

ΝΙΚΟΛΑΟΥ ΣΟΥΛΙΑ

# ΛΟΓΙΚΗ

ΜΕΤΑ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ  
ΓΝΩΣΙΟΛΟΓΙΑΣ

ΣΤ' ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ

ΟΡΓΑΝΙΣΜΟΣ ΕΚΔΟΣΕΩΣ ΔΙΔΑΚΤΙΚΩΝ ΒΙΒΛΙΩΝ

Ψηφιοποήθηκε από τον υπουργό της Εκπαίδευσης και Κοινωνικής Πολιτικής

ΑΘΗΝΑΙ 1972



Αρ. ΕΙΩ. 17840

ΤΙΑΝΝΗΣ ΓΡΥΝΤΑΚΗΣ

ΠΡΟΛΟΓΟΣ

Τὴν σύνταξιν τοῦ βιβλίου τούτου πατηθυναν αἱ ἔξῆς κύριαι ἰδέαι:

1) Ἡ διδασκαλία τῆς Λογικῆς, ἵνα διεγείρῃ τὸ γόνιμον ἐνδιαφέρον τῶν μαθητῶν, δὲν πρέπει νὰ περιορίζεται εἰς τὴν ἀπλῆν ἀπαραθμησιν καὶ περιγραφὴν τῶν στοιχείων καὶ τῶν κανόνων ἐν γένει τῆς νοήσεως, ἀλλὰ νὰ ἐμβαθύνῃ πως εἰς αὐτὰ καὶ νὰ τὰ συνδέῃ κατὰ τὰς οὐσιώδεις καὶ δχι τὰς ἐξωτερικὰς σχέσεις αὐτῶν πρὸς ἄλληλα καὶ ἐν τέλει εἰς δόλον. Ἡ ἐξωτερικὴ σύνδεσις ὑποτιμᾷ τὴν ἀντιληπτικὴν ἴκανότητα τῶν μαθητῶν, παραγνωρίζει τὸ χαρακτηριστικὸν τῆς ἥλικίας αὐτῶν φιλοσοφικὸν διαφέρον καὶ ὑπολείπεται τοῦ νὰ πατησιώνῃ τὸ μάθημα εἰς τὴν συνείδησιν αὐτῶν. Εἰς τὴν ἀπαίτησιν αὐτὴν πρέπει νὰ ἀνταποκρίνεται τὸ ἐγχειρίδιον τῆς Λογικῆς.

2) Τῆς Λογικῆς δὲν διδάσκεται συνήθως εἰ μὴ μόνον τὸ Τυπικὸν καὶ τινα κεφάλαια τῆς Γενικῆς Μεθοδολογίας. Μόνον ἡ συντομωτέρα ἔκθεσις τῆς ὅλης (συνισταμένη κυρίως εἰς τὴν ἀποφυγὴν περιττολογιῶν) θὰ ἐθεράπευνε κατὰ τὴν γνώμην μας τοῦτο. Ἡ ἔξαρσις δὲ τῆς σημασίας αὐτοῦ περιττεύει.

3) Ἀπὸ τῆς ἀπόφεως τῆς μεθοδικῆς συνθέσεως τοῦ βιβλίου ἐπεινάμεν αὐστηρῶς εἰς τὴν ἀποφυγὴν τοῦ συνήθους ἀτόπου: νὰ ἐμφανίζεται ἡ Λογικὴ ὡς ἀμέθοδος περὶ μεθόδου διδασκαλία.

4) Ἐπεδιώξαμεν μετὰ πολλῆς προσοχῆς νὰ μὴ ἀγνοήσωμεν τὰ νεώτερα ἐπιστημονικὰ δεδομένα, ὡς καὶ τὰς συγχρόνους ἀντιλήψεις ἰδίᾳ περὶ τὰς μεθόδους τῶν ἐπιστημῶν καὶ τὴν Γνωσιολογίαν.

5) Μεταξὺ τέλος τῶν κυρίων σκοπῶν τοῦ βιβλίου ἐκρίναμεν, ὅτι θὰ ἦτο καὶ τὸ νὰ ὑποθάλπῃ τὴν ἔφεσιν πρὸς γνῶσιν καὶ φιλοσοφίαν καταλλήλως.



## I. ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΛΟΓΙΚΗΣ



# ΕΙΣΑΓΩΓΗ

(1)

## 1. ΤΟ ΕΡΓΟΝ ΤΗΣ ΛΟΓΙΚΗΣ

α) **Λογική και Ψυχολογία.** Η Λογική και ή Ψυχολογία είναι αι δύο έπιστηματα αι ἔχουσαι ως ὑποκείμενον τὸ ἀνθρώπινον πνεῦμα.

Ἐν ᾧ ὅμως ή Ψυχολογία ἔξετάζει τὸ σύνολον τῶν ψυχικῶν φαινομένων, γνωστικῶν, συναισθηματικῶν και βουλητικῶν, ή Λογική περιορίζεται εἰς τὴν ἀνθρωπίνην νόησιν.

Ἡ νόησις ἐπομένως είναι κοινὸν ὑποκείμενον τῶν δύο έπιστημῶν. Δὲν ἔξετάζεται ὅμως ἀπὸ τῆς αὐτῆς ἀπόψεως και πρὸς τὸν αὐτὸν σκοπὸν ὑπ' ἀμφοτέρων.

Ἡ Ψυχολογία ἔρευνα τὴν νόησιν ἐν γένει, ως ψυχικὸν φαινόμενον· ἢτοι ἔξετάζει και ἐρμηνεύει τὴν φύσιν αὐτῆς, τὰς λειτουργίας της (ἀναλυτικήν, συνθετικήν, ἀφαιρετικήν, κριτικήν ἐνέργειαν τοῦ πνεύματος), τὰς δημιουργουμένας ὑπ' αὐτῆς μορφὰς εἴτε ἀπλᾶς, ως αἱ ἔννοιαι, αἱ κρίσεις και οἱ συλλογισμοί, εἴτε συνθέτους και καταδεικνύει πῶς ὁ ἀνθρωπός νοεῖ και πῶς διανοεῖται. Ἀποβλέπει δηλαδὴ εἰς τὴν λύσιν τοῦ ψυχολογικοῦ προβλήματος: «Τί εἶναι νόησις».

Ἡ Λογικὴ ἀντιθέτως ἔξετάζει μόνον τὴν λογικήν νόησιν. Είναι δὲ ἡ λογικὴ νόησις ἀνωτέρα πνευματική ἐνέργεια, κατὰ τὴν δόποιαν γίνεται προσπάθεια πρὸς κατανόησιν τῆς οὐσίας τῶν ὄντων, ἐρμηνείαν τῶν φαινομένων και διακρίβωσιν τῶν μεταξὺ αὐτῶν σχέσεων. Δι' αὐτῆς ὁ ἀνθρωπός πέραν τῆς στοιχειώδους ἀντιλήψεως τῶν πραγμάτων, ἥτις ἐν μέρει ὑπάρχει και εἰς τὰ ἀνώτερα ζῷα, λαμβάνει γνῶσιν σαφῆ και βαθεῖαν τῆς πραγματικότητος· ἔρευνα, ἀνακαλύπτει, ἐπινοεῖ· συλλαμβάνει τὸ ὑπεραισθητὸν και ἀναζητεῖ τὰς ἔσχάτας αἰτίας τῶν ὄντων· ῥυθμίζει τὸν βίον και τὴν δρᾶσιν αὐτοῦ· ἐν γένει δημιουργεῖ τὴν ἐπιστήμην και τὴν φιλοσοφίαν, τὴν τεχνικήν και τὸν πολιτισμὸν καθόλου.

‘Η λογική νόησις στηρίζεται έπι λογικῶν ἐπίστης καὶ ὅχι ἐφ’ οἰωνδήποτε ἔννοιῶν, κρίσεων καὶ συλλογισμῶν. Ἀλλὰ καὶ ταῦτα δὲν ἔξετάζει ἡ Λογική πρὸς τὸν σκοπὸν νὰ ἔρμηνεσθη τὴν γένεσιν αὐτῶν ἢ νὰ ἀποκαλύψῃ πᾶς δι’ αὐτῶν παράγεται γνῶσις ἐν γένει ( περὶ τούτων συμβουλεύεται τὴν Ψυχολογίαν ) ἀλλ’ ἀποβλέπουσα εἰς τοῦτο : νὰ καταδείξῃ πότε ταῦτα εἶναι ὄρθα καὶ πότε ὅχι, πότε δι’ αὐτῶν συνάγεται ὄρθη γνῶσις, ἅρα ύπ πὸ ποίους ὅρους ἡ νόησις εἴναι ὄρθη καὶ ἡ ἔρευνα τῆς ἀληθείας ἀσφαλής· καὶ οὕτω νὰ διατυπώσῃ τοὺς κανόνας τοῦ ὄρθους νοεῖν. Τὸ γενικὸν δηλαδὴ πρόβλημα αὐτῆς, ὅλως διάφορον τοῦ τῆς Ψυχολογίας, εἶναι : «Πότε ἡ νόησις εἶναι ὄρθη ».

‘Εκ τούτων καταφαίνεται ἡ θεμελιώδης διαφορὰ μεταξὺ τῶν δύο ἐπιστημῶν. ‘Η μὲν Ψυχολογία, ἐκτὸς τοῦ ὅτι εἶναι εὔρυτέρα, εἶναι ἐπιστήμη ἐρμηνευτική, ἡ δὲ Λογική ὡς ἔρευνῶσσα μὲν τοὺς ὅρους τοῦ ὄρθους νοεῖν εἶναι ἔρμηνευτική, ἀλλ’ ὡς θέτουσα κανόνας, πρὸς οὓς δέον νὰ συμφωνῇ πᾶσα λογική ἐνέργεια ἡμῶν, οὐα εἶναι ὄρθη, εἶναι κανονικὴ ἐπιστήμη’.

**β) Περιεχόμενον καὶ διαίρεσις τῆς Λογικῆς.** Τὰ ἀπλᾶ στοιχεῖα, εἰς τὰ ὅποια ἀναλύεται πᾶσα λογικὴ ἐνέργεια, εἶναι αἱ ( λογικαὶ ) ἔννοιαι, κρίσεις καὶ συλλογισμοί, τὰ ὅποια καλοῦνται στοιχεῖα δεῖς μορφαὶ τῆς νοήσεως ἡ ἀπλῶς στοιχεῖα αὐτῆς. Τούτων τὰ εἶδη, αἱ σχέσεις πρὸς ἄλληλα καὶ οἱ ὅροι τῆς ὄρθοτητος ἔξετάζονται εἰς τὸ πρῶτον μέρος τῆς Λογικῆς.

‘Η ὄρθοτης ὅμως αὐτῶν δὲν καθορίζεται αὐθαιρέτως ὑπὸ τῆς Λογικῆς. Ἀπορρέει ἐκ γενικῶν τινων νόμων, οἱ ὅποιοι διέπουν τὴν νόησιν ἡμῶν ἐν παντὶ καὶ οἱ ὅποιοι καλοῦνται θεμελιώδεις νόμοι τῆς νοήσεως. Οὕτως ἔννοιά της ἡ κρίσις ἡ συλλογισμὸς εἶναι ὄρθα, ὅταν συμφωνοῦν πρὸς αὐτούς, ἐσφαλμένα δέ, ὅταν παραβαίνουν τινὰ ἔξι αὐτῶν. ‘Η Λογική ἐπομένως ὀφείλει νὰ ἔξετάζῃ καὶ

1. ‘Υπὸ τῶν σχολαστικῶν φιλοσόφων ἀπεκλήθη διὰ τοῦτο « Scientia direcrica ipsius actus rationis ».

τοὺς νόμους τούτους, δυνάμει τῶν ὁποίων θέτει τοὺς κανόνας τῆς ὄρθης νοήσεως.

Εἰς τὸ πρῶτον λοιπὸν μέρος αὐτῆς ἡ Λογικὴ ἔξετάζει τοὺς θεμελιώδεις νόμους καὶ τὰ στοιχεῖα τῆς νοήσεως. Καλεῖται δὲ τὸ μέρος τοῦτο Στοιχειόλογία ἢ Τυπικὴ Λογική.

Δὲν περιορίζεται ὅμως εἰς τοῦτο μόνον τὸ ἔργον αὐτῆς. Τὴν ἀλήθειαν περὶ τῶν ὅντων καὶ φαινομένων, τὰ ὅποια ἐρευνῶνται ὑπὸ τῶν ἐπιστημῶν, τὴν συστηματοποίησιν τῶν γνώσεων καὶ τὴν θεμελίωσιν τῆς βεβαιότητος αὐτῶν δὲν ἐπιτυγχάνομεν ἀπλῶς διὰ τῶν ὀρθῶν ἐννοιῶν, κρίσεων καὶ συλλογισμῶν, ἀλλὰ δι’ ὠρισμένων ἀνωτέρων λογικῶν ἐνεργειῶν καλουμένων μεθόδων. Ταύτας ἔξετάζει ἡ Λογικὴ εἰς τὸ δεύτερον μέρος αὐτῆς, τὸ ὅποιον καλεῖται ἐκ τούτων Μεθόδολογία. Ἐξ αὐτῶν ἀλλαι μὲν ἀναφέρονται εἰς τὴν ἐν γένει κατανόησιν, συστηματοποίησιν καὶ κατοχύρωσιν τῶν γνώσεων καὶ λέγονται γενικαὶ μέθοδοι ἢ μεθοδικαὶ μορφαὶ τῆς νοήσεως, ἀλλαι δὲ εἰς τὸν ειδικὸν τρόπον ἐρεύνης ἐν τῇ περιοχῇ ἐκάστης ἐπιστήμης – ἀναλόγως τῆς φύσεως καὶ τοῦ ὑποκειμένου αὐτῆς – καὶ καλοῦνται εἰδικαὶ μέθοδοι ἢ μέθοδοι τῶν ἐπιστημῶν. Ἀντιστοίχως ἡ Μεθοδολογία διαιρεῖται εἰς Γενικὴν καὶ Εἰδικὴν.

Ἐπὶ τῇ βάσει πάντων τῶν ἀνωτέρω δυνάμεθα νὰ ὀρίσωμεν τὴν Λογικὴν ως ἔξῆς:

Αἱ γιαὶ εἶναι ἡ ἐπιστήμη ἡ ἔξετάζουσα τοὺς θεμελιώδεις νόμους τῆς νοήσεως καὶ τοὺς δόρους τοῦ ὀρθῶς νοεῖν καὶ ἐρευνᾶν τὴν ἀληθειαν.

## 2. ΘΕΣΙΣ ΤΗΣ ΛΟΓΙΚΗΣ ΕΝ ΤΗ ΦΙΛΟΣΟΦΙΑ. ΑΞΙΑ ΑΥΤΗΣ

Ἡ Λογικὴ εἶναι μία τῶν Φιλοσοφικῶν ἐπιστημῶν ως ἡ Γνωσιολογία, ἡ Ψυχολογία, ἡ Ἡθική, ἡ Αἰσθητική, ἡ Μεταφυσική. Ἐκ τούτων ἐγγύτερον πρὸς αὐτὴν εύρισκονται ἡ Ψυχολογία, τῆς ὅποιας τὴν σχέσιν πρὸς τὴν Λογικὴν εἴδομεν ἀνωτέρω, καὶ ἡ Γνωσιολογία.

Ἡ Γνωσιολογία ἐρευνᾷ τὸ δυνατὸν τῆς γνώσεως, τὰς πηγὰς αὐτῆς, τὸ κύρος ἐκάστης καὶ τὰ ὅρια τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου· ἐν γένει ἄν, ὅτι ἀντιλαμβανόμεθα, νοοῦμεν, συλλογιζό-

μεθα, συλλαμβάνομεν, ἀνταποκρίνεται πρὸς τὴν ἔξω τῆς συνειδήσεως ήμῶν ἀληθῆ πραγματικότητα. Αὕτη ἐπομένως παρέχουσα τὴν βεβαιότητα περὶ τοῦ κύρους τῆς λογικῆς γνώσεως συμπληροῖ τὸ ἔργον τῆς Λογικῆς καὶ ἐπιβεβαιοῖ τὴν ἀνυπολόγιστον ἀξίαν αὐτῆς.

‘Η Λογική ἔρευνῶσσα, ὡς εἴδομεν, τοὺς ὅρους καὶ θέτουσα τοὺς κανόνας τοῦ ὄρθως νοεῖν καὶ διανοεῖσθαι εἰναι τὸ κατ’ ἔξοχὴν ὅργανον εὐρέσεως τῆς ἀληθείας· ὡς διδάσκουσα δὲ καὶ τὰς ὄρθας μεθόδους πάσης ἐρεύνης καὶ κατανοήσεως καὶ συστηματοποιήσεως τῶν γνώσεων ἀποβαίνει ἡ προπατεία τῶν ἐπιστημῶν καὶ τῆς φιλοσοφίας διότι, ὡς εἶπεν ὁ Ἀριστοτέλης (Μετὰ τ. φυσ. 995 α 12), «ἄτοπον ἄμα ζητεῖν ἐπιστήμην καὶ τρόπον ἐπιστήμης».

‘Η ἀξία αὐτῆς καὶ ἐν τῷ καθ’ ἡμέραν βίῳ εἰναι μεγάλη. Δὲν χρηγεῖ βεβαίως αὔτη τὴν ἱκανότητα τοῦ ὄρθως νοεῖν εἰς τὸν ἀνθρώπον, ἀλλὰ κατευθύνει ταύτην. ‘Η ἐπίγνωσις τοῦ ὄρθου καὶ μὴ ὄρθου εἶναι ρύθμιστικὸς παράγων τῆς νοήσεως. ’Ιδίᾳ προλαμβάνει σφάλματα καὶ ἐλέγχει πλάνας ἢ σκοπίμους διαστροφάς τῆς ἀληθείας. Διὰ τοῦτο εἶπον τὴν Λογικήν, ἦτις παρέχει τὴν ἐπίγνωσιν ταύτην, «ἀρνητικὸν κριτήριον τῆς ἀληθείας».

‘Εκτὸς δὲ τούτων, ἐπειδὴ καθιστᾶ συνειδητὰς τὰς νοητικὰς μορφὰς καὶ τὰς σχέσεις αὐτῶν, συμβάλλει περισσότερον πάσης ἀλλης ἐπιστήμης εἰς τὴν συστηματοποίησιν τῶν γνώσεων. ’Επειδὴ δὲ ἀσκεῖ τὸν νοῦν εἰς ἀφηρημένους συσχετισμούς, δύνεται αὐτὸν καὶ τὸν καθιστᾶ ἱκανὸν πρὸς εὐχερέστερον χειρισμὸν τῶν ἀφηρημένων ίδεων καὶ πρὸς βαθυτέραν καὶ ἀκριβεστέραν διανόησιν ἐν γένει.

### (2)

### 3. ΙΣΤΟΡΙΑ ΤΗΣ ΛΟΓΙΚΗΣ

Πατήρ τῆς ἐπιστημονικῆς Λογικῆς εἶναι ὁ Ἀριστοτέλης. Τὸ ἔργον ὃμως αὐτοῦ προπαρεσκεύασσαν α) αἱ γνωσιολογικαὶ ἔρευναι τῶν Ἰώνων φιλοσόφων Δημοκρίτου καὶ Ἀναξαγόρου, τῶν Ἐλεατῶν Ζήνωνος καὶ Παρμενίδου, τῶν σοφιστῶν, τοῦ Πλάτωνος, θέτουσαι τὰ γενικὰ προβλήματα αὐτῆς, β) αἱ διαλεκτικαὶ συζητήσεις τοῦ Σωκράτους, δ’ ὃν ἐν τῇ πράξει ἡρευνήθησαν ούσιωδη ἀντικείμενα αὐτῆς: ἔννοιαι καὶ σχέσεις αὐτῶν, ὀρισμός, παραγωγή, ἐπαγωγή, κ.τ.λ. καὶ γ) ἡ ὑπὸ τοῦ Πλάτωνος θεωρητικὴ διερεύνησις πάντων σχεδὸν τῶν ἀντικειμένων αὐτῆς, ὃχι ὅμως πρὸς ἀπαρτισμὸν ἐνιαίας Λογικῆς ἐπιστήμης, ἀλλ’ ἐν τῷ πλαισίῳ τῆς ὅλης φιλοσοφίας αὐτοῦ.

‘Ο ’Αριστοτέλης ἀπέβλεψεν εἰς τὴν δημιουργίαν ἐνιαίας καὶ αὐτοτελοῦς ἐπιστήμης διὰ σειρᾶς ἔργων αὐτοῦ, τὰ δόποια ώνομάσθησαν ὑπὸ τῶν μεταγενεστέρων “Ο γα νον<sup>1</sup> καὶ εἶναι τὰ ἔξῆς: α) Κατηγορίαι, β) Περὶ ἐρμηνείας, γ) Ἀναλυτικὰ πρότερα, δ) Ἀναλυτικὰ ὑστερα, ε) Τοπικὰ καὶ στ) Περὶ σοφιστικῶν ἐλέγχων.

Μετὰ τὸν ’Αριστοτέλη ἡ Λογικὴ συμπληρωθεῖσα εἰς τινα σημεῖα ὑπὸ τῶν μαθητῶν αὐτοῦ καὶ τῶν Στωϊκῶν<sup>2</sup> καὶ ὑπὸ σειρᾶς ὅλης μεταγενεστέρων ὑπομνηματιστῶν<sup>3</sup> ἀδιαλείπτως ἐπεξηγουμένη διαδίδεται διὰ τοῦ μεταγενεστέρου ‘Ελληνισμοῦ εἰς τοὺς Ιουδαίους, τοὺς Ἀραβας, τὸ Βυζάντιον καὶ τὴν Δύσιν.

Μεταξὺ τῶν ὅλιγων σχετικῶν λογικῶν συγγραφῶν τῶν Βυζαντινῶν χρόνων ἀρίστη εἶναι ἡ ἐσφαλμένως μέχρι τοῦδε ἀποδιδούμενη εἰς τὸν Μιχαήλ Ψελλὸν (1018-1079) «Σύνοψις εἰς τὴν ’Αριστοτέλους λογικὴν ἐπιστήμην<sup>4</sup>».

Εἰς τὴν Δύσιν διὰ τῶν ὑπομνημάτων εἰς Λατινικὴν γλῶσσαν καὶ τῶν παραφράσεων καὶ τῶν ἐπιτομῶν αὐτῆς ἡ Λογικὴ τοῦ ’Αριστοτέλους ἐρευνᾶται συστηματικῶς ὑπὸ σειρᾶς φιλοσόφων τοῦ Μεσαίωνος καλουμένων σχολικῶν, τινὲς τῶν δόποιων προάγουν πράγματι τὴν Λογικήν<sup>5</sup>.

Καθ’ ὅλην τὴν περίοδον ταύτην ἡ διδασκαλία τοῦ ’Αριστοτέλους θεωρεῖται αὐθεντικὴ καὶ τὸ ‘Οργανον εἶναι πράγματι δόδηγὸς πά-

1. Ἐκ τῆς φράσεως τοῦ ’Αριστοτέλους, δι’ ἃς ἔξαίρει τὴν ἀξίαν τῆς Λογικῆς «πρός τε γνῶσιν καὶ τὴν κατὰ φιλοσοφίαν φρόνησιν... οὐ κιέρον δργανον» (Τοπ. 163 b 9). Λογικὴ δὲ ἀπεκλήθη ὑπὸ τῶν Στωϊκῶν.

2. Οἱ Θεόφραστος καὶ Εὔδημος ἡρεύνησαν τοὺς συλλογισμούς ὑποθετικὸν καὶ διαζευκτικόν, οἱ δὲ Στωϊκοὶ τὰς ὑποθέτ. καὶ διαζ. κρίσεις.

3. Σπουδαιότεροι τούτων ὑπῆρξαν οἱ Ἀνδρόνικος ὁ ‘Ρόδιος, Γαληνός, Ἀλέξανδρος ὁ Ἀφροδισιεύς, Πορφύριος ὁ Τύριος κ.ά.

4. Αὕτη ἀπεδείχθη ἡδη δτὶ εἶναι μετάφρασις τῶν «Summae Logicales» Πέτρου τοῦ Ἰσπανοῦ γενομένη ὑπὸ τοῦ Γ. Γενναδίου τοῦ Σχολαρίου περὶ τὸ ἔτος 1435.

5. Πέτρος ὁ Ἰσπανὸς π.χ. εἰσάγει τὰ λατινικὰ μνημονικὰ δύνματα τῶν συλλογισμῶν. ‘Ο ’Ρογῆρος Βάκων ἔξαίρει τὴν στενὴν σχέσιν. Λογικῆς καὶ Μαθηματικῶν.

στης ἐρεύνης. Δι’ αὐτοῦ, ὡς γνωστόν, θεμελιοῦνται φιλοσοφικῶς καὶ τὰ δόγματα τῆς Χριστιανικῆς θρησκείας ύπὸ τῶν Πατέρων τῆς Ἀνατολικῆς καὶ τῆς Δυτικῆς Ἐκκλησίας.

’Απὸ τῆς Ἀναγεννήσεως καὶ ὑπὸ τὴν ἐπίδρασιν τῶν φυσικῶν ἐρευνῶν ἐμφανίζονται ἔναντι τῶν ὀπαδῶν τῆς ἀριστοτελικῆς Λογικῆς ὑπέρμαχοι τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης καὶ τῆς ἐπαγωγῆς<sup>1</sup>. Οἱ ἀξιολογώτερος τούτων ὑπῆρξεν ὁ Ἀγγλος φιλόσοφος Φραγκίσκος Βάκων ( Francis Bacon, 1561 - 1626 ), ἀρχηγὸς τοῦ νεωτέρου ἐμπειρισμοῦ, ὃστις εἰσήγαγεν Ιδίαν μέθοδον ἐμπειρικῆς ἐρεύνης διὰ τοῦ ἔργου του « Novum organum scientiarum » καὶ θεωρεῖται ὁ ιδρυτής τῆς Μεθοδολογίας τῶν Ἐμπειρικῶν ἐπιστημῶν.

’Αντίθετα πρὸς αὐτὸν ἐδίδαξεν ὁ Γάλλος φιλόσοφος Καρτέσιος ( René Descartes, 1596 - 1650 ), ἀρχηγὸς τοῦ νεωτέρου ὄρθολογισμοῦ. Διὰ τοῦ μνημειώδους ἔργου του « Λόγος περὶ μεθόδου » κατέδειξε τὴν ἴσχυν τῆς ἐκ τῆς νοήσεως καὶ ἐξ ἐγκύρων ἀρχῶν παραγομένης γνώσεως καὶ ἐπεχείρησεν ἐνιαίαν παραγωγικήν ἐρμηνείαν τοῦ ὅλου ἐπιστητοῦ ἐξ ἀρχῶν ἐνιαίων. Μεγίστη ὑπῆρξεν ἡ συμβολὴ αὐτοῦ εἰς τὴν θεμελίωσιν τῆς Μεθοδολογίας τῶν Παραγωγικῶν ἐπιστημῶν.

Τὴν ἀξίαν τῆς Λογικῆς τοῦ Ἀριστοτέλους ἀνεγνώρισαν ὡσαύτως οἱ μεγάλοι φιλόσοφοι Σπινόζα, Λεϊβνίτιος, Βόλφ, Ἐρβαρτος καὶ οἱ μαθηταί των.

”Ολας δὲ τυπικὸν χαρακτῆρα ἀποδίδει εἰς αὐτὴν ὁ ιδρυτής τῆς « Κριτικῆς φιλοσοφίας » Κάντιος ( Imm. Kant, 1724 - 1804 ). Εἰς τὸ ἔργον του « Κριτικὴ τοῦ καθαροῦ λόγου », τοῦ ὅποιου ἡ ἐπίδρασις ὑπῆρξε τεραστία, ἐδίδαξεν, ὅτι τὰς μορφὰς καὶ τὰς ιδιότητας εἰς τὰ ἀντικείμενα προσδίδει τὸ πνεῦμα ἡμῶν διὰ γνωστικῶν στοιχείων προϋπαρχόντων εἰς αὐτὸν ( « ἐποπτειῶν » τῆς αἰσθήσεως καὶ

1. Επαγγελμάτοις, σταν ἐκ πολλῶν ἐπὶ μέρους περίπτωσεων συνάγωμεν τὸ ἴσχυον περὶ συνόλου τινός· π.χ. ἐκ τοῦ ὅτι, « ἔκαστος πλανήτης εἶναι ἐτερόφωτος » τὴν γενικήν ἀλήθειαν « πάντες οἱ πλανῆται εἶναι ἐτερόφωτοι » παραγγέλνει τὸ δέ, σταν ἀντιθέτως ἐκ τοῦ γενικοῦ συνάγωμεν τὸ ἴσχυον περὶ τοῦ μερικοῦ ἐκ τοῦ ὅτι « πᾶν μέταλλον θερμαινόμενον διαστέλλεται », ὅτι καὶ « ὁ χρυσὸς διαστέλλεται ».

« κατηγοριῶν » τῆς νοήσεως ). Διὰ τοῦτο, ἐνῷ οὐδέποτε θά γνωρίσωμεν τὴν ἀληθῆ ούσιαν αὐτῶν, ἀντιθέτως δυνάμεθα νὰ γνωρίσωμεν διὰ τῆς νοήσεως ταῦτα, ὡς μορφοῦνται ὑπὸ αὐτῆς. Τὰς κατηγορίας καὶ τοὺς ὄρους τῆς λογικῆς γνώσεως ἔχεταζει ἡ ‘Υ περβατικὴ Λογικὴ συμπληροῦσσα τὴν Τυπικήν.

Πάντες σχεδὸν οἱ νεώτεροι φιλόσοφοι ἐν συναφείᾳ πρὸς τὰς γνωσιολογικὰς ἐρεύνας αὐτῶν ἥσχολήθησαν μὲ τὴν Λογικήν.

Ἐξ αὐτῶν ἄλλοι ταυτίζουσι τὰ λογικὰ φαινόμενα πρὸς τὰ ψυχολογικὰ καὶ ὑποτάσσουσι τὴν Λογικήν εἰς τὴν Ψυχολογίαν, ὡς οἱ Lecke, St. Mill, ὅστις εἰσήγαγεν ἀξιολόγους μεθόδους ἐμπειρικῆς ἐρεύνης κ. ἄ. ( ἄκρα ψυχολογικὴ σχολή ). Ἄλλοι ἀντιθέτως δεχόμενοι παραστάσεις καὶ ἀληθείας αὐθυπάρκτους διαχωρίζουσιν ὅλως τὰ λογικὰ φαινόμενα τῶν ψυχολογικῶν ( ἄκρα λογικὴ σχολή : Bolzano, Cohen· ἀξιολογικὴ σχολή : Windelband, Rickert κλπ. ). Ἄλλοι τέλος ἀκολουθοῦν μέσην τινὰ ὄδὸν ( Wundt κ. ἄ. ).

Ἐκ τῆς στενῆς σχέσεως τῆς Λογικῆς πρὸς τὰ Μαθηματικά, τὴν ὅποιαν ἀπὸ τοῦ 13ου αἰῶνος ἥδη ἐπρόσεξαν οἱ σχολαστικοὶ φιλόσοφοι Ρογῆρος Βάκων, Ρεύμόνδος Λούλλος κ. ἄ., ὡρμήθησαν οἱ ἰδρυταὶ τῆς Μαθηματικῆς ἢ Συμβολικῆς Λογικῆς. Ο Λεϊβνίτιος ( Leibniz. 1646 - 1716 ) θεωρῶν τὴν Λογικήν « εἶδος καθολικῆς μαθηματικῆς ἐπιστήμης » καὶ βραδύτερον διχαμιλτων ( Hamilton, 1788 - 1856 ) καθώρισαν « γενικὰ σύμβολα » τῶν λογικῶν στοιχείων καὶ ἐνεργειῶν, τὰ ὅποια ὅμως δὲν ἐπεβλήθησαν. Ἀπὸ τῶν μέσων τοῦ 19ου αἰῶνος ἴδρυθη ὑπὸ τοῦ "Αγγλου φιλοσόφου Μπούλ ( Boole, 1815 - 1864 ) ἡ 'Αλγεβρικὴ Λογική, τῆς ὅποιας ἔξελιξις καὶ βελτίωσις εἴναι ἡ ὑπὸ τῶν ἐπίσης "Αγγλων φιλοσόφων Βέρτρ. Ρωσσελ ( Russel ) καὶ 'Αλφρ. Οὐάιτχιντ ( Whitehead ) διδαχθεῖσα Λογιστική. Αὕτη ἀναπτυχθεῖσα ἔτι περαιτέρω καλλιεργεῖται σήμερον πανταχοῦ — ὑπὸ Μαθηματικῶν κυρίως — καὶ χρησιμοποιοῦσσα σύμβολα καὶ τύπους ἐπιζητεῖ τὴν μετὰ μαθηματικῆς ἀκριβείας εὑρεσιν πάσης λογικῆς σχέσεως.

Ἐν γένει κατὰ τοὺς νεωτέρους χρόνους καὶ τὰ γνωσιολογικὰ θεμέλια καὶ τὰ ἐπὶ μέρους προβλήματα τῆς Λογικῆς ἡρευνήθησαν καὶ ἐρευνῶνται. Ἐλάχιστα ὅμως προσετέθησαν εἰς τὴν τυπικὴν Λογικὴν καὶ τὴν περὶ τῶν γενικῶν μεθόδων διδασκαλίαν τοῦ 'Αριστοτέ-

λους. Έκείνο τὸ ὅποιον μετεβλήθη οὐσιωδῶς εἰναι ἡ περὶ τοῦ χαρακτῆρος αὐτῆς ἀντίληψις. Ἡ Λογικὴ σήμερον θεωρεῖται ν ο ο λογικὴ τυπικὴ ἐπιστήμη καὶ σχι ὃν το λογική, ὅπως ἔθεωρεῖτο ὑπὸ τοῦ Ἀριστοτέλους.<sup>1</sup> Ἀξιολογωτάτη δὲ προσθήκη τῶν νεωτέρων εἰναι ἡ τῆς Μεθοδολογίας τῶν ἐπιστημῶν. Αὕτη, κατ' εἰσήγησιν τοῦ Γερμανοῦ φιλοσόφου, ὅπαδοῦ καὶ ἐρμηνευτοῦ τῆς ἀριστοτελικῆς Λογικῆς Trendelenburg, ἀπετέλεσε τμῆμα τῆς Λογικῆς περὶ τὰ μέσα τοῦ παρελθόντος αἰώνος καὶ εἰναι τὸ κατ' οὐσίαν νέον καὶ εύρυ πεδίον γονίμων ἐρευνῶν.

---

1. "Υπὸ τοῦ Ἀριστοτέλους — καὶ τῶν Σχολαστικῶν — ἔθεωρεῖτο αὐτονόητον, ὅτι ἡ λογικὴ νόησις συλλαμβάνει τὴν πραγματικότητα, ὅπως εἰναι δυντως. Οἱ νεώτεροι δύμως δέν θεωροῦν τοῦτο αὐτονόητον. "Αν ἡ νόησις συλλαμβάνῃ τὴν πραγματικότητα, ὅπως εἰναι ἡ ὅπως φαίνεται εἰς αὐτὴν ὅτι εἰναι, ἀποτελεῖ βασικὸν πρόβλημα τῆς Γνωσιολογίας. 'Ἐπομένως ἡ Λογικὴ — ἀνεξαρτήτως τῆς σχέσεως τοῦ νοεῖν πρὸς τὸ εἰναι — εἰναι ἡ ἐπιστήμη τῆς κατ' ἀναγκαιότητα δρόῆς νοήσεως.

## ΜΕΡΟΣ ΠΡΩΤΟΝ

### ΣΤΟΙΧΕΙΟΛΟΓΙΑ "Η ΤΥΠΙΚΗ ΛΟΓΙΚΗ

#### ΤΜΗΜΑ ΠΡΩΤΟΝ

(3)

#### ΑΙ ΘΕΜΕΛΙΩΔΕΙΣ ΑΡΧΑΙ ΤΗΣ ΝΟΗΣΕΩΣ

Ἐάν ἐπιχειρήσωμεν νὰ ἔννοήσωμεν τὸν κύκλον καὶ ὡς τρίγωνον ταυτοχρόνως, τοῦτο βεβαίως θὰ ἀποκρουσθῇ αὐθορμήτως ὑπὸ τῆς νοήσεως ἥμῶν ὡς ἀδιανόητον καὶ παράλογον.

Τὸ αὐτὸν θὰ συμβῇ καὶ ἂν προσπαθήσωμεν νὰ ἔννοήσωμεν ὅτι «ἡ βροχὴ εἰς οὐδὲν αἴτιον ὀφείλεται».

Ὦρισμένα λοιπὸν διανοήματα ἡ νόησις τὰ ἀποκρούει ὡς παράλογα, ἐνῷ ἄλλα τὰ δέχεται ὡς ὁρθά. Πρὸς τί συμφωνεῖ ἀποδεχομένη τοῦτο ὡς ὁρθὸν καὶ πρὸς τί δχι ἀπορρίπτουσα αὐτὸν ὡς παράλογον; Τοῦτο δρίζουσιν αἱ καλούμεναι θεμελιώδεις ἀρχαὶ (ἢ νόμοι) τῆς νοήσεως, πρὸς τὰς ὀποίας αὔτη συμμορφοῦται καὶ ὀφείλει νὰ συμμορφοῦται εἰς πᾶσαν αὐτῆς ἐκδήλωσιν, ἵνα εἶναι ὁρθή.

Ἐπὶ τῶν ἀρχῶν τούτων στηρίζεται ἡ ἀπόλυτος βεβαιότης περὶ τῆς ὁρθότητος τοῦ συμπεράσματος ἐνὸς ὁρθοῦ συλλογισμοῦ καὶ ἡ πεποίθησις ὅτι τοῦτο εἶναι ὁρθὸν διὰ πάντα λογικὸν ἀνθρωπον. 'Υπ' αὐτῶν ἐπίσης ὑποχρεούμεθα νὰ αἰτιολογῶμεν πάντα ἰσχυρισμόν μας καὶ ἀξιοῦμεν τὴν ἀποδοχήν του, ἐάν τὸν αἰτιολογήσωμεν ὁρθῶς.

Αἱ ἀρχαὶ αὗται ἰσχύουν διὰ πάντα λογικὸν ἀνθρωπον καὶ δὲν ἐπιδέχονται ἔξαίρεσιν, εἶναι δηλαδὴ καθολικαὶ καὶ ἀπόλυτοι.

'Η συμφώνως πρὸς αὐτὰς διανόησις λέγεται λογικὴ συνέπεια, ἡ δὲ ἀπολύτως ὑποχρεωτικὴ ἀποδοχὴ τῶν κατὰ λογικὴν ἀκολουθίαν ἔξαγομένων λογικὴ ἀναγκαιότης.

Τάς άρχας ταύτας διέκριναν καὶ πρὸ τοῦ Ἀριστοτέλους δὲ Παρμενίδης, ὁ Πλάτων καὶ ἄλλοι φιλόσοφοι. Ὁ Ἀριστοτέλης δὲ ὡνόμασεν αὐτὰς « πρώτας ἀρχὰς » καὶ « ἀξιώμαστα ». Τῷ δὲ ὅντι ἀποτελοῦνται τὰ γενικώτατα τῶν ἀξιωμάτων καὶ ὡς τοιαῦται οὔτε ἀποδεικνύονται οὔτε χρήζουσιν ἀποδείξεως. Εἶναι δὲ αὗται αἱ ἔξῆς τέσσαρες :

1. 'Η ἀρχὴ τῆς ταυτότητος. (Principium identitatis). Αὕτη δρίζει ὅτι : πᾶν νοεῖται — καὶ ὁφείλει νὰ νοῆται — τὸ αὐτὸ πρὸς ἑαυτὸ ἦ ἵσον πρὸς τὸ σύνολον τῶν γνωρισμάτων αὐτοῦ. Ὁρθῶς νοεῖ ὁ νοῶν τὸν κύκλον ὡς κύκλον καὶ τὸν ἀνθρωπὸν ὡς ἀνθρωπὸν ἢ ὡς ὃν ἔχον αἰσθησιν καὶ λόγον (διότι ταῦτα ἀποτελοῦν τὰ γνωρίσματα τοῦ ἀνθρώπου). Διατυποῦται δὲ ἡ ἀρχὴ αὕτη ὡς ἔξῆς : A εἶναι A· ἢ A=A· ἢ A=(α+β+γ)¹.

'Εξ αὐτῶν ἀπορρέουν μερικώτεροι κανόνες· ὡς : τὸ ὅλον ἰσοῦται πρὸς τὰ μέρη αὐτοῦ· τὸ ἰσχὺον περὶ τοῦ ὅλου ἰσχύει καὶ περὶ τοῦ μέρους· καὶ ἄλλοι παραπλήσιοι.

2. 'Η ἀρχὴ τῆς ἀντιφάσεως. (Principium contradictionis). Κατ' αὐτήν : Οὐδέν δύναται νὰ νοῆται ταυτοχρόνως, ὅτι εἶναι τι καὶ δὲν εἶναι· π.χ. ὁ ἀνθρωπὸς δὲν δύναται συγχρόνως νὰ νοῆται καὶ ὡς μὴ ἀνθρωπὸς (ἢ ὡς μὴ ἔχων αἰσθησιν καὶ λόγον). Ὁ λέγων « ἡ γῆ κινεῖται καὶ ἡ γῆ δὲν κινεῖται » δὲν νοεῖ ὁρθῶς. Αὕτη διατυποῦται ὡς ἔξῆς : A δὲν εἶναι ὅχι A.

'Η ἀρχὴ αὕτη, τὴν ὅποιαν δὲ Αριστοτέλης ἐκάλεσε « βεβαιοτάτην τῶν ἀρχῶν ἀπασῶν », εἶναι τὸ κριτήριον, δι' οὗ ἐλέγχεται τὸ ψεῦδος².

'Ἐπ' αὐτῆς στηρίζεται δὲ κανὼν « διπλὴ ἀρνητικατάφασις » διότι : δι' τι δὲν εἶναι ὅχι A, εἶναι A· δι' τι δὲν εἶναι

1. « Χρή τὸ λέγειν τε νοεῖν τ' ἐόντι ἔμμεναι » (Παρμενίδης)· « δεῖ πᾶν τὸ ἀληθέες αὐτῷ ἑαυτῷ ὁμολογούμενον εἶναι πάντῃ » (Ἀριστοτ. Αναλ. πρότ. 47 a 8)· « τὸ μὲν οὖν εἶναι τὸ δύναται, καὶ τὸ μὴ δύναται μὴ εἶναι δύται μὴ δηλαγήκη » (Ἀριστοτ. Περὶ ἐρμην. 19a 24).

2. « Ἐστιν ἢ οὐκ ἔστιν » (Παρμενίδης)· « ἀδύνατόν ἔστι τὸ αὐτὸ περί εἶναι τε καὶ μὴ εἶναι » (Πλάτ. Εύθυνημος 293 d)· « οὗτος γάρ ἐμοὶ φαίνεται τὰ ἐναντία λέγειν αὐτὸς ἑαυτῷ ἐν τῇ γραφῇ ὀσπερ ἀνεί εἴποι· Ἀδικεῖ Σωκράτης θεούς οὐ νομίζων, ἀλλὰ θεοὺς νομίζων· καίτοι τοῦτο ἔστι παίζοντος (Πλάτ. Ἀπολ. 27 a).

ὅχι ἄνθρωπος, εἶναι ἄνθρωπος.

3. Ἡ ἀρχὴ τῆς τοῦ τρίτου ἢ μέσου ἀποκλείσεως. (*Principium exclusi tertii*). Κατὰ τὴν ἀρχὴν ταύτην: Οὐδὲν δύναται νὰ νοηθῇ ἄλλως, εἰ μὴ ὅτι εἶναι τι ἢ δὲν εἶναι· τρίτον τι μεταξὺ τούτων ἀποκλείεται: 'Ο "Ἄρης ἢ κατοικεῖται ἢ δὲν κατοικεῖται. Φυτόν τι εἶναι ἢ δένδρον ἢ ὄχι δένδρον. Εἶναι ἀδιανόητον νὰ εἴπωμεν: Φυτόν τι εἶναι ἢ δένδρον ἢ ὄχι δένδρον ἢ ἄλλο τι. Διατυποῦται δὲ ἢ ἀρχὴ αὐτή: Α εἶναι ἢ Β ἢ ὄχι Β'.

'Ἐπ' αὐτῆς στηρίζεται ἢ συναγωγὴ ἀληθειῶν διὰ τῆς εἰς ἀτοπὸν ἀπαγγελίας. 'Ἐάν βεβαιωθῶμεν ὅτι τὸ Α δὲν εἶναι ὄχι Β, κατ' ἀνάγκην θὰ ἀληθεύῃ, ὅτι τὸ Α εἶναι Β, ἐφ' ὅσον ἀποκλείεται νὰ εἶναι ἄλλο τι ἔκτὸς τούτων.

4. Ἡ ἀρχὴ τοῦ ἀποχρῶντος λόγου. (*Principium rationis sufficientis*). Κατὰ τὴν ἀρχὴν ταύτην: 'Η νόησις ἡμῶν ἀξιοῦ, ὅπως πᾶν ἔχῃ τὸν λόγον αὐτοῦ· ἥτοι τὰ μὲν ὄντα καὶ φαινόμενα τὴν αἰτίαν αὐτῶν, τὰ δὲ διανοήματα τὸν λόγον, ὅστις πείθει περὶ τῆς ἀληθείας αὐτῶν<sup>2</sup>.

"Οπως ἐν τῇ φύσει τὰ ὄντα καὶ τὰ φαινόμενα συνδέονται ὡς αἰτίον — ἀποτέλεσμα αἰτίου — αἰτιατόν, οὕτω καὶ ἐν τῇ νοήσει τὰ διανοήματα συνδέονται ὡς (γνωστικὸς) λόγος — ἀκολουθία· ἔκαστον δηλ. στηρίζεται ἐπὶ τοῦ προηγουμένου· ἀληθεύει, διότι ἀληθεύει καὶ ἔκεινο.

Αἱ σχέσεις ὅμως αἰτίου — αἰτιατοῦ καὶ λόγου — ἀκολουθίας δὲν συμπίπτουν πάντοτε. Πολλάκις ἐν τῇ διανοήσει λαμβάνομεν ὡς γνωστικὸν λόγον ἔκεινο, τὸ δόπιον ἐν τῇ φύσει εἶναι ἀποτέλεσμα. Οὔτω λέγομεν: ἀνῆλθεν ὁ ύδραργυρος τοῦ θερμομέτρου· ἅρα ἀνῆλθεν ἡ θερμοκρασία. Διὰ τὴν νόησιν εἰς τὴν περίπτωσιν ταύτην οὕτος εἶναι πράγματι διάλογος, διότι ἔξι αὐτοῦ συνάγομεν καὶ δι' αὐτοῦ αἰτιολογοῦμεν τὴν ἔτεραν πρότασιν.

1. «Πᾶν ἢ φάναι ἢ ἀποφάναι ἀναγκαῖον» ('Ἀριστ. Μετά τ. φυσ. 1012 b 11). «ἄλλα μήν οὐδὲ μεταξὺ ἀντιφάσεως ἐνδέχεται εἶναι οὐδὲν» (αὐτ. 1011 b 23).

2. «Εἰσὶν ἔκαστω τῶν ὄντων λόγοι» (Πλάτ. Εύθύδημος 285 e) «παντὶ γάρ ἀδύνατον χωρὶς αἰτίου γένεσιν σχεῖν» (αὐτ. Τίμαιος 28 a).

## ΤΜΗΜΑ ΔΕΥΤΕΡΟΝ

### ΑΙ ΣΤΟΙΧΕΙΩΔΕΙΣ ΜΟΡΦΑΙ ΤΗΣ ΝΟΗΣΕΩΣ

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

ΑΙ ΕΝΝΟΙΑΙ

#### I. ΑΙ ΕΝΝΟΙΑΙ ΚΑΘ' ΕΑΥΤΑΣ

1. Φύσις και όρισμός της έννοιας. Γνωρίζομεν ἐκ τῆς Ψυχολογίας, ὅτι ἔχομεν πολλάς παραστάσεις ἐνὸς καὶ τοῦ αὐτοῦ ἀντικειμένου. Οὕτω ἔχομεν πλείστας παραστάσεις τῆς σελήνης: ὅταν ὡς μηνίσκος ἐμφανίζεται ὑπὲρ τὸν διάστημα κατὰ τὴν δύσιν τοῦ ἥλιου· ὅταν γέμουσα πλανᾶται ἐν πλήρει αἰθρίᾳ εἰς τὸ στερέωμα· ὅταν προβάλλῃ ἐκ τῶν νεφῶν ὑπὲρ τὴν μίαν ἢ τὴν ἄλλην μορφὴν κ.λ.π. Ὁμοίως ἔχομεν πλείστας παραστάσεις τοῦ φίλου μας Α: μελετῶντος, παίζοντος, βαδίζοντος, γελῶντος, ἐνδεδυμένου οὕτως ἢ ἄλλως κ.λ.π.

"Οταν ὅμως λέγωμεν «ἡ σελήνη», «ὁ Α», δὲν ἔχομεν εἰς τὴν συνείδησιν μας ὡρισμένην παράστασιν τούτων, ἀλλὰ τρόπον τινὰ τὸν σκελετὸν πασῶν τῶν παραστάσεων, ἥτοι τὰ χαρακτηριστικὰ αὐτῶν ἐκεῖνα, τὰ ὅποια ὑπάρχουν σταθερῶς καὶ μονίμως εἰς ὅλας τὰς παραστάσεις, παραμερίζοντες ὅ,τι ιδιαίτερον περιέχει ἑκάστη, ὅ,τι δηλαδὴ εἶναι παροδικὸν καὶ μεταβλητόν. Τοιαῦτα χαρακτηριστικὰ τῆς μὲν σελήνης εἶναι, ὅτι εἶναι ἀστήρ, ἐτερόφωτος, δορυφόρος τῆς Γῆς· τοῦ δὲ Α, ὅτι εἶναι ἀνθρωπος, ἄρρην, μὲ ὡρισμένα ιδιαίτερα γνωρίσματα, δι' ᾧ διακρίνεται παντὸς ἄλλου ἀνθρώπου.

Εἰς τὴν περίπτωσιν ταύτην δὲν ἔχομεν πλέον παράστασίν τινα, ἀλλὰ τὴν ἐννοιαν τῆς σελήνης καὶ τοῦ φίλου μας Α, ἐννοιαν ἐνὸς μεμονωμένου ἀντικειμένου, τὴν ὅποιαν καλοῦμεν ἀτομικήν. Τοιαῦται ἀτομικαὶ ἐννοιαὶ εἶναι, δύσα καὶ τὰ ὑπάρχοντα ἢ καὶ ἀπλῶς δυνάμενα νὰ νοηθοῦν μεμονωμένα δυντα.

'Αλλ' ὅταν λέγωμεν «ἀστήρ», «ἀνθρωπος», «μέταλλον». «φυ-

τόν», προφανῶς δὲν πρόκειται οὔτε περὶ παραστάσεων οὔτε περὶ ἀτομικῶν ἔννοιῶν (τῆς σελήνης, τοῦ Ἀρεως, τοῦ Σειρίου, τοῦ Α ἢ τοῦ Β ἀνθρώπου ἢ μετάλλου ἢ φυτοῦ).

Δι' ἑκάστης τῶν ἔννοιῶν τούτων φέρομεν εἰς τὴν συνείδησιν, ὅπως καὶ διὰ τῶν ἀτομικῶν, τὰ εἰς πάσας τὰς παραστάσεις ὑπάρχοντα σταθερὰ χαρακτηριστικά, ὃχι ὅμως ἐνὸς μεμόνωμένου ὅντος, ἀλλὰ πλήρους σειρᾶς ὄντων, τὰ ὅποια διὰ τοῦτο ἀκριβῶς εἶναι ὅμοια πρὸς ἄλληλα καὶ δύνανται νὰ ικνηθοῦν ὡς ὅλον. Τοιαῦτα σταθερὰ χαρακτηριστικά εἶναι π.χ. τῶν μὲν συμπεριλαμβανομένων εἰς τὴν ἔννοιαν «ἄνθρωπος»: ὅν, αἰσθητικόν, λογικόν· τῶν δὲ νοούμενων ὡς φυτῶν: ὅν, ὀργανικόν, βλαστάνον ἐκ τῆς γῆς κ.ο.κ. Τὴν ἔννοιαν τοῦ εἴδους τούτου λέγομεν γενικήν.

‘Η ἔννοια, ὡς παρατηροῦμεν, εἴτε ἀτομική εἴτε γενική, περιέχει τὰ μόνιμα χαρακτηριστικά τοῦ ἀντικειμένου ἢ τοῦ συνόλου τῶν ὅμοιων, δι' ὧν τοῦτο νοεῖται πάντοτε ὡς τὸ αὐτό καὶ διακρίνεται παντὸς ἄλλου.

‘Η ἔννοια ἐπομένως διαφέρει ούσιωδῶς τῆς παραστάσεως.

‘Η παράστασις δίδεται ὑπὸ τῶν αἰσθήσεων. Είναι εἰκὼν παριστῶσα εἰς τὴν συνείδησιν ωρισμένον ἀντικείμενον, ὡς τοῦτο ἀπαντᾶ (ἢ δημιουργεῖται ὑπὸ τῆς φαντασίας) ἐν δεδομένῃ στιγμῇ, ἔχει δηλαδὴ συγκεκριμένον καὶ κυριολεκτικῶς ἀτομικὸν χαρακτῆρα.

‘Η ἔννοια, ἀντιθέτως, ἀνεξαρτήτως τῆς συμβολῆς τῶν αἰσθήσεων είναι προϊὸν τῆς νοήσεως, μορφή, δι' ἣς δὲν ἀπεικονίζονται, ἀλλὰ νοοῦνται ὡς ὅλον τὰ μόνιμα χαρακτηριστικά ἐνὸς ἢ πολλῶν ὄντων (ἢ φαινομένων,) δηλαδὴ ἔχει χαρακτῆρα ἀφηρημένον καὶ γενικόν, καὶ ὅταν ἀκόμη εἶναι ἀτομική<sup>1</sup>. Κατὰ ταῦτα:

1. Εἰς τὴν διάκρισιν ταύτην παραστάσεως καὶ ἔννοιας ἀντιστοιχεῖ ἡ διάκρισις Τέχνης καὶ Ἐπιστήμης. ‘Η Τέχνη ἐκφράζει ίδεαν τινὰ διὰ παραστάσεων καὶ εἰκόνων, δηλαδὴ διὰ στοιχείων προερχομένων ἐκ τῶν αἰσθήσεων, καὶ εἰς τὴν αἰσθησιν ἀπευθύνεται. ‘Η Ἐπιστήμη ἀντιθέτως ἔρευνα, συστηματοποιεῖ, ἔκθετει. τὴν ἀλήθειαν διὰ τῶν ἔννοιῶν καὶ ἐν γένει τῶν ἀφηρημένων μορφῶν τῆς διανοίας καὶ ἀπευθύνεται εἰς τὴν νόησιν.

"Ἐννοια (notio, conceptus) καλεῖται ἡ μορφὴ τῆς νοήσεως ἢ συμπεριλαμβάνουσα τὰ σταθερὰ χαρακτηριστικὰ ὅντος τινός ἢ φαινομένου ἢ σινόλου ὁμοειδῶν ὄντων καὶ φαινομένων.

'Εκφέρεται δὲ πᾶσα ἔννοια διὰ μιᾶς ἢ πλειόνων λέξεων (ώς: ὁ Ἀπόστολος Παῦλος, ἡ καυκασία φυλή), αἱ δποταὶ δόμοι καλοῦνται ὁρος (terminus).

2. Κοιναὶ καὶ λογικαὶ ἔννοιαι. 'Ομιλοῦντες περὶ ἔννοιῶν ἐν τῇ Λογικῇ ἔννοοῦμεν πάντοτε τὰς λογικὰς ἔννοιας ἐν ἀντιδιαστολῇ πρὸς τὰς κοινὰς ἢ φυσικάς.

Αἱ κοιναὶ ἔννοιαι σχηματίζονται ἢ αύτομάτως διὰ συνειρμῶν, ώς π.χ. ἡ ἔννοια «ἀνθρωπος» ἐν τῇ συνειδήσει τοῦ νηπίου, ἢ συνειδητῶς μὲν, ἀλλὰ μετ' ἀνεπαρκοῦς γνώσεως τῶν πραγμάτων ἢ προσοχῆς, ώς αἱ ὑπὸ τῶν πολλῶν σχηματιζόμεναι ἔννοιαι «ἡλεκτρισμός», «ἀτομικὴ ἐνέργεια» κ.ἄ. Αὗται στηρίζονται ἐπὶ ἔξιωτερικῶν τινων στοιχείων τῶν παραστάσεων καὶ ὅχι ἐπὶ τῶν μονίμων καὶ οὐσιωδῶν διὰ τοῦτο δὲ μόνον στοιχειώδη τινὰ «ἰδέαν» τοῦ πράγματος παρέχουν εἰς τὸν νοοῦντα αὐτό.

'Αντιθέτως αἱ λογικαὶ ἔννοιαι, εἴτε ἐκ τελειοποιήσεως τῶν κοινῶν προέρχονται εἴτε ἄλλως πως (ώρισμένων τούλαχιστον ἐξ αὐτῶν ώς τῶν μαθηματικῶν ἔννοιῶν ἢ δημιουργία ἀποτελεῖ πάντοτε πρόβλημα τῆς Φιλοσοφίας), ώς περιέχουσαι πάντα τὰ οὐσιώδη γνωρίσματα τοῦ πράγματος, καθιστοῦν ἐναργῶς νοητὴν τὴν οὐσίαν αὐτοῦ. "Οταν αῦται προέρχωνται ἐκ τελειοποιήσεως τῶν κοινῶν ἔννοιῶν (ώς π.χ. ἡ ἔννοια «φυτόν», ἣν σχηματίζει ὁ βοτανολόγος), στηρίζονται ἐπὶ τῆς προσηκούσης γνώσεως τῶν πραγμάτων καὶ τῆς ἐπὶ τοῦτο προσεκτικῆς ἐπιλογῆς τῶν οὐσιωδῶν καὶ σταθερῶν γνωρισμάτων αὐτῶν.

3. Διαιρεσίς τῶν ἔννοιῶν. 'Εννοίας δὲν ἔχομεν μόνον τῶν αἰσθητῶν ὄντων, ἀλλὰ καὶ τῶν ποικίλων ιδιοτήτων, ἐνεργειῶν, καταστάσεων καὶ σχέσεων αὐτῶν· ἔτι δὲ καὶ τοιούτων μὴ αἰσθητῶν, ἀλλὰ μόνον ὑπὸ τῆς νοήσεως συλλαμβανομένων.

Ταύτας διαιροῦμεν κατὰ τὴν κατηγορίαν, τὸ περιεχόμενον καὶ τὸ ποιόν.

Α) Κατὰ τὴν κατηγορίαν<sup>1</sup>. Τέσσαρα γενικά εἶδη ἐν νοιῶν διακρίνομεν.

α) τὰς δηλούσας ὅντας ἐν γένει αἰσθητὰ ἢ νοητὰ ἢ σύνολα δόμοειδῶν τοιούτων καὶ ἐκφερομένας δι’ οὐσιαστικῶν : ἥλιος, φυτόν, λέων, Ἀθῆναι, Πλάτων, Θεός, "Ἄδης,

β) τὰς δηλούσας ἰδιότητας τῶν ὄντων θεωρουμένας καθ’ εἰαυτὰς ὡς τι δλον αὐθύρπακτον, ἐκφερομένας δὲ δι’ ἀφηρημένων οὐσιαστικῶν καὶ ἐπιθέτων : ἀρετή, Ισότης, κάλλος, λευκός, ταχύς,

γ) τὰς δηλούσας ἐνεργείας ἢ καταστάσεις, αἵτινες ἐκφέρονται διὰ ρήματων : γράφω, πίπτω, κάθημαι, καὶ

δ) ἔκείνας, αἱ ὅποιαι ἐκφράζουν σχέσεις τῶν ὄντων πρὸς ἄλληλα (ἢ ἰδιοτήτων κ.λ.π.) καὶ ἐκφέρονται δι’ ἀναλόγου σημασίας ἐπιθέτων, ἐπιτρημάτων ἢ ἄλλων λέξεων : πρότερος, ἐπόμενος, ὑπερκείμενος, πλησίον, ἀπώτερος, διπλάσιος, ὅμοιος.

Β) Κατὰ τὸ περιεχόμενον. Ἀπὸ τῆς ἀπόψεως δὲ τοῦ περιεχομένου αὐτῶν διακρίνομεν ταύτας εἰς ἐννοίας μαθηματικάς, φυσικάς καὶ πνευματικάς.

Μαθηματικαὶ εἰναι αἱ ἀφηρημέναι ἐννοιαι ποσοτήτων ἐν γένει, αἱ ὅποιαι δὲν ἀναφέρονται εἰς ὠρισμένην πραγματικότητα : πέντε, μονάς, κύκλος, γραμμή, σημεῖον, ρόμβος.

Φυσικαὶ αἱ ἀναφερόμεναι εἰς τὰ ὄντα καὶ φαινόμενα τῆς φύσεως τὰ ὑπάρχοντα ἢ συμβαίνοντα ἄνευ τῆς ἐπεμβάσεως τοῦ ἀνθρωπίνου πνεύματος : ἵππος, μηλέα, ἄνθος, κύτταρον, χρυσός. Πλεκτρόνιον, ἐνέργεια, ἀδράνεια, ἀζωτον.

Πνευματικαὶ δὲ αἱ ἀναφερόμεναι εἰς ἐκδηλώσεις ἢ δημιουργήματα τοῦ ἀνθρωπίνου πνεύματος : ἐννοια, συναίσθημα, γλῶσσα, ἀρετή, πολιτισμός, θρησκεία, νομοθεσία, τέχνη, ἐπιστήμη, κοινωνία.

Γ) Κατὰ τὸ ποιόν. Διὰ τῶν ἐννοιῶν τὰς ὅποιας μέχρι τοῦδε ἐγνωρίσαμεν, νοοῦμεν ὠρισμένον τι φέροντες εἰς τὴν συνείδησιν τὸ τί εἰναι. 'Υπάρχουν ὅμως καὶ ἐννοια, δι’ ὃν νοοῦμεν μόνον τί δὲν εἰναί τι, ἐννοια δηλαδὴ αἴρουσαι ἀπλῶς ὠρισμένον περιεχόμενον.

1. Ἡ διαίρεσις αὕτη ἀνταποκρίνεται εἰς τὴν τῶν κατηγοριῶν, περὶ τῶν ὅποιων γίνεται λόγος κατωτέρω.

Τὸν τοιοῦτον θετικὸν ἥ δρυνητικὸν χαρακτῆρα τῆς ἐννοίας καλοῦμεν ποιὸν αὐτῆς. Λέγονται δὲ καταφατικαὶ ἥ θετικαὶ αἱ ἐννοιαὶ αἱ δηλοῦσαι θετικῶς ὡρισμένον τι, π.χ. ἀνθρωπός, φυτόν, πίστις, δίκαιος· ἢ ποφατικαὶ δὲ ἥ ἀρνητικαὶ ἥ στερητικαὶ αἱ αἴρουσαι ὡρισμένον περιεχόμενον καὶ δηλοῦσαι τὴν ἀνυπαρξίαν αὐτοῦ, π.χ. ὅχι ἀνθρωπός, ὅχι φυτόν, ἀπιστία, ἀδικος.

(5)

4. Γνωρίσματα τῶν ἐννοιῶν καὶ εἰδῆ αὐτῶν. Τὰ κοινὰ χαρακτηριστικὰ τῶν παραστάσεων, τὰ δόποια ὡς σταθερῶς ἀπαντῶντα εἰς πάσας συναποτελοῦν, ὡς εἰδομεν, τὴν ἐννοιαν, λέγονται γ νωρίσματα αὐτῆς.

Οὕτω τῆς ἐννοίας τοῦ τριγώνου γνωρίσματα είναι, ὅσα συναντῶμεν σταθερῶς εἰς πᾶσαν παράστασιν τριγώνου, ἥτοι: σχῆμα, ἐπίπεδον, εὐθύγραμμον, περατούμενον εἰς τρεῖς γραμμάς· δύοις τοῦ λέοντος: δρυγανικόν, ζῷον, σπονδυλωτόν, θηλαστικόν, σαρκοφάγον, αἰλουροειδές, ἔχον χαρακτηριστικὸν κρανίον, χαίτην καὶ θυσανωτὴν κατὰ τὸ ἄκρον οὐράν.

Ἐκαστὸν τῶν γνωρίσμάτων, ὡς παρατηροῦμεν, ἀποτελεῖ μίαν ἐννοιαν. Κατὰ ταῦτα:

Γνώρισμα (ποτα) ἐννοίας τινὸς καλεῖται ἄλλη ἐννοια δηλοῦσα ἐν τῷ συνιστώντων αὐτὴν στοιχείων.

A) Οὔσιώδη καὶ ἐπουσιώδη γνωρίσματα. Τὰ ἀνωτέρω γνωρίσματα τῶν ἐννοιῶν τοῦ τριγώνου καὶ τοῦ λέοντος εἶναι ἀπαραίτητα διὰ τὴν σύστασιν αὐτῶν καὶ ἔξισου ἀπαιτοῦνται, ἵνα νοῶμεν αὐτὰς πλήρως· ἥτοι δηλοῦσιν αὐτὴν τὴν οὔσιαν τῆς ἐννοίας· διὰ τοῦτο καλοῦνται οὔσιώδη.

Δὲν είναι ὅμως τὰ μόνα γνωρίσματα τῶν ἐννοιῶν τούτων. Τὸ τρίγωνον είναι καὶ « ὑποκείμενον τῆς Γεωμετρίας » καὶ « μέγεθός τι » κ.ἄ. Ο λέων είναι καὶ « ἄγριον » καὶ « βαρὺ » καὶ « βρωμαλέον » κ.ἄ. Τὰ γνωρίσματα ὅμως ταῦτα δὲν είναι ἀπαραίτητα, διὰ νὰ συλλάβωμεν τὴν οὔσιαν τῆς ἐννοίας. Ταῦτα λέγονται διὰ τοῦτο ἐπουσιώδη.

B) Θεμελιώδη καὶ παράγωγα. Τινὰ τῶν γνωρίσμάτων είναι πρωταρχικά, ἀποτελοῦντα τρόπον τινὰ τὴν βάσιν τῆς ἐννοίας, ὡς ἥ « παραλληλία τῶν πλευρῶν » ὡς γνώρισμα τοῦ παραλ-

ληλογράμμου, ή ἔννοια « λογικὸν » ως γνώρισμα τοῦ ἀνθρώπου. Ταῦτα λέγονται θεμελιώδη.

Ἄλλα δὲ προέρχονται ἐκ τούτων, ως « ἡ ἴσοτης τῶν ἀπέναντι πλευρῶν » ως γνώρισμα τοῦ παραλληλογράμμου ή ἡ ἔννοια « διανοούμενον » ως γνώρισμα τοῦ ἀνθρώπου καὶ καλοῦνται ως ἐκ τούτου παράγωγα.

Γ) Ιδιαίτερα καὶ κοινὰ γνωρίσματα. Ὡρισμένα γνωρίσματα ἀνήκουν ἀποκλειστικῶς εἰς μίαν ἔννοιαν καὶ καλοῦνται ίδια γνωρίσματα αὐτῆς, ἄλλα δὲ εἰς πολλὰς ταυτοχρόνως καὶ καλοῦνται κοινά. Οὕτω ίδιον γνώρισμα τοῦ τετραπλεύρου είναι τὸ ὅτι « ἔχει τέσσαρας πλευράς »· κοινά δέ, ἀνήκοντα καὶ εἰς τὰ τρίγωνα καὶ τὰ πολύγωνα, είναι τὰ γνωρίσματα: σχῆμα, ἐπίπεδον, εὐθύγραμμον.

5. Βάθος καὶ πλάτος τῶν ἔννοιῶν. *Báthos* (comprehension) ἔννοιας τινὸς καλοῦμεν τὸ σύνολον τῶν γνωρίσμάτων αὐτῆς. Οὕτω τὸ βάθος τῆς ἔννοιας « δένδρον » είναι: δν, σῶμα, δρυγανικόν, φυτόν, ξυλῶδες, ἔχον κορμὸν γυμνὸν φύλλων καὶ κόμην φυλλοφόρον· τῆς δὲ ἔννοιας « κύβος » τὸ βάθος είναι: σχῆμα στερεόν, ἔξαεδρον, κανονικόν.

Ως πρὸς τὸ βάθος αὐτῶν αἱ ἔννοιαι είναι ἀπλαῖς ἢ σύνθετοι.

Α πλαῖς λέγονται αἱ ἔχουσαι ἐλάχιστα γνωρίσματα, ως π.χ. ἡ ἔννοια « δν », τῆς ὁποίας τὸ μοναδικὸν γνώρισμα είναι: ἡ ὑπαρξίς.

Σύνθετοι δὲ καλοῦνται αἱ ἔχουσαι πολλὰ γνωρίσματα, ως αἱ ἔννοιαι: λέων, τρίγωνον, δένδρον.

Πλάτος δὲ (extension) ἔννοιας τινὸς καλοῦμεν τὸ σύνολον τῶν ὄντων, τὰ δποῖα νοοῦμεν δι' αὐτῆς, ἦτοι τῶν ἔννοιῶν, αἱ δποῖαι ἔχουσαι ταύτην ως γνώρισμα συναποτελοῦν αὐτήν.

Λέγοντες « δρυγανισμὸς » νοοῦμεν πάντα, δσα είναι δρυγανισμοί, ἦτοι τὰ ζῷα καὶ τὰ φυτά. Αἱ ἔννοιαι « ζῷον » καὶ « φυτόν » ἔχουσαι κοινὸν γνώρισμα τὴν ἔννοιαν « δρυγανισμὸς » καὶ συναποτελοῦσαι αὐτὴν είναι τὸ πλάτος αὐτῆς.

Ομοίως τὸ πλάτος τῆς ἔννοιας « εὐθύγραμμον τρίγωνον » είναι αἱ ἔννοιαι: ἴσόπλευρον τρίγωνον, ἴσοσκελές, δρυθογώνιον, σκαλινόν· τῆς δὲ ἔννοιας « ἀνθρωπός » (ἀναλόγως τῆς βάσεως, ἦν λαμβάνομεν): ἄρρενες καὶ θηλεις ἢ καυκασίας φυλῆς, μογγολικῆς κ.τ.δ. ἢ Εύρωπαῖοι, Ἀσιᾶται... κτλ.

Κατὰ τὸ πλάτος δὲ αὐτῶν αἱ ἔννοιαι εἰναι ἀτομικαὶ ἢ γενικαί.

Α το μικαὶ λέγονται αἱ περιλαμβάνουσαι ἐν μεμονωμένον ὅν, ώς αἱ ἔννοιαι Σωκράτης, 'Ελλάς, Λογική.

Γενικαὶ δὲ αἱ περιλαμβάνουσαι πολλὰ ὄμοιειδῆ : ἀστήρ, ἄνθρωπος, σχῆμα, ὄργανισμός, ὅν.

'Υπό τοῦ Ἀριστοτέλους αἱ μὲν γενικαὶ ἔννοιαι ὄνομάζονται τὰ καθόλον, αἱ δὲ ἀτομικαὶ τὰ καθ' Ἑκαστον : « λέγω δὲ καθόλου μὲν ὁ ἐπί πλειόνων πέφυκε κατηγορεῖσθαι, καθ' Ἑκαστον δὲ ὁ μή, οἷον ἀνθρώπος μὲν τῶν καθόλου, Καλλίας δὲ τῶν καθ' Ἑκαστον » ( Περὶ ἐρμην. !7, 38 κ. ξ.).

6. Σχέσις τοῦ βάθους καὶ τοῦ πλάτους. Συγκρίνοντες ὡς πρὸς τὸ βάθος καὶ τὸ πλάτος τάς ἔννοιάς « ὄργανισμός », « φυτὸν » καὶ « δένδρον » παρατηροῦμεν, ὅτι ἡ ἔννοια « ὄργανισμὸς » ἔχει τὸ μικρότερον βάθος ( ὅν, σῶμα, ἔχον ζωὴν ) καὶ τὸ μεγαλύτερον πλάτος ( πάντα τὰ ζῷα καὶ φυτά )· ἡ ἔννοια « φυτὸν » ἔχει βάθος μεγαλύτερον ( ὅν, σῶμα, ὄργανικόν, φυσόμενον ἐκ τῆς γῆς ), ἀλλὰ πλάτος μικρότερον ἐκείνης ( πάντα τὰ φυτά )· ἡ δὲ ἔννοια « δένδρον » ἔχει ἔτι μεγαλύτερον βάθος ( ὅν, σῶμα, ὄργανικόν, φυτόν, ἔχον ξυλώδη κορμὸν ) καὶ ἔτι μικρότερον πλάτος ( πάντα τὰ δένδρα ).

Ἐκ τούτων γίνεται καταφανές, ὅτι αὔξανομένον τοῦ βάθους ἐλαττούτα τὸ πλάτος τῆς ἔννοιας καὶ τάναταλιν.

7. Ἡ ἀκρίθεια τῶν ἔννοιῶν. Τὸ βάθος καὶ τὸ πλάτος εἰναι αἱ δύο λογικαὶ ἀπόψεις τῆς ἔννοιας, διὰ τῶν ὅποιων ἀφ' ἐνὸς μὲν συλλαμβάνομεν τὴν οὐσίαν τῶν ὅντων, ἀφ' ἐτέρου δὲ τὸ πλήθος αὐτῶν.

Εἰς τὰ δύο ταῦτα στηρίζεται πᾶσα συσχέτισις τῶν ἔννοιῶν. Θά διδωμεν δὲ ὅτι καὶ αἱ κρίσεις καὶ οἱ συλλογισμοὶ δὲν εἰναι εἰ μὴ συσχετίσεις ἔννοιῶν.

"Ἐχει πρωταρχικὴν σημασίαν ἐπομένως διὰ τὴν ὀρθότητα πάσης λογικῆς ἐνεργείας ἡ γνῶσις τοῦ βάθους καὶ τοῦ πλάτους τῶν ἔννοιῶν, ἐφ' ὃν αὕτη στηρίζεται.

Ἡ ἀπόλυτος ὅμως γνῶσις τοῦ βάθους καὶ τοῦ πλάτους μόνον ὀλίγων ἔννοιῶν εἰναι δυνατή· ἀλλων εἰναι λίαν δυσχερής καὶ ἀλλων ἀνέφικτος. Ἐννοοῦμεν λοιπὸν σχετικῶς τὴν γνῶσιν αὐτὴν εἰς βα-

θμόν, ώστε κατά μὲν τὸ βάθος νὰ διακρίνωμεν τὴν ἔννοιαν πάσης ἄλλης, κατὰ δὲ τὸ πλάτος νὰ διαβλέπωμεν τούλαχιστον τὰ μὴ δυνάμενα νὰ ἀπαριθμηθοῦν (ἀπειροπληθῆ πολλάκις) ἀντικείμενα, τὰ δόποια ὑπάγονται εἰς αὐτὴν.

Αἱ τοιαῦται ἔννοιαι λέγονται ἀκριβεῖς ἢ τέλειαι. Καὶ εἰδικώτερον: σαφεῖς μέν, ὅταν γνωρίζωμεν τὸ βάθος αὐτῶν — ἄλλως λέγονται ἀσαφεῖς — εὔκρινεῖς δέ, ὅταν γνωρίζωμεν καὶ τὸ βάθος καὶ τὸ πλάτος αὐτῶν — ἐν ἐναντίᾳ δὲ περιπτώσει συγκέχυμέναι.

Εύνόητον, ὅτι ἀκριβεῖς ἔννοιας σχηματίζουν βαθμηδὸν οἱ ἐπιστήμονες καὶ διανοούμενοι ἐν γένει ἕκαστος εἰς τὸν κλάδον αὐτοῦ. Τοῦτο δὲ ἀκριβῶς, ἡ δημιουργία τελείων ἔννοιῶν περὶ τῶν ὄντων καὶ φαινομένων τοῦ βίου καὶ τοῦ κόσμου, εἴναι εἰς τῶν κυρίων σκοπῶν τῆς Ἐπιστήμης.

(6)

## II. ΑΙ ΕΝΝΟΙΑΙ ΕΝ ΣΧΕΣΕΙ ΠΡΟΣ ΑΛΛΗΛΑΣ

1. Σχέσεις τῶν ἔννοιῶν πρὸς ἄλλήλας κατὰ τὸ βάθος. Τὰς ἔννοιας ὡς πρὸς τὸ βάθος συγκρίνομεν πρὸς ἄλλήλας ἔξετάζοντες :

α) ἂν ἔχουν κοινὰ γνωρίσματα καὶ πόσα καὶ

β) ἂν δύνανται νὰ νοηθοῦν ὁμοῦ εἰς τὸ βάθος τρίτης τινὸς ἔννοιας.

α) Κατὰ τὰ κοινὰ γνωρίσματα. Δύο ἢ περισσότεραι ἔννοιαι δύνανται ἡ νὰ ἔχουν κοινὰ πάντα ἢ τινὰ τῶν γνωρισμάτων αὐτῶν ἢ νὰ μὴ ἔχουν κοινὰ γνωρίσματα.

Αἱ ἔννοιαι, αἱ δόποιαι ἔχουσι πάντα τὰ γνωρίσματα κοινά, καλοῦνται αἱ αὔταί, π.χ. ἀκτίς — ἡμιδιάμετρος · δργανικὸν — ἔμβιον.

Λέγονται αὗται καὶ ταυτοβαθεῖς καὶ ισοδύναμοι καὶ ὡς δυνάμεναι νὰ λέγωνται ἡ μία ἀντὶ τῆς ἄλλης ἀντικατηγορούμεναι. Κατ' ούσιαν πρόκειται περὶ τῆς αὐτῆς ἔννοιας θεωρουμένης ἀπὸ ἄλλης ἀπόψεως. Ἐπειδὴ ὅμως πολλάκις αὗται ἐμφανίζονται καὶ συσχετίζονται πρὸς ἄλλήλας Ιδίᾳ κατὰ τοὺς συλλογισμούς, εἴναι ἀπάραιτητος ἡ διάκρισις αὐτῶν.

Αἱ ἔχουσαι κοινὰ γνωρίσματά τινα λέγονται συγγενῖς,  
π.χ. λέων – ζῷον· τρίγωνον – σφαῖρα.

Αἱ δὲ οὐδὲν κοινὸν γνώρισμα ἔχουσαι λέγονται ἀσύγκριτοι,  
π.χ. σοφία – τρίγωνον· ὅδωρ – ἐπιμέλεια.

Ἐκ τῶν συγγενῶν καλοῦνται ὅμοιαι μὲν αἱ ἔχουσαι τὰ περισσότερα τῶν γνωρίσμάτων των κοινά, π.χ. ρόμβος – τρίγωνον· ἐλαία – συκῆ· ἵππος – λέων· ἀνόμοιαι δὲ αἱ ἔχουσαι τὰ ὄλιγώτερα, π.χ. κύκλος – πυραμίς· ἐλαία – ὄρυκτόν.

β) Κατὰ τὴν συμφωνίαν. Ἐξεταζόμεναι δὲ αἱ ἔννοιαι κατὰ τὴν δυνατότητα νὰ νοηθοῦν ὁμοῦ εἰς τὸ βάθος τρίτης τινὸς ἔννοίας, ὡς γνωρίσματα δηλ. ἄλλης ἔννοίας, διακρίνονται εἰς συμφώνους καὶ ἀντίθετους.

Σύμφωνοι λέγονται αἱ ἔννοιαι αἱ δυνάμεναι νὰ συνυπάρχουν εἰς τὸ βάθος τρίτης, δηλ. νὰ ἀποτελοῦν ὁμοῦ γνωρίσματα ἄλλης ἔννοίας, ὡς : ὑγρὸς – λευκὸς τῆς ἔννοίας τοῦ γάλακτος· σκληρὸς – διαυγής τῆς ἔννοίας τοῦ ἀδάμαντος· δρυγανισμὸς – ζῷον τῆς ἔννοίας τοῦ ἵππου.

Ἄντιθετοι δὲ ἢ ἀσύμφωνοι αἱ μὴ δυνάμεναι νὰ συναποτελοῦν γνωρίσματα ἔννοίας τινός. Λέγονται δὲ ἀντίθετοι, διότι ἡ μία ἀποκλείει τὴν ἄλλην, ὡς π.χ. αἱ ἔννοιαι ὄρυκτὸν – δρυγανισμός· οὔτε εἰς ἔννοιαν ἔχουσαν γνώρισμα τὸ « ὄρυκτόν », ( ὡς μέταλλον, χαλκός ) δύναται νὰ εἴναι γνώρισμα καὶ ἡ ἔννοια « δρυγανισμός », οὔτε ἀντιστρόφως εἰς ἔννοιαν ἔχουσαν γνώρισμα τὴν τοῦ « ὄργανισμοῦ » ( ὡς φυτόν, δένδρον, μηλέα ) δύναται καὶ ἡ ἔννοια « ὄρυκτὸν » νὰ εἴναι γνώρισμα.

Ἀντίθετοι δυνατὸν νὰ εἴναι καὶ ὅμοιαι ἔννοιαι, π.χ. κύων – λέων· ὁ λέων δὲν δύναται νὰ εἴναι γνώρισμα τοῦ κυνηγετικοῦ κυνός ( ἐνῷ ὁ κύων είναι ) οὔτε ὁ κύων τοῦ σκύμνου ( ἐνῷ είναι ὁ λέων ). Τίνες ἐκ τῶν ὁμοίων ἔννοιῶν είναι ἀντίθετοι, θὰ ὅδωμεν κατωτέρω ἐξετάζοντες τὰς σχέσεις τῶν ἔννοιῶν πρὸς ἀλλήλας κατὰ τὸ πλάτος.

Τὰς ἀντίθετους ἔννοιας διακρίνομεν εἰς ἀντιφατικὰς καὶ ἔναντιας.

Ἄντιφατικαὶ λέγονται δύο ἀντίθετοι ἔννοιαι, ὃν τιθεμένης τῆς μιᾶς ἡ ἐτέρα αἱρεταὶ, ἀλλὰ καὶ αἱρομένης ἡ ἐτέρα τίθεται, π.χ. πλανήτης – ἀπλανής. Λέγοντες « πλανήτης » θὰ εἰπωμεν ἀναγκαίως « ὅχι ἀπλανής », λέγοντες δὲ « ὅχι πλανήτης » ἀναγκαίως θὰ εἰπω-

μεν « ἀπλανής »· καὶ ἀντιστρόφως : ἀπλανής = ὅχι πλανήτης· ὅχι ἀπλανής = πλανήτης. Ἡ ἀντίθεσις τοῦ εἰδους τούτου λέγεται ἀν τι φασις.

Ἐν αντιφάσι δὲ καλοῦνται δύο ἀντίθετοι ἔννοιαι, τῶν ὅποιων τιθεμένης μὲν τῆς μιᾶς αἱρεται ἡ ἐτέρα, αἱρομένης ὅμως δὲν τίθεται ἀναγκαίως ἡ ἐτέρα, π.χ. ὑγρὸν καὶ στερεόν : ὑγρὸν = ὅχι στερεόν· ὅχι ὑγρόν = ; ( διότι δύναται νὰ είναι καὶ ἀερίου τὸ περὶ οὐδὲ λόγος )· καὶ ἀντιστρόφως : στερεόν = ὅχι ὑγρόν· ὅχι στερεόν = ; Τὸ αὐτὸ παρατηροῦμεν καὶ εἰς τὰς ἔννοιας λευκός — μέλας, τρίγωνον — τετράγωνον, ὁρθὴ γωνία — ἀμβλεῖα γωνία, καὶ ἐν γένει, ὅπου καὶ ἄλλαι ἔννοιαι ἐκτὸς τῶν ἀντιτιθεμένων δύνανται νὰ νοηθοῦν κατὰ τὴν αὐτὴν σχέσιν συνδεόμεναι πρὸς αὐτάς. Ἡ δὲ τοιαύτη ἀντίθεσις καλεῖται ἐν αντιφάσι.

Δυνάμεθα κατὰ τὰ ἀνωτέρω νὰ κατατάξωμεν τὰς ἔννοιας ὡς πρὸς τὰς σχέσεις των κατὰ τὸ βάθος ὡς ἔξῆς :

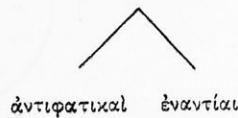
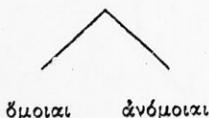
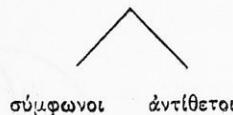
A) Κατὰ τὰ κοινὰ γνωρίσματα :

Ἐννοιαὶ



B) Κατὰ τὴν συμφωνίαν :

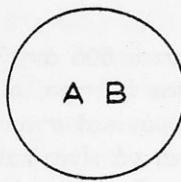
Ἐννοιαὶ



2. Σχέσεις τῶν ἔννοιῶν πρὸς ἄλλήλας κατὰ τὸ πλάτος  
‘Ως πρὸς τὸ πλάτος — ἐφ’ ὅσον ἔχουν σχέσιν τινὰ — δύο ἔννοιαι δύνανται νὰ είναι ταυτοπλατεῖς ἢ ὑπάλληλοι ἢ συνάλληλοι ἢ ἐπαλλάσσουσαι:

Ταυτοπλατεῖς λέγονται αἱ ἔννοιαι, τῶν ὅποιων τὸ πλάτος συμπίπτει. Τοιαῦται είναι αἱ ἔννοιαι πολύπλευρον — πολύγωνον· δργανικὸν — ἐμβιον.

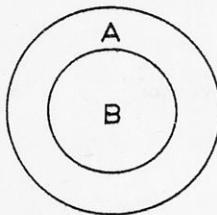
Παρίστανται δὲ αὗται διὰ τοῦ σχήματος :



Προφανῶς ταυτοπλατεῖς ἔννοιαι εἶναι αἱ καὶ ταυτοβαθεῖς.

Ὑπάλληλοι καλοῦνται ἐκεῖναι, τῶν ὅποιών ἡ μία περιέχεται εἰς τὸ πλάτος τῆς ἄλλης, ὅπότε ἡ εὐρυτέρα λέγεται ύπερκειμένη, ἡ δὲ στενωτέρα ύποκειμένη, ὡς π.χ. ἐπιστήμη — βιολογία· δένδρον — μηλέα· τρίγωνον — σκαληνόν.

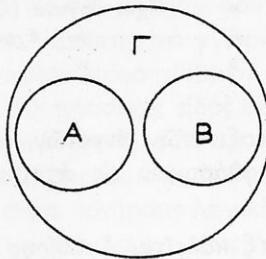
Αὗται παρίστανται ὡς ἔξης :



Κατὰ τὸ βάθος αὗται εἶναι συγγενεῖς, ἡ δὲ εὐρυτέρα ἐξ αὐτῶν ἀποτελεῖ γνώρισμα τῆς στενωτέρας.

Συνάλληλοι ἡ ὁμοταγεῖς ἡ παράλληλοι λέγονται αἱ ὁμοῦ περιεχόμεναι εἰς τὸ πλάτος εύρυτέρας ἔννοιας, ὡς π.χ. κύων — λέων, ὡς πρὸς τὴν ἔννοιαν «θηλαστικόν»· φυτὸν — ζῷον, ὡς πρὸς τὴν ἔννοιαν «όργανισμός».

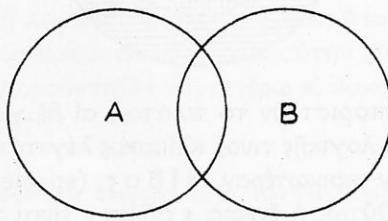
Παρίστανται δὲ αἱ ἔννοιαι αὗται διὰ τοῦ σχήματος :



Αἱ συνάλληλοι ἔννοιαι κατὰ τὸ βάθος εἰναι ἀφ' ἐνὸς μὲν ὅμοιαι ὡς ἔχουσαι τὰ πλεῖστα τῶν γνωρίσμάτων αὐτῶν κοινά, ἀφ' ἑτέρου δὲ ἀντίθετοι ὡς ἀποκλείουσαι ἀλλήλας εἰς τὸ βάθος τρίτης ἔννοιας. Διὰ τὸ τελευταῖον τοῦτο αὗται λέγονται καὶ διεζευγμέναι.

Ἐπαλλάσσουσαι δὲ η ἐπίκοινων οὐσιών καλοῦνται αἱ ἔννοιαι, τῶν δόποιών μέρη τοῦ πλάτους συμπίπτουν, π.χ. Χριστιανοὶ – Ἀσιᾶται (Χριστιανοί τινες εἰναι Ἀσιᾶται. Ἀσιᾶται τινες εἰναι Χριστιανοί). στρατιῶται – ἴππεῖς.

Αἱ ἐπαλλάσσουσαι ἔννοιαι παρίστανται ὡς ἔξῆς :



(7)

Αὗται κατὰ τὸ βάθος εἰναι σύμφωνοι

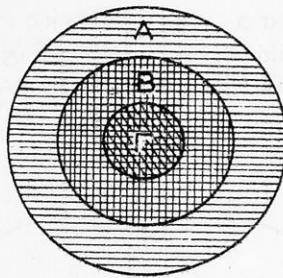
3. Λογικὴ κλῆμας. Γένη καὶ εἰδη. Αἱ ἔννοιαι: ὅν, σῶμα, ὄργανικόν, ζῷον, σπονδυλωτόν, εἰναι κατὰ μὲν τὸ βάθος συγγενεῖς, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ὑπάλληλοι διαδοχικῶς. Ἡ σειρά, τὴν δόποιαν ἀποτελοῦνται (καθ' ἥν τὸ μὲν βάθος αὔξανεται, τὸ δὲ πλάτος ἐλαττούται συνεχῶς), εἰναι λογική, ἐκάστη δηλαδὴ ἐξ αὐτῶν προκύπτει ἐκ τῆς προηγουμένης διὰ τῆς προσθήκης ἐνὸς γνωρίσματος, εἰς ὃσα ἔκεινη ἔχει :

όν	:	ύπάρχον
σῶμα	:	»                   έκτατὸν
όργανικὸν	:	»                   έχον ὄργανα (ζωὴν)
ζῷον	:	»                   »                   έχον ἔκουσίαν κίνησιν
σπονδυλωτὸν	:	»                   »                   »                   έχον σπονδυλικὴν στήλην.

Τὴν τοιαύτην κατάταξιν τῶν ἐννοιῶν, αἱ ὁποῖαι δύνανται νὰ συνεχισθοῦν μέχρις ὅτου φθάσωμεν εἰς ἀτομικὴν ἐννοιαν, καλοῦμεν λογικὴν κλίμακα: ὅθεν

Λογικὴ κλίμαξ καλεῖται ἡ πλήρης σειρὰ συγγενῶν ἐννοιῶν κατατασσομένων κατὰ τὸν ἀριθμὸν τῶν γνωρισμάτων αὐτῶν.

Τὴν κατὰ τὸ βάθος καὶ πλάτος σχέσιν τῶν ἐννοιῶν λογικῆς κλίμακος ἀποτελουμένης ἐκ τῶν ἐννοιῶν Α, Β, Γ θὰ ἡδυνάμεθα νὰ παραστήσωμεν διὰ τοῦ ἀκολούθου σχήματος:



Ἐνθα οἱ μὲν κύκλοι παριστοῦν τὸ πλάτος, αἱ δὲ γραμμαὶ τὸ βάθος.

Ἐκάστη ἐννοια λογικῆς τινος κλίμακος λέγεται γένος (genus) μὲν ὡς πρὸς πᾶσαν μερικωτέραν, εἶδος (species) δὲ ὡς πρὸς πᾶσαν γενικωτέραν. Οὕτως ἡ ἐννοια « σῶμα » εἶναι γένος τῶν ἐννοιῶν « ὄργανικόν », « ζῷον », « σπονδυλωτόν », εἶδος δὲ τῆς ἐννοιας « ὄν ». Ἡ ἐννοια « ζῷον » εἶναι γένος τῆς ἐννοιας « σπονδυλωτόν », καὶ εἶδος τῶν ἐννοιῶν « ὄργανικόν », « σῶμα », « ὄν »,

Πρόσεχες γένος (genus proximum) λέγεται ἐκάστη ὡς πρὸς τὴν ἀμέσως ὑποκειμένην, ἥτις ἀντιστοίχως λέγεται πρόσεχες εἶδος. Ἡ ἐννοια « ὄργανικόν » εἶναι τὸ προσεχές γένος τῆς ἐννοιας « ζῷον » καὶ τὸ προσεχές εἶδος τῆς ἐννοιας « σῶμα ».

Τὸ γνώρισμα τὸ προστιθέμενον εἰς τινα ἐννοιαν πρὸς δημιουρ-

γίαν προσεχοῦς εἰδους αὐτῆς λέγεται εἰδος ποιὸς διαφορὰ (differentia specifica)<sup>1</sup>. Τοιαύτη εἶναι τὸ γνώρισμα «έκτατόν», τὸ όποιον προστιθέμενον εἰς τὴν ἔννοιαν «ὄν» δημιουργεῖ τὸ προσεχὲς αὐτῆς εἶδος «σῶμα». Ἐπίστης τὸ γνώρισμα «περαστούμενον εἰς εὔθειας γραμμάς», τὸ όποιον προστιθέμενον εἰς τὴν ἔννοιαν «ἐπίπεδον σχῆμα» δημιουργεῖ τὸ προσεχὲς εἶδος αὐτῆς «εὐθύγραμμον».

Α πώτερον δὲ γένος ἢ εἶδος καλεῖται ἐκάστη ἔννοια ἐν σχέσει πρὸς τὰς λοιπὰς ὑποκειμένας ἢ ὑπερκειμένας.

Αἱ κατέχουσαι τὰ ἄκρα πλήρους λογικῆς τίνος κλίμακος ἔννοιαι λέγονται γένος γενικώτατον (ώς ἡ ἔννοια «ὄν» ἐν τῇ ἀνωτέρῳ λογικῇ κλίμακι), καὶ εἶδος εἰδικώτατον (ώς ἡ ἔννοια τοῦ συγκεκριμένου ἀτόμου, εἰς ἣν θὰ κατελήγομεν π.χ. διαδικτος<sup>2</sup>).

**4. Σύνθεσις καὶ ἀνάλυσις τῶν ἔννοιῶν.** «Οταν σχηματίζωμεν ἔννοιάς κατὰ σειρὰν λογικῆς κλίμακος χωροῦντες ἐκ τῶν ἀπλῶν καὶ γενικῶν πρὸς τὰς δόλονέν συνθετώτερας καὶ μερικωτέρας διὰ τῆς προσθήκης ἐνὸς γνωρίσματος ἐκάστοτε, ἡ λογικὴ αὕτη ἐνέργεια ἡμῶν λέγεται σύνθεσις ἢ πρόσθεσις ἢ ἐπιδιορίσμός. «Οταν δὲ σχηματίζωμεν ἔννοιάς χωροῦντες ἀντιθέτως, ἀφαιροῦντες δηλαδὴ διαδοχικῶς γνωρίσματα, ἡ ἐνέργεια ἡμῶν αὕτη λέγεται ἀνάλυσις ἢ ἀφαίρεσις.

Διὰ τῆς ἀναλύσεως ἔννοιάς τινὸς εὑρίσκομεν τὰ ούσιώδη γνωρίσματα αὐτῆς ἐν τῇ λογικῇ ἀλληλουχίᾳ των, ἦτοι ἀποσαφηνίζομεν αὐτήν. Διὰ δὲ τῆς συνθέσεως ἀπαρτίζομεν αὐτὴν διὰ τῶν διαδοχικῶν γνωρίσμάτων της χωροῦντες δὲ περαιτέρω εὑρίσκομεν τὰ εἶδη αὐτῆς, ἦτοι διευκρινοῦμεν αὐτήν.

1. «Πᾶσα γάρ εἶδοποιὸς διαφορὰ μετὰ τοῦ γένους εἶδος ποιεῖ» (Ἀριστοτ. Τοπ. 143 b 7).

2. Οἱ δροὶ γένος καὶ εἶδος, ὡς ἔξετέθησαν, ἀνταποκρίνονται εἰς τὴν νεωτέραν ἀντίληψιν περὶ συστηματοποιήσεως τῶν ἔννοιῶν. 'Ο Αριστοτέλης ὠνόμαζεν εἴδη μόνον τὰς ἔννοιάς τῶν ἐν τῇ φύσει εἰδῶν (τοῦ ἀνθρώπου, τοῦ ἵππου, τῆς ἐλαίας κ.ο.κ.). Τὰς γενικωτέρας τούτων (ζῷον, θηλαστικόν, δένδρον, φυτόν, δρυγανισμός, ὄν) ἔλεγεν ἀδιακρίτως γένη. Τὰς δὲ ἀτομικὰς (Σωκράτης, σελήνη, αἴππος) ὠνόμαζεν ἀτομα.

'Η νεωτέρα Λογικὴ μίοθέτησε τὸν ἀνωτέρω γενικὸν τύπον ἱεραρχίσεως λαβοῦσσα ὑπὸ δψιν ἀπλῶς τὴν λογικὴν σχέσιν τῶν συγγενῶν ἔννοιῶν παντὸς εἶδους καὶ ὅχι τῶν φυσικῶν ὄντων μόνον.

Ἐπὶ τῶν δύο τούτων σπουδαιοτάτων λογικῶν ἐνεργειῶν στηρίζονται οἱ συσχετισμοὶ τῶν ἐννοιῶν εἰς τὰς κρίσεις καὶ τοὺς συλλογισμούς καὶ ὀρισμέναι ἐκ τῶν μεθόδων, ὡς ὁ δρισμός, ἢ διαίρεσις, ἢ ταξινόμησις κ. ἄ.

### III. ΚΑΤΗΓΟΡΙΑΙ

Τὴν συστηματικὴν κατάταξιν τῶν ἐννοιῶν καὶ γενικώτερον πάντων τῶν δυνατῶν προσδιορισμῶν τῶν πραγμάτων ὑπό τινα ἀνώτατα γένη, τὰ διοῖα ὁ Πλάτων ὀνομάζει « μέγιστα γένη », ὁ δὲ Ἀριστοτέλης « κατηγορίας », ἐπεχείρησαν πλὴν αὐτῶν καὶ ἄλλοι ἀρχαῖοι καὶ νεώτεροι φιλόσοφοι.

‘Ο Πλάτων διέκρινε πέντε : ὅν, ταῦτόν, ἔτερον, κίνησιν, στάσιν. ‘Ο Ἀριστοτέλης δέκα : οὐσίαν, ποσόν, ποιόν, πρός τι, ποῦ, πιοτέ, κείσθαι, ἔχειν, ποιεῖν, πάσχειν, ’Εκ τούτων ἡ πρώτη περιλαμβάνει τὰ ὄντα, αἱ δὲ λοιποὶ τὰς ἴδιοτητας, ἐνεργείας, καταστάσεις καὶ σχέσεις αὐτῶν, ἃς καλεῖ « συμβεβηκότα ταῦτα ».

Τὰς ἀτομικὰς ἐννοίας συγκεκριμένων ὄντων (καὶ αὐτὰ τὰ ὄντα, ὡς ἀπαντοῦν κεχωρισμένως) καλεῖ ὁ Ἀριστοτέλης « πρώτας οὐσίας ». Τὰς δὲ γενικὰς ἐννοίας συγκεκριμένων ὄντων καὶ τὰ γένη αὐτῶν καλεῖ « δευτέρας οὐσίας ».

Κυριώταται εἶναι αἱ πρῶται οὐσίαι, διότι μόνον τὰ συγκεκριμένα ὄντα ἔχουν πραγματικὴν ὑπόστασιν, ὑπαρξίν καὶ ἄνευ αὐτῶν οὔτε αἱ δεύτεραι οὔτε τὰ συμβεβηκότα ὑπάρχουν αὐτοτελῶς”.

Καὶ ἄλλα συστήματα κατηγοριῶν προετάθησαν ὑπὸ ἀρχαίων καὶ νεωτέρων φιλοσόφων, τῶν ὅποιών ἐπικρατέστερον εἶναι σήμερον τὸ ἀνάγον τὰς 10 ἀριστοτελικὰς κατηγορίας εἰς τέσσαρας : οἱ ὄστιας, ποιότητος, καταστάσεως καὶ σχέσεως, συμφώνως πρὸς τὰς ὅποιας καὶ διηρέσαμεν ἀνωτέρω τὰς ἐννοίας.

1. « Οὐσία δέ ἐστιν ἡ κυριώτατά τε καὶ πρώτως καὶ μάλιστα λεγομένη..., οἷον ὁ τις ἀνθρωπός ἢ ὁ τις ἵππος δεύτεροι δέ οὐσίαι λέγονται, ἐν οἷς εἰδεστιν αἱ πρώτως οὐσίαι λεγόμεναι ὑπάρχουσι, ταυτά τε καὶ τὰ τῶν ειδῶν τούτων γένη... οἷον ὁ τε ἀνθρωπός καὶ τὸ ζῆν» (Περὶ κατηγ. 2α 10 ἔξ.).

2. « μή οὖσδην οὖν τῶν πρώτων οὐσιῶν ἀδύνατον τῶν ἄλλων τι εἶναι » (αὐτ. 2 β 5). ‘Ἄλλ’ ἐνῷ τὰ συμβεβηκότα δύνανται νὰ λείπουν χωρὶς βλάβην τοῦ ὄντος, εἰς ὃ ἀναφέρονται, αἱ δεύτεραι οὐσίαι δὲν δύνανται. ‘Ο εὐγενής ἀνθρωπός Α παραμένει Α, ἀν ἀφαιρεθῆ τὸ (συμβεβηκός) εὐγενής, δὲν παραμένει Α ὄμως, ἀν ἀφαιρεθῆ τὸ (δηλοῦν δευτέραν οὐσίαν) ἀνθρωπός.

## ΑΙ ΚΡΙΣΕΙΣ

## I. ΑΙ ΚΡΙΣΕΙΣ ΕΝ ΓΕΝΕΙ



1. Ή κρίσις και τὰ στοιχεῖα αὐτῆς. Γνωρίζομεν ὅτι αἱ παντοῖαι σχέσεις ὁμοιότητος, διαφορᾶς, ἀλληλεξαρτήσεως τῶν ἀντικειμένων εὐρίσκονται ὑπὸ τῆς νοήσεως ἡμῶν χάρις εἰς τὴν ἰκανότητα αὐτῆς νὰ συγκρίνῃ ἐσωτερικῶς ταῦτα. Διὰ τοιαύτης δὲ συγκρίσεως καὶ ἀφαιρέσεως καὶ συνθέσεως ἔρμηνεύεται, ὡς γνωστόν, ὑπὸ τῆς Ψυχολογίας ὁ σχηματισμὸς τῶν ἔννοιῶν.

Τὴν ὑψηλοτέραν ἐκδήλωσιν τῆς ἰκανότητος ταύτης, τῆς κριτικῆς, βλέπομεν εἰς τὴν συσχέτισιν τῶν ἀφηρημένων πλέον στοιχείων τῆς νοήσεως, τῶν ἔννοιῶν, διὰ τῆς ὄποιας ἀγόμεθα εἰς λογικήν γνῶσιν.

Διὰ τῆς κριτικῆς ἰκανότητος ἡ νόησις εύρισκει π.χ. τὴν λογικήν σχέσιν μεταξὺ τῶν ἔννοιῶν «μηλέα» καὶ «δένδρου», ὅτι δηλ. ἡ ἔννοια «δένδρον» ἀνήκει εἰς τὰ γνωρίσματα τῆς ἔννοιας «μηλέα» (σχέσις βάθους), καὶ ὅτι ἡ ἔννοια «μηλέα» ὑπάγεται εἰς τὴν ἔννοιαν «δένδρον» (σχέσις πλάτους). Διατυπώνει δὲ τὴν σχέσιν ταύτην ἀπόδισσα τὴν ἔννοιαν «δένδρον» εἰς τὴν ἔννοιαν «μηλέα»:

ἡ μηλέα εἶναι δένδρον.

‘Ομοίως συγκρίνουσα τὴν ἔννοιαν «νυκτερίς» καὶ τὴν ἔννοιαν «πτηνὸν» καὶ μὴ εύρισκουσα τοιαύτην κατὰ βάθος καὶ πλάτος συνάφειαν, διατυπώνει τὴν ἀρνητικήν ταύτην σχέσιν ἀποκλείοντα τὴν ἔννοιαν «πτηνὸν» ἀπὸ τῆς ἔννοιας «νυκτερίς»:

ἡ νυκτερίς δὲν εἶναι πτηνόν.

‘Η σύνδεσις αὕτη, καταφατικὴ ἡ ἀποφατική, μεταξὺ δύο ἔννοιῶν ἐπὶ τῇ βάσει τοῦ βάθους καὶ τοῦ πλάτους αὐτῶν ἀποτελεῖ νοητικὸν στοιχεῖον διάφορον τῆς ἔννοιας· νοοῦμεν δι’ αὐτοῦ ὅχι ἀπλῶς τὰς

δύο ἔννοιας, ἀλλὰ τὴν λογικήν σχέσιν αὐτῶν. Καλεῖται δὲ τὸ νέον τοῦτο στοιχεῖον κρίσις ἥτοι

Κρίσις (judicium) λέγεται ἡ εὑρεσις καὶ διατύπωσις τῆς λογικῆς σχέσεως μεταξὺ δύο ἔννοιῶν.

‘Ως ἡ λογικὴ ἔννοια διαφέρει τῆς κοινῆς ἢ φυσικῆς, οὕτω καὶ ἡ λογικὴ κρίσις διακρίνεται τῆς ψυχολογικῆς, ἥτις δύναται καὶ κοινῶν ἔννοιῶν νὰ ἐκφράζῃ σχέσεις καὶ παντοῖα στοιχεῖα βουλητικὰ καὶ συναισθηματικὰ ἢ προσδιορισμοὺς διαφόρους νὰ περιέχῃ. Διὰ τῆς λογικῆς κρίσεως διατυπούται ἀπόφανσις ἀναγκαίως προκύπτουσα ἐκ τῆς λογικῆς σχέσεως δύο ἔννοιῶν.

Τὰ ἀπλᾶ στοιχεῖα, ἐξ ὧν ἀποτελεῖται πᾶσα κρίσις, εἶναι τὸ ὑποκείμενον, τὸ κατηγορούμενον καὶ τὸ συνδετικόν.

‘Υποκείμενον λέγεται ἔκεινη ἐκ τῶν δύο συσχετιζομένων ἔννοιῶν, περὶ τῆς ὅποιας ἀποφαντινόμεθα, ἥτοι αἱ ἔννοιαι «ἔλατα», «νυκτερόλες» εἰς τὰ ἀνωτέρω παραδείγματα. Συμβολίζεται δὲ διὰ τοῦ γράμματος Υ.

Κατηγορούμενον καλεῖται ἡ ἀποδιδομένη εἰς αὐτὴν ἡ ἀποκλειομένη ἀπ’ αὐτῆς ἔννοια: «ὅργανισμός», «πτηνόν». Τοῦτο συμβολίζεται διὰ τοῦ γράμματος Κ.

Συνδετικὸν δὲ τὸ ρῆμα «εἶναι» ἢ «δὲν εἶναι» ἡ συνώνυμον αὐτοῦ συμβολιζόμενον διὰ γραμμῆς (—).

Τὸ ὑποκείμενον καὶ τὸ κατηγορούμενον λέγονται ὅροι τῆς κρίσεως<sup>1</sup>.

Τὸ κατηγορούμενον καὶ τὸ συνδετικὸν δύνανται νὰ συνεκφέρωνται ἐν μιᾷ καὶ τῇ αὐτῇ ἔννοιᾳ, π.χ. ἡ μνήμη ἀσκεῖται (= εἶναι ἀσκητή)· ὁ Γεώργιος ἀσθενεῖ (= εἶναι ἀσθενής).

“Οταν ἡ κρίσις ἔχῃ πλείονα τοῦ ἐνὸς ὑποκείμενα ἡ κατηγορούμενα λέγεται σύνθετος, π.χ. τὰ ζῷα καὶ τὰ φυτὰ εἶναι ὄργανισμοί· ἡ ἀρχιτεκτονικὴ εἶναι ἐπιστήμη καὶ τέχνη. Ἄλλως λέγεται ἀπλῆ.

2. Τὰ εἴδη τῶν κρίσεων. Τὰς κρίσεις διαιροῦμεν κατὰ τὸ ποιόν, τὸ ποσόν, τὴν ἀναφοράν καὶ τὸν τρόπον.

1. «Ορον δὲ καλῶ εἰς ὃν διαλύεται ἡ πρότασις, οἷον τὸ τε κατηγορούμενον καὶ τὸ καθ’ οὗ κατηγορεῖται» ('Αριστοτ. Ἀναλ. πρότ. A. 24 b 17).

**Α)** Κατὰ τὸ ποιόν. Τὸ κατηγορούμενον πάσης κρίσεως ἡ ἀποδίδεται εἰς τὸ ὑποκείμενον ἢ ἀποκλείεται ἀπ' αὐτοῦ. Ἐντεῦθεν τὸ ποιόν ( *qualitas* ) τῆς κρίσεως, ἡτοι ὁ θετικὸς ἢ ἀρνητικὸς χαρακτήρας αὐτῆς. Δύο εἶδη κρίσεων διακρίνομεν κατὰ τὸ ποιόν: καταφατικάς καὶ ἀποφατικάς.

Καταφατικὴ λέγεται ἡ κρίσις, τῆς ὅποίας τὸ κατηγορούμενον ἀποδίδεται εἰς τὸ ὑποκείμενον, π.χ. ὁ λέων εἶναι σαρκοφάγος· οὐ δικαιοσύνη εἶναι ἀρετή.

Ἄποφατικὴ δὲ ἔκείνη, τῆς ὅποίας τὸ κατηγορούμενον ἀποκλείεται τοῦ ὑποκειμένου, π.χ. ὁ ἥλιος δὲν εἶναι πλανήτης· ὁ κύκλος δὲν εἶναι στεγεόν<sup>1</sup>.

**Β)** Κατὰ τὸ ποσὸν. Ὅποκείμενον τῆς κρίσεως εἶναι ἄλλοτε ὅλον τὸ πλάτος ἐννοίας τινὸς γενικῆς ( *πάντες οἱ ἄνθρωποι* ), ἄλλοτε μέρος αὐτοῦ ( *ἄνθρωποί τινες* ) καὶ ὅλοτε ἀτομικὴ ἐννοία. Ἐκ τούτου προκύπτει τὸ ποσόν ( *quantitas* ) τῆς κρίσεως, ἡτοι ὁ κατὰ τὸ πλάτος τοῦ ὑποκειμένου χαρακτήρα αὐτῆς. Τρία εἶδη κρίσεων διακρίνομεν κατὰ τὸ πλάτος: γενικάς, μερικάς καὶ ἀτομικάς.

Γενικὴ καλεῖται ἡ κρίσις, τῆς ὅποίας ὑποκείμενον εἶναι ὅλον τὸ πλάτος γενικῆς ἐννοίας. Ταύτης προτάσσεται συνήθως ἡ λέξις πᾶς, οὐδεὶς, π.χ. πάντες οἱ ἄνθρωποι εἶναι θητοί· οὐδὲν φυτὸν εἶναι ἀνόργανον· ἡ ἐλαία (= πᾶσα ἐλαία) εἶναι δένδρον.

Μερικὴ ἔκείνη, τῆς ὅποίας ὑποκείμενον εἶναι μέρος τοῦ πλάτους γενικῆς ἐννοίας. Ταύτης δὲ προτάσσεται λέξις τις δηλούσα τούτῳ, ώς: τινές, ὀλίγοι, πολλοὶ κλπ., π.χ. ἀστέρες τινὲς εἶναι πλανῆται· πολλοὶ ἄνθρωποι εἶναι ὀκνηροί.

Άτομικὴ δὲ ἡ κρίσις, τῆς ὅποίας τὸ ὑποκείμενον εἶναι ἐννοια ἀτομική, π.χ. ὁ Ἀριστοτέλης εἶναι πατὴρ τῆς Λογικῆς· οὐ Ἑλλάς δὲν εἶναι νῆσος.

Αἱ ἀτομικαὶ κρίσεις, ἐπειδὴ καὶ τούτων τὸ ὑποκείμενον λαμβάνεται ὀλικῶς, συνεξετάζονται μετὰ τῶν γενικῶν.

**Γ)** Κατὰ τὴν ἀναφοράν. Τὸ κατηγορούμενον δὲν συνδέεται πάντοτε κατὰ τρόπον ἥπτον, ἀνευ ὅρων, πρὸς τὸ ὑποκείμε-

«Κατάφασις δέ ἐστιν ἀπόφανσίς τις κατά τινος, ἀπόφανσις δέ ἐστιν ἀπόφανσίς τινος ἀπό τινος». (Άριστος. Περὶ ἐρμην. 17 a 25).

νον, ἀλλὰ καὶ ὑπὸ ὄρους ἡ ἐν συσχετισμῷ πρὸς ἄλλα τινά. 'Ο τρόπος, καθ' ὃν ἀναφέρεται τὸ κατηγορούμενον εἰς τὸ ὑποκείμενον, καλεῖται ἀναφορὰ ( *relatio* ) τῆς κρίσεως.

Κατὰ τὴν ἀναφορὰν διακρίνομεν τὰς κρίσεις εἰς κατηγορικάς, ὑποθετικάς καὶ διαζευκτικάς.

Κατηγορική λέγεται ἡ κρίσις, ἡς τὸ κατηγορούμενον ἀναφέρεται εἰς τὸ ὑποκείμενον ἄνευ ὄρων, ἀπολύτως, π.χ. ὁ χρυσός εἶναι μέταλλον· οὐδὲς ἀτροφωτος ἀναμάρτητος.

'Υποθετικὴ ἐκείνη, εἰς τὴν ὅποιαν τοῦτο γίνεται ὑπό τινα ὄρουν, π.χ. εάν τις πράττῃ τὸ ἀγαθόν, εἶναι χρηστός πάντα τὰ ἐπὶ τῆς γῆς θὰ ἥσαρ νεκρό, εάν δὲν ἐπῆρχεν ἀλόγο.

'Ο ὄρος οὗτος διαστυποῦται δι' ὑποθετικῆς προτάσεως, ἢτις καλεῖται λόγος ἡ ἡγούμενον ἡ ὑπόθεσις καὶ προτιγεῖται ἡ ἔπειται τῆς κυρίως κρίσεως, ἢτις λέγεται ἀκολουθία ἡ ἐπόμενον ἡ ἀπόδοσις. (Πρόκειται δηλ. περὶ τοῦ ὑποθετικοῦ λόγου τοῦ Συντακτικοῦ).

Αἱ ὑποθετικαὶ κρίσεις ἐν τῇ Λογικῇ ἔχουν εὐρυτέραν ἡ ἐν τῷ Συντακτικῷ σημασίαν. Συμπεριλαμβάνονται εἰς αὐτὰς ἐν γένει ἐξ ηρτῆ μέναι καὶ κρίσεις δηλοῦσαι ὅχι ἀπλῶς ὑπόθεσιν, ἀλλὰ γενικῶς τὸν ὄρον τῆς σχέσεως Y—K ὡς αἴτιον ἡ ὡς χρονικῶς πρότερον αὐτῆς ἡ ἄλλως πως προϋπότιθέμενον, ἵνα αὖτη πραγματοποιηθῇ. Οὕτως εἶναι ὑποθετικοὶ ὑπὸ τὴν λογικὴν ἔννοιαν κρίσεις αἰτιολογικαὶ (ώς αὔτη: ἐπειδὴ ἀνέρχεται ἡ θεομοκρασία, ἡ ὑδραργυρικὴ στιγμὴ ὑφοῦται), χρονικαὶ (ώς ἡ ἔξης: ὅταν ἡ γῆ παρεμβαίνῃ μεταξὺ σελήνης καὶ ἥλιου, ἡ σελήνη ἐκλείπει) καὶ ἄλλαι.

Διατευκτικὴ δὲ λέγεται ἡ κρίσις, τῆς ὅποιας ἡ τὸ ὑποκείμενον ἡ τὸ κατηγορούμενον ἀποτελεῖται ἐκ δύο ἡ περισσοτέρων ἀντιθέτων ἔννοιῶν συνδεομένων διαζευκτικῶς, π.χ. ἡ ἡ αἰσθησις ἡ νόησις ἡ ἀμφότερα εἶναι ἡ πηγὴ τῆς γνώσεως· μία παράστασις εἶναι ἡ κατ' αἰσθησιν ἡ ἐκ φαντασίας.

Αἱ ἔννοιαι αὗται ὡς ἀντίθετοι ἀποκλείονται ἀλλήλας, οὕτως ὡστε μία μόνον ἔξι αὐτῶν νὰ συνάπτεται πρὸς τὸν ἔτερον ὄρον.

'Η διαζευκτικὴ κρίσις, ὅταν δι' αὐτῆς διαιροῦμεν γενικὴν ἔννοιαν εἰς τὰ εἴδη, τὰ ὑποϊα περιέχει, λέγεται διαιρετικὴ π.χ. τὰ σώματα εἶναι ἡ ὁργανικὰ ἡ ἀνόργανα.

Δ) Κατὰ τὸν τρόπον. Διατυποῦσα μίαν κρίσιν ἡ νόησις δὲν είναι πάντοτε εἰς τὸν αὐτὸν βαθμὸν ἢ διὰ τὸν αὐτὸν λόγον βεβαία περὶ τοῦ ἀληθοῦς τῆς σχέσεως τῶν δύο ἐννοιῶν. Ἐκ τούτου προέρχεται ὁ βαθμὸς τῆς βεβαιότητος τῆς κρίσεως, ὅστις καλεῖται τρόπος (modalitas).

Διακρίνομεν δὲ κατὰ τὸν τρόπον κρίσεις βεβαιωτικάς, ἀποδεικτικὰς καὶ προβληματικάς.

Βεβαιωτικὴ λέγεται ἡ κρίσις, ὅταν οὐδόλως ἀμφιβάλλωμεν περὶ τοῦ κύρους τῆς σχέσεως ὑποκειμένου – κατηγορουμένου, π.χ. ὁ κύκλος εἴναι σκῆνα καπνιλόγραμμον· οὐδεὶς γεννάται σοφός.

Αποδεικτικὴ δὲ ἡ ἀναγκαῖα, ὅταν τὸ κύρος τῆς σχέσεως ταύτης δεχώμεθα ἐκ λογικῆς ἀνάγκης, δηλαδὴ ὡς ἐπακολούθημα ἄλλων βεβαιών σχέσεων, δι’ ὧν δύναται νὰ ἀποδειχθῇ, π.χ. τὸ ἀθροισμα τῶν γνωμῶν παντὸς τριγώνου ἴσοπτα πυὸς ἦν δρθάς· ὁ σίδηρος θερμαινόμενος διαστέλλεται.

Προβληματικὴ δὲ ἡ πιθανὴ λέγεται αὕτη, ὅταν ἀμφιβάλλωμεν περὶ τοῦ κύρους τῆς σχέσεως τῶν δύο ἐννοιῶν, π.χ. ἵσως δ “Ἄρης κατοικεῖται· ἐνδέχεται ὁ καιρὸς νὰ εἴναι βροχερὸς αὔγιον.

Ο Κάντιος διέκρινε καὶ κρίσεις ἀναλυτικὰς καὶ συνθετικάς· Ἀν αλυτικαὶ είναι ἔκειναι, τῶν δποίων τὸ κατηγορύμενον ὑπάρχει εἰς τὸ βάθος τοῦ ὑποκειμένου: δ “Ἄρης εἴναι πλανήτης” συνθετικαὶ δὲ ἔκειναι, δι’ ὧν τοῦτο ἀποδίδεται ὡς τι νέον κατόπιν ἔξετάσεως εἰς τὸ ὑποκείμενον: δ “Ἄρης ἔχει ἀτμόσφαιραν.



## II. ΑΙ ΚΑΤΗΓΟΡΙΚΑΙ ΚΡΙΣΕΙΣ ΚΑΤΑ ΠΟΙΟΝ ΑΜΑ ΚΑΙ ΠΟΣΟΝ

1. Τὰ εἶδη καὶ τὰ σύμβολα αὐτῶν. Πᾶσα κρίσις κατὰ ποιὸν καταφατικὴ ἢ ἀποφατικὴ θὰ είναι κατὰ ποσὸν γενικὴ ἢ μερικὴ – ἐφ’ ὅσον αἱ ἀτομικαὶ συνεξετάζονται μετὰ τῶν γενικῶν.

Τέσσαρα ἐπομένως είναι τὰ εἶδη τῶν κρίσεων κατὰ τὸ ποιὸν καὶ τὸ ποσὸν ταυτοχρόνως:

α) Γενικαὶ καταφατικαὶ, ὡς: πάντα τὰ ζῶα εἴναι ὡς γιατσοί. Τύπος: πᾶν Υ εἴναι Κ.

β) Γενικαὶ ἀποφατικαὶ, π.χ. οὐδεὶς πλανήτης εἴναι αὐτόφωτος. Τύπος: οὐδὲν Υ εἴναι Κ.

γ) Μερικαὶ καταφατικαὶ, π.χ. ἀρχτοι τινὲς εἴναι λευκαί. Τύπος: τινὰ Υ εἴναι Κ καὶ

δ) Μερικαὶ ἀποφατικαὶ, ὡς: φυτά τινα δὲν εἶναι δένδρα. Τύπος: τινὰ Y δὲν εἶναι K.

Αὗται πρὸς συντομίαν ἔδηλοῦντο ὑπὸ τοῦ Ἀριστοτέλους διὰ τῶν λέξεων: πᾶς, οὐδείς, τίς, οὐ πᾶς. Βραδύτερον παρεστάθησαν διὰ τῶν συμβολικῶν γραμμάτων α, ε, ι, ο ληφθέντων ἐκ τῶν λέξεων τούτων.

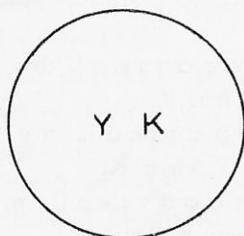
Εἰς τὴν Δύσιν, πρῶτος ἀναγράφει ταῦτα Πέτρος ὁ Ἰσπανός. Χάριν δὲ εὐχεροῦς ἀπομνημονεύσεως σύτῶν ἐπενοήθησαν ἐν τῇ Δύσει αἱ λατινικαὶ λέξεις affirmo (καταφάσκω) καὶ nego (ἀποφάσκω).

2. Αἱ σχέσεις ὑποκειμένου καὶ κατηγορουμένου. Αἱ κρίσεις «πάντα τὰ ὄργανικὰ εἶναι ἔμβια» καὶ «πάντα τὰ δένδρα εἶναι φυτά» εἶναι ἀμφότεραι τοῦ αὐτοῦ τύπου: πᾶν Y εἶναι K, ἢτοι κρίσεις α. Δὲν ἐκφράζουν ὅμως ἀμφότεραι τὴν αὐτὴν ἀκριβῶς σχέσιν Y καὶ K. Ἡ μὲν πρώτη λέγει: πάντα τὰ Y εἶναι πάντα τὰ K, διότι «ὄργανικὸν» καὶ «ἔμβιον» εἶναι ἔννοιαι ταυτοπλατεῖς· ἡ δὲ δευτέρα: πάντα τὰ Y εἶναι τινὰ K, μέρος τοῦ K, διότι ἡ ἔννοια «δένδρον» εἶναι εἶδος ὡς πρὸς τὴν ἔννοιαν «φυτόν».

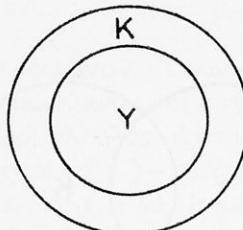
Αἱ κρίσεις δηλαδὴ α, ε, ι, ο εἶναι γενικοὶ τύποι ἐκφράζοντες διαφόρους σχέσεις τῶν ὄρων Y καὶ K ἔκαστοτε.

Τὰς σχέσεις ταύτας πρέπει νὰ γνωρίζωμεν διὰ τὴν ἀκριβῆ κατανόησιν πάσης κρίσεως καὶ ίδιως τοῦ συσχετισμοῦ τῶν κρίσεων εἰς τοὺς συλλογισμούς.

Αἱ κρίσεις α ἐκφράζουν τὰς δύο ἀνωτέρω σχέσεις (Y καὶ K ἔννοιαι ταυτοπλατεῖς· Y εἶδος τῆς K). Εἰς τὴν πρώτην περίπτωσιν αὗται λέγονται γενικαὶ καταφατικαὶ κρίσεις ταυτότητος καὶ παρίστανται ὡς ἔξης:

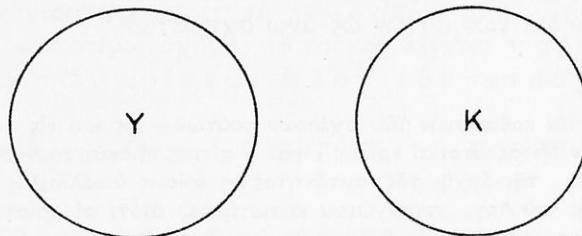


εἰς τὴν δευτέραν δὲ γενικαὶ καταφατικαὶ κρίσεις ὑπάγω γῆς καὶ παρίστανται οὕτω :

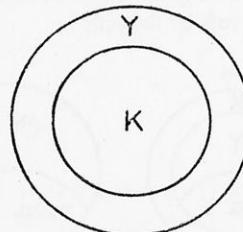


Αύτονόητον είναι ὅτι εἰς τὰς κρίσεις ταύτας τὸ κατηγορούμενον ἀποδίδεται μερικῶς λέγοντες « πάντα τὰ δένδρα εἰναι φυτά » ἐννοοῦμεν « φυτά τινα », ὅχι « πάντα τὰ φυτά ». Ἐπὶ τούτου ἐφιστᾶ τὴν προσοχὴν δὲ Ἀριστοτέλης !

Αἱ κρίσεις εἰ, ἐπειδὴ οὐδεμίᾳ συνάφεια τοῦ πλάτους τῶν ἐννοιῶν Y καὶ K ὑπάρχει ἐν αὐταῖς, παρίστανται οὕτω:

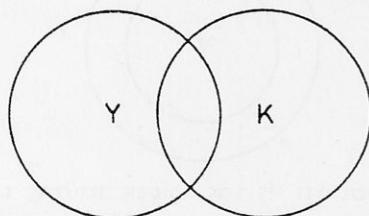


Αἱ κρίσεις τὸ δυνατὸν νὰ δηλοῦσιν ἡ ὅτι ἡ ἐννοια K είναι εἶδος τῆς Y, π.χ. «τινὰ φυτὰ εἰναι δένδρα» διπότε παρίστανται διὰ τοῦ σχήματος :



1. Καθόλου κατηγορεῖν τὸ καθόλου οὐκ ἔστιν ἀληθές... οἷον ἔστι πᾶς ἄνθρωπος πᾶν ζῷον ( Περὶ ἐρμην. 17 b 12 ).

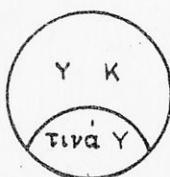
ἢ ὅτι Υ καὶ Κ εἶναι ἔννοιαι ἐπαλλάσσουσαι, π.χ. «ἀεροπόροι τινὲς εἶναι στρατιῶται», δόποτε παρίστανται ὡς ἔξῆς:



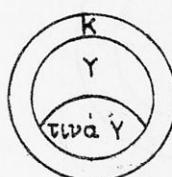
Αἱ κρίσεις ο τέλος δηλοῦσι μίαν τῶν δύο σχέσεων, ἀς καὶ αἱ κρίσεις ι, π.χ. «τινὰ φυτὰ δὲν εἶναι δένδρα» (Κ εἶδος τῆς Υ)· «ἀεροπόροι τινὲς δὲν εἶναι στρατιῶται» (Υ καὶ Κ ἐπαλλάσσουσαι), καὶ παρίστανται διὰ τῶν αὐτῶν ὡς ἀνω σχῆμάτων<sup>1</sup>.

1. Κατὰ τὸν καθορισμὸν τῶν σχέσεων τούτων — ὡς καὶ εἰς τὰ περὶ ἀντιστροφῆς — δὲν ἔχεταί τινες αἱ κρίσεις ι καὶ ο αἵτινες προκύπτουν ἐκ κρίσεων α καὶ ε δυνάμει τῆς ἀρχῆς τῆς ταυτότητος ὡς κρίσεις ὑπάλληλοι αὐτῶν (βλ. ὑπάλλ. κρίσεις τοῦ Λογ. τετραγώνου κατωτέρω). Διότι αἱ κρίσεις αὗται (τινὲς δργανισμοὶ εἶναι ἔμβια, τινὲς ἀνθρωποὶ εἶναι θνητοί, τινὰ φυτὰ δὲν εἶναι ἀνόργανα), ἀντλοῦσαι τὸ κῦρος αὐτῶν ἐκ τῶν ἀντιστοίχων γενικῶν, δὲν εἶναι αὐτοτελεῖς.

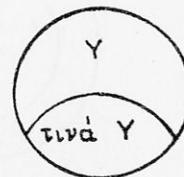
Αἱ ἐκφραζόμεναι ὑπ' αὐτῶν σχέσεις (ἀντιστοίχως πρὸς τὰ ἀνωτέρω παραδείγματα) δύνανται νὰ παρασταθοῦν ὡς ἔξῆς:



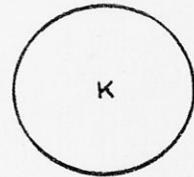
ι ἐξ α ταυτότητος



ι ἐξ α ὑπαγωγῆς



ο ἐξ ε



### III. ΑΙ ΣΧΕΣΕΙΣ ΑΝΤΙΘΕΣΕΩΣ ΚΑΙ ΥΠΑΛΛΗΛΙΑΣ ΤΩΝ ΚΑΤΗΓΟΡΙΚΩΝ ΚΡΙΣΕΩΝ

(1)

1. Τό λογικόν τετράγωνον. "Όταν αἱ κατηγορικαὶ κρίσεις **α**, **ε**, **ι**, **ο** ἔχουν τὸ αὐτὸν ὑποκείμενον καὶ κατηγορούμενον, εὑρίσκονται εἰς ὡρισμένας σχέσεις πρὸς ἀλλήλας: ἀντιθέσεις, ὡς π.χ. « πάντες οἱ ἄνθρωποι εἰναι θητοί » (**α**) — « οὐδεὶς ἄνθρωπος εἰναι θητός » (**ε**) · ἢ οὐ παλληλιαῖσι, π.χ. « οὐδεὶς ἄνθρωπος εἰναι δίκαιος » (**ε**) — « τινὲς ἄνθρωποι δὲν εἰναι δίκαιοι » (**ο**)."

Κατὰ τὰς σχέσεις δὲ ταύτας δύνανται αὗται ἢ νὰ ἀληθεύουν ἀμφότεραι ἢ νὰ φεύδωνται ἀμφότεραι ἢ νὰ ἀληθεύῃ ἢ μία, ὅταν φεύδεται ἢ ἔτέρα, καὶ ἀντιστρόφως.

Γνωρίζοντες ἐπομένως τὰς σχέσεις ταύτας γνωρίζομεν καὶ πότε ἐκ τοῦ φεύδοντος τῆς μιᾶς δυνάμεθα νὰ συνάγωμεν τὴν ἀλήθειαν τῆς ἔτέρας ἢ ἀντιστρόφως.

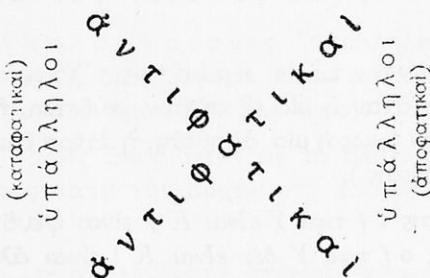
Πρὸς εὐχερεστέραν ἔξέτασιν τῶν σχέσεων αὐτῶν ἐπενοήθη παλαιόθεν τὸ κατωτέρω σχῆμα, τὸ δόποιον λέγεται παραλληλόγραμμον τῶν κρίσεων ἢ λογικὸν τετράγωνον:

πᾶν *Y* εἰναι *K*

**a**

ἐναντίαι

**e** οὐδὲν *Y* εἰναι *K*



τινὲς *Y* εἰναι *K*

**i**

οὐ πεναντίαι

**o** τινὲς *Y* δέντεν *εἰναι K*

2. Αἱ κρίσεις τοῦ λογικοῦ τετραγώνου ἐν σχέσει πρὸς ἀλλήλας. Ως παρατηροῦμεν ἐπὶ τοῦ σχήματος, αἱ γενικαὶ κρίσεις καὶ διάφοροι κατὰ τὸ ποιὸν λέγονται ἐν αντίαι, αἱ μερικαὶ καὶ

διαφέρουσαι κατά τὸ ποιὸν ὑπεναντίαι, αἱ διάφοροι κατά τὸ ποιὸν καὶ ποσὸν ἀντιφατικαὶ καὶ αἱ διαφέρουσαι μόνον κατά τὸ ποσὸν ὑπάλληλοι καταφατικαὶ ἢ ἀποφατικαὶ.

α) Αἱ ἐναντίαι κρίσεις. Ἐναντίαι καλοῦνται αἱ κρίσεις α—ε διότι, ὅταν ἡ μία ἔξ αὐτῶν ἀληθεύῃ, ἡ ἐτέρα ψεύδεται κατ' ἀνάγκην, ὅταν ὅμως ἡ μία ψεύδεται, ἡ ἐτέρα δὲν ἀληθεύει πάντοτε (ἐναντία ἀντίθεσις ἀνάλογος πρὸς τὴν τῶν ἐννοιῶν).

Αἱ κρίσεις «πάντα τὰ Υ εἰναι Κ» καὶ «οὐδέν Υ εἰναι Κ» δὲν δύνανται νὰ εἰναι ἀμφότεραι ἀληθεῖς συμφώνως πρὸς τὴν ὀρχὴν τῆς ἀντιφάσεως. «Οταν ἐπομένως ἡ α ἀληθεύῃ (πάντες οἱ ἄνθρωποι εἰναι θητοί), ἡ ε (οὐδεὶς ἄνθρωπος εἰναι θητός) ψεύδεται κατ' ἀνάγκην. Ἐπίσης ὅταν ἀληθεύῃ ἡ ε (οὐδεὶς ἄνθρωπος εἰναι ἀθάνατος), ἡ α (πάντες οἱ ἄνθρωποι εἰναι ἀθάνατοι) ψεύδεται κατ' ἀνάγκην.

«Οταν ὅμως ἡ κρίσις α ψεύδεται, ἐὰν μὲν ψεύδεται ὀλικῶς (πάντες οἱ ἄνθρωποι εἰναι πτερωτοί), ἡ ε (οὐδεὶς ἄνθρωπος εἰναι πτερωτός) ἀληθεύει, ἐὰν δὲ μερικῶς (πάντες οἱ ἄνθρωποι εἰναι ιατροί), ἡ ε (οὐδεὶς ἄνθρωπος εἰναι ιατρός) ψεύδεται καὶ αὕτη μερικῶς. Ὁμοίως καὶ ὅταν ψεύδεται ἡ ε.

Βάσει τῶν σχέσεων τούτων δυνάμεθα νὰ σχηματίζωμεν ἔξ ἀληθῶν γενικῶν κρίσεων ψευδεῖς γενικάς.

β) Αἱ ὑπεναντίαι κρίσεις. «Υπεναντίαι λέγονται αἱ κρίσεις ι—ο, διότι, ὅταν ἡ μία ἔξ αὐτῶν ψεύδεται, ἡ ἐτέρα κατ' ἀνάγκην ἀληθεύει, ὅταν ὅμως ἡ μία ἀληθεύῃ, ἡ ἐτέρα δὲν ψεύδεται πάντοτε (ἐναντία ἀντίθεσις).

«Οταν ἡ κρίσις ι (τινὰ Υ εἰναι Κ) εἰναι ψευδής, ἔξ αὐτοῦ τουτοῦ ἔπειται ὅτι ἡ ο (τινὰ Υ δὲν εἰναι Κ) εἰναι ἀληθής, διότι μέσον τι δὲν δύναται νὰ συμβαίνῃ κατά τὴν ὀρχὴν τῆς τοῦ τρίτου ἀποκλείσεως. Ὁμοίως καὶ ὅταν εἰναι ψευδής ἡ ο, θὰ ἀληθεύῃ ἡ ι. Οὕτω ψευδομένης τῆς ι (τινὲς ἄνθρωποι εἰναι ἀθάνατοι) ἀληθεύει ἡ ο (τινὲς ἄνθρωποι δὲν εἰναι ἀθάνατοι), καὶ ψευδομένης τῆς ο (τινὲς ἄνθρωποι δὲν εἰναι θητοί) ἀληθεύει ἡ ι (τινὲς ἄνθρωποι εἰναι θητοί).

«Οταν ὅμως ἡ ι εἰναι ἀληθής, ἐνδέχεται νὰ εἰναι ἡ μερική ἡ ἀλή-

θεια ώς πρὸς τὸ Υ' ἐν γένει ( π.χ. τινὲς ἄνθρωποι εἰναι ἐπιστήμονες ), δόποτε καὶ ἡ οἱ ἀληθεύει ( τινὲς ἄνθρωποι δὲν εἰναι ἐπιστήμονες ), ἢ δόλικὴ ( τινὲς ἄνθρωποι εἰναι ὅργανισμοί ), δόποτε ἡ οἱ φεύδεται ( τινὲς ἄνθρωποι δὲν εἰναι ὅργανισμοί ). Ὁμοίως καὶ ὅταν εἰναι ἀληθῆς ἡ οἱ .

Διὰ τῶν σχέσεων τούτων δυνάμεθα νὰ συνάγωμεν ἐκ ψευδῶν μερικῶν κρίσεων ἀληθεῖς μερικάς .

γ) Αἱ ἀντιφατικαὶ κρίσεις . Ἀντιφατικαὶ καλοῦνται αἱ κρίσεις α—ο, ε—ι, διότι ἀληθευόστης τῆς μιᾶς ἡ ἔτερα φεύδεται, καὶ φευδομένης τῆς μιᾶς ἡ ἔτερα ἀληθεύει κατ' ἀνάγκην ( ἀντιφατικὴ ἀντίθεσις ).

Κατὰ τὴν ἀρχὴν τῆς ἀντιφάσεως δὲν δύνανται νὰ ἀληθεύουν νὰ φεύδωνται ταυτοχρόνως ἀμφότεραι αἱ κρίσεις : πᾶν Y εἰναι K· τινὰ Y δὲν εἰναι K· οὐδὲν Y εἰναι K· τινὰ Y εἰναι K. Οὕτως, ὅταν ἀληθεύῃ ἡ κρίσις « πάντα τὰ δένδρα εἰναι φυτά », ἡ ἀντιφατικὴ « τινὰ δένδρα δὲν εἰναι φυτά » φεύδεται. Ὁμοίως, ὅταν φεύδεται ἡ κρίσις « οὐδὲν μέταλλον ἀνόργανον », ἡ ἀντιφατικὴ « μέταλλά τινα εἰναι ἀνόργανα » κατ' ἀνάγκην ἀληθεύει κ.ο.κ.

Διὰ τῶν σχέσεων τούτων δυνάμεθα ἐν γένει ἐκ ψευδῶν κρίσεων νὰ συνάγωμεν ἀληθεῖς καὶ ἐξ ἀληθῶν ψευδεῖς ἀντιφατικὰς πρὸς αὐτάς .

δ) Αἱ ὑπάλληλοι κρίσεις . « Υπάλληλοι δὲ λέγονται αἱ κρίσεις α—ι, ε—ο ώς διαφέρουσαι μόνον κατὰ τὸ πλάτος τοῦ ὑποκειμένου καὶ ἔχουσαι πρὸς ἀλλήλας σχέσιν ὅλου καὶ μέρους .

Ἐπειδή, ὅτι ὁρθῶς ἀποδίδεται εἰς τὸ ὅλον, ὁφείλει νὰ ισχύῃ καὶ περὶ τοῦ μέρους κατὰ τὴν ἀρχὴν τῆς ταυτότητος , ὅτι ὅμως

1. « Ἀντικεῖσθαι μὲν οὖν κατάφασιν ἀποφάσει λέγω ἀντιφατικῶς τὴν τὸ καθόλου σημαίνουσαν τῷ αὐτῷ ὅτι οὐ καθόλου, οἷον πᾶς ἄνθρωπος λευκός — οὐ πᾶς ἄνθρωπος λευκός, οὐδεὶς ἄνθρωπος λευκός — ἐστι τις ἄνθρωπος λευκός· ἐναντίως δὲ τὴν τοῦ καθόλου κατάφασιν καὶ τὴν τοῦ καθόλου ἀπόφασιν, οἷον πᾶς ἄνθρωπος λευκός — οὐδεὶς ἄνθρωπος λευκός » ( Ἀριστοτ. Περὶ ἐρμην. 17 b 17 κ.ξ.).

2. « Δείξαντες γάρ διτὶ παντὶ ὑπάρχει καὶ διτὶ τινὶ ὑπάρχει δεδειχότες ἐσόμεθα δομοίως δὲ καν διτὶ οὐδενὶ ὑπάρχει δείξωμεν, καὶ διτὶ οὐ παντὶ ὑπάρχει δεδειχότες ἐσόμεθα » ( Ἀριστ. Τοπ. 109 a 3.).

άποδίδεται ψευδῶς εἰς αὐτό, δύναται νὰ ἴσχύῃ ἢ νὰ μὴν ἴσχύῃ περὶ τοῦ μέρους ( νὰ εἴναι ὀλικὸν δηλαδὴ ἢ μερικὸν ψεῦδος ), ἐκ τῶν ὑπαλλήλων κρίσεων, ὅταν ἀληθεύῃ ἡ γενική, ἀληθεύει καὶ ἡ μερικὴ κατ' ἀνάγκην, ὅταν ὅμως ψεύδεται, δὲν ψεύδεται πάντοτε καὶ ἡ μερική.

\*Ἐξ ἄλλου ἐπειδὴ, ὅ,τι ψευδῶς ἀποδίδεται εἰς τὸ μέρος, εἴναι ψευδές καὶ περὶ τοῦ ὅλου, ὅ,τι ὅμως ὀρθῶς ἀποδίδεται εἰς τὸ μέρος, ἐνδέχεται νὰ ἴσχύῃ ἢ νὰ μὴν ἴσχύῃ περὶ τοῦ ὅλου ( νὰ εἴναι δηλαδὴ γενικὴ ἢ μερικὴ ἀλήθεια ), ὅταν ψεύδεται ἡ μερική, ψεύδεται κατ' ἀνάγκην καὶ ἡ γενική, ὅταν ὅμως ἀληθεύῃ, δὲν ἀληθεύῃ πάντοτε καὶ ἡ γενική. Παραδείγματα :

*Πάντα τὰ δένδρα εἶναι φυτά* ( ἀληθής ) –  
*δένδρα τινὰ εἶναι φυτά* ( ἀληθής ).

*Πάντα τὰ δένδρα εἶναι ἀνόργανα* ( ψευδής ) –  
*δένδρα τινὰ εἶναι ἀνόργανα* ( ψευδής ).

*Πάντα τὰ δένδρα εἶναι μηλέαι* ( ψευδής ) –  
*δένδρα τινὰ εἶναι μηλέαι* ( ἀληθής ).

*Tινὰ φυτά εἶναι ἀνόργανα* ( ψευδής ) –  
*πάντα τὰ φυτά εἶναι ἀνόργανα* ( ψευδής ).

*Tινὰ φυτά εἶναι ὁργανισμοὶ* ( ἀληθής ) –  
*πάντα τὰ φυτά εἶναι ὁργανισμοὶ* ( ἀληθής ).

*Tινὰ φυτά εἶναι μηλέαι* ( ἀληθής ) –  
*πάντα τὰ φυτά εἶναι μηλέαι* ( ψευδής ).

Βάσει τῶν σχέσεων τῶν ὑπαλλήλων κρίσεων δυνάμεθα ἔξ ἀληθῶν γενικῶν νὰ συνάγωμεν ἀληθεῖς μερικὰς καὶ ἔκ ψευδῶν μερικῶν ψευδεῖς γενικάς.

\*Α να κεφαλαίωσις

Τὰς ἀνωτέρω σχέσεις τῶν κρίσεων τοῦ λογικοῦ τετραγώνου

δεικνύει παραστατικῶς ὁ κατωτέρω πίναξ.

Κρίσεις	συναληθεύουν	συμψεύδονται
Ἐναντίαι	οὐδέποτε	ἐνίστε (ἐπὶ μερικοῦ ψεύδους : πάντες οἱ ἄνθρωποι εἰναι ἰατροί· τινὲς δὲν εἰναι)
Ὑπεναντίαι	ἐνίστε (ἐπὶ μερικῆς ἀληθείας : ζῷα τινα εἰναι σαφοράγα· πάντα δὲν εἰναι).	οὐδέποτε
Ἀντιφατικαὶ	οὐδέποτε	οὐδέποτε
Ὑπάλληλοι	ἐνίστε (ὅταν ἀληθεύῃ ἡ γενική)	ἐνίστε (ὅταν ψεύδεται ἡ μερική)

Δυνάμεθα δὲ κατὰ τὰς σχέσεις ταύτας νὰ σχηματίζωμεν ἀσφαλεῖς ( λογικῶς ἀναγκαῖς ) κρίσεις ὡς ἔξῆς :

Ἐκ γενικῆς ἀληθοῦς	γενικὴν ψευδῆ ἐναντίαν μερικὴν ἀληθῆ ὑπάλληλον μερικὴν ψευδῆ ἀντιφατικὴν
Ἐκ γενικῆς ψευδοῦς	μερικὴν ἀληθῆ ἀντιφατικὴν
Ἐκ μερικῆς ἀληθοῦς	γενικὴν ψευδῆ ἀντιφατικὴν
Ἐκ μερικῆς ψευδοῦς	μερικὴν ἀληθῆ ὑπεναντίαν γενικὴν ψευδῆ ὑπάλληλον γενικὴν ἀληθῆ ἀντιφατικὴν

#### IV. ANTISTROPHΗ TΩΝ KΡΙΣΕΩΝ



1. Ἡ ἀντιστροφὴ καὶ τὰ εἶδη αὐτῆς. Τὴν σχέσιν τῶν δύο ἐννοιῶν, ἦν ἐκφράζει πᾶσα κρίσις ἔχουσα ὡς ὑποκείμενον τὴν μίαν ἐξ αὐτῶν, δύναται νὰ ἐκφράζῃ καὶ ἄλλη ἔχουσα ὡς ὑποκείμενον τὴν ἑτέραν. Ἀναλόγως δὲ τοῦ εἴδους τῆς σχέσεως ταύτης αἱ δύο κοίσεις θὰ ἔχουν ἥ τὸ αὐτὸ ποσὸν καὶ ποιόν, ὡς π.χ. «πᾶς ἀπλα-

νής εἶναι αὐτόφωτον » — « πᾶν αὐτόφωτον εἶναι ἀπλανής », ή διάφορον τὸ ἐν ἐκ τούτων, π.χ. « πάντα τὰ μέταλλα εἶναι ἀνόργανα » — « ἀνόργανά τινα εἶναι μέταλλα » ( διάφορον ποσόν ).

Δυνάμεθα κατὰ ταῦτα νὰ σχηματίζωμεν ἔκ τινος κρίσεως ἑτέραν ἐκφράζουσαν τὴν αὐτὴν σχέσιν τῶν ἐννοιῶν διὰ τοιαύτης ἀλλαγῆς, ἥτις καλεῖται ἀντιστροφή· ἥτοι :

‘Αν τιστροφὴ κρίσεως καλεῖται ἡ ἀμοιβαία ἀντικατάστασις τῶν ὅρων αὐτῆς μετὰ ἡ ἀνευ μεταβολῆς τοῦ ποσοῦ ἢ τοῦ ποιοῦ χωρὶς νὰ παραβλάπτεται ἡ σχέσις, ἦν ἐκφράζει.

‘Εκ τῶν δύο κρίσεων ἡ μὲν δεδομένη λέγεται ἀντιστροφὴ ουσία, ἡ δὲ ἔξ αὐτῆς προκύπτουσα ἀντιστροφος ἡ ἔξ ἀντιστροφῆς.

‘Υπάρχουν τρία εἴδη ἀντιστροφῆς : ἡ ἀπλῆ, ἡ κατὰ συμβεβηκός καὶ ἡ κατ’ ἀντίθεσιν.

α) ‘Α πλὴ λέγεται ἡ ἀντιστροφή, ὅταν ἀντικαθίστανται ἀμοιβαίως οἱ ὅροι ἀνευ ἑτέρας μεταβολῆς :

Οὐδὲν σῶμα εἶναι ἄνιλον —  
οὐδὲν ἄνιλον εἶναι σῶμα.

β) Κατὰ συμβεβηκός η βη κός, ὅταν μεταβάλλεται ταυτοχρόνως καὶ τὸ ποσόν τῆς κρίσεως ( τοῦ ποιοῦ μὴ μεταβαλλομένου ) :

Πάντες οἱ πλανῆται εἶναι ἀστέρες —  
ἀστέρες τινὲς εἶναι πλανῆται.

γ) Κατ’ ἀντίθεσιν δέ, ὅταν ( ἀνευ μεταβολῆς τοῦ ποσοῦ ) μεταβάλλεται καὶ τὸ ποιόν, ὑποκείμενον δὲ τῆς ἀντιστρόφου γίνεται ἡ ἐννοια ἡ ἀντιφατικῶν ἀντίθετος πρὸς τὴν τοῦ κατηγορουμένου τῆς ἀντιστρεφούσης :

Πάντα τὰ δένδρα εἶναι φυτὰ —  
οὐδὲν μὴ φυτὸν εἶναι δένδρον.

2. Τρόποι ἀντιστροφῆς τῶν κρίσεων α, ε, ι, ο. Τὸ εἶδος τῆς ἀντιστροφῆς ἑκάστης κρίσεως ἔξαρτάται ἐκ τῆς σχέσεως ὑποκειμένου καὶ κατηγορουμένου. Ἀναλόγως δὲ τῆς σχέσεως ταύτης αἱ κρίσεις α, ε, ι, ο, ἀντιστρέφουσιν ὡς ἔξι :

Αἱ κρίσεις α: α) ὅταν αἱ ἐννοιαὶ εἰναι ταυτοπλατεῖς ( κρίσεις ταυτότητος ), ἀπλῶς καὶ κατ’ ἀντίθεσιν :

*Πᾶν ἵστοριον τρέγων εἶναι ἵστοριον —  
πᾶν ἵστοριον τρέγων εἶναι ἵστοριον.*

*Πᾶν ἵστοριον τρέγων εἶναι ἵστοριον —  
οὐδὲν μὴ ἵστοριον τρέγων εἶναι ἵστοριον.*

β) ὅταν αἱ ἔννοιαι εἶναι ὑπάλληλοι (κρίσεις ὑπαγωγῆς), κατὰ συμβεβηκός καὶ κατ' ἀντίθεσιν:

*Πάντα τὰ μέταλλα εἶναι ἀνόργανα —  
ἀνόργανά τινα εἶναι μέταλλα.*

*Πάντα τὰ μέταλλα εἶναι ἀνόργανα —  
οὐδὲν μὴ ἀνόργανον εἶναι μέταλλον.*

Αἱ κρίσεις εἰς πάντοτε ἢ πλῶς, διότι πάντοτε αἱ ἔννοιαι ἀποκλείονται ἀμοιβαίως:

*Οὐδεὶς ἄνθρωπος εἶναι πτερωτός —  
οὐδὲν πτερωτὸν εἶναι ἄνθρωπος.*

Αἱ κρίσεις ι: α) ὅταν αἱ ἔννοιαι εἶναι ὑπάλληλοι, κατὰ συμβεβηκός:

*'Ιατροί τινες εἶναι παθολόγοι  
πάντες οἱ παθολόγοι εἶναι ίατροί.*

β) ὅταν αἱ ἔννοιαι εἶναι ἐπαλλάσσουσαι, ἢ πλῶς:

*'Ασιαταί τινες εἶναι χριστιανοί —  
χριστιανοί τινες εἶναι 'Ασιαται.*

Αἱ δὲ κρίσεις ο: α) ὅταν αἱ ἔννοιαι εἶναι ὑπάλληλοι, κατ' ἀντίθεσιν:

*Σχολεῖά τινα δὲν εἶναι γυμνάσια —  
τινὰ οὐχὶ γυμνάσια εἶναι σχολεῖα.*

β) ὅταν αἱ ἔννοιαι εἶναι ἐπαλλάσσουσαι, ἢ πλῶς:

*'Ωφέλιμά τινα δὲν εἶναι ενάρεστα —  
ενάρεστά τινα δὲν εἶναι ὀφέλιμα.*

"Οπως διὰ τῶν σχέσεων ἀντιθέσεως καὶ ὑπαλληλίας τῶν κρίσεων δυνάμεθα νὰ σχηματίζωμεν ἐκ τινος ἀλλην (ἐναντίαν, ἀντιφατικήν κλπ.) ἀσφαλῆ, οὔτω καὶ διὰ τῆς ἀντιστροφῆς. 'Ως θὰ ἰδωμεν δέ, τοῦτο εἰς ἀμφοτέρας τὰς περιπτώσεις εἶναι καὶ εἶδος συλλογισμοῦ.

## ΟΙ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΙ

(12)

Χαρακτήρ και γενική διαίρεσις τοῦ συλλογισμοῦ. Ἡ κρίσις δὲν σχηματίζεται πάντοτε δι' ἀπ' εὐθείας εύρέσεως τῆς σχέσεως τῶν δύο ἐννοιῶν, ως π.χ. ὅταν λέγωμεν: *ἡ χιλίων εἶναι λευκή*: ὁ Γεώργιος εἶναι ἄνθρωπος. Πολλάκις εἶναι ἀποτέλεσμα νοητικῆς τινος ἐνεργείας, δι' ἣς εύρισκομεν τὴν σχέσιν ταύτην στηριζόμενοι ἐπὶ ἄλλων κρίσεων, δηλαδὴ ἐπὶ ἄλλων γνωστῶν σχέσεων.

Οὕτως, ως γνωρίζομεν ἥδη, δυνάμεθα νὰ σχηματίσωμεν κρίσιν ἐξ ἄλλης βάσει τῶν σχέσεων ὑπαλληλίας και ἀντιθέσεως τῶν κρίσεων ἢ δι' ἀντιστροφῆς, ως π.χ. ἐξ ἀληθοῦς α ἀληθῆ *ι*:

Ηάρτα τὰ δένδρα εἶναι φυτά

ἄρα και δένδρα τινὰ εἶναι φυτά

Συνήθως ὅμως στηριζόμεθα ἐπὶ δύο κρίσεων. Ἐὰν π.χ. ἔρωτηθῶμεν, πῶς γνωρίζομεν ὅτι ὁ Κρόνος εἶναι ἐτερόφωτος, θὰ ἀπαντήσωμεν:

Ηάρτες οἱ πλανῆται εἰναι ἐτερόφωτοι  
οἱ Κρόνος εἶναι πλανῆτης

ἄρα οἱ Κρόνος εἶναι ἐτερόφωτος

"Οπως δὲ εἰς τὴν πρώτην περίπτωσιν ἡ κρίσις *ι* εἶναι ἀναγκαία συνέπεια τῆς ἀληθοῦς κρίσεως *α* (σχέσις ὑπαλληλίας), οὕτω καὶ εἰς τὴν δευτέραν ἡ κρίσις «*ὁ Κρόνος εἶναι ἐτερόφωτος*» προκύπτει ως λογικῶς ἀναγκαῖον ἐπακολούθημα τῶν σχέσεων τῶν δύο κρίσεων και ἀκριβέστερον τῶν ὅρων αὐτῶν. Περὶ ὅλου τινὸς (πάντες οἱ πλανῆται) ισχύει τι (*ἐτερόφωτος*). "Ἐννοιά τις (*Κρόνος*) εἶναι μέρος τοῦ ὅλου τούτου (τοῦ συνόλου τῶν πλανητῶν). "Αρά τοῦτο (τὸ ἐτερόφωτος) ισχύει καὶ περὶ αὐτῆς – δυνάμει τῆς ἀρχῆς τῆς ταυτότητος.

"Ο τοιοῦτος σχηματισμός κρίσεως εἶναι ὁ διὰ συλλογισμοῦ ὁστε

Συλλογισμὸς (ratio-cinatio, consequentia) καλεῖται *η* τοῦ

ητική ἐνέργεια, δι' ᾧς ἐκ δεδομένων κρίσεων σχηματίζομεν κατὰ λογικὴν ἀκολουθίαν ἄλλην κρίσιν<sup>1</sup>.

Αἱ κρίσεις, ἐφ' ὅν στηριζόμεθα, καλοῦνται προκείμενα, ή δὲ ἔξ αὐτῶν προκύπτουσα συμπάτητα συμπέρασμα.

Ἐκ τοῦ ἀριθμοῦ τῶν προκειμένων καὶ τοῦ τρόπου, καθ' ὃν προκύπτει τὸ συμπέρασμα, διαιροῦμεν τοὺς συλλογισμοὺς εἰς δύο γενικὰς κατηγορίας: τοὺς ἀμέσους καὶ τοὺς ἐμμέσους.

Ἄμεσοι λέγονται οἱ συλλογισμοί, τῶν δποίων τὸ συμπέρασμα προκύπτει ἐκ μιᾶς κρίσεως.

Ἐμμέσοι δὲ ἐκεῖνοι, τῶν δποίων τὸ συμπέρασμα συνάγεται ἐκ τοῦ λογικοῦ συσχετισμοῦ δύο κρίσεων.

## I. ΑΜΕΣΟΙ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΙ

Τοὺς ἀμέσους συλλογισμοὺς πρέπει νὰ διαστέλλωμεν ἐκείνων, οἱ δποίοι ἐμφανίζονται μὲν ὡς τοιοῦτοι, εἰναι δὲ κατ' ούσιαν ἐμμέσοι, δηλαδὴ λανθάνει εἰς αὐτοὺς καὶ ἔτερα προκειμένη, π.χ.

Πάντες οἱ ἀνθρωποι εἰναι λογικὰ δῆτα

ἄρα ὅ Γεώργιος εἰναι λογικὸν δῆν

'Ενταῦθα λανθάνει τὴν προκειμένην: ὁ Γεώργιος εἰναι ἀνθρωπος.

'Αντιθέτως τὸ συμπέρασμα παντὸς ἀμέσου συλλογισμοῦ προκύπτει ἐκ μιᾶς καὶ μόνης κρίσεως. Τοῦτο δὲ γίνεται τῇ ἕπει τῇ βάσει τῶν σχέσεων ἀντιθέσεως καὶ ὑπαλληλίας τῇ δι' ἀντιστροφῆς τῇ καὶ δι' ἄλλου τινὸς μετασχηματισμοῦ τῆς κρίσεως προφανῶς λογικοῦ.

'Αναλόγως τῆς σχέσεως τῶν κρίσεων, ἐφ' ἣς στηρίζεται ἐκάστοτε ἡ συναγωγὴ τοῦ συμπεράσματος, διακρίνομεν τὰ ἔξης κύρια εἰδη δημέσου συλλογισμοῦ:

α) "Αμεσος συλλογισμὸς ἐξ ὑπαλληλίας, π.χ.

Πάρτα τὰ ζῷα εἰναι δργανισμοὶ (ἀληθής α)

ἄρα ζῷα τινα εἰναι δργανισμοὶ (ἀληθής ι)

1. « Συλλογισμὸς δέ ἐστι λόγος ἐν φετερόν τι τῶν κειμένων ἐξ ἀνάγκης συμβαίνει τῷ ταῦτα εἶναι » ('Αριστοτ. 'Αναλ. πρότ. 24 b 19).

β) έξ ἀντιθέσεως ἐναντίας ἢ ἀντιφατικῆς, π.χ.  
 Ἐξ ἀντιθέσεως ὑπεναντίων κρίσεων :

Μέταλλά τινα εἶναι δργανικά (ψευδής 1)  
ἄρα μέταλλά τινα δὲν εἶναι δργανικά (ἀληθής 0)

Ἐξ ἀντιθέσεως ἀντιφατικῶν κρίσεων :

Ινραμίδες τινὲς εἶναι ἐπίπεδα σχήματα (ψευδής 1)  
ἄρα οὐδεμία πυραμὶς εἶναι ἐπίπεδον σχῆμα (ἀληθής 0)

γ) έξ ἀντιστροφῆς παντὸς εἴδους, π.χ. κατὰ συμβεβηκός :

Χριστιανοί τινες εἶναι ὁρθόδοξοι  
ἄρα πάντες οἱ ὁρθόδοξοι εἶναι χριστιανοί

δ) ἐκ μεταβολῆς τοῦ ποιοῦ, δηλαδὴ μετασχηματισμοῦ καταφατικῆς κρίσεως εἰς ἀποφατικήν (διὰ διπλῆς ἀρνήσεως) ἢ ἀντιστρόφως :

Ο ἀὴρ ἔχει βάρος  
ἄρα ὁ ἀὴρ δὲν εἶναι ἀβαρὴς

ε) ἐκ μεταβολῆς τῆς ἀναφορᾶς, ἦτοι μετασχηματισμοῦ διαζευκτικῆς κρίσεως εἰς ύποθετικήν ἢ ἀντιστρόφως :

Ο συλλογισμὸς εἶναι ἄμεσος ἢ ἔμμεσος  
ἄρα ὁ συλλογισμὸς εἶναι ἄμεσος, δὲν εἶναι ἔμμεσος.

## II. ΕΜΜΕΣΟΙ ΣΥΛΛΑΟΓΙΣΜΟΙ

(13)

1. Οι ὄροι τοῦ ἔμμεσου συλλογισμοῦ. Εἰς τὸν συλλογισμόν :

Πάντες οἱ πλανῆται εἶναι ἐτερόφωτοι  
ὁ Κρόνος εἶναι πλανήτης

ἄρα ὁ Κρόνος εἶναι ἐτερόφωτος

τὸ συμπέρασμα, ἦτοι ἡ κρίσις ἢ ἐκφράζουσα τὴν σχέσιν τῶν ἐννοιῶν «Κρόνος» καὶ «ἐτερόφωτος» εἶναι ἀναγκαία συνέπεια, ὡς εἴδομεν, τῶν

σχέσεων ἐκατέρας αὐτῶν πρὸς τὴν ἔννοιαν « πλανήτης », τὰς ὅποιας ἐκφράζουσιν αἱ προκείμεναι. Εἰς τὸν ἔμμεσον συλλογισμὸν τοῦτο συμβαίνει πάντοτε. Οἱ ὄροι τοῦ συμπεράσματος συσχετίζονται πρὸς ἀλλήλους μέσω τρίτης τινὸς ἔννοίας, πρὸς ἣν ἐκάτερος ἔχει ἴδιαν σχέσιν.

Τρεῖς εἶναι ἐπομένως οἱ ὄροι παντὸς ἐμμέσου συλλογισμοῦ:

α) τὸ ύποκείμενον τοῦ συμπεράσματος, τὸ ὅποιον καλεῖται ἐλάσσων ὄρος καὶ παρίσταται διὰ τοῦ Υ,

β) τὸ κατηγορούμενον τοῦ συμπεράσματος, τὸ ὅποιον λέγεται μείζων ὄρος καὶ παρίσταται διὰ τοῦ Κ, καὶ

γ) ἡ μεσάζουσα ἔννοια, ἣντις διὰ τοῦτο καλεῖται μέσος ὄρος καὶ παρίσταται διὰ τοῦ Μ.

Ἡ μία τῶν προκειμένων περιέχει τὸν μείζονα καὶ τὸν μέσον καὶ καλεῖται ὡς ἐκ τούτου μείζων προκειμένη ( ἡ ἀπλῶς μείζων κρίσις ἢ πρότασις ), ἡ δὲ ἑτέρα τὸν ἐλάσσονα καὶ τὸν μέσον καὶ καλεῖται ἐλάσσων προκειμένη<sup>1</sup>.

Κατὰ ταῦτα ὁ τύπος τοῦ ἀνωτέρω συλλογισμοῦ εἶναι ὁ ἔξῆς :

M – K

Y – M

Y – K

2. Τά εἴδη τοῦ ἐμμέσου συλλογισμοῦ. Ἐν τῷ ἀνωτέρῳ συλλογισμῷ διατυποῦντες διὰ τῆς μείζονος τὸ ἰσχὺον περὶ τοῦ δλου ( πάντες οἱ πλανῆται ) καὶ ὑπάγοντες εἰς τὸ δλον τοῦτο μέρος τι ( Κρόνος ) συμπεραίνομεν τὸ ἰσχὺον περὶ τοῦ μέρους. Ὁμοίως ἐν τῷ συλλογισμῷ :

πάντα τὰ μέταλλα εἶναι εὐθερμανωγὸν  
οἱ σίδηροι εἶναι μέταλλοι

ἄρα οἱ σίδηροι εἶναι εὐθερμανωγὸν

ἐκ τοῦ γενικοῦ ( πάντα τὰ μέταλλα ), εἰς ὁ ὑπάγομεν τὸ μερικὸν ( σίδηρος ) διὰ τῆς ἐλάσσονος, συμπεραίνομεν περὶ τούτου, τοῦ μερικοῦ.

1. « Όλως γάρ εἴπομεν δτι ούδεις ούδεποτε ἔσται συλλογισμὸς ἄλλου κατ’ ἄλλου μὴ ληφθέντος τινὸς μέσου, δ πρὸς ἐκάτερον ἔχει πως ταῖς κατηγορίαις » ( Ἀριστοτ. Ἀναλ. πρότ. 41 b 3 ).

Δέν συμβαίνει δύναμις τὸ αὐτὸν εἰς τόν συλλογισμόν :

*'Η Ἀριθμητική, ή Ἀλγεβρα, ή Γεωμετρία καὶ πᾶσα δύναι  
ἐπιστήμη ἀσχολεῖται περὶ ἀριθμοὺς καὶ σχήματα  
ἡ Ἀριθμητική, ή Ἀλγεβρα, ή Γεωμετρία καὶ αἱ δύναι εἰ-  
ναι πᾶσαι αἱ Μαθηματικαὶ ἐπιστῆμαι*

ἄρα πᾶσαι αἱ Μαθηματικαὶ ἐπιστῆμαι ἀσχολοῦνται περὶ ἀριθμοὺς καὶ  
σχήματα

Ἐνταῦθα διατυποῦντες διὰ τῆς μείζονος τὸ ἰσχῦον περὶ ἑκάστου  
τῶν ἐπὶ μέρους δύναιων (*Ἀριθμητικῆς, Ἀλγέβρας, Γεωμετρίας καὶ  
πάσης δύναις ἐπιστήμης*) καὶ ὑπάγοντες ταῦτα εἰς τὴν γενικὴν ἔν-  
νοιαν, ἣν συναποτελοῦν (*Μαθηματικαὶ ἐπιστῆμαι*) διὰ τῆς ἐλάσ-  
σονος, συμπεραίνομεν τὸ ἰσχῦον περὶ τῆς γενικῆς ταύτης ἐννοίας,  
δηλαδὴ περὶ τοῦ ὅλου.

Ἐκ τῶν δύο τούτων συλλογισμῶν ὁ μὲν πρῶτος καλεῖται παρα-  
γωγικός, ὁ δὲ δεύτερος ἐπαγωγικός. Ἀποτελοῦν δὲ οὗτοι τὰς δύο  
θεμελιώδεις μορφάς τοῦ συλλογίζεσθαι, ἢτοι τὴν ἐκ τοῦ ὅλου περὶ  
τοῦ μέρους, καὶ τὴν ἐκ τῶν μερῶν περὶ τοῦ ὅλου.

Πᾶς ἔμμεσος συλλογισμὸς εἶναι κατὰ ταῦτα :

Παραγωγικός, ὅταν ἐκ τοῦ ὅλου συμπεραίνωμεν περὶ τοῦ  
μέρους.

Ἐπαγωγικός δέ, ὅταν ἐκ τῶν μερῶν συμπεραίνωμεν περὶ  
τοῦ ὅλου.

Οὕτοι λέγονται καὶ ἀπλῶς παραγωγὴ (deductio) καὶ  
ἐπαγωγὴ (inductio).

Τρίτη τοιαύτη γενικὴ μορφὴ συλλογισμού, φαινομενικῶς αὐτο-  
τελής, είναι ὡς ἀναλογικός συλλογισμὸς ἢ ἀναλογία, δι’ ἣς  
συμπεραίνομεν ἐκ μερικοῦ τίνος περὶ ἄλλου μερικοῦ ὡς :

*Μαθητής τις χρηστὸς καὶ ἐπιμελῆς ἐβραβεύθη*

*οἱ μαθητὴς Λ εἰναι χρηστὸς καὶ ἐπιμελῆς*

ἄρα οἱ μαθητὴς Λ (πιθανῶς) θὰ βραβευθῇ

‘Ο πιθαναλογικὸς ὡς ἐπὶ τὸ πλεῖστον συλλογισμὸς οὔτος, ὡς θὰ  
ἴδωμεν ἀλλαχοῦ, είναι κατ’ ούσίαν λανθάνουσά τις σύνθεσις παρα-  
γωγικοῦ καὶ ἐπαγωγικοῦ.

Α. ΠΑΡΑΓΩΓΙΚΟΣ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΣ

(14)

1. Εἰδη αὐτοῦ κατά τὸν ἀριθμὸν τῶν κρίσεων. Ὁ παραγωγικὸς συλλογισμὸς ἄλλοτε ἔχει τὴν μορφήν, ὡφέλιμην ἐγνωμόναν καὶ τοῦ συμπεράσματος, καὶ λέγεται ἢ πλούσιος, ἄλλοτε δὲ σύγκειται ἐκ πολλῶν τοιούτων ἀπλῶν συλλογισμῶν, διπότε καλεῖται σύνθετος.

\*Ἀλλοτε τέλος, ἀπλοῦς ἢ σύνθετος, ἐμφονίζεται ὑπό τινα συνεπτυγμένην μορφὴν (π.χ. εἶμαι θητός, ὃς ἀρθρωτος) ἵσοδύναμον ὅμως πρὸς τὴν κανονικήν, διπότε λέγεται βραχυλογικός.

2. Εἰδη αὐτοῦ κατὰ τὴν ἀναφοράν. Ἀναλόγως πρὸς τὸ εἶδος τῶν κρίσεων αὐτοῦ κατὰ τὴν ἀναφορὰν ὁ παραγωγικὸς συλλογισμὸς εἶναι :

α) κατηγορικός, ὅταν ἔχῃ καὶ τὰς κρίσεις κατηγορικάς :

*Πάρτα τὰ ψυχαρθῆ δικοτυλήδονα*

ο φασίολος εἶναι ψυχαρθές

ἄρα ο φασίολος εἶναι δικοτυλήδονος

β) ὑποθετικός, ὅταν ἔχῃ καὶ τὰς τρεῖς κρίσεις ὑποθετικάς ἢ μόνον τὴν μείζονα :

*Ἐὰν ἐνίκων οἱ Ηέρσαι, οἱ Ἑλληνικὸς πολιτισμὸς*

*δὲν θὰ ἐδημιουργεῖτο*

*ἐὰν δὲν ἀνθίσταντο οἱ Ἑλληνες, θὰ ἐνίκων*

*οἱ Ηέρσαι*

ἐὰν δὲν ἀνθίσταντο οἱ Ἑλληνες, οἱ Ἑλληνικὸς

πολιτισμὸς δὲν θὰ ἐδημιουργεῖτο

*Ἐάν τις εἴναι τυφλός, εἴναι δυστεχής*

εἴναι τις τυφλός

ἄρα εἴναι δυστεχής

γ) διαζευκτικός δέ, ὅταν ἔχῃ τὴν μείζονα διαζευκτικήν :

*Αἱ ἐπιστῆμαι εἴναι ἢ Μαθηματικαὶ ἢ Φυσικαὶ ἢ Πρενηματικαὶ*  
*ἢ Ἰστορικαὶ δὲν εἴναι οὔτε Μαθηματικὴ οὔτε Φυσικὴ ἐπιστήμη*

ἄρα ἢ Ἰστορικαὶ εἴναι Πρενηματικὴ ἐπιστήμη

Κατά τὴν ἀνωτέρω διαίρεσιν θὰ ἔξετάσωμεν πρῶτον τοὺς ἀπλοῦς παραγωγικούς συλλογισμούς (κατηγορικούς, ὑποθετικούς, διαζευκτικούς), εἶτα τοὺς συνθέτους καὶ τέλος τοὺς βραχυλογικούς.

## 1. ΑΠΛΟΙ ΠΑΡΑΓΩΓΙΚΟΙ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΙ

### I. Ο ΚΑΤΗΓΟΡΙΚΟΣ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΣ

1. Τὰ σχήματα τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ. Ἀναλόγως τῆς θέσεως τῶν ὅρων Y, M, K, εἰς τὰς προκειμένας καὶ ἐπομένως τοῦ Ιδιαιτέρου τρόπου, καθ' ὃν συσχετίζονται οὗτοι, διακρίνομεν τέσσαρας γενικούς τύπους κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ, οἱ δποῖοι καλοῦνται σχῆματα (*figurae*) αὐτοῦ.

Ταῦτα διακρίνομεν ἐκ τῆς θέσεως τοῦ μέσου ὅρου<sup>1</sup>.

Πρῶτον σχῆμα είναι ἑκεῖνο, εἰς τὸ δποῖον ὁ μέσος ὅρος είναι ύποκείμενον τῆς μείζονος καὶ κατηγορούμενον τῆς ἐλάσσονος:

M - K	Πάντα τὰ μέταλλα εἰναι εὐθεῷμαγωγὰ
Y - M	ο στόληρος εἰναι μέταλλον
Y - K	ἄρα ο στόληρος εἰναι εὐθεῷμαγωγὸν

Δεύτερον σχῆμα είναι ἑκεῖνο, εἰς τὸ δποῖον ὁ μέσος ὅρος είναι κατηγορούμενον ἀμφοτέρων τῶν προκειμένων:

K - M	Οὐδεὶς χρηστὸς εἰναι συκοφάντης
Y - M	ἄνθρωποί τινες εἰναι συκοφάνται
Y - K	ἄρα άνθρωποί τινες δὲν εἰναι χρηστοὶ

Τρίτον σχῆμα είναι ἑκεῖνο, εἰς τὸ δποῖον ὁ μέσος ὅρος είναι ύποκείμενον ἀμφοτέρων τῶν προκειμένων:

M - K	Πᾶν μέγα καλλιτέχνημα εἰναι ἔργον μεγαλοφυνίας
M - Y	μεγάλα τινὰ καλλιτεχνήματα εἰναι προϊόντα τοῦ Ἑλληνικοῦ πολιτισμοῦ

Τέταρτον σχῆμα είναι τοῦ Ἑλλ. πολιτισμοῦ εἰναι ἔργα μεγαλοφυνίας

1. «Τῇ τοῦ μέσου θέσει γνωριοῦμεν τὸ σχῆμα» (Ἀριστοτ. Ἀναλ. πρότ. 27 13.).

Τέταρτον δὲ σχῆμα μακρεῖνο, εἰς τὸ ὅποιον ὁ μέσος ὄρος εἶναι κατηγορούμενον τῆς μείζονος καὶ ὑποκείμενον τῆς ἐλάσσονος:

**K-M** Ἐφευρέσεις τινὲς μεταβάλλουν τὰς τύχας τῆς ἀνθρωπότητος

**M-Y** πᾶν μεταβάλλον τὰς τύχας τῆς ἀνθρωπότητος

εἶναι κοσμοϊστορικὸν γεγονός

**Y-K** κοσμοϊστορικά τινα γεγονότα εἶναι ἐφευρέσεις

Ἐκ τῶν σχημάτων τούτων τὰ τρία πρῶτα ἡρεύνησεν ὁ Ἀριστοτέλης, τὸ δὲ τέταρτον ὁ Γαληνός.

(15)

2. Οἱ Κανόνες τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ. Ἡ δρθότης τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ ἔξαρταται ἐκ τῆς τηρήσεως ὠρισμένων κανόνων, τῶν δποίων ἄλλοι μὲν ἀναφέρονται εἰς τοὺς ὄρους, ἄλλοι δὲ εἰς τὴν σχέσιν προκειμένων καὶ συμπεράσματος.

Οἱ κυριώτεροι τούτων εἶναι οἱ ἔξις:

1) Συλλογισμὸς μόνον διὰ τριῶν ὄρων εἴναι δυνατός<sup>1</sup>. Τοῦτο εἶναι προφανές, ἐφ' ὃσον ὁ συλλογισμὸς εἶναι συσχετισμὸς δύο ἐννοιῶν μέσῳ τρίτης. Ἐπομένως δι' ὀλιγωτέρων μὲν τοιοῦτος συσχετισμὸς εἶναι ἀδιανότος, διὰ περισσοτέρων δὲ ἀδύνατος, διότι τὰς σχέσεις τῶν τριῶν ὄρων θὰ περιέπλεκον αἱ ἐπὶ πλέον ἐννοιαί.

Συνήθης παράβασις τοῦ κανόνος τούτου εἶναι ἡ χρῆσις ὄρου τινὸς ὑπὸ διπλῆν σημασίαν, δόποτε προκύπτει τὸ σφάλμα ἢ σόφισμα τὸ λεγόμενον ὄρων τετράς:

Ο χρυσὸς εἶναι πολύτιμον μέταλλον  
ἡ σιγὴ εἶναι χρυσὸς

ἄρα                      η σιγὴ εἶναι πολύτιμον μέταλλον<sup>2</sup>

2) Ο μέσος ὄρος οὐδέποτε ἐπαναλαμβάνεται εἰς τὸ συμπέρασμα. Προφανῶς, διότι διὰ τοῦ συμπε-

1. «Πᾶσα ἀπόδειξις καὶ πᾶς συλλογισμὸς ἔσται διὰ τριῶν ὄρων μόνον» ('Αριστοτ. 'Αναλ. πρότ. 42 a 31.).

2. «Τοῦ μέσου χάριν ἡ ἐπίβλεψις, τὸ δὲ μέσον οὐχ ἔτερον ἀλλὰ ταῦτὸν δεῖ λαβεῖν» ('Αριστοτ. 'Αναλ. πρότ. 44 b 40.).

ράσματος διατυποῦται ἡ ἥδη εύρεθείσα μέσω αὐτοῦ εἰς τὰς προκειμένας λογική σχέσις.

3) 'Ο μέσος ὄρος ὁ φείλει ἀπαξ τούλαχιστον νὰ εἶναι γενικός. "Αν ὁ μέσος ὄρος είναι μερικός εἰς ἀμφοτέρας τὰς προκειμένας, μέρος μόνον αὐτοῦ συσχετίζεται πρὸς τὸ Υ, καὶ μέρος πρὸς τὸ Κ. 'Αλλ' ἐνδέχεται τὰ μέρη ταῦτα νὰ μὴ εἶναι τὰ αὐτά, διότε δὲν εύρισκομεν τὴν ἀληθῆ λογικήν σχέσιν Υ καὶ Κ, ἀλλ' ἄλλην ψευδῆ, π.χ

*Φιτά τινα εἶναι μηλέαι  
ἢ συκῆ εἶναι φυτὸν  
ἢ συκῆ εἶναι μηλέα(;)*

('Ο Μ εἰς τὴν ἐλάσσονα εἶναι μερικός : φυτόν τι ).

4) Οἱ ὄροι (Υ καὶ Κ) δὲν πρέπει νὰ εἶναι εὐρύτεροι εἰς τὸ συμπέρασμα. 'Ο εὐρύτερος ὄρος θὰ ἦτο διάφορος τοῦ ἐν ταῖς προκειμέναις οὕτω δὲ θὰ ἐλάνθανε πάλιν «ὅρων τετράς» εἰς τὸν συλλογισμόν.

5) 'Εκ προκειμένων καταφατικῶν προκύπτει πάντοτε συμπέρασμα καταφατικόν. Διὰ τῶν καταφατικῶν προκειμένων ὁ Μ συνδέεται καταφατικῶς ἐν μὲν τῇ μείζονι πρὸς τὸν Κ, ἐν δὲ τῇ ἐλάσσονι πρὸς τὸν Υ (δλικῶς ἢ μερικῶς). 'Επομένως συσχετίζει τοὺς Υ καὶ Κ πρὸς ἀλλήλους πάντοτε καταφατικῶς, τὸ δὲ συμπέρασμα ἐκφράζει τὴν σχέσιν ταύτην.

6) 'Εκ προκειμένων ἀποφατικῶν οὔδὲν προκύπτει συμπέρασμα. Διὰ τῶν ἀποφατικῶν προκειμένων ὁ Μ χωρίζεται καὶ τοῦ Κ καὶ τοῦ Υ. 'Ως ἐκ τούτου δὲν δύνανται οἱ Υ καὶ Κ νὰ συσχετισθοῦν οὔτε καταφατικῶς οὔτε ἀποφατικῶς.

7) 'Εκ προκειμένων μερικῶν οὔδὲν προκύπτει συμπέρασμα. 'Εὰν αἱ μερικαὶ προκείμεναι εἶναι ἀμφότεραι ἀποφατικαὶ (ο ο), δὲν συνάγεται συμπέρασμα κατὰ τὸν βον κανόνα. 'Εὰν δὲ εἶναι ἀμφότεραι καταφατικαὶ (ι ι) ἢ διάφοροι κατὰ ποιὸν (ι ο), δύοις συμφώνως πρὸς τὸν Ζον κανόνα.

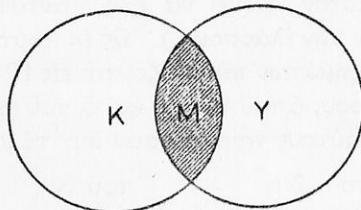
8) Τὸ συμπέρασμα ἔπειται τῇ ἐλάσσονι καὶ χειρονι τῶν προκειμένων ἦτοι, ἐὰν αἱ προκείμεναι διαφέρουν κατὰ ποιόν, τὸ συμπέρασμα εἶναι ἀποφαστικόν, ἐὰν δὲ κατὰ ποσόν, τοῦτο εἶναι μερικόν<sup>1</sup>.

"Οταν ἡ μία τῶν προκειμένων εἶναι ἀποφαστική, θὰ χωρίζῃ ὅλη-κῶς ἡ μερικῶς τὸν ἔνα τῶν ὅρων Y ἢ K ἀπὸ τοῦ M. Ἡ ἑτέρα θὰ συν-δέῃ τὸν ἔτερον ὅρον καταφατικῶς πρὸς τὸν M. Ἔντεῦθεν προκύπτει ἀναγκαῖος ἀποφαστικὴ σχέσις μεταξὺ Y καὶ K, ὅλική ἡ μερική, τὴν ὅποιαν διατυπώνει τὸ συμπέρασμα.

"Οταν δὲ ἡ μία εἶναι μερική, τὸ συμπέρασμα δὲν δύναται νὰ εἶναι γενικόν, διότι ὅρος τις, ἐνῷ ἐν ταῖς προκειμέναις θὰ λαμβά-νεται μερικῶς, εἰς τὸ συμπέρασμα θὰ εἶναι γενικός, ἦτοι θὰ εἶναι εὐρύτερος παρὰ τὸν 4ον κανόνα, π.χ.

- |       |  |
|-------|--|
| K – M | <i>'Υδροβίᾳ τινα εἶναι φάλαιναι.</i>                       |
| M – Y | <u>πᾶσαι αἱ φάλαιναι εἶναι θηλαστικὰ</u>                   |
| Y – K | <u>πάντα τὰ θηλαστικὰ εἶναι ύδροβια</u> (ἀντὶ τοῦ : τινά). |

"Ο ὅρος «θηλαστικά» εἶναι ἐν τῇ ἐλάσσονι μερικός (πᾶσαι αἱ φάλαι-ναι εἶναι θηλαστικά τινα, ὅχι πάντα τὰ θηλαστικά), ἐνῷ ἐν τῷ συμπεράσματι εἶναι γενικός. Τοῦτο καταδεικνύεται καὶ ἐκ τοῦ σχήματος :



(16)

3. Οἱ τρόποι τῶν συλλογιστικῶν σχημάτων. "Οπως ὁ κα-τηγορικὸς συλλογισμὸς ἐν γένει ἐμφανίζεται ἀναλόγως τῆς θέ-

- 
1. Τοὺς κανόνας τούτους οἱ Σχολαστικοὶ διεπύπωσαν διὰ τῶν ἔξῆς στίχων:
  1. Terminus esto triplex, medius majorque minorque
  2. Nunquam contineat medium conclusio fas est.
  3. Aut semel aut iterum medius generaliter esto.
  4. Latinis hos quam praemissae conclusio non vult.
  5. Ambae affirmantes nequeunt generare negantem.

σεως τῶν ὄρων ὑπὸ τὰ τέσσαρα ἀνωτέρω σχήματα, οὕτω καὶ ἐκαστον σχῆμα ἀναλόγως τοῦ εἰδους τῶν κρίσεων αὐτοῦ (  $\alpha$ ,  $\epsilon$ ,  $\iota$ ,  $\sigma$  ) ἐμφανίζεται ὑπὸ ποικίλας μορφάς, αἱ δποῖαι καλοῦνται τρόποι τῶν συλλογιστικῶν σχημάτων. Οὕτω τοῦ πρώτου

$\alpha \epsilon$

σχήματος τρόποι είναι :  $\frac{\alpha \alpha}{\alpha \epsilon}$  καὶ ἄλλοι.

Σχηματικῶς οἱ τρόποι ἐκάστου σχήματος οἱ προκύπτοντες ἐκ πάντων τῶν δυνατῶν συνδυασμῶν τῶν κρίσεων  $\alpha$ ,  $\epsilon$ ,  $\iota$ ,  $\sigma$  εἰς τὰς προκειμένας μόνον ( διότι τὸ ἐκάστοτε συμπέρασμα ἔξαρταται ἐξ αὐτῶν ), θὰ ἦσαν 16, οἱ ἔξης :

α α α α	ε ε ε ε	ι ι ι ι	ο ο ο ο
α ε ι ο	α ε ι ο	α ε ι ο	α ε ι ο

ἢτοι 64 ἐν συνόλῳ ἐν τῷ κατηγορικῷ συλλογισμῷ.

Ἄλλὰ πολλοὶ τῶν τρόπων τούτων προσκρούουν ἢ εἰς τοὺς γενικοὺς κανόνας τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ ( ὡς οἱ ἔχοντες τὰς προκειμένας μερικὰς ἢ ἀποφατικάς ), ἢ εἰς μερικωτέρους κανόνας τῶν σχημάτων ( π.χ. τὸ πρῶτον πρέπει νὰ ἔχῃ πάντοτε γενικήν τὴν μείζονα καὶ καταφατικήν τὴν ἐλάσσονα ). Ως ἐκ τούτου οἱ δυνατοὶ τρόποι τῶν τεσσάρων σχημάτων περιορίζονται εἰς 19 ἐν ὅλῳ, ἢτοι 4 τοῦ πρώτου, 4 τοῦ δευτέρου, 6 τοῦ τρίτου καὶ 5 τοῦ τετάρτου σχήματος.

Τοὺς τρόπους τούτους παρέστησαν διὰ τῶν ἔξης μνημ. λέξεων.

Τοῦ α' σχ. :	Τοῦ β' :	Τοῦ γ' :	Τοῦ δ' :
γράμματα	ἴγραψε	ἄπασι	ἄπασι
ἴγραψε	κάτεχε	ἰσάκις	πάρεχε
γραφίδι	μέτριον	ἀσπίδι	ἰσάκις
τεχνικὸς	ἄχολον	σθεναρὸς	ἔπαθλον
		δύμαλὸς	σέλινον
		φέριστος	

- 
6. Utrapue si praemissa neget, nil inde sequetur.
  7. Nil sequitur geminis ex particularibus unquam.
  8. Pejorem sequitur semper conclusio partem.

4. Οι τρόποι κατά τάς σχέσεις τῶν ὅρων. 'Ως γνωρίζομεν, ή κρίσις α ἐκφράζει σχέσιν ἄλλοτε μὲν ταυτοπλατῶν, ἄλλοτε δὲ ὑπαλλήλων ἐννοιῶν· ή ι ἄλλοτε ὑπαλλήλων καὶ ἄλλοτε ἐπαλλασσούσων κ. ο. κ. 'Ως ἐκ τούτου καὶ ἕκαστος τρόπος ποικίλλει ἐσωτερικῶς ἀναλόγως τῶν τοιούτων σχέσεων τῶν ὅρων αὐτοῦ.

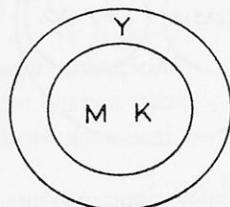
Οὕτως ὁ συλλογισμός:

M — K α      Πάντες οἱ πλανῆται εἰναι ἑτερόφωτοι

Y — M ι      ἀστέρες τινὲς εἰναι πλανῆται

Y — K ι      ἀστέρες τινὲς εἰναι ἑτερόφωτοι

τοῦ τρόπου « γραφίδι » τοῦ α' σχήματος παριστᾶ τὴν ἔξτις σχέσιν τῶν ὅρων :



ἢτοι:

M καὶ K ταυτοπλατεῖς

Y » M ὑπάλληλοι

Y » K ὑπάλληλοι

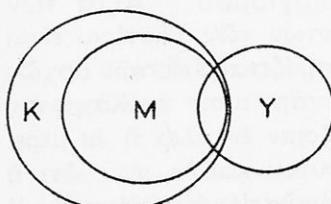
Ἐν δῷ ὁ συλλογισμὸς τοῦ αὐτοῦ σχήματος καὶ τρόπου :

M — K α      Πάντες οἱ "Ελληνες εἰναι Εὐρωπαῖοι

Y — M ι      χριστιανοὶ τινες εἰναι "Ελληνες

Y — K ι      χριστιανοὶ τινες εἰναι Εὐρωπαῖοι

παριστᾶ τὴν ἔξτις σχέσιν :



ἢτοι : M καὶ K ὑπάλληλοι

Y » M ἐπαλλάσσουσαι

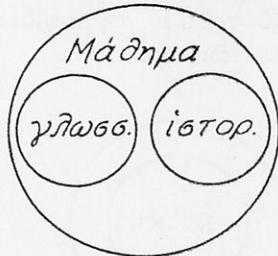
Y » K ἐπαλλάσσουσαι

Δέν ἀρκεῖ ἐπομένως νὰ ἀνεύρωμεν τὸ σχῆμα καὶ τὸν τρόπον ἐνὸς συλλογισμοῦ, ἵνα κατανοήσωμεν πλήρως αὐτὸν, ὅλλα καὶ τὴν σχέσιν τῶν ὄρων αὐτοῦ.

Πολλῷ μᾶλλον, προκειμένου νὰ κατασκευάσωμεν συλλογισμὸν ἐκ δεδομένων ἐννοιῶν ἢ διδομένου τοῦ σχήματος καὶ τοῦ τρόπου, εἶναι ἀνάγκη νὰ προσδιορίζωμεν προηγουμένως τὰς σχέσεις ταύτας.

Μᾶς δίδεται π.χ. ἡ ἀσκησις: νὰ σχηματίσωμεν συλλογισμὸν τοῦ τρόπου «μέτριον» τοῦ β' σχήματος διὰ τῶν ἐννοιῶν «μάθημα — γλωσσικὸν — ίστορικὸν». Γράφοντες τὸν τύπον τοῦ συλλογισμοῦ τούτου:

$$\begin{array}{ll} K - M \epsilon & Oὐδὲν K εἶναι M \\ Y - M \iota & τινὰ Y εἶναι M \\ Y - K \circ & τινὰ Y δὲν εἶναι K \end{array}$$



καὶ παριστῶντες σχηματικῶς τὰς σχέσεις τῶν διοθεισῶν ἐννοιῶν, ὅτι ἡ μείζων ἐφαρμόζεται μόνον εἰς τὰς ἐννοίας γλωσσικὸν — ίστορικόν. Οὕτως δὲ ητούμενος συλλογισμὸς εἶναι ὁ ἔξης:

$$\begin{array}{l} Oὐδὲν γλωσσικὸν μάθημα εἶναι ίστορικὸν \\ \hline \text{τινὰ μαθήματα εἶναι ίστορικὰ} \\ \hline \text{τινὰ μαθήματα δὲν εἶναι γλωσσικὰ} \end{array}$$

( ἡ ὁ δῆμοις τρὸς αὐτὸν: οὐδὲν ίστορικὸν μάθημα εἶναι γλωσσικὸν κλπ. ).

5. Ἀρχαὶ τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ. Ἀξία τῶν σχημάτων καὶ ἀναγωγὴ αὐτῶν. Ἐκ πάντων τῶν ἀνωτέρω εἶναι φανερόν, ὅτι ὁ κατηγορικὸς συλλογισμὸς στηρίζεται ἐπὶ τῶν ἀρχῶν τῆς ταυτότητος καὶ τῆς ἀντιφάσεως. Εἰς τὴν μίαν τούλαχιστον τῶν προκειμένων, τὴν καταφατικήν, ταυτίζομεν ἐν ὅλῳ ἢ ἐν μέρει Μ καὶ Y ἢ M καὶ K. Ἐκ τοῦ ταυτισμοῦ τούτου καὶ ἐκ τοῦ ὅτι δὲ Μ ἀπαξ τούλαχιστον λαμβάνεται γενικῶς ἀγόμεθα εἰς τὴν σχέσιν Y—K

κατὰ λογικὴν ἀναγκαιότητα. Λογικὴ ἀναγκαιότης ἐνταῦθα σημαίνει, ὅτι δὲν παραβαίνομεν τὰς δύο αὐτὰς ἀρχάς, δὲν λέγομεν τὸ Α ὅχι Α ἢ ταυτοχρόνως Α καὶ ὅχι Α.

«Τῶν σχημάτων», κατὰ τὸν Ἀριστοτέλη, «ἐπιστημονικὸν μάλιστα τὸ πρῶτόν ἔστι· αἱ τε γὰρ μαθηματικαὶ τῶν ἐπιστημῶν διὰ τούτου φέρουσι τὰς ἀποδείξεις — τὴν τοῦ τί ἔστιν ἐπιστήμην διὰ τούτου μόνον θηρεῦσαι δυνατόν». Διότι διὰ μόνον τούτου συνάγονται γενικὰ καταφατικὰ συμπεράσματα (γράμματα) καὶ ἐπομένως γνωρίζομεν τὶ εἴναι τι ὡς ὅλον.

Διὰ τῶν λοιπῶν σχημάτων συνάγονται ἀποφατικὰ καὶ μερικά συμπεράσματα μόνον (τί δὲν εἴναι τι ἢ τί εἴναι ἐν μέρει). «Ἐνεκα τούτου οἱ διὰ τῶν τρόπων τῶν «ἀτελεστέρων» τούτων σχημάτων συλλογισμοὶ ἀνάγονται πρὸς ἔλεγχον εἰς τοὺς τρόπους τοῦ πρώτου, τοῦ τελείου, σχήματος.

‘Η ἀναγωγὴ δρμωμένη ἀπὸ τοῦ Ἀριστοτέλους’ γίνεται διά τινων μεταβολῶν (ἀντιστροφῆς μιᾶς ἢ πλειόνων κρίσεων, ἀμοιβαίας ἀντικαταστάσεως τῶν προκειμένων, καὶ ἄλλων), αἱ ὅποιαι είναι ώρισμέναι καὶ γνωσταὶ δι’ ἔκαστον τρόπουν.

Οὕτως δὲ τρόπος «μέτριον» τοῦ β' σχήματος ἀνάγεται εἰς τὸν τρόπον «τεχνικός» τοῦ α' δι' ἀπλῆς ἀντιστροφῆς τῆς μείζους. ‘Ο συλλογισμὸς δηλαδὴ :

Οὐδὲν πτηνὸν τετράπονυ  
ξῷά τινα τετράποδα

θὰ γίνη:

ξῷά τινα δὲν εἶναι πτηνὰ

Οὐδὲν τετράπονυ πτηνὸν  
ξῷά τινα τετράποδα

ξῷά τινα δὲν εἶναι πτηνὰ

Πολλοὶ νεώτεροι ὅμως θεωροῦν αὐτονόμους τοὺς συλλογισμούς πάντων τῶν σχημάτων ἢ τουλάχιστον τῶν 3 πρώτων.

## II. Ο ΥΠΟΘΕΤΙΚΟΣ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΣ

(17)

1. Τὰ εῖδη αύτοῦ. ‘Ο ὑποθετικὸς συλλογισμός, ὡς εἰδομεν (διαιροῦντες τὸν παραγωγικόν), ἔχει ὑποθετικὰς ἢ πάσσας τὰς κρί-

1. «Ἐστι δὲ καὶ ἀναγαγεῖν πάντας τοὺς συλλογισμούς εἰς τοὺς ἐν τῷ πρώτῳ σχήματι καθόλου συλλογισμούς» (Ἀριστοτ. Ἀναλ. πρότ. 29 b 1).

σεις ἢ μόνον τὴν μείζονα. Οὕτω διακρίνομεν τὸν καθόλου ὑποθετικὸν καὶ τὸν μεικτόν.

Καθόλου ὑποθετικὸς λέγεται ὁ συλλογισμὸς ὁ ἔχων καὶ τὰς τρεῖς κρίσεις ὑποθετικάς :

*'Εάν τις εἶναι ἐλεύθερος, εἶναι εὐδαίμων  
ἢάν τις εἶναι εὔψυχος, θά εἶναι ἐλεύθερος*

ἄρα *ἔάν τις εἶναι εὔψυχος, θά εἶναι εὐδαίμων*<sup>1</sup>

Ο τύπος τούτου εἶναι :

*'Εάν εἶναι B, εἶναι Γ  
ἢάν εἶναι A, εἶναι B*

ἄρα *ἢάν εἶναι A, εἶναι Γ*

Διὰ τοῦ καθόλου ὑποθετικοῦ συλλογισμοῦ εύρισκομεν τὴν σχέσιν λόγου τινος πρὸς τὴν ἀκολουθίαν τῆς ἀκολουθίας αὐτοῦ καὶ ἀντιστρόφως τὴν σχέσιν ἀκολουθίας τινὸς πρὸς τὸν λόγον τοῦ λόγου αὐτῆς.

Μεικτὸς δὲ ὑποθετικὸς λέγεται ὁ ἔχων τὴν μείζονα κρίσεις ὑποθετικήν, τὰς δὲ ἄλλας κατηγορικάς :

*'Εάν ὁ A εἶναι συκοφάντης, εἶναι ἀνήθικος  
οὐ A εἶναι συκοφάντης*

ἄρα *εἶναι ἀνήθικος*

Διὰ τοῦ συλλογισμοῦ τούτου συμπεραίνομεν ἐκ τοῦ λόγου περὶ τῆς ἀκολουθίας ἢ ἀντιστρόφως.

2. Κανόνες τοῦ μεικτοῦ ὑποθετικοῦ συλλογισμοῦ. Εἰς τὸν μεικτὸν ὑποθετικὸν συλλογισμὸν ἡ δρθότης τοῦ συμπεράσματος ἔξαρτᾶται ἐκ τῆς τηρήσεως τῶν ἔξῆς κανόνων, ἀναφερομένων εἰς τὴν σχέσιν λόγου καὶ ἀκολουθίας :

1. Τιθεμένου τοῦ λόγου, τίθεται πάντοτε καὶ ἡ ἀκολουθία.

1. 'Ο γνωστὸς συλλογισμὸς τοῦ Πειρικλέους ἐν τῷ Ἐπιταφίῳ « τὸ εὔδαιμον, τὸ ἐλεύθερον, τὸ δ' ἐλεύθερον τὸ εὔψυχον κρίναντες, μὴ περιορᾶσθε τοὺς πολεμικοὺς κινδύνους » (Θουκυδ. B 43).

*'Eàn τò A ἔχῃ ἔκτασιν, εἶναι σῶμα  
τò A ἔχει ἔκτασιν*

ἄρα *εἶναι σῶμα*

(Οὕτω καὶ εἰς τὸ ἀνωτ. παράδειγμα: « ἐὰν δὲ A εἶναι συκοφάντης κλπ. ».)

2. Αἱρομένου τοῦ λόγου, ἡ ἀκολουθία αἱρεται, ὅταν δὲ λόγος εἴναι δὲ μοναδικός.

a) *'Eàn τò A ἔχῃ ἔκτασιν, εἶναι σῶμα  
τò A δὲν ἔχει ἔκτασιν*

ἄρα *δὲν εἶναι σῶμα*

(μοναδικὸς λόγος τοῦ νὰ είναι τι σῶμα εἴναι τὸ « ἔκτατόν »).

β) *'Eάν δὲ A εἶναι συκοφάντης, εἶναι ἀνήθικος  
'O A δὲν εἶναι συκοφάντης*

ἄρα *δὲ A δὲν εἶναι ἀνήθικος ( ; )*

(μοναδικὸς λόγος τῆς ἀνηθικότητος ἀνθρώπου τινὸς ήν εἴναι τὸ νὰ είναι συκοφάντης).

3. Τιθεμένης τῆς ἀκολουθίας, δὲ λόγος τίθεται, μόνον ὅταν εἴναι δὲ μοναδικός:

a) *'Eàn τò A ἔχῃ ἔκτασιν, εἶναι σῶμα  
τò A εἶναι σῶμα*

ἄρα *ἔχει ἔκτασιν*

β) *'Eάν δὲ A εἶναι συκοφάντης εἶναι ἀνήθικος  
δὲ A εἶναι ἀνήθικος*

ἄρα *δὲ A εἶναι συκοφάντης ( ; )*

4. Αἱρομένης τῆς ἀκολουθίας αἱρεται πάντοτε καὶ δὲ λόγος:

a) *'Eàn τò A ἔχῃ ἔκτασιν, εἶναι σῶμα  
τò A δὲν εἶναι σῶμα*

ἄρα *δὲν ᔢχει ἔκτασιν*

β) *'Eάν δὲ A εἶναι συκοφάντης, εἶναι ἀνήθικος  
δὲ A δὲν εἶναι ἀνήθικος*

ἄρα *δὲ A δὲν εἶναι συκοφάντης*

Αρχή, έφ' ήσ στηρίζεται ό ύποθετικός συλλογισμός, είναι ή τοῦ ἀ ποχρῶν τοις λόγοις. Ή ἀναγκαιότης τοῦ συμπεράσματος καὶ τοῦ καθόλου ύποθετικοῦ καὶ τοῦ μεικτοῦ ἀπορρέει ἐκ τοῦ ὅτι πᾶν ἔχει τὴν αἰτίαν ἢ τὰς αἰτίας αὐτοῦ ἢ λόγον πείθοντα περὶ τῆς ἀληθείας αὐτοῦ.

### III. Ο ΔΙΑΖΕΥΚΤΙΚΟΣ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΣ

Ο συλλογισμὸς οὗτος, ὡς γνωρίζομεν, ἔχει μόνον τὴν μείζονα διαζευκτικήν. Ἐν αὐτῇ δύο ἢ πλείονα ύποκείμενα ἢ κατηγορούμενα — ὡς ἔννοιαι ἀντίθετοι καὶ ἀποκλείουσαι ἀλλήλας — συνδέονται διαζευκτικῶς.

Δύο εἴδη διαζευκτικοῦ συλλογισμοῦ ἔχομεν :

α) Τὸν θέσει ἀρντικόν, κατὰ τὸν ὄποιον τιθεμένου διὰ τῆς ἐλάσσονος ἐνὸς τῶν μελῶν τῆς διαζεύξεως αἱρονται τὰ λοιπὰ ἐν τῷ συμπεράσματι κατ' ἀνάγκην :

*"Η ἡ τελείωσις τοῦ ἀνθρώπου ἢ ἡ ἥδονὴ ἢ τὸ συμφέρον εἰναι τὸ ἄκρον ἀγαθὸν  
ἄλλ' εἶναι ἡ τελείωσις τοῦ ἀνθρώπου"*

ἄρα οὔτε ἡ ἥδονὴ οὔτε τὸ συμφέρον εἶναι τὸ ἄκρον ἀγαθὸν

β) Τὸν ἄρσει θετικόν, καθ' ὃν αἱρομένων τῶν μελῶν τῆς διαζεύξεως, πλὴν ἐνός, τίθεται τοῦτο ἀναγκαίως ἐν τῷ συμπεράσματι :

*Τὰ βιολογικὰ φαινόμενα ἐρμηνεύονται ἢ διὰ τῆς αἰτιότητος  
ἢ διὰ τῆς σκοπιμότητος  
ἄλλα δὲν ἐρμηνεύονται διὰ τῆς αἰτιότητος"*

ἄρα *ἐρμηνεύονται διὰ τῆς σκοπιμότητος*

Η ἀναγκαιότης ἐν τῷ διαζευκτικῷ συλλογισμῷ στηρίζεται ἐπὶ τῆς ἀρχῆς τῆς τοῦ τρίτου ἀποκλείσεως, καθ' ἣν τὸ *A* ἢ εἶναι *B* ἢ δὲν εἶναι· μέσον τι ἀποκλείεται. Δύνανται δὲ τὰ μέλη τῆς διαζεύξεως, ὁσαδήποτε καὶ ἀν εἶναι νὰ ἀναχθοῦν εἰς δύο : τὸ *A* εἶναι ἢ *B* ἢ *Γ* ἢ *Δ* = τὸ *A* εἶναι ἢ *B* ἢ (*I* ἢ *Δ*).

## IV. ΤΟ ΔΙΛΗΜΜΑ

(18)

Δίλημμα ( τρίλημμα ή πολύλημμα ) καλοῦμεν ίδιαιτέραν τινὰ μορφὴν μεικτοῦ ὑποθετικοῦ συλλογισμοῦ, ώς ὁ ἔξτης :

*'Εὰν δὲ Λεωνίδας ἦτο ἀνάξιος τῆς πατρίδος, ή θὰ ἔφευγεν  
ἢ θὰ ἐσυνθηκολόγει  
ἄλλ' οὔτε ἔφευγεν οὔτε ἐσυνθηκολόγησε*

ἄρα δὲν ἦτο ἀνάξιος τῆς πατρίδος

Παρατηροῦμεν ὅτι ή μείζων πρότασις ἐνταῦθα εἶναι ὑποθετικὴ ἔχουσα ὅμως καὶ διάζευξιν ἐν τῇ ἀποδόσει. Τῆς διαζεύξεως ταύτης αἴρονται πάντα τὰ μέλη διὰ τῆς ἐλάσσονος, διὰ δὲ τοῦ συμπεράσματος αἴρεται καὶ ἡ ὑπόθεσις.

Διάφορος τύπος τοιούτου συλλογισμοῦ εἶναι ὁ κατωτέρω :

*'Εὰν δὲ φρονρός Αἰ κατέλιπε τὴν τάξιν η ἐγένετο  
προδότης, εἰναι ἄξιος θανάτου  
ἄλλ' οὔτε τὴν τάξιν κατέλιπεν οὔτε προδότης ἐγένετο*

ἄρα δὲν εἰναι ἄξιος θανάτου

Αντιστρόφως ὁ συλλογισμὸς οὕτος ἔχει ἐν τῇ ὑποθέσει τὴν διάζευξιν, ἢς, αἱρομένων πάντων τῶν μελῶν, αἴρεται καὶ ἡ ἀπόδοσις.

Θέσιν δὲ τῶν μελῶν τῆς ἐν τῇ ἀποδόσει διαζεύξεως ἔχομεν εἰς τὸ γνωστὸν τρίλημμα τοῦ Λεϊβνιτίου :

*'Εὰν δέ κόσμος δὲν ἦτο ἄριστος, δέ θεός η δὲν θὰ ἐγνώριζεν η δὲν θὰ ἥθελεν η δὲν θὰ ἥδύνατο νὰ δημιουργήσῃ ἀντόν ἄριστον  
ἄλλα καὶ ἐγνώριζεν, ως πάνσοφος, καὶ ἥθελεν, ως πανάγαθος, καὶ ἥδύνατο, ως παντοδύναμος*

ἄρα δέ κόσμος εἰναι ἄριστος

Διλημμα ( τρίλημμα ή πολύλημμα ) εἶναι ὁ μεικτὸς ὑποθετικὸς συλλογισμός, δέ ἔχων ἐν τῇ ὑποθέσει η τῇ ἀποδόσει τῆς μείζονος διαζεύξιν ἐν δύο ( τριῶν η πολλῶν ) μελῶν, ὃν τιθεμένων η αἱρομένων διὰ τῆς ἐλάσσονος, τίθεται η αἱρεται καὶ η ἐτέρα πρότασις τῆς μείζονος ἐν τῷ συμπεράσματι.

Τὸ διλημμα διαφέρει τοῦ μεικτοῦ ὑποθετικοῦ συλλογισμοῦ κατὰ τοῦτο, ὅτι δὶ' αὐτοῦ συμπεραίνομεν περὶ λόγου τινὸς ἐκ πασῶν τῶν ἀκολουθιῶν αὐτοῦ η̄ περὶ ἀκολουθίας τινὸς ἐκ πάντων τῶν λόγων αὐτῆς. Ὡς ἐκ τούτου, τιθεμένου η̄ αἱρομένου τοῦ λόγου, τίθεται η̄ αἱρεται καὶ η̄ ἀκολουθία καὶ τάναπαλιν.

Δίλημμα ἔξ ἀντιφατικῶν λόγων. "Αλλη μορφὴ διλήμματος εἶναι ὁ γνωστὸς συλλαγγισμὸς τοῦ χαλίφου Ὁμάρ, ὅτε διέτασσε τὴν πυρπόλησιν τῆς βιβλιοθήκης τῆς Ἀλεξανδρείας :

'Εὰν τὰ βιβλία τῶν Ἐλλήνων συμφωνοῦν πρὸς τὸ Κορανιον, τὸν λόγον τοῦ θεοῦ, εἶναι περιττὰ ( = καταστρεπτέα ).  
εὖλον ὅχι, εἶναι ἐπικίνδυνα ( = καταστρεπτέα )  
ἀλλ' η̄ συμφωνοῦν η̄ ὅχι

---

ἄρα εἶναι περιττὰ η̄ ἐπικίνδυνα ( = καταστρεπτέα )

Ἡ μείζων τοῦ διλήμματος τούτου περιέχει δύο ὑποθετικὰς κρίσεις, ὡν οἱ μὲν λόγοι ἀντιφάσκουν, αἱ δὲ ἀκολουθίαι ταυτίζονται. Συμπεραίνομεν δὲ δὶ' αὐτοῦ ἔξ ἀντιφατικῶν λόγων τὴν αὐτὴν ἀκολουθίαν η̄ ἀντιστρόφως.

Τὴν μορφὴν ταύτην ἐννοεῖ προφανῶς ἀρχαῖός τις ἀνώνυμος ὁρίζων τὸ διλημμα ὡς ἔξῆς : « διλήμματον σχῆμά ἔστι λόγος ἐκ δύο προτάσεων ἐγαντίων τὸ αὐτὸν πέρας συνάγων ».

## 2. ΣΥΝΘΕΤΟΙ ΠΑΡΑΓΩΓΙΚΟΙ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΙ σχ.

1. 'Ο κατηγορικὸς σύνθετος συλλογισμός. Πολλάκις, διὰ νὰ εὕρωμεν τὴν σχέσιν δύο ἐννοιῶν, προβάίνομεν εἰς σειρὰν ἀπλῶν συλλογισμῶν συνδεομένων εἰς ἐν ὅλον. Οὕτω, προκειμένου νὰ εὕρωμεν ἄν τὴ δωρεὰ εἶναι θεάρεστον, συλλογιζόμεθα ὡς ἔξῆς :

$M_3 - K$	Ἡ ἀρετὴ εἶναι θεάρεστον
$M_2 - M_3$	η̄ φιλανθρωπία εἶναι ἀρετὴ
$M_1 - K$	η̄ φιλανθρωπία εἶναι θεάρεστον
$M_3 - K$	η̄ φιλανθρωπία εἶναι θεάρεστον
$M_1 - M_2$	η̄ εὐεργεσία εἶναι φιλανθρωπία
$M_1 - K$	η̄ εὐεργεσία εἶναι θεάρεστον

M <sub>1</sub> — K	ἡ εὐεργεσία εἶναι θεάρεστον
Y — M <sub>1</sub>	ἡ δωρεὰ εἶναι εὐεργεσία
Y — K	ἡ δωρεὰ εἶναι θεάρεστον

Εἰς τὴν σειρὰν τῶν συλλογισμῶν τούτων παρατηροῦμεν, ὅτι μεταξὺ τῶν δύο ἐννοιῶν ( δωρεὰ — θεάρεστον ) εἰς τῶν ὁποίων τὸν συσχετισμὸν καταλήγομεν, παρεμβάλλεται σειρὰ μέσων ὅρων ἀποτελοῦσα μετ' αὐτῶν λογικὴν κλίμακα ( θεάρεστον — ἀρετὴ — φιλανθρωπία — εὐεργεσία — δωρεά, ἦτοι K — M<sub>1</sub> — M<sub>2</sub> — M<sub>1</sub> — Y ).

Διὰ τῶν συλλογισμῶν, ᾧν ἔκαστος ἐπόμενος ἔχει ὡς μίαν τῶν προκειμένων τὸ συμπέρασμα τοῦ προηγουμένου, ἀποδίδομεν κλίμακηδὸν διὰ μέσου πασῶν τῶν ἐννοιῶν τὴν γενικωτάτην εἰς τὴν μερικωτάτην.

‘Ο τοιοῦτος συλλογισμὸς ὀνομάζεται σύνθετος· ἥτοι

Σύνθετος συλλογισμὸς ἡ πολυσυλλογισμὸς καλεῖται ὁ ἀποτελούμενος ἐκ σειρᾶς ἀπλῶν συλλογισμῶν, τῶν ὁποίων οἱ ὅροι ἀποτελοῦν λογικὴν κλίμακα, τὰ δὲ διαδοχικὰ συμπεράσματα προκειμένας τῶν ἀμέσως ἐπομένων, οὕτως ὥστε ἡ γενικωτάτη ἐννοια ἡ ἀποδίδεται εἰς τὴν μερικωτάτην.

‘Ἐκαστος τῶν ἀπλῶν συλλογισμῶν ἐν σχέσει πρὸς τὸν ἐπόμενον λέγεται προσυλλογισμός, ἐν σχέσει δὲ πρὸς τὸν προηγούμενον ἐπισυλλογισμός.

2. Ἀναλυτικός καὶ συνδετικός σύνθετος συλλογισμός.  
Εἰς τὸ ἀνωτέρω παράδειγμα ὅρμωμενοι ἀπὸ τῆς γενικωτάτης ἐννοίας ( θεάρεστον ) ὑπάγομεν ὑπ’ αὐτὴν διαδοχικῶς τὰς μερικώτερας ( ἡ ἀρετὴ εἶναι θεάρεστον — ἡ φιλανθρωπία εἶναι θεάρεστον κ.ο.κ. ), δηλαδὴ ἀντικαθιστῶμεν διαδοχικῶς τὸ ὑποκείμενον. ‘Ο σύνθετος οὗτος συλλογισμὸς καλεῖται συνθετικός.

‘Αγόμεθα ὅμως καὶ ἄλλως εἰς τὸ αὐτὸ συμπέρασμα :

H δωρεὰ εἶναι εὐεργεσία	Y — M <sub>1</sub>
ἡ εὐεργεσία εἶναι φιλανθρωπία	M <sub>1</sub> — M <sub>2</sub>
ἡ δωρεὰ εἶναι φιλανθρωπία	Y — M <sub>2</sub>

<u>η δωρεὰ εἶναι φιλανθρωπία</u>	Υ — Μ <sub>2</sub>
<u>η φιλανθρωπία εἶναι ἀρετὴ</u>	Μ <sub>2</sub> — Μ <sub>3</sub>
<u>η δωρεὰ εἶναι ἀρετὴ</u>	Υ — Μ <sub>3</sub>
<u>η δωρεὰ εἶναι ἀρετὴ</u>	Υ — Μ <sub>3</sub>
<u>η ἀρετὴ εἶναι θεάρεστον</u>	Μ <sub>3</sub> — Κ
<u>η δωρεὰ εἶναι θεάρεστον</u>	Υ — Κ

Ἐνταῦθα δόρμώμενοι ἀπὸ τῆς μερικωτάτης ἐννοίας (δωρεὰ) ύπαγομεν αὐτὴν διαδοχικῶς εἰς τὰς γενικωτέρας (η δωρεὰ εἶναι εὐεργεσία, η δωρεὰ εἶναι φιλανθρωπία κ.ο.κ.) ἀντικαθιστῶντες διαδοχικῶς τὸ κατηγορούμενον. 'Ο σύνθετος συλλογισμὸς οὗτος λέγεται ἡ ναλυτικός.

3. 'Υποδετικοὶ σύνθετοι συλλογισμοί. Ἐκτὸς τῶν κατηγορικῶν ἔχομεν καὶ ύποδετικοὺς συνθέτους συλλογισμούς, συνθετικούς καὶ ἀναλυτικούς. Συνθετικὸς εἶναι ὁ ἔξῆς :

'Εὰν τις ἀντιφάσκῃ πρὸς ἑαυτόν, δὲν νοεῖ λογικῶς  
ἐὰν τις πιστεύῃ τι καὶ οὐδὲν πιστεύῃ, ἀντιφάσκει πρὸς ἑαυτὸν  
εάν τις πιστεύῃ τι καὶ οὐδὲν πιστεύῃ, δὲν νοεῖ λογικῶς  
εάν τις πιστεύῃ τι καὶ οὐδὲν πιστεύῃ, δὲν νοεῖ λογικῶς  
εάν τις ἀρνῆται τὰ πάντα, πιστεύει τι (= τὴν ἄρνησιν )  
εάν τις ἀρνῆται τὰ πάντα, δὲν νοεῖ λογικῶς

Εἰς τὸ αὐτὸ συμπέρασμα καταλήγομεν καὶ ἀναλυτικῶς χωροῦντες ἀντιστρόφως, ὡς εἰς τὸν κατηγορικὸν ἀναλυτικόν.

### 19. ΒΡΑΧΥΛΟΓΙΚΟ ΠΑΡΑΓΩΓΙΚΟΙ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΙ

Τοὺς συλλογισμούς ἐν γένει σπανίως διατυποῦμεν ἐν τῷ γραπτῷ καὶ προφορικῷ λόγῳ πλήρως, ὡς ἔξετάζομεν αὐτοὺς ἐν τῇ Λογικῇ. Συνήθως παραλείποντες τὰ δυνάμενα νὰ νοηθοῦν (οἰκονομία τῆς νοήσεως) ἐκφέρομεν αὐτοὺς βραχυλογικῶς.

Τοιοῦτοι ἀ π λ ο ī μὲν συλλογισμοὶ εἶναι τὰ ἐνθυμήματα, σ ύ νθ ε τ ο i δὲ τὰ ἐπιχειρήματα καὶ οἱ σωρεῖται.

## I. ΕΝΘΥΜΗΜΑΤΑ

Ἐνθυμήματα είναι οἱ ἔξης συλλογισμοί :

α) Ὁ ἵππος εἶναι ζῷον

ὅ ἵππος εἶναι ὁργανικόν

ἄρα

β) Πάντα τὰ ζῷα εἶναι ὁργανικά

· Ὁ ἵππος εἶναι ὁργανικὸν

ἄρα

γ) Ὁ ἵππος εἶναι ὁργανικὸν, ὡς ζῷον

‘Ως εύκόλως ἀντιλαμβανόμεθα, ἐν τῷ πρώτῳ τούτων ὑπονοεῖται ἡ μείζων ( πάντα τὰ ζῷα εἶναι ὁργανικά ) ἐν τῷ δευτέρῳ ἡ ἐλάσσων ( ὅ ἵππος εἶναι ζῷον ), ἐν δὲ τῷ τρίτῳ ἡ μία ( ἡ μείζων ) ὑπονοεῖται, ἡ δὲ ἐτέρα προσαρτᾶται εἰς τὸ συμπέρασμα ὡς αἰτιολογία αὐτοῦ.

Οὕτοι είναι οἱ τρεῖς τύποι τοῦ ἐνθυμήματος· ὅθεν

Ἐνθύμημα είναι ἀπλοῦς βραχυλογικὸς συλλογισμός, τοῦ ὅποιον λανθάνει ἡ μία τῶν προκειμένων, ἡ δὲ ἐτέρα ἐκφέρεται ἡ κανονικῶς ἡ ὡς αἰτιολογία τοῦ συμπεράσματος<sup>1</sup>.

Τοῦ δευτέρου ἐκ τῶν ἀνωτέρω τύπων είναι τὸ ἐνθύμημα «ψυχὴ πᾶσα ἀθάνατος· τὸ γὰρ ἀεικίνητον ἀθάνατον»<sup>2</sup>, ἐνθα λανθάνει ἡ ἐλάσσων «πᾶσα ψυχὴ ἀεικίνητον».

Ἐκτὸς τῶν ἀπλῶν κατηγορικῶν, καὶ ἀπλοῖ ὑποθετικοὶ συλλογισμοὶ ἐκφέρονται ὡς ἐνθυμήματα· οἷον «ἀναπτυεῖς, ζῆς ἄρα»<sup>3</sup>

εἰ ἀναπτυεῖς, ζῆς

ἀναπτυεῖς

ἄρα

ζῆς

1. ‘Ο ὄρος «ἐνθύμημα» είναι τοῦ Ἀριστοτέλους. Κατὰ δὲ τὸν ὑπομνηματιστὴν αὐτοῦ Φίλοπονον «ἐνθύμημα — ἀπὸ τοῦ καταλιμπάνειν ἐν νῷ, ἐνθυμεῖσθαι τὴν μίαν πρότασιν».

2. Πλάτωνος Φαῖδρος 245 c.

3. ‘Αντιπάτρου τοῦ Στωϊκοῦ φιλοσόφου. ‘Ομοιον ἐνθύμημα είναι τὸ «cogito, ergo sum» τοῦ Καρτεσίου.

## II. ΕΠΙΧΕΙΡΗΜΑΤΑ

Τύποι έπιχειρημάτων είναι οι κατωτέρω :

α) *Tὸ ψεῦδος εἶναι ἀποκρουστέον, ὡς ἀνήθικον  
ἡ ὑποκρισία εἶναι ψεῦδος*

ἄρα *ἡ ὑποκρισία εἶναι ἀποκρουστέα*

β) *Tὸ ψεῦδος εἶναι ἀποκρουστέον  
ἡ ὑποκρισία εἶναι ψεῦδος, ὡς ἔκουσία διαστροφὴ τῆς ἀληθείας*

ἄρα *ἡ ὑποκρισία εἶναι ἀποκρουστέα*

γ) *Tὸ ψεῦδος εἶναι ἀποκρουστέον, ὡς ἀνήθικον  
ἡ ὑποκρισία εἶναι ψεῦδος, ὡς ἔκουσία διαστροφὴ τῆς ἀληθείας*

ἄρα *ἡ ὑποκρισία εἶναι ἀποκρουστέα*

Οι συλλογισμοὶ οὗτοι είναι σύνθετοι, διότι ή μία ή ἀμφότεραι αἱ προκείμεναι αὐτῶν, ὡς παρατηροῦμεν, είναι ἐνθυμήματα, ἤτοι ὀλόκληροι ἀπλοὶ συλλογισμοὶ. Εὐχερῶς δὲ δυνάμεθα νὸς ἀναλύσωμεν αὐτοὺς εἰς κανονικούς συνθέτους συλλογισμούς· π.χ. τὸν πρῶτον ἐξ αὐτῶν :

*Hār ἀνήθικον ἀποκρουστέον*

*τὸ ψεῦδος εἶναι ἀνήθικον*

*τὸ ψεῦδος εἶναι ἀποκρουστέον*

*τὸ ψεῦδος εἶναι ἀποκρουστέον*

*ἡ ὑποκρισία εἶναι ψεῦδος*

ἄρα *ἡ ὑποκρισία εἶναι ἀποκρουστέα*

\*Επιχείρημα κατὰ ταῦτα καλεῖται ὁ βραχυλογικὸς σύνθετος συλλογισμός, τοῦ ὅποιον ή μία ή ἀμφότεραι αἱ προκείμεναι είναι ἐνθυμήματα (ἢ ἔχουν προσηρτημένη αἰτιολογίαν).

Εὐνόητον είναι, ὅτι καὶ ὑποθετικούς συνθέτους συλλογισμούς ἐκφέρομεν ὡς ἐπιχειρήματα :

Ἐὰν λαός τις εἶναι νομαδικός, δὲν εἶναι προηγμένος ὡς μὴ  
ἔχων πολιτισμὸν  
εἰὰν λαός τις εἶναι ποιμενικός, εἶναι νομαδικός

ὅπερ εἰὰν λαός τις εἶναι ποιμενικός, δὲν εἶναι προηγμένος

### III. ΣΩΡΕΙΤΑΙ

Σωρείται λέγονται οἱ σύνθετοι συλλογισμοὶ, συνθετικοὶ ἢ ἀναλυτικοί, ὅταν ἐκφέρωνται ὡς ἔξῆς :

α) ὁ συνθετικός :

$M_3 - K$	' <i>H ἀρετὴ εἶναι θεάρεστον</i>
$M_2 - M_3$	ἡ φιλανθρωπία εἶναι ἀρετὴ
$M_1 - M_2$	ἡ εὐεργεσία εἶναι φιλανθρωπία
$Y - M_1$	ἡ δωρεὰ εἶναι εὐεργεσία
$Y - K$	ἡ δωρεὰ εἶναι θεάρεστον

β) ὁ ἀναλυτικός :<sup>1</sup>

$Y - M_1$	' <i>H δωρεὰ εἶναι εὐεργεσία</i>
$M_1 - M_2$	ἡ εὐεργεσία εἶναι φιλανθρωπία
$M_2 - M_3$	ἡ φιλανθρωπία εἶναι ἀρετὴ
$M_3 - K$	ἡ ἀρετὴ εἶναι θεάρεστον
$Y - K$	ἡ δωρεὰ εἶναι θεάρεστον

Συγκρίνοντες τούτους πρὸς τοὺς πλήρεις συνθέτους συλλογισμούς συνάγομεν εὐκόλως τὸν δρισμὸν τοῦ σωρείτου :

Σωρείτης εἶναι ὁ βραχυλογικός σύνθετος συλλογισμός, τοῦ

1. Ἀναλυτικοὶ σωρείται εἶναι οἱ κατωτέρω δύο διαδοχικοὶ συλλογισμοὶ τοῦ Σωκράτους (Πλάτωνος Ἀλκιβ. 133 - 134a), δι' ᾧ ἀποδεικνύεται :

α) δτὶ δ ἕρχων πρέπει να "γιγνώσκῃ ἑαυτὸν" καὶ

β) δτὶ εὐδαιμόνων εἶναι μόνον ὁ "ἑαυτὸν εἰδῶς" σώφρων καὶ ἀγαθός.

α) Τὸ γιγνώσκειν ἑαυτὸν ὄμοιογοῦμεν σωφροσύνην εἶναι (= οὐ σώφρων ὁ μὴ ἑαυτὸν γιγνώσκων)

μὴ γιγνώσκοντες ἡμᾶς αὐτοὺς οὐκ ἀν δυναίμεθα εἰδέναι τὰ ἡμέτερα αὐτῶν κακά τε καὶ ἀγαθά

δποίου παραλείπονται τὰ ἐνδιάμεσα συμπεράσματα.

Διακρίνομεν δὲ αὐτὸν εἰς συνθετικὸν καὶ ἀναλυτικόν, ὅπως ἀκριβῶς τὸν πλήρη σύνθετον συλλογισμόν. 'Ο συνθετικὸς λέγεται καὶ « γοκλήνειος » ἐκ τοῦ πρώτου διατυπώσαντος αὐτὸν Ροδ. Γοκληνίου (17ος αἱ.), δὲ δεύτερος « ἀριστοτελικός ».

Καὶ ύποθετικοὶ σωρεῖται, συνθετικοὶ καὶ ἀναλυτικοί, εἶναι συνηθέστατοι, καθ' οὓς παραλείπομεν, ώς καὶ κατὰ τοὺς κατηγορικούς, τὰ διάμεσα συμπεράσματα τῶν πλήρων συνθέτων συλλογισμῶν.

(90)

### B. ΕΠΑΓΩΓΙΚΟΣ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΣ

Παραγωγὴ καὶ ἐπαγωγὴ εἶναι, ώς εἴδομεν ἀνωτέρω, αἱ δύο θεμελιώδεις μορφαὶ συλλογισμοῦ. Ἐξητάσαμεν ἡδη τὴν παραγωγὴν. Διὰ τῆς ἐπαγωγῆς ἢ τοῦ ἐπαγωγικοῦ συλλογισμοῦ συμπεραίνομεν ἐκ τῶν μερῶν περὶ τοῦ ἥλου :

'Ο Ἐρμῆς, ἡ Ἀφροδίτη, ἡ Ιῆ, δ Ἄρης, ὁ Ζεύς, ὁ Κρόνος,  
δ Οὐρανός, ὁ Ποσειδῶν, ὁ Πλούτων στρέφονται πάντες περὶ  
τὸν ἥλιον

δ Ἐρμῆς, ἡ Ἀφροδίτη, ἡ Ιῆ, ὁ Ἄρης, ὁ Ζεύς, ὁ Κρόνος, ὁ  
Οὐρανός, ὁ Ποσειδῶν, ὁ Πλούτων εἶναι πάντες οἱ γνωστοὶ  
πλανῆται

---

ὅτις δὲ τὰ ἑαυτοῦ ἀγνοεῖ καὶ τὰ τῶν ἄλλων που ἀν ἀγνοοῦ  
εἰ τὰ τῶν ἄλλων, καὶ τὰ τῶν πόλεων

‘Ἄστε παρατηροῦμεν, εἰς τὸν ἐπαγωγικὸν συλλογισμὸν ὑποκείμε-

---

οῦντος δὲ τὰ ἑαυτοῦ ἀγνοεῖ καὶ τὰ τῶν ἄλλων που ἀν ἀγνοοῦ  
εἰ τὰ τῶν ἄλλων, καὶ τὰ τῶν πόλεων

οὐκ ἄρδεν γένοιτο ὁ τοιοῦτος ἀνήρ πολιτικός.... οὐδὲ οἰκογομικός.... οὐδὲ  
γε εἰσσται διτι πράττει

β) 'Ο δὲ μή εἰδὼς οὐχ ἀμαρτήσεται :

εξαμαρτάνων δὲ οὐ κακῶς πρᾶξει ιδίᾳ τε καὶ δημοσίᾳ ;  
κακῶς δὲ πράττων οὐκ ἄθλιος ;

---

οὐκ ἄρα οἶδεν τε, ἐὰν μή τις σώφρων καὶ ἀγαθὸς ἦ, εἰδαίμονα εἴναι  
( αἱ προτάσεις ἀλήφθησαν ἀποσπασματικῶς ἐκ τοῦ κειμένου ).

νον ἀμφοτέρων τῶν προκειμένων εἶναι σειρὰ παραλλήλων ἐννοιῶν, κατηγορούμενον δὲ τῆς μὲν μείζονος κοινόν τι γνώρισμα αὐτῶν, τῆς δὲ ἐλάσσονος περιέχουσα ταύτας ἔννοια γένους. Ὁρμώμενοι ἐκ τῆς σχέσεως τῶν ἐπὶ μέρους ἐννοιῶν, ἀφ' ἐνὸς πρὸς τὸ γνώρισμα τοῦτο καὶ ἀφ' ἑτέρου πρὸς τὸ γένος αὐτῶν, ἀποδίδομεν τὸ γνώρισμα καὶ εἰς τὸ γένος<sup>1</sup>.

Ἐν τῷ ἀνωτέρῳ παραδείγματι συμπεραίνομεν ἐκ πάντων τῶν μερῶν. Ἡ ἐπαγωγὴ αὐτῇ λέγεται τελεία ἢ ἀριθμοῦ τινος ὁμοίων συμπεραίνομεν περὶ τοῦ συνόλου αὐτῶν μετὰ πιθανότητος, διότι δὲν δυνάμεθα νὰ ἔξετάσωμεν πάντα τὰ ὄμοια:

‘Ο χρυσός, ὁ χαλκός, ὁ σίδηρος εἶναι εὐθερμαγωγὰ  
οἱ χρυσός, ὁ χαλκός, ὁ σίδηρος εἶναι μέταλλα

---

ἄρα πάιτα τὰ μέταλλα εἶναι ( πιθανῶς ) εὐθερμαγωγὰ

Ἡ ἀτελής ἐπαγωγὴ καθίσταται λογικῶς δυνατή ἐκ τοῦ ὅτι καὶ ἐν αὐτῇ ὑπονοοῦμεν, ὅτι τὸ ἴσχυον περὶ τῶν ἔξετασθέντων ( π.χ. τοῦ χρυσοῦ, τοῦ χαλκοῦ, τοῦ σιδήρου ) ἴσχύει κατὰ πᾶσαν πιθανότητα καὶ περὶ πάντων τῶν ὁμοίων.<sup>2</sup> Ἄλλ’ ὁπωσδήποτε τοῦτο εἶναι πιθανὸν μόνον.

‘Ως ἐκ τούτου ούδεποτε ἡ ἀτελής ἐπαγωγὴ ἔχει τὴν ἐκ λογικῆς ἀναγκαιότητος ἀπορρέουσαν βεβαιότητα τῆς τελείας ἢ τῆς παραγωγῆς. Ἐν τούτοις αὐτῇ ἀποτελεῖ τὴν βάσιν καὶ ἄλλων, ἀλλὰ κυρίως τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν, τῶν ὁποίων ἡ πρόοδος εἶναι τεραστία. Τοῦτο σημαίνει, ὅτι εἶναι μεγίστη ἡ πιθανότης αὐτῆς προκειμένου περὶ τῶν φαινομένων τῆς φύσεως, ὅπου κρατεῖ ὁμοείδεια ( τὰ αὐτὰ αἴτια παράγουν τὰ αὐτὰ ἀποτελέσματα ). Τὰ φυσικὰ φαινόμενα διέπονται ὡς ἐκ τούτου ὑπὸ σταθερῶν νόμων, οὕτως ὥστε καὶ ἐκ τῶν ἐπὶ μέρους

1. « Καὶ τρόπον τινὰ ἀντίκειται ἡ ἐπαγωγὴ τῷ συλλογισμῷ· ὁ μὲν γάρ διὰ τοῦ μέσου τὸ ἄκρον τῷ τρίτῳ δείκνυσιν, ἡ δὲ διὰ τοῦ τρίτου τὸ ἄκρον τῷ μέσῳ φύσει μὲν οὖν πρότερος καὶ γνωριμώτερος ὁ διὰ τοῦ μέσου συλλογισμός, ἡμῖν δὲν ἔναργέστερος ὁ διὰ τῆς ἐπαγωγῆς » ( Ἀριστοτ. Ἀναλ. πρότ. 68 b 33 )· « ἐπαγωγὴ δὲ ἡ διὰ τῶν καθ' ἕκαστα ἐπὶ τὸ καθόλου ἔφοδος » ( αὐτ. Τοπ. 105 a 13 ).

2. ‘Η γάρ ἐπαγωγὴ διά πάντων. ( αὐτ. Ἀναλ. προτ. 68 b 29 ).

νὰ συνάγεται μετὰ μεγιστης πιθανότητος ή ἀλήθεια περὶ τοῦ ὅλου

### Γ. ΑΝΑΛΟΓΙΚΟΣ ΣΥΛΛΟΓΙΣΜΟΣ

Τρίτην γενικὴν μορφὴν συλλογισμοῦ ἀποτελεῖ ὁ ἀναλογικὸς ἢ  
ἡ ἀναλογία. Δι' αὐτῆς ἐκ μιᾶς ἢ πλειόνων περιπτώσεων συμπεραίνο-  
μεν περὶ ἄλλης ἢ ἄλλων ἔχουσῶν δομούτητά τινα πρὸς τὰς πρώτας,  
ἥτοι ἐκ μερικοῦ τίνος περὶ ἄλλου μερικοῦ:

*α) α δραχμαὶ τοκιζόμεναι πρὸς 5 ο) ἀποδίδοντι β δραχμὰς  
τριπλάσιαι δραχμαὶ τοκιζόνται πρὸς 5 ο)*

*ἄρα 3α δραχμαὶ ἀποδίδοντι 3β δραχμὰς*

*β) Ὁ πλανήτης Γῆ ἔχων ἀτμόσφαιραν καὶ ὕδωρ κατοικεῖται  
ὅ πλανήτης Ἀρης ἔχει ἀτμόσφαιραν καὶ ( πιθανῶς ) ὕδωρ  
ἄρα ὁ πλανήτης Ἀρης πιθανῶς κατοικεῖται*

Διὰ τοῦ ἀναλογικοῦ συλλογισμοῦ, ὡς βλέπομεν, στηριζόμενοι  
ἐπὶ τῆς ὑπάρξεως κοινῶν γνωρισμάτων εἰς δύο ἐννοίας συμπεραίνο-  
μεν περὶ τῆς ὑπάρξεως καὶ ἄλλων.

'Αλλὰ δὲν συμπεραίκομεν μετὰ τῆς αὐτῆς βεβαιότητος εἰς ἀμφο-  
τέρας τὰς ἀνωτέρω περιπτώσεις.

'Ἐν τῇ πρώτῃ πρόκειται περὶ τῆς μαθηματικῆς ἀναλογίας, καθ'  
ἥν ἐκ τοῦ λόγου γνωστῶν ποσῶν συνάγεται ὁ λόγος οἰωνδήποτε  
πολλαπλασίων αὐτῶν. 'Η τοιαύτη ἀναλογία ἔχει τὴν πλήρη βεβαιό-  
τητα τῆς παραγωγῆς καὶ τῆς τελείας ἐπαγωγῆς καὶ λέγεται διὰ τοῦτο  
τελεία.

'Ἐν τῇ δευτέρᾳ ὅμως περιπτώσει πιθανολογοῦμεν τὴν ὑπαρξίν  
καὶ ἄλλων κοινῶν γνωρισμάτων βάσει τῶν ἥδη γνωστῶν. 'Η ἀναλο-  
γία αὕτη πάντοτε πιθανολογικὴ λέγεται ἀτελής. 'Η δὲ πιθα-  
νότης αὐτῆς εἰναι μεγαλύτερα, ἐὰν τὰ γνωρίσματα, περὶ ὧν συμπε-  
ραίνομεν, ἔξαρτῶνται ἐξ ἑκείνων, ἐπὶ τῶν ὅποιων στηριζόμεθα.

'Η ἀναλογία δὲν θεωρεῖται ἀπολύτως αὐτοτελής συλλογισμός, ὡς  
ἡ παραγωγὴ καὶ ἡ ἐπαγωγὴ. 'Η τελεία ἡ μαθηματικὴ προϋποθέτει  
τὴν παραγωγὴν. 'Εκ τῆς γενικῆς ἀρχῆς « ὁ λόγος δύο ἀριθμῶν δὲν

μεταβάλλεται, ἀν ἀμφότεροι πολλαπλασιασθῶσιν ἐπὶ τὸν αὐτὸν ἀριθμὸν » ἀναγνωρίζομεν πρότερον παραγωγικῶς τὴν σχέσιν τῶν ποσῶν.

”Αλλως θὰ ἦτο ἀδύνατος ὁ συσχετισμὸς αὐτῶν.

‘Η δὲ ἀτελής περιέχει ἐπαγωγὴν καὶ παραγωγὴν, ὡς ἥδη παρετήρησεν ὁ Ἀριστοτέλης. Εἰς τὸ ἀνωτέρω παράδειγμα, πρὶν ἢ συμπεράνωμεν περὶ τοῦ Ἀρεως, συνάγομεν ἐπαγωγικῶς γενικὸν συμπέρασμα ( πᾶς πλανῆτης ἔχων ἀτμόσφαιραν καὶ ὅδωρ πιθανῶς κατοικεῖται ), εἴτα δὲ ἐξ αὐτοῦ συμπεραίνομεν παραγωγικῶς περὶ τοῦ Ἀρεως.

Εὔρεια είναι ἐν τούτοις καὶ τῆς ἀτελοῦς ἀναλογίας ἡ χρῆσις εἰς τὰς ἐπιστημονικὰς ἔρευνας.



#### ΓΕΝΙΚΑΙ ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ ΕΙΣ ΤΗΝ ΤΥΠΙΚΗΝ ΛΟΓΙΚΗΝ

Εἰς τὸ πρῶτον μέρος τῆς Λογικῆς ἐγνωρίσαμεν τὰς στοιχεώδεις νοητικὰς μορφάς : ἐννοίας, κρίσεις καὶ συλλογισμούς. Ἐκ τούτων διὰ μὲν τῶν ἐννοιῶν συλλαμβάνομεν τὸ « τί εἰναι » πᾶν δυνάμενον νὰ νοηθῇ ὡς αὐτοτελές καὶ ἔνιατον ὄλον ( ἀντικείμενον, ιδιότης, ἐνέργεια, σχέσις ἢ σύνολον δόμοιων ἐκ τούτων ). Διὰ τῶν κρίσεων συλλαμβάνομεν τὰς λογικὰς σχέσεις μεταξὺ τῶν ἐννοιