαδικασία μιᾶς σειρᾶς ἀσκήσεων, θὰ ἐπαναλάβει τις ἀριθμητικές πράξεις μὲν τὰ διγόμιτα τῶν ἀριθμῶν, θὰ διαδάσῃ μὲν ἀριθμοὺς πλέον καὶ ἀγτὶ γὰλέει:

- Τὸ μικρὸ πόλκινο καὶ τὸ μικρὸ πράσινο κάνουν τὸ μικρὸ μπλέ, θὰ λέει:  
— Δύο καὶ τρία κάνουν πέντε.

### 1. ΠΡΟΣΘΕΣΗ

\*Α σκήσεις.

1. Φτιάξε τὴ σκάλα μὲ τοὺς δέκα ὄλικούς ἀριθμούς πάνω σὲ γραμμὲς τῆς πινακίδας σ' ἐπαφὴ μεταξύ τους κατὰ τὸ πλάτος τους καὶ μὲ κοινὴ ἀρχή. Πρόσθεσε δίπλα στὸν ὅ. ἀ. ἔνα τὸν ὅ. ἀ. ἔνα καὶ πές μου τὴν πρόσθεση, ποὺ ἔκανες «ἔνα καὶ ἔνα κάνουν δύο». Πρόσθεσε σὲ κάθε φορά νὰ λέεις τὴν πρόσθεση ποὺ κάνεις, π.χ. «ἔπτα καὶ δικτὼ κάνουν δέκα καὶ πέντε», μιὰ φορά ὅταν τὴν κάνεις καὶ ἄλλη μιὰ φορά, ἀμέσως μετὰ χωρὶς νὰ βλέπεις τοὺς ὅ. ἀ., ποὺ πρόσθεσες.

α. ἔνα	ζ. ἔξι
β. δύο	η. ἔπτα
γ. τρία	θ. δικτὼ
δ. τέσσερα	ι. ἔννέα
ε. πέντε	κ. δέκα.

— Πῶς λέμε τοὺς ἀριθμούς, ποὺ προσθέτουμε; (Προσθετέους).

— Πῶς λέμε τὸν ἀριθμό, ποὺ μᾶς δίνει ἡ πρόσθεση; ("Αθροισμα").

2. Πρόσθεσε τὸν ἴδιο ὅ. ἀ. στὸν ἑαυτό του μέχρι ποὺ νὰ τελειώσουν οἱ ὅ. ἀ., ποὺ ἔχει τὸ κουτί.

— Νὰ λέεις κάθε φορά τὴν πρόσθεση, ὅταν τὴν κάνεις, καὶ ἄλλη μιὰ φορά ἀμέσως μετά, χωρὶς νὰ βλέπεις τοὺς ὅ. ἀ., ποὺ πρόσθεσες.

— Κάνε τὴν ἀσκηση αὐτὴ μὲ δλους τοὺς ὅ. ἀ.

3. Κάνε χαλὶ, μὲ βάση τὸν ὅ. ἀ. δέκα βάζοντας δίπλα δλους τοὺς ὅ. ἀ. διὰ δύο, ποὺ ἔχουν ἀθροισμα δέκα.

Τὸ χαλὶ αὐτὸ φαίνεται στὴ σελίδα 23.

4. Κάνε τὸ ἴδιο μὲ κάθε ὅ. ἀ.

— "Οπως προηγούμενα νὰ λέεις δυὸ φορὲς τὶς προσθέσεις, ποὺ κάνεις.

## 2. Η ΑΦΑΙΡΕΣΗ

1. Βάλε πάνω στήν πινακίδα τὸν ὅ. ἀ. δέκα.

— Ἀφαίρεσε ἀπό αὐτὸν τὸν ὅ. ἀ. ἐννέα, θάζοντάς τον ἀπάνω στὸν ὅ. ἀ. δέκα καὶ μὲ κοινὴ ἀρχή.

— Δέξ πόσες μονάδες ἔμειναν ξεσκέπαστες καὶ πές τὴν ἀφαίρεση, ποὺ ἔκανες. «“Οταν ἀπὸ τὸ δέκα θγάζω ἐννέα μένει ἔνα» ἢ «δέκα πλὴν ἐννέα κάνει ἔνα».

— Πῶς λέμε τὸν ἀριθμό, ποὺ ἀφαιροῦμε κατὰ τὴν ἀφαίρεση; (Ἀ-φ αι ρ ε σ ε τ ἐ ο).

— Ἀπὸ ποιόν ἀριθμὸν ἀφαιροῦμε τὸν ἀφαιρετέο; (Ἀπὸ τὸν μειωτέο).

— Πῶς λέμε τὸν ἀριθμό, ποὺ θρίσκουμε ὅταν κάνουμε μιὰ ἀφαίρεση; (Υπόλοιπο ἡ διαφορά).

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε τὴν σκάλα μὲ τοὺς δέκα ὅ. ἀ.

— Ἀφαίρεσε ἀπὸ καθένα ἀπὸ τοὺς ὅ. ἀ. αὐτοὺς ξεχωριστὰ ὅσους μπορεῖς ἀπὸ τοὺς ὅ. ἀ.:

α—ἔνα	δ—τέσσερα	η—έπτα
θ—δύο	ε—πέντε	θ—δχτώ
γ—τρία	ζ—ξει	ι—ἐννέα

— Νὰ λές μιὰ φορὰ τὴν ἀφαίρεση ὅταν τὴν κάνεις καὶ ἄλλη μιὰ φορά, χωρὶς νὰ θλέπεις τοὺς ὅ. ἀ. ποὺ ἀφαίρεσες.

2. Ξαναφτιάξε τὴν σκάλα μὲ τοὺς δέκα ὅ. ἀ.

— Ἀφαίρεσε ἀπὸ καθένα ἀπὸ τοὺς ἀριθμοὺς αὐτοὺς ἐκεῦνο τὸν ἀριθμό, ποὺ θὰ σοῦ δώσει κάθε φορὰ τὴν πιὸ κάτω διαφορά:

α—ένα	δ—τέσσερα	η—έπτα
θ—δύο	ε—πέντε	θ—δχτώ
γ—τρία	ζ—ξει	ι—ἐννέα

— Νὰ λές μιὰ φορὰ τὴν ἀφαίρεση, ποὺ κάνεις, καὶ ἄλλη μιὰ φορὰ μετά, χωρὶς νὰ θλέπεις τοὺς ὅ. ἀ., ποὺ ἀφαίρεσες.

3. Φτιάξε τὸν ὅ. ἀ. τριάντα, θάζοντάς σ' ἐπαφὴ κατὰ τὸ μάκρος τρεῖς φορὲς τὸν ὅ. ἀ. δέκα.

— Ἀφαίρεσε ἀπὸ τὸν ἀριθμὸ τὸ δέκα, θάζοντάς τον ἀπάνω στὸν ὅ. ἀ. τριάντα μὲ κοινὴ ἀρχή. Ἀπὸ τὸ ὑπόλοιπο, ποὺ ἔμενε, ἀφαίρεσε ξανά τὸ δέκα, ὅπως ἔκανες προηγούμενα.

— Συνέχισε τίς ἀφαιρέσεις αὐτές δσο μπορεῖς νὰ τις κάνεις.

— Νὰ λές μιὰ φορὰ τὴν ἀφαίρεση, ὅταν τὴν κάνεις καὶ ἄλλη μιὰ φορὰ χωρὶς νὰ θλέπεις τοὺς ὅ. ἀ. ποὺ ἀφαίρεσες.

4. Ἀφαίρεσε ἀπὸ τὸ τριάντα, δῆπος προηγούμενα δυοῖς φορὲς μπεῖς, τοὺς ἀριθμούς:

α—ἐννέα	δ—ἔξι	η—τρία
β—όχτω	ε—πέντε	θ—δύο
γ—έπτα	ζ—τέσσερα	ι—ένα

### 3. Ο ΠΟΛΛΑΠΑΣΙΑΣΜΟΣ

1. Φτιάξε παίρνοντας δύο φορὲς τὸν ύ. ἀ. τρία ἔνα δρθογώνιο.

— Βρές καὶ πές μου πόσες μονάδες ἔχει τὸ δρθογώνιο, ποὺ ἔφτιαξες; (Ἔχει ἔξι μονάδες).

— Μπορεῖς νὰ πεῖς «Ἀν πάρω δυὸς φορὲς τὸ τρία ἔχω ἔξι» ἢ πιὸ ἀπλᾶ «Δύο φορὲς τὸ τρία κάνει ἔξι».

— Πῶς λέμε τὴν πράξη αὐτή; (Πολλαπλασιασμόμ).

— Τὸν ἀριθμό, ποὺ παίρνουμε πολλές φορές, ὅταν κάνουμε πολλαπλασιασμό, τὸν λέμε π ο λ λ α π λ α σ i α σ t é o. ἢ π αράγοντα τοῦ πολλαπλασιασμοῦ.

— Τὸν ἀριθμό, ποὺ μᾶς λέει πόσες φορὲς νὰ πάρουμε τὸν πολλαπλασιαστέο, τὸν λέμε π ο λ λ α π λ α σ i α σ t ή.

— Τὶς μονάδες, δλων τῶν παραγόντων μαζί, τὶς λέμε γ i n ó μ e n o τοῦ π ο λ λ α π λ α σ i α σ μ o.

2. Φτιάξε δρθογώνια παίρνοντας τὸν ύ. ἀ. δύο, μιὰ φορά, δυὸς φορές, τρεῖς φορές κλπ. μέχρι δέκα φορές.

— Νά λέες μιὰ φορὰ τὸν πολλαπλασιασμό, ποὺ κάνεις, ὅταν φτιάχνεις τὸ δρθογώνιο καὶ ἄλλη μιὰ φορὰ χωρὶς νὰ τὸ θλέπεις.

— «Ολους τοὺς πολλαπλασιασμούς, ποὺ ἔκανες, τοὺς λέμε π ρ o - π αίδεια ἢ π υ θ α γ ό ρ ε i o π i n α κ α.

Ἄσκήσεις.

1. Φτιάξε πάνω στὴν πινακίδα τὸ τετράγωνο τοῦ ύ. ἀ. δέκα.

—Ξεχώρισε πάνω σ' αὐτὸ μὲ τὰ δάχτυλά σου διάφορα δρθογώνια, ποὺ νὰ ἔχουν κοινή τους γωνία τὴν κάτω ἀριστερὴ γωνία τοῦ τετραγώνου, βάσην ἵση μὲ τὸ δύο καὶ ὅψη διάφορα ἀπὸ ἔνα μέχρι δέκα.

— Κάθε φορά, νὰ λέες πόση εἶναι ἡ ἐπιφάνεια τοῦ δρθογωνίου, ποὺ ξεχωρίζεις. Π.χ. «Δύο ἐπὶ τρία κάνει ἔξι».

—Ἐπανάλαβε τὸν πολλαπλασιασμό, ποὺ κάνεις ἔτσι ἄλλη μιὰ φορὰ χωρὶς νὰ θλέπεις τὸ δρθογώνιο, ποὺ ἀντιστοιχεῖ σ' αὐτόν.

2. Φτιάξε δέκα τέτοια δρθογώνια γιὰ κάθε μιὰ ἀπὸ τὶς βάσεις:

α—τρίγ	δ—ἔξι	η—ἐννέα
β—τέσσερα	ε—έπτα	θ—δέκα
γ—πέντε	ζ—όχτω	

καὶ κάθε φορὰ νὰ λέες, δῆπος προηγούμενα, δυὸς φορὲς τὸν κάθε πολλαπλασιασμό, ποὺ κάνεις.

#### 4. Η ΔΙΑΙΡΕΣΗ

1. Βάλε πάνω στήν πινακίδα δύο στούς τούς ίσους μὲν α. καὶ σὲ συνέχεια μοίρασέ τους σὲ τρεῖς ίσοϋψεις στήλες.

- Πόσους ἔχει κάθε μιὰ στήλη; (*Έχει δύτικά περισσεύει καὶ ἕνα*).
- Πῶς λέμε τὴν πράξη, ποὺ ἔκανες; (*Διαίρεση*).
- Πῶς λέμε τὸν ἀριθμό, ποὺ διαιρεσες; (*Διαίρετο*).
- Πῶς λέμε τὸν ἀριθμὸ τῶν μονάδων κάθε στήλης; (*Πηλικό*).
- Πῶς λέμε τὸν ἀριθμὸ τῶν στηλῶν ποὺ ἔφτιαξες; (*Διαίρετη*).
- Πῶς λέμε αὐτό, ποὺ περίσσεψε; (*Υπόλοιπο*).

2. Βάλε πάνω στήν πινακίδα τὸν α. δέκα.

- Βάλε πάνω του τὸν α. τρία δύσες φορὲς χωράει.

— Πές μου πόσες φορὲς χώρεσε καὶ τί ύπόλοιπο ἄφησε; (*Χώρεσε τρεῖς φορὲς καὶ ἄφησε ύπόλοιπο ἕνα*).

Α σκήσεις.

1. Μοίρασε δύο τὰ μικρὰ ἀσπρα σὲ ίσοϋψεις στήλες πάνω στὸν α. δύο. Πές μου τὴ διαιρεση, ποὺ κάνεις. Π.χ. «Είκοσιπέντε διὰ τρία δίνει πηλικό δύτικά καὶ ύπόλοιπο ἕνα».

— Κάνε τὸ ἴδιο πάνω σὲ κάθενα α. καὶ κάθε φορὰ νὰ λέει τὴ διαιρεση, μιὰ φορὰ δταν τὴν κάνεις καὶ μιὰ φορὰ χωρὶς νὰ βλέπεις τοὺς α. ποὺ διαιρεῖς.

2. Βάλε πάνω σὲ κάθε α. καθένα α. καὶ πές μου δυὸ φορὲς δύπως προηγούμενα πόσες φορὲς χωράει καὶ τί ύπόλοιπο δίνει.

3. Φτιάξε τὸν α. τριάντα βάζοντας κατὰ μῆκος τρεῖς φορὲς τὸν α. δέκα. Βάλε πάνω σ' αὐτὸν τὸν α. ἐννέα δύσες φορὲς χωράει. Πές μου ποιός εἶναι ὁ διαιρέτης, ποιός ὁ διαιρετέος, ποιό τὸ πηλικό καὶ ποιό τὸ ύπόλοιπο. Κάνε αὐτὸ μὲν κάθε α. α.

## IX. ΛΥΣΕΙΣ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΩΝ ΧΩΡΙΣ ΨΗΦΙΑ

Η λύση τῶν διαφόρων προβλημάτων μὲ τὴ διήθεια τοῦ συστήματος αὗτοῦ δύπλας θὰ φανεῖ πιὸ κάτω, διευκολύνεται πάρα πολὺ.

Ἡ χρήση τοῦ ἐπιπτικοῦ μέσου μᾶς δίνει τὴ δυγατότητα, στὶς ἀπλέσ περιπτώσεις νὰ αἰσθητοποιοῦμε τὰ δεδομένα τοῦ προβλήματος φτιάχγοντας τὶς ἕδιες τὶς εἰκόνες τῶν δεδομένων αὐτῶν. Στὶς πιὸ σύνθετες περιπτώσεις αἰσθητοποιοῦμε τὰ δεδομένα τοῦ προβλήματος ἀντιστοιχώντας στὶς μονάδες τους ἀντίστοιχες ὄλικές μονάδες.

Παρουσιάζεται μάλιστα τὸ ἔξης σπουδαιό. Μὲ τὴν ὀλοκλήρωση τῆς αἰσθητοποίησης δύλων τῶν δεδομένων τοῦ προβλήματος, εἶγαι ηδη διαμορφωμένη καὶ ἡ λύση του. Εἶναι δηλαδὴ αὐτόματα λυμένο τὸ πρόβλημα. Δὲν μένει παρὰ ἡ ἀνάγνωση τῆς λύσης καὶ ἡ γραφή της μὲ φηφία.

Στὴ σελίδα 30 φαίνονται λύσεις προβλημάτων πρόσθιεσγες, ἀφαίρεσης, πολλαπλασιασμοῦ καὶ διαιρέσης.

### 1. ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ ΠΡΟΣΘΕΣΗΣ

1. Στὰ γενέθλιά σου σοῦ χαρίσανε πολλὰ παιγνίδια. Ὁ πατέρας σου σοῦ χάρισε ἔνα δεροπλάνο, ἔνα φορτωτὴ καὶ μιὰ μπουλντόζα, ἥ μητέρα σου σοῦ χάρισε ἔνα γερανὸ καὶ ὁ ἀδερφός σου σοῦ χάρισε ἔνα ἑλικόπτερο καὶ μιὰ θάρκα.

— Μπορεῖς νὰ θρεπῖς πόσα εἶναι δλα τὰ παιγνίδια, ποὺ σοῦ χαρίσανε;

— Τί θὰ κάνεις ἀν ἔχεις δλα τὰ παιγνίδια μπροστά σου; (Θὰ τὰ μετρήσω ἔνα - ἔνα καὶ θὰ θρῶ πόσα εἶναι δλα).

2. "Ἄν δὲν ἔχεις τὰ παιγνίδια μπροστά σου, ἀλλὰ ἔχεις τὸ ὄλικὸ τῆς ἀριθμητικῆς, ποὺ δύπλας ἔρεις μπορεῖς νὰ κάνεις μὲ αὐτὸ τὴν εἰκόνα γιὰ κάθε παιγνίδι σου, τί θὰ κάνεις γιὰ νὰ θρεπῖς πόσα εἶναι δλα τὰ παιγνίδια σου; (Θὰ κάνω γιὰ κάθε παιγνίδι τὴν εἰκόνα του καὶ θὰ μετρήσω τὶς εἰκόνες. "Οσες εἶναι οἱ εἰκόνες τόσα εἶναι καὶ τὰ παιγνίδια μου").

— Γιατί οἱ εἰκόνες εἶναι δσες καὶ τὰ παιγνίδια; (Γιατί γιὰ κάθε παιγνίδι ἔκανα καὶ μία μόνο εἰκόνα).

— Κάνε λοιπὸν γιὰ κάθε παιγνίδι τὴν εἰκόνα του καὶ μέτρησέ τις. Πόσες εἶναι; (Εἶναι ἔξι).

— Πόσα εἶναι τὰ παιγνίδια σου; (Τὰ παιγνίδια μου εἶναι δσα καὶ οἱ εἰκόνες τους δηλαδὴ ἔξι).

3. "Ἐπειδὴ σὲ εἰδα ποὺ κουράστηκες νὰ φτιάξεις τὶς εἰκόνες δλων τῶν παιγνιδιῶν σου νὰ σκεφτοῦμε μήπως ὑπάρχει πιὸ εὔκολος καὶ πιὸ γρήγορος τρόπος νὰ θροῦμε πόσα εἶναι δλα τὰ παιγνίδια σου.

— "Αν άντι γιά τήν είκόνα τοῦ παιγνιδιοῦ θάζεις μιὰ μονάδα, πόσες θά είναι όλες οἱ μονάδες, ποὺ θά θάλεις; (Θά είναι δσα καὶ τὰ παιγνίδια).

— Γιά νὰ θεωρηθοῦμε θάλε γιά κάθε παιγνίδι μιὰ μονάδα καὶ μέτρησε τις. (Οἱ μονάδες είναι ἔξι, δσο είχαμε θρεῖ καὶ προηγούμενα, μὲ τὶς εἰκόνες τους).

— Ποιός ἀπ' δλους τοὺς τρόπους είναι ὁ πιὸ εὔκολος; (Μὲ τὶς μονάδες).

"Ετοι λοιπὸν στὸ μέλλον δὲν θὰ κουράζεσαι νὰ κουθαλᾶς μπροστά σου δτι ἔχεις νὰ λογαριάσεις, πρᾶγμα ποὺ πολλὲς φορὲς είναι δύσκολο ἢ ἀδύνατο. Σκέψου νὰ χρειαστεῖ νὰ μετρήσεις ἄλογα ἢ σπίτια ἢ δέντρα, ποὺ δὲν μπορεῖς νὰ τὰ μεταφέρεις μπροστά σου οὕτε νὰ κάνεις εὔκολα καὶ γρήγορα τὶς εἰκόνες τους. Θὰ χρησιμοποιεῖς ἀντὶ γι' αὐτὰ πρὸς τὸ παρὸν τὶς ύλικὲς μονάδες.

### Προσλήματα ματα

1. "Ενα χωρὶς εἶχε μόνο πέντε σπίτια. Κτίστηκαν δμως κι' ἄλλα δύο. Πόσα είναι τώρα ὅλα τὰ σπίτια τοῦ χωριοῦ;

2. "Εχεις στὴν τσάντα σου τέσσερα θιλία καὶ στὸ θρανίο σου ἄλλα τρία. Πόσα είναι ὅλα σου τὰ θιλία;

3. Δόστε κι' ἄλλα παρόμοια προσλήματα.

### 2. ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ ΑΦΑΙΡΕΣΗΣ

1. Σ' ἔνα γκαράζ ἦσαν πέντε αὐτοκίνητα. "Υστερα ἀπὸ λίγο φύγανε τὰ τρία. Πόσα αὐτοκίνητα μείνανε στὸ γκαράζ;

— Τὶ θὰ κάνεις πρῶτα; (Θὰ θάλω πάνω στὴν πινακίδα γιὰ κάθε αὐτοκίνητο, ποὺ ὑπῆρχε στὸ γκαράζ, μιὰ μονάδα).

— Πόσες μονάδες ἔθαλες; (Πέντε).

— Τώρα τί θὰ κάνεις; (Θὰ θγάλω ἀπὸ τὶς μονάδες, ποὺ ἔθαλα, μία γιὰ κάθε αὐτοκίνητο, ποὺ ἔφυγε).

— Πόσες μονάδες ἔθγαλες; (Τρεῖς).

— Πόσες μονάδες μείνανε; (Δύο).

— Πόσα αὐτοκίνητα μείνανε στὸ γκαράζ; ("Οσες καὶ οἱ μονάδες, ποὺ μείνανε, δηλαδὴ στὸ γκαράζ μείνανε δύο αὐτοκίνητα").

### Προσλήματα ματα

1. "Εχεις ἔξι καραμέλες. Δίνεις μιὰ στὸ Νίκο μιὰ στὸ Σπύρο. Πόσες καραμέλες σοῦ μείνανε;

2. "Εχεις δέκα δραχμές. Ψώνισες ἔνα τετράδιο καὶ πλήρωσες τρεῖς δραχμές. Πόσες δραχμές σοῦ μείνανε;

3. Δόστε κι' ἄλλα παρόμοια προσλήματα.

### 3. ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ ΠΟΛΛΑΠΛΑΣΙΑΣΜΟΥ

1. Ό όντερφός σου σοῦ χάρισε μιὰ φορά δυὸς θιελία καὶ ἄλλη μιὰ φορά ἄλλα δυὸς θιελία.

— Τί θὰ κάνεις γιὰ νὰ βρεῖς πόσα εἶναι ὅλα τὰ θιελία, ποὺ σοῦ χάρισε; (Θὰ θάλω δυὸς μονάδες μαζὶ γιὰ τὰ θιελία, ποὺ μοῦ χάρισε τὴ μιὰ φορὰ καὶ δυὸς ἄλλες μονάδες μαζὶ γιὰ τὰ δυὸς θιελία, ποὺ μοῦ χάρισε τὴν ἄλλη φορά.) “Υστερα θὰ τὶς μετρήσω καὶ θὰ βρῶ πόσες εἶναι ὅλες).

Π ο θ λ ἡ μ α τ α  
II α τ ἡ ρ η σ η: Τὸ παιδὶ μπορεῖ νὰ κάνει χρήση τῆς προπαίδειας, ποὺ ἔχει μάθει, γιὰ τὴ λύση αὐτῶν προβλημάτων.

1. Τρία γκαράζ ἔχουν ἀπὸ τρία αὐτοκίνητα τὸ καθένα. Πόσα αὐτοκίνητα ἔχουν ὅλα τὰ γκαράζ μαζὶ;

2. Σὲ κάθε θρανίο κάθονται δύο μαθητές. Πόσοι μαθητές κάθονται σὲ τέσσερα θρανία;

3. Δόστε κι ἄλλα παρόμοια προβλήματα.

### 4. ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ ΔΙΑΙΡΕΣΗΣ

1. “Ενας πατέρας εἶχε ἐπτὰ καραμέλες καὶ θέλει νὰ τὶς μοιράσει στὰ δυὸς του παιδιά ἔτσι, ώστε κάθε παιδὶ νὰ πάρει τόσες καραμέλες, δοσες θὰ πάρει καὶ τὸ ἄλλο παιδί.

— Πῶς θ' ἀρχίσεις νὰ λύνεις τὸ πρόβλημα; (Θὰ θάλω πάνω στὴν πινακίδα γιὰ κάθε καραμέλα, ποὺ εἶχε διατέρας μιὰ μονάδα).

— Πόσες μονάδες ἔχουν; (“Οσες καὶ οἱ καραμέλες δηλαδὴ ἐπτά).

— Τώρα τί θὰ κάνεις; (Θὰ μοιράσω τὶς μονάδες, δπως θὰ μοιράζε ὁ πατέρας τὶς καραμέλες).

— Πῶς θὰ τὶς μοιράσεις; (Θὰ θάξω σὲ μιὰ στήλη μιὰ μονάδα γιὰ τὸ ἔνα παιδὶ καὶ σὲ μιὰ ἄλλη στήλη μιὰ μονάδα γιὰ τὸ ἄλλο παιδί. Θὰ κάνω συνέχεια ἔτσι μέχρι νὰ τελειώσουν ὅλες οἱ μονάδες).

— Πόσες μονάδες ἔχει κάθε στήλη; (“Εχει τρεῖς, ἔμεινε καὶ μία ἀμοίραστη).

— Πόσες καραμέλες θὰ πάρει τὸ κάθε παιδί; (“Οσες καὶ οἱ μονάδες τῆς στήλης του, δηλαδὴ τρεῖς καραμέλες).

Π ο θ λ ἡ μ α τ α

1. Μοίρασε ἐπτὰ μολύθια σὲ τρεῖς μαθητές, ἔτσι ώστε κάθε μαθητὴς νὰ πάρει δσα θὰ πάρει καὶ δ ἄλλος. Βρές πόσα θὰ πάρει δ κάθε μαθητὴς καὶ πόσα θὰ περισσέψουν.

3. Δόστε κι ἄλλα παρόμοια προβλήματα.

## X. ΜΕΤΡΗΣΕΙΣ ΓΕΩΜΕΤΡΙΚΩΝ ΣΧΗΜΑΤΩΝ

Μέχρι τώρα τὸν κύριο τοῦ μικροῦ ἀσπρου τὸν θεωρήσαμε εἰτε σὰν σημεῖο χωρὶς διατάξεις δηλαδὴ χωρὶς μάκρος, πλάτος καὶ ὑψος, εἰτε σὰν μιὰ μονάδα, ποὺ ἀντιστοιχούσαμε σὲ κάθε στοιχεῖο συνόλου εἰτε σὰν ἀριθμητικὴ μονάδα.

— Τί σχῆμα εἶναι τὸ μικρὸ ἀσπρο; (Εἶναι στερεὸ σχῆμα).

— Μὲ ποιό γεωμετρικὸ σχῆμα ἀπὸ κεῖνα, ποὺ ξέρεις μοιάζει; (Μοιάζει μὲ τὸν κύριο γιατὶ ἔχει δλες του τίς ἀ κ μὲς ἵσες μεταξύ τους).

— Δηλαδὴ τὸ μάκρος του, τὸ πλάτος καὶ τὸ ὑψος του εἶναι ἵσα μεταξύ τους; (Ναὶ εἶναι ἵσα μεταξύ τους).

— Οἱ ἔδρες του τί σχῆματα ἔχουν; (Οἱ ἔδρες του εἶναι τετράγωνα).

### 1. Η ΜΕΤΡΗΣΗ ΤΟΥ ΜΑΚΡΟΥΣ

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα τὸ μεγάλο κόκκινο.

— Φτιάξε δίπλα σ' αὐτὸ καὶ σ' ἐπαφὴ μιὰ γραμμὴ ἀπὸ μικρὰ ἀσπρα ἵση μ' αὐτὸ μὲ κοινὴ ἀρχὴ καὶ τέλος.

— "Αν ποῦμε μάκρος τοῦ μικροῦ ἀσπρου κύριου τὴν ἀκμὴ του, ποὺ εἶναι παράλληλη πρὸς τὸ μεγάλο κόκκινο, τότε πόσο εἶναι τὸ μάκρος τοῦ μεγάλου κόκκινου; (Εἶναι δσα δλα τὰ μάκρη μαζὶ τῶν μικρῶν ἀσπρῶν, ποὺ ἔχει δίπλα του).

— Πόσα εἶναι τὰ μάκρη τῶν μικρῶν ἀσπρῶν; (Εἶναι δχτώ).

— Πόσο τελικὰ εἶναι τὸ μάκρος τοῦ μεγάλου κόκκινου; (Εἶναι ἵσο μὲ δχτὼ μάκρη μικρῶν ἀσπρῶν).

2. Τὸ μάκρος τοῦ μικροῦ ἀσπρου τὸ λέμε μονάδα μέτρησης τοῦ μάκρους.

— Πόσο μάκρος ἔχει τὸ μεγάλο κόκκινο δν τὸ μετρήσουμε μὲ μονάδες μάκρους; (Τὸ μεγάλο κόκκινο ἔχει μάκρος δχτὼ μονάδες μάκρη μαζὶ).

3. Τὴ δουλειά, ποὺ κάνωμε, νὰ θρίσκουμε τόσες μονάδες εἶναι τὸ μάκρος ἐνὸς πράγματος, τὴ λέμε μέτρηση τοῦ μάκρους.

Σημεῖο: Γιὰ νὰ μετρᾶμε πιὸ γρήγορα τὰ μάκρη ἀντὶ γιὰ ἔξεωριστὰ μικρὰ ἀσπρα δλαζούμε μεγαλύτερα κομμάτια, ποὺ ἔχουν πολλὲς μονάδες μάκρους μαζί.

4. Βάλε σὲ μιὰ γραμμὴ προεξοχῶν τῆς πινακίδας δυὸ μικρὰ ἀσπρα σὰν σημάδια μακρυά τὸ ἔνα ἀπὸ τὸ ἄλλο. Γέμισε τὴ γραμμὴ ἀνάμεσά τους μὲ μονάδες μάκρους (ἀπὸ μικρὰ ἢ μεγαλύτερα κομμάτια).

— Τὸ μάκρος τῆς γραμμῆς, ποὺ χώρεσε ἀνάμεσα στὰ δύο σημάδια τὸ λέμε ἀπόστασή του.

Ασκήσεις.

Δεῖξτε στὸ παιδὶ τὴ σελίδα 2.

1. Βάλε πάνω στὴν πινακίδα δλα τὰ κομμάτια, ποὺ θλέπεις.

— Βρές καὶ πές μου πόσες μονάδες εἶναι τὸ μάκρος κάθε κομματιοῦ.

2. Φτιάξε γραμμές άπό διάφορα κομμάτια και όρες τὸ μάκρος τῆς καθεμιᾶς.

3. Βάλε σὲ γραμμές προεξοχῶν τῆς πινακίδας άπό δύο μικρὰ ἄσπρα σὰν σημάδια καὶ μέτρησε τὴν ἀπόσταση ἀνάμεσά τους.

4. Βάλε σὲ γραμμές προεξοχῶν τῆς πινακίδας δύο μικρὰ ἄσπρα σὰν σημάδια, ποὺ νά ἀπέχουν μεταξύ τους, μιά, δυό, τρεῖς, τέσσερις, πέντε, ἔξι, ἕπτά, ὀκτώ, ἐννέα καὶ δέκα μονάδες μάκρους.

## 2. Η ΜΕΤΡΗΣΗ ΕΠΙΠΕΔΗΣ ΕΠΙΦΑΝΕΙΑΣ

1. Φτιάξε ἔνα δρθογώνιο πάνω στὴν πινακίδα άπό δυό μικρὰ μπλέ.

—Οποις θὰ θυμᾶσαι τὴν πιὸ μακρύ πλευρὰ τοῦ δρθογωνίου τὴ λέμε συνήθως μάκρος του, τὴν ἄλλη του πλευρὰ τὴν κάθετη τῇ λέμε πλάτος του.

—Σκέπασε ὅλο τὸ δρθογώνιο αὐτὸ μὲ μικρὰ ἄσπρα.

—Πόση εἰναι ἡ ἐπιφάνεια τοῦ μπλέ δρθογωνίου; (Εἶναι ἵση μὲ ὅλες μαζὶ τὶς ἐπιφάνειες, ποὺ ἔχουν οἱ πάνω ἔδρες μικρῶν ἄσπρων, ποὺ τὸ σκεπάζουν).

2. Τὴν ἐπιφάνεια τῆς κάθε μιᾶς ἔδρας τοῦ μικροῦ ἄσπρου τῇ λέμε μονάδα μέτρος τῆς ἐπιφάνειας.

—Πόσες μονάδες ἐπιφανείας χρειάστηκαν γιὰ νὰ σκεπαστεῖ ὅλο τὸ μπλέ δρθογώνιο; (Δέκα μονάδες ἐπιφανείας).

—Πόση εἰναι ἡ ἐπιφάνεια τοῦ μπλέ δρθογωνίου; (Εἶναι ἵση μὲ δέκα μονάδες ἐπιφανείας).

3. Μὲ τί εἰναι ἵσο τὸ μάκρος αὐτοῦ τοῦ δρθογωνίου; (Εἶναι ἵσο μὲ πέντε μονάδες μάκρους).

—Μὲ τί εἰναι ἵσο τὸ πλάτος αὐτοῦ τοῦ δρθογωνίου; (Εἶναι ἵσο μὲ δύο μονάδες μάκρους).

—Πολλαπλασίασε τὶς μονάδες τοῦ μάκρους μὲ τὶς μονάδες τοῦ πλάτους καὶ πές μου πόσα όρίσκεις; (Δύο ἐπὶ πέντε κάνει δέκα).

—Δηλαδὴ ὃν πολλαπλασιάσουμε τὶς μονάδες τοῦ μάκρους μὲ τὶς μονάδες τοῦ πλάτους τοῦ δρθογωνίου τί όρίσκουμε; (Όρίσκουμε τὴν ἐπιφάνεια τοῦ δρθογωνίου).

4. Τὴ δουλειά, ποὺ κάνουμε νὰ όρίσκουμε πόσες μονάδες ἐπιφάνειας εἰναι ἡ ἐπιφάνεια ἐνὸς σχήματος, τὴ λέμε μέτρηση τῆς ἐπιφάνειας τοῦ σκεπαστοῦ αὐτοῦ.

\*Α σκήψεις.

1. Φτιάξε μικρὰ μονόχρωμα δρθογώνια σχήματα και όρες πόση εἰναι ἡ ἐπιφάνειά τους,

α.—μετρώντας τὰ μικρὰ ἄσπρα ἢ μεγαλύτερα κομμάτια, ποὺ χρειάζονται γιὰ νὰ τὰ σκεπάσεις

β.—πολλαπλασιάζοντας τὶς κάθετες πλευρές τους.

2. Φτιάξε μονόχρωμα ἢ πολύχρωμα μικρὰ τετράγωνα και όρες τὴν ἐπιφάνειά τους:

- α.—μετρώντας τις μονάδες έπιφανείας τους,  
6.—πολλαπλασιάζοντας τις δύο κάθετες πλευρές τους.  
3. Φτιάξε σύνθετα έπιπεδα σχήματα και βρές τις έπιφανείες τους:  
α.—μετρώντας τις μονάδες έπιφανείας,

6.—χωρίζοντάς τα σε δρθιογώνια σχήματα πολλαπλασιάζοντας σε συνέχεια τις κάθετες πλευρές τους και άθροιζοντας τὰ γινόμενά τους.

### 3. Η ΜΕΤΡΗΣΗ ΣΤΕΡΕΩΝ

1. Βάλε πάνω στήν πινακίδα τρία μικρά ἄσπρα, κι' ἄλλα τρία μικρά ἄσπρα σ' ἐπαφή κατά πλάτος και μὲ κοινῇ ἀρχή. Βάλε πάνω σ' αὐτά μιὰ ἄλλη στρώσῃ ἀπὸ μικρά ἄσπρα ὅστε νὰ σκεπάσεις τὰ πρῶτα και νὰ γίνει ἔνα παραλληλεπίπεδο.

— Τί θὰ κάνεις γιὰ νὰ βρεῖς μὲ πόσα εἶναι δλα τὰ μικρά ἄσπρα τοῦ παραλληλεπίπεδου; (Θὰ τὸ ξαναδιαλύσω και θὰ τὰ μετρήσω).

2. Πῶς μπορεῖς νὰ βρεῖς πόσα μικρά ἄσπρα ἔχει μιὰ στρώση; (Πολλαπλασιάζοντας τις μονάδες τοῦ μάκρους μὲ τὶς μονάδες τοῦ πλάτους τῆς στρώσης).

— “Οταν ξέρεις πόσα μικρά ἄσπρα ἔχει κάθε μία στρώση πῶς μπορεῖς νὰ βρεῖς πόσα μικρά ἄσπρα ἔχουν οἱ δυὸ στρώσεις; (Θὰ πολλαπλασιάσω τὰ μικρά ἄσπρα, ποὺ ἔχει ἡ μιὰ στρώση μὲ τὸ δύο).

— Πῶς ἀλλοιῶς μπορεῖς νὰ βρεῖς πόσα μικρά ἄσπρα ἔχει τὸ παραλληλεπίπεδο; (Θὰ βρῶ πόσα μικρά ἄσπρα ἔχει κάθε στρώση ὕστερα πόσες εἶναι δλες οἱ στρώσεις και θὰ τὶς πολλαπλασιάσω μὲ τὸν ἀριθμὸ τῶν στρώσεων γιὰ νὰ βρῶ πόσα εἶναι δλα τὰ μικρά ἄσπρα).

3. Τὸ μικρὸ ἄσπρο τὸ λέμε μονάδα μέτρησης τοῦ στερεοῦ ἢ τοῦ ὅγκου.

— Πόσες μονάδες ὅγκου ἔχει τὸ παραλληλεπίπεδο; “Εχει δώδεκα μονάδες).

4. Τὴ δουλειά, ποὺ κάνουμε νὰ βρίσκουμε πόσες μονάδες ὅγκου εἶναι ὁ ὅγκος ἐνὸς σχήματος, τὴ λέμε μέτρηση τοῦ ὅγκου τοῦ στερεοῦ αὐτοῦ.

Α σκήσεις.

1. Φτιάξε μικρὰ παραλληλεπίπεδα και βρές μὲ πόσες μονάδες είναι ίσα.

α.—διαλύοντάς τα και μετρώντας τις μονάδες του,

β.—πολλαπλασιάζοντας τις μονάδες κάθε στρώσης μὲ τὸν ἀριθμὸ τῶν στρώσεων.

2. Φτιάξε μικροὺς κύθους και βρές ἀπὸ πόσες μονάδες ἀποτελοῦνται, ὅπως προηγούμενα.

3. Φτιάξε διάφορα στερεὰ σχήματα και βρές ἀπὸ πόσες μονάδες ἀποτελοῦνται, ὅπως νομίζεις καλύτερα.

## X. ΣΥΜΜΕΤΡΙΑ

Τὰ σχετικὰ μὲ τὴν συμμετρίαν φαίνονται στὴν σελίδα 31.

1. Φτιάξε μιὰ γραμμὴ σὲ μιὰ στήλη περίπου στὴν μέση τῆς πινακίδας.

— Τὴν γραμμὴν αὐτὴν θὰ τὴν λέμε ἄξοναν α.

2. Φτιάξε ἔνα κόκκινο τζίπι ἀριστερὰ τοῦ ἄξονα.

— Βρές πόσο ἀπέχει ἡ πίσω ρόδα τοῦ τζίπι ἀπὸ τὸν ἄξονα.

— Βάλε μιὰ ἄλλη ρόδα στὴν γραμμήν, ποὺ θρίσκονται οἱ ρόδες τοῦ τζίπι, ἀλλὰ ἀπὸ τὴν δεξιὰ μεριά τοῦ ἄξονα.

— Ή τὸν ρόδα, ποὺ θὰ θάλεις, ν' ἀπέχει ἀπὸ τὸν ἄξονα ὅσο καὶ ἡ πίσω ρόδα τοῦ τζίπι.

— Βάλε στὴν ἴδιαν γραμμὴν μιὰ ἄλλη ρόδα, ποὺ ν' ἀπέχει ἀπὸ τὸν ἄξονα ὅσο καὶ ἡ μπροστινὴ ρόδα τοῦ τζίπι.

— Κάνε τὸ ἴδιο καὶ μὲ τὰ ἄλλα μέρη τοῦ ἀριστεροῦ τζίπι.

— Τί ἔγινε στὴν δεξιὰ μεριά τοῦ ἄξονα; ("Ἔγινε ἔνα τζίπι").

— Είναι τὸ τζίπι αὐτὸν ἴδιο μὲ τὸ ἄλλο, ποὺ πήραμε σὰν θάση; (Ναι είναι ἴδιο μ' αὐτό).

— Κόθη φορὰ νὰ θάξεις ἴδιο κομμάτι καὶ σὲ ἵση ἀπόσταση.

3. Τὸ νέο τζίπι, ποὺ ἔφτιαξες τὸ λέμε συμμετρικό τοῦ πρώτου.

4. Τὸν ἄξονα, ποὺ χρησιμοποιήσαμε, τὸν λέμε ἄξοναν α συμμετρικός.

Α σκήνσεις.

1. Κάνε πρῶτα τὸ δεξιὸ τζίπι κι' ὑστερα κάνε ἀριστερὰ τὸ συμμετρικό του.

2. Κάνε πρῶτα τὴν θάρκα καὶ τὴν μπουλντόζα, ἀριστερὰ τοῦ ἄξονα συμμετρίας. Κάνε ὑστερα τὰ συμμετρικά τους δεξιά τοῦ ἄξονα συμμετρίας.

4. Κάνε διάφορες εἰκόνες ἀπὸ τὴν μιὰ μεριά τοῦ ἄξονα συμμετρίας καὶ σὲ συνέχεια τὶς συμμετρικές τους ἀπὸ τὴν ἄλλη.

5. Κάνε πάνω στὴν πινακίδα δύο κάθετους μεταξύ τους ἄξονες συμμετρίας, ἔναν μπλέ καὶ ἔναν κόκκινο.

— Φτιάξε ἔνα τζίπι καὶ φτιάξε τὸ συμμετρικό του ὡς πρὸς τὸ κόκκινο ἄξονα.

— Φτιάξε σὲ συνέχεια τὸ συμμετρικὸ τζίπι, τοῦ συμμετρικοῦ τζίπι, ποὺ ἔφτιαξες ὡς πρὸς τὸν μπλέ ἄξονα.

6. Κάνε διακοπές στὴν προηγούμενη ἀσκηση μ' ἔνα δέντρο.

7. Κάνε στερεὰ σχήματα ἀπὸ τὴν μιὰ μεριά τοῦ ἄξονα καὶ τὰ συμμετρικά τους ἀπὸ τὴν ἄλλη.

## XII. Η ΓΡΑΦΙΚΗ ΠΑΡΑΣΤΑΣΗ

Τὰ σχετικὰ μὲ τὴ γραμμὴ παράσταση φαίνονται στὴ σελίδᾳ 32.

1. Φτιάξε πάνω σὲ μιὰ γραμμὴ τῆς θάσης ἔνα κόκκινο ἄξονα. Βάλτου στὴν ἄκρη ἔνα ψέλος, ποὺ νὰ δείχνει, πώς ἔχει κατεύθυνση ἀπὸ ἀριστερά πρὸς τὰ δεξιά.

— Φτιάξε πάνω σὲ μιὰ στήλη ἔνα μπλὲ ἄξονα, ποὺ ν' ἀρχίζει ἀπὸ κεῖ, ποὺ ἀρχίζει καὶ δικόκκινος ἄξονας. Βάλτου κι<sup>ν</sup> αὐτοῦ ἔνα ψέλος, ποὺ νὰ δείχνει, πώς ἔχει κατεύθυνση ἀπὸ κάτω πρὸς τὰ πάνω.

— Φτιάξε τὴν κόκκινη γραμμὴ καὶ τὸ δέντρο, δπως τὰ θλέπεις στὴ σελίδα αὐτῇ.

— Βρές καὶ πές μου πόσο ἀπέχει κάθε σημεῖο τῆς κόκκινης γραμμῆς ἀπὸ τὸν μπλὲ ἄξονα καὶ πόσο ἀπὸ τὸν κόκκινο ἄξονα.

— Κάνε τὸ ἵδιο γιὰ τοὺς κύθους τοῦ δέντρου.

2. Θὰ κάνεις ἔνα παιγνίδι ἀνάμεσα στοὺς δύο ἄξονες. Θὰ θάξεις μικρὰ ἀσπρα σὲ δρισμένες ἀποστάσεις ἀπὸ τὸν κάθε ἄξονα. Τὶς ἀποστάσεις θὰ τὶς μετρᾶς μὲ μονάδες μάκρους, ποὺ ἔχεις μάθει. Μιὰ μονάδα μάκρους εἶναι ἵση, δπως θυμᾶσαι, μὲ τὴν ἄκμὴν τοῦ μικροῦ ἀσπρου.

— Ἔτσι, δταν ἡ ἀπόσταση τοῦ μικροῦ ἀσπρου ἀπὸ τὸν μπλὲ ἄξονα εἶναι δύο μονάδες θὰ σοῦ λέω δύο μπλέ, δταν ἡ ἀπόσταση τοῦ μικροῦ ἀσπρου ἀπὸ τὸν κόκκινο ἄξονα εἶναι τρεῖς μονάδες θὰ σοῦ λέω κόκκινο τρία ἢ κάπα τρία.

— Βάλε ἀνάμεσα στοὺς δύο ἄξονες μικρὰ ἀσπρα, ποὺ τὸ καθένα ν' ἀπέχει ἀπὸ κάθε ἄξονα τὶς κάτω ἀποστάσεις:

μ. ἔνα, κ. ἔνα	μ. τέσσερα, κ. δύο	μ. τρία, κ. τρία
μ. ἔνα, κ. δύο	μ. τρία, κ. δύο	μ. τέσσερα, κ. τρία
μ. δύο, κ. δύο	μ. τέσσερα, κ. ἔνα	

— Τὶ σχῆμα εἶναι αὐτὸ ποὺ ἔφτιαξες; (Εἶναι ἔνα ἀσπρό τζίπ).

3. Τὴ δουλειά, ποὺ κάνεις τὴ λέμε, γραφική σταση.

\*Α σκήνεις.

1. Βάλε μικρὰ ἀσπρα στὶς πιὸ κάτω ἀποστάσεις ἀπὸ τοὺς ἄξονες: (μ. ἔνα, κ. ἔξι), (μ. δύο, κ. ἑπτά), (μ. τρία, κ. δκτώ).

— Τὶ εἶναι αὐτὸ ποὺ ἔφτιαξες; (Μιὰ λοξὴ γραμμή).

2. Βάλε μικρὰ ἀσπρα στὶς πιὸ κάτω ἀποστάσεις ἀπὸ τοὺς ἄξονες:

μ2,	κ1	μ10,	κ1	μ10,	κ5	μ6,	κ3	μ5,	κ4
μ2,	κ2	110,	κ2	μ11,	κ6	μ7,	κ3	μ6,	κ4
μ4,	κ1	μ1,	κ5	μ12,	κ7	μ8,	κ3	μ7,	κ4
μ4,	κ2	μ1,	κ6	μ3,	κ3	μ9,	κ3	μ8,	κ4
μ8,	κ1	μ2,	κ5	μ4,	κ3	μ3,	κ4	μ9,	κ4
μ8,	κ2	μ2,	κ6	μ5,	κ3	μ4,	κ4		

— Απὸ τὸ σημεῖο (μ3, κ3) καὶ μετὰ μπορεῖς νὰ θάλεις δυὸ μεγάλα ἀσπρα. Τὸ σχῆμα, ποὺ θὰ θγῆ, θὰ σοῦ ἀρέσει, εἶναι μιὰ ἀσπρη γάτα.

### XIII. ΤΑ ΨΗΦΙΑ ΤΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ

\*Ηδη τὸ παιδὶ μὲ τὸ σύστημα αὐτὸ εἶχε τὴν εὐκαιρία νὰ μάθει τὶς ἔννοιες τῶν ἀριθμῶν, τὰ ὄγκιατά τους μέχρι τὸ ἐκατό, νὰ μάθεις τὶς ἔννοιες, καὶ τὶς διαδικασίες πολλῶν πράξεων καὶ σχέσεων καθὼς ἐπίσης καὶ πώς λέγονται αὐτές. Ἐπίσης μὲ τὶς πολλὲς κι' εὐγάριστες ἀσκήσεις εἶχε τὴν εὐκαιρία νὰ ξεκαθαρίσει καὶ νὰ συστηματοποιήσει ὅλα τὰ παραπάνω. Ἡ διολκήρωση τῆς γνώσης τῶν ἔννοιῶν αὐτῶν μὲ τὴν ἐκμάθηση καὶ τῶν ἀντιστοίχων φηφίων τῶν ἀριθμῶν καὶ τῶν συμβόλων τῶν πράξεων εἶναι μιὰ ἀπλῆ ἀντιστοιχία.

Εἶναι πολὺ εὔκολο στὸ παιδὶ νὰ μάθει, πώς γιὰ κάθε ἀριθμό, ποὺ γνωρίζει τόσο καλά, ὑπάρχει μιὰ γραπτὴ εἰκόνα, τὸ φηφίο του καὶ γιὰ κάθε πράξη ἡ σχέση ὑπάρχει ἔνα σύμβολο, ποὺ τὴν συμβούλει.

#### 1. ΤΑ ΨΗΦΙΑ ΑΠΟ ΤΟ ΜΗΔΕΝ ΕΩΣ ΤΟ ΕΝΝΕΑ

1. Μέτρησε καὶ πές μου τὰ μολύβια, ποὺ ἔχει κάθε συμμαθητής σου πάνω στὸ τραπέζι του; (Ο Πέτρος ἔχει τρία, ἡ Μαρία πέντε, ὁ Νίκος ἔξι καὶ ἡ Ἐλένη δύο).

—”Αν σὲ μερικές μέρες σὲ ξαναρωτήσω θὰ θυμάσαι νὰ μοῦ πεῖς τὸν ἀριθμὸ τῶν μολυβιῶν κάθε συμμαθητή σου ἡ θὰ ἔχεις ξεχάσει μερικοὺς τέτοιους ἀριθμούς; (Ισως νὰ ἔχω ξεχάσει μερικούς).

—Εἰπες, πώς ὁ Νίκος ἔχει ἔξι μολύβια. ”Αν εἴχαμε ἔνα σημάδι, ποὺ νὰ σημαίνει τὸν ἀριθμὸ ἔξι, π.χ. ἔνα κουλουράκι μὲ μιὰ οὐρίτσα πρὸς τὰ πάνω (6), τί θὰ μᾶς θύμιζε κάθε φορά, ποὺ θὰ τὸ βλέπαμε; (Θὰ μᾶς θύμιζε τὸν ἀριθμὸ ἔξι).

—Τί σημάδι πρέπει νὰ γράψεις πάνω στὸ τραπέζι τοῦ Νίκου γιὰ νὰ ξέρεις, δηποτα μέρα κι' ἀν σὲ ρωτήσω, δτι ὁ Νίκος ἔχει ἔξι μολύβια; (Θὰ γράψω τὸ κουλουράκι μὲ τὴν οὐρίτσα πρὸς τὰ πάνω, ποὺ σημαίνει τὸν ἀριθμὸ ἔξι).

2. Τὰ σημάδια αὐτὰ τὰ λέμε ψηφία τῶν ἀριθμῶν.

—Ἐπειδὴ τὰ ψηφία μᾶς διευκολύνουν νὰ μὴ ξεχνᾶμε τοὺς ἀριθμούς, ποὺ μᾶς ἐνδιαφέρουν, ἔχουμε ψηφία γιὰ δλους τοὺς ἀριθμούς.

—”Οπως θὰ δοῦμε πιὸ κάτω τὰ ψηφία μᾶς διευκολύνουν πολὺ καὶ δύταν ἔχουμε νὰ κάνουμε πρόσθετη, ἀφαίρεση, πολλαπλασιασμὸ καὶ διαίρεση μὲ ἀριθμούς, γι' αὐτὸ πρέπει νὰ τὰ μάθουμε καλά.

3. Θὰ μάθουμε πρώτα τὰ ψηφία τῶν ἀριθμῶν μέχρι τὸ ἐννέα.

— γιὰ τὸν ἀριθμὸ ἔνα      ἔχουμε τὸ ψηφίο 1

— γιὰ τὸν ἀριθμὸ δύο      ἔχουμε τὸ ψηφίο 2

— γιὰ τὸν ἀριθμὸ τρία      ἔχουμε τὸ ψηφίο 3

— γιὰ τὸν ἀριθμὸ τέσσερα      ἔχουμε τὸ ψηφίο 4

— γιὰ τὸν ἀριθμὸ πέντε      ἔχουμε τὸ ψηφίο 5

- γιὰ τὸν ἀριθμὸν ξεῖ, ἔχουμε τὸ ψηφίον 6
- γιὰ τὸν ἀριθμὸν ἑπτά, ἔχουμε τὸ ψηφίον 7
- γιὰ τὸν ἀριθμὸν ὅχτω, ἔχουμε τὸ ψηφίον 8
- γιὰ τὸν ἀριθμὸν ἑννέα, ἔχουμε τὸ ψηφίον 9
- γιὰ τὸ μηδὲν, ἔχουμε τὸ ψηφίον 0

4. Πόσα ψηφία ἔχει δικαίωνας ἀπό τοὺς ἀριθμούς, ποὺ γράψαμε; (*Οι καθένας ἀπό τοὺς ἀριθμούς, ποὺ γράψαμε, ἔχει ἀπό ένα μόνο ψηφίο*).

— Τοὺς ἀριθμούς, ποὺ ἔχουν ένα μόνο ψηφίο, τοὺς λέμε μονοψήφιους αριθμούς.

**Α σκήνη σεις.**

— Γράψε τὰ ψηφία:

1. ἀπό τὸ μηδὲν ἀνεβαίνοντας κατὰ ένα, μέχρι τὸ ἑννέα
2. ἀπό τὸ ἑννέα, κατεβαίνοντας κατὰ ένα, μέχρι τὸ μηδὲν
3. ἀπό τὸ μηδὲν, ἀνεβαίνοντας κατὰ ένα, μέχρι τὸ ὅχτω
4. ἀπό τὸ ὅχτω, κατεβαίνοντας κατὰ δύο, μέχρι τὸ μηδὲν.
5. ἀπό τὸ μηδὲν, ἀνεβαίνοντας κατὰ τρία, μέχρι τὸ ἑννέα
6. ἀπό τὸ ἑννέα, κατεβαίνοντας κατὰ τρία, μέχρι τὸ μηδὲν
7. ἀπό τὸ μηδὲν, ἀνεβαίνοντας κατὰ τέσσερα, μέχρι τὸ ὅχτω
8. ἀπό τὸ ὅχτω, κατεβαίνοντας κατὰ τέσσερα, μέχρι τὸ μηδὲν

## 2. ΤΑ ΨΗΦΙΑ ΤΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ ΑΠΟ ΔΕΚΑ ΕΩΣ ΕΚΑΤΟΝΤΑ

1. Θά μπορούσαμε νὰ φτιάξουμε ψηφία καὶ γιὰ δλους τοὺς ἀριθμούς, ποὺ ξέρεις; (*Ναι θὰ μπορούσαμε*).

— Θὰ σου ήταν εὔκολο νὰ θυμᾶσαι, κάθε φορά, τόσα πολλὰ διαφορετικὰ ψηφία; (*Όχι δὲν θὰ μοῦ ήταν εὔκολο*).

2. Γιὰ τὸ λόγο αὐτό, σκεφτήκαμε νὰ γράψουμε διποιονδήποτε ἀριθμὸν χρησιμοποιώντας μόνο τὰ ψηφία, ποὺ ἔμαθες μέχρι τώρα.

— “Ἄς προσπαθήσουμε νὰ γράψουμε τὸν ἀριθμὸν πενήντα δύο.

— Πόσες δεκάδες ἔχει; (*Έχει πέντε δεκάδες*).

— Πόσες μονάδες ἔχει ἀκόμη; (*Έχει ἀκόμη δύο μονάδες*).

— Γράψε τὶς μονάδες, ποὺ ἔχει (2).

— Γράψε ἀριστερὰ ἀπό τὸ δύο, ποὺ ἔγραψες, τὶς δεκάδες ποὺ ἔχει (5).

— Ποιός εἶναι δικαίως, ποὺ ἔγραψες; (*Εἶναι δικαίως πενήντα δύο*).

— Πῶς διαθέτεις αὐτό, ποὺ ἔγραψες; (*Πενήντα δύο*).

— Πόσες δεκάδες καὶ πόσες ἀκόμη μονάδες ἔχει τὸ εἴκοσι; (*Τὸ εἴκοσι ἔχει δύο δεκάδες καὶ μηδὲν ἀκόμη μονάδες*).

— Γράψε τὸ εἴκοσι. (20).

— Τὶ κάνουμε γιὰ νὰ γράψουμε ένα ἀριθμὸν μεγαλύτερο ἀπό τὸ ἑννέα; (*Γράψουμε πρῶτα τὸν ἀριθμὸν τῶν δεκάδων, ποὺ ἔχει καὶ δεξιά του τὸν ἀριθμὸν τῶν μονάδων, ποὺ ἔχει ἀκόμη*).

— Τὸ έκατὸ πόσες δεκάδες ἔχει καὶ πόσες ἀκόμη μονάδες ἔχει; (*Έχει δέκα δεκάδες καὶ καμμιὰ ἀκόμη μονάδα*).

—Γράψε μου τὸν ἀριθμὸν ἑκατόν. (100).

3. Τοὺς ἀριθμούς, ποὺ ἔχουν περισσότερα ἀπὸ ἕνα ψηφία τοὺς λέμε πολυ ωψή φιούς ἀριθμούς.

4. Γράψε τὸν ἀριθμὸν ἑξῆντα ἐπτὰ καὶ κάτω ἀπὸ αὐτὸν τὸν ἀριθμὸν δύδοντα τρία, ἔτσι ὥστε τὸ ψηφία 3 τῶν μονάδων τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ νὰ εἰναι ἀκριβῶς κάτω ἀπὸ τὸ ψηφία 7 τῶν μονάδων τοῦ πρώτου, ὅπότε καὶ τὸ ψηφία 8 τῶν δεκάδων του θὰ εἰναι ἀκριβῶς κάτω ἀπὸ τὸ ψηφία 6 τῶν δεκάδων τοῦ πρώτου ἀριθμοῦ.

Τὴ γραμμή, ποὺ σχηματίζουν τὰ ψηφία τῶν μονάδων, τὴ λέμε στήλη τῶν μονάδων. Τὴ γραμμή, ποὺ σχηματίζουν τὰ ψηφία τῶν δεκάδων, τὴ λέμε στήλη τῶν δεκάδων.

Α σκήσεις.

Γράψε τοὺς ἀριθμούς:

1. Δέκα, εἴκοσι, τριάντα, σαράντα, πενήντα, ἑξῆντα, ἑθδομῆντα, δύδοντα, ἐνεντήνα, ἑκατό.
2. Ἀπὸ τὸ μηδὲν ἔως τὸ ἑκατό, ἀνεβαίνοντας κατὰ ἕνα.
3. Ἀπὸ τὸ μηδὲν ἔως τὸ ἑκατό, ἀνεβαίνοντας κατὰ πέντε.
4. Ἀπὸ τὸ μηδὲν ἔως τὸ ἑκατό, ἀνεβαίνοντας κατὰ δύο.
5. Ἀπὸ τὸ ἑκατό ἔως τὸ μηδέν, κατεβαίνοντας κατὰ δύο.
6. Ἀπὸ τὸ ἑνενήντα ἔως τὸ μηδέν, κατεβαίνοντας κατὰ τρία.
7. Ἀπὸ τὸ ἑκατὸν ἔως τὸ μηδέν, κατεβαίνοντας κατὰ τέσσερα.

## XIV. ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΕΣ ΠΡΑΞΕΙΣ ΜΕ ΤΑ ΨΗΦΙΑ ΤΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ

### 1. Η ΠΡΟΣΘΕΣΗ

1. Πόσο κάνουν έπτα και δκτώ; (Έπτα και δκτώ κάνουν δέκα πέντε).

— Γράψε πάνω στή γραμμή τούς ἀριθμούς 7 και 8, ποὺ θέλεις νὰ προσθέσεις, τὸν ἔναν δίπλα στὸν ἄλλον, μ' ἔνα μικρὸ κενὸ ἀνάμεσά τους.

— Τὴν πρόσθεση τῶν δύο αὐτῶν ἀριθμῶν, ποὺ θέλουμε νὰ κάνουμε, τῇ συμβολίζουμε μ' ἔνα σταυρὸ (+), ποὺ τὸ λέμε (σὺν) και τὸ θάζουμε ἀνάμεσά τους.

— Σὲ συνέχεια γράφουμε δύο παῦλες (=) τῇ μιὰ πάνω στὴν ἄλλη, ποὺ σημαίνει «ἴσον» και μετά, πάντα στὴν ἕδια γραμμή τὸν ἀριθμὸ 15, ποὺ εἶναι τὸ ἀθροισμά τους.

2. Μᾶς διευκολύνει καλλίτερα, πολλὲς φορές, στὶς πράξεις, ποὺ κάνουμε μὲ τὰ ψηφία τῶν ἀριθμῶν, νὰ θάζουμε τὸν ἔναν ἀριθμὸ κάτω ἀπὸ τὸν ὅλλο μὲ τρόπο, ποὺ θὰ ποῦμε πιὸ κάτω.

— Γράψε τὸ 7 και ἀκριβῶς κάτω ἀπὸ αὐτὸ γράψε τὸ 8. Κάτω ἀπὸ τὸ 8 τράβηξε μιὰ γραμμή. Κάτω ἀπὸ τὴ γραμμή αὐτὴ γράψε τὸ ἀθροισμα 15. Πρόσεξε τὸ ψηφίο 5 τῶν μονάδων τοῦ ἀθροίσματος νὰ εἶναι στὴ στήλῃ τῶν μονάδων, ὅπότε τὸ ψηφίο 1 τῶν δεκάδων θὰ εἶναι στὴ στήλῃ τῶν δεκάλων.

3. Μπορεῖς νὰ μοῦ πεῖς πόσες μονάδες και πόσες δεκάδες θὰ ἔχει τὸ ἀθροισμα τῶν ἀριθμῶν 24 και 33; (Θὰ ἔχει μονάδες, δσο εἶναι τὸ ἀθροισμα τῶν μονάδων, δηλαδὴ 4 και 3 ἵσον 7 και δεκάδες δσο τὸ ἀθροισμα τῶν δεκάδων, δηλαδὴ 2 και 3 ἵσον 5 δεκάδες).

— Πόσο εἶναι τὸ ἀθροισμα αὐτό; (Εἶναι 57).

— «Ομοια κάνουμε τὶς προσθέσεις, ποὺ ἔχουν περισσότερους προσθέτους.

— Κάνε τὴν πρόσθεση αὐτὴ γράφοντας, δπως ξέρεις, τὸν ἔναν προσθέτο κάτω ἀπὸ τὸν ὅλλον.

— Πρόσεξε, ὅλες οἱ μονάδες νὰ βρίσκονται στὴν στήλῃ τῶν μονάδων και ὅλες οἱ δεκάδες στὴ στήλῃ τῶν δεκάδων.

— Τράβηξε κάτω ἀπὸ αὐτοὺς μιὰ γραμμή και βρές τὸ ἀθροισμα.

— Τὶ ἀθροισμα βρῆκες; (Βρῆκα 57).

4. Πόσες μονάδες και πόσες δεκάδες ἔχει τὸ ἀθροισμα 37 και 46; (Ἐχει 7 και 6 ἵσον 13 μονάδες και 4 και 3 ἵσον 7 δεκάδες).

— Μήπως τὸ ἀθροισμα 13 τῶν μονάδων περιέχει καμιὰ δεκάδα; (Ναι περιέχει μιὰ δεκάδα).

— Τὶ θὰ κάνουμε τὴ δεκάδα αὐτή; (Θὰ τὴν προσθέσουμε στὶς ἀλλες 7 δεκάδες).

— Πόσες είναι δλες οι δεκάδες; (Είναι 7 καὶ 1 έσον 8 δεκάδες καὶ 3 μονάδες, δηλαδὴ 83).

— Τί κάνουμε δταν τὸ ἄθροισμα τῶν μονάδων σ' ἔνα ἄθροισμα περιέχει καὶ δεκάδες; (Προσθέτουμε τὶς δεκάδες αὐτὲς στὶς ὅλες δεκάδες τῶν προσθετέων).

5. Μὲ ἀνάλογο τρόπο κάνουμε τὴν πρόσθεση μὲ πολλοὺς προσθετέους.

\*Α, σ κή σ εις.

— Κάνε τὶς πιὸ κάτω προσθέσεις, γράφοντας, δπως ξέρεις, τοὺς προσθετέους σὲ στῆλες:

1. Σὲ κάθε ἔνα ἀπὸ τοὺς ἀριθμοὺς 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Πρόσθεσε χωριστὰ τοὺς ἀριθμοὺς 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

2. 1+2+3, 2+ 3+4, 3+4+5, 4+5+6, 5+6+7.

3. 12+23, 23+34, 34+45.

4. 11+22+33, 22+33+44, 24+33+42.

5. 11+29, 23+38, 34+47, 45+46.

6. 11+25+37, 26+37+8, 35+28+16+4, 12+17+28+5+33.

## 2. Η ΑΦΑΙΡΕΣΗ

1. "Αν ἀφαιρέσεις ἀπὸ τὸν ἀριθμὸ 7 τὸν ἀριθμὸ 3 τί θὰ μείνει; (Θὰ μείνει 4).

— Κάνε τὴν ἀφαίρεση αὐτῇ γράφοντας τὸν ἀφαιρετέο κάτω ἀπὸ τὸ μειωτέο καὶ κάτω ἀπὸ αὐτοὺς μιὰ γραμμή. Κάτω ἀπὸ τὴ γραμμὴ γράψε τὴ διαφορά.

— Τὴν ἀφαίρεση τὴ συμβολίζουμε μὲ μιὰ παῦλα (—), ποὺ τὴ λέμε «π λ ἢ ν».

2. Πόσες δεκάδες καὶ πόσες μονάδες θὰ μείνουνε ὃν ἀφαιρέσεις ἀπὸ τὸν ἀριθμὸ 25 τὸν ἀριθμὸ 13; (Θὰ μείνουν δσες δεκάδες μείνουν στὸ μειωτέο ὃν ἀφαιρέσω ἀπ' αὐτὸν τὶς δεκάδες τοῦ ἀφαιρετέου καὶ δσες μονάδες θὰ μείνουν στὸν μειωτέο ὃν ἀφαιρέσω ἀπὸ τὶς μονάδες του τὶς μονάδες τοῦ ἀφαιρετέου).

— Ποιά είναι ἡ διαφορὰ 25 πλὴν 13; (Είναι 1 δεκάδες καὶ 2 μονάδες, δηλαδὴ 12).

— Κάνε τὴν ἀφαίρεση αὐτῇ γράφοντας τὸν ἀφαιρετέο κάτω ἀπὸ τὸ μειωτέο καὶ προσέχοντας, ὥστε οἱ μονάδες τοῦ ἀφαιρετέου νὰ είναι κάτω ἀπὸ τὶς μονάδες τοῦ μειωτέου καὶ οἱ δεκάδες τοῦ ἀφαιρετέου κάτω ἀπὸ τὶς δεκάδες τοῦ μειωτέου. "Ετσι διευκολύνεται ἡ ἀφαίρεση.

3. Μπορεῖς νὰ κάνεις, δπως προηγούμενα, τὴν ἀφαίρεση 34 πλὴν 18; ("Οχι γιατὶ δὲν μπορῶ νὰ ἀφαιρέσω τὶς 8 μονάδες τοῦ ἀφαιρετέου ἀπὸ τὶς 4 μονάδες τοῦ μειωτέου").

— Στήν περίπτωση αύτή, παίρνουμε μιά δεκάδα τοῦ μειωτέου, διότε έχουμε ἀντὶ 4 μονάδες 10+4 δηλαδὴ 14. Ἀπὸ αὐτές εὔκολα ἀφαιροῦμε τὶς 8 μονάδες καὶ μένουν 6 μονάδες διαφορά.

— Τὴν δεκάδα, ποὺ πήραμε ἀπὸ τὸ μειωτέο, τὴν ἀφαιροῦμε ἀπὸ τὶς δεκάδες του μαζὶ μὲ τὶς μονάδες τοῦ ἀφαιρετέου. Βρίσκουμε ἔτσι τὴ διαφορὰ 25—18 εἶναι 7 μονάδες.

\*Α σ κή σ εις.

1. Ἀπὸ κάθε ἔναν ἀπὸ τοὺς ἀριθμούς, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 ἀφαιρεῖσε τὸν κάθε ἔναν ἀριθμὸ 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

— Πρόσεξε δὲν γίνονται δλες οἱ ἀφαιρέσεις.

2. Κάνε τὶς ἀφαιρέσεις 99—82, 88—73, 87—64, 76—55.

3. Κάνε τὶς ἀφαιρέσεις 65—46, 55—37, 44—26, 33—17.

### 3. Ο ΠΟΛΛΑΠΛΑΣΙΑΣΜΟΣ

1. Ἐχεις μάθει νὰ κάνεις δλους τοὺς πολλαπλασιασμοὺς τῶν μονοψηφίων ἀριθμῶν, μὲ τῇ Յօήθεια τοῦ Πυθαγορείου πίνακα.

— Πολλαπλασίασε τὸν 5 μὲ τὸ 8, ἀφοῦ τοὺς γράψεις τὸν ἔναν πλαϊ στὸν ἄλλον καὶ ἀνάμεσά τους τὸ σύμβολο τοῦ πολλαπλασιασμοῦ (X).

— Πόσο εἶναι τὸ γινόμενο 5X8; (Εἶναι 40).

— Πολλαπλασίασε τὸ 5 μὲ τὸ 8, ἀφοῦ γράψεις ἀκριθῶς τὸν ἔνα κάτω ἀπὸ τὸν ἄλλο, καὶ κάτω ἀπὸ αὐτοὺς τραβήξεις μιὰ γραμμὴ. Τὸ ἀποτέλεσμα γράψητο κάτω ἀπὸ τὴ γραμμὴ αὐτῆ.

\*Α σ κή σ εις.

1. Πολλαπλασίασε κάθε ἔναν ἀπὸ τοὺς ἀριθμούς, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10 χωριστὰ μὲ κάθε ἔναν ἀπὸ τοὺς ἀριθμοὺς 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10.

2. Κάνε 12 παράλληλες γραμμές, σὲ ἵσες μεταξύ τους ἀποστάσεις.

— Κάνε ἄλλες 12 παράλληλες γραμμές, ποὺ νὰ εἶναι δμως κάθετες στὶς προηγούμενες. Σχηματίστηκαν ἔτσι πολλὰ δρθιγώνια.

— Στὴν πιὸ πάνω γραμμὴ τῶν δρθιγώνιων αὐτῶν, γράψη τοὺς ἀριθμοὺς 1 ὕστις 10 ἀρχίζοντας ἀπὸ τὸ δεύτερο τετράγωνο, καὶ πηγαίνοντας πρὸς τὰ δεξιά.

— Γράψη πάλι τοὺς ἀριθμοὺς 1 ὕστις 10 στὴν πρώτη ἀριστερὰ στήλη τῶν τετραγώνων, ἀπὸ πάνω πρὸς τὰ κάτω, ἀρχίζοντας ἀπὸ τὸ δεύτερο τετράγωνο.

— Πολλαπλασίασε κάθε ἀριθμὸ τῆς στήλης, μὲ δλους τοὺς ἀριθμοὺς τῆς γραμμῆς.

— Τὸ γινόμενο γράφτο στὸ τετράγωνο, ποὺ Өρίσκεται ἀπέναντι στοὺς δυὸς ἀριθμούς, ποὺ πολλαπλασίασες.

— Αὐτὸ ποὺ ἔφτιαξες λέγεται Π υ θ α γ ό ρ ε ι ο σ Π í ν α κ α c-

#### 4. Η ΔΙΑΙΡΕΣΗ

1. "Αν διαιρέσεις τὸ 6 μὲ τὸ 2 τί πηλίκο θὰ Өρεῖς; (Θὰ Өρῶ 3).

— "Αν πολλαπλασιάσεις τὸ πηλίκο 3 ἐπὶ τοῦ διαιρέτη τί θὰ Өρεῖς; (Θὰ Өρῶ τὸ διαιρετέο 6).

— "Οταν δὲν ὑπάρχει ὑπόλοιπο στὴ διαιρέση, τὸ γινόμενο τοῦ διαιρέτη ἐπὶ τὸ πηλίκο μὲ τί εἶναι ʔσο; (Εἶναι ʔσο μὲ τὸ διαιρετέο).

— Τὸ πηλίκο εἶναι ὁ ἀριθμός, ποὺ ἄν τὸν πολλαπλασιάσουμε μὲ τὸ διαιρέτη, ὅταν ἡ διαιρέση δὲν ἔχει ὑπόλοιπο, μᾶς δίνει τὸ διαιρετέο.

2. "Οταν ἡ διαιρέση ἀφίνει ὑπόλοιπο, πρέπει στὸ γινόμενο τοῦ διαιρέτη ἐπά τὸ πηλίκο νὰ προσθέτουμε τὸ ὑπόλοιπο γιὰ νὰ ἔχουμε τὸ διαιρετέο.

— Μποροῦμε δηλαδὴ ἀντὶ διαιρέση νὰ κάνουμε πολλαπλασιασμό, ἀναζητώντας τὸ πηλίκο σὰν τὸν ἀριθμό, ποὺ δταν πολλαπλασιαστεῖ μὲ τὸν διαιρέτη μᾶς δίνει ἀκριβῶς τὸ διαιρετέο ἢ μὲ διαφορὰ ʔση μ' ἕνα ἀριθμὸ μικρότερο ἀπὸ τὸν διαιρέτη.

— "Οταν ὁ διαιρέτης καὶ τὸ πηλίκο εἶναι μονοψήφιοι ἀριθμοί, στοὺς πολλαπλασιασμοὺς αὐτοὺς διευκολύνδμαστε μὲ τὸν πυθαγόρειο πίνακα.

— Τὸ σύμβολο τῆς διαιρέσης εἶναι δύο τελεῖες (:) καὶ διαβάζεται «διά».

— Στὴ διαιρέση γράφουμε πρῶτα τὸ διαιρετέο, σὲ μιὰ ἀπόσταση, ἀλλὰ στὴν ʔδια γραμμὴ γράφουμε τὸ διαιρέτη,

— Τραβᾶμε μιὰ κάθετη γραμμὴ ἀνάμεσά τους καὶ μιὰ ὅριζόντια κάτω ἀπὸ τὸ διαιρέτη, ποὺ ν' ἀρχίζει ἀπὸ τὴν προηγούμενη γραμμῆ.

— Τὸ πηλίκο τὸ γράφουμε κάτω ἀπὸ τὸ διαιρέτη, τὸ ὑπόλοιπο τούτῳ ἀπὸ τὸ διαιρετέο.

\*Α σ κ ή σ ε i s.

— Μὲ τὴ Өοήθεια τοῦ πυθαγορείου πίνακα Өρὲς τὸ πηλίκο καὶ τὸ ὑπόλοιπο στὶς πιὸ κάτω διαιρέσεις.

— Κάνε τὶς διαιρέσεις αὐτὲς μὲ τὸ σχῆμα ποὺ εἴπαμε.

1. Τοῦ ἀριθμοῦ 36 διὰ τῶν ἀριθμῶν 4, 5, 6, 7, 8, 9.
2. Τοῦ ἀριθμοῦ 53 διὰ τῶν ἀριθμῶν 6, 7, 8, 9.
3. Τοῦ ἀριθμοῦ 66 διὰ τῶν ἀριθμῶν 7, 8, 9.





COPYRIGHT

GEORGE K. YEROU  
24, VALTINON STREET  
ATHENS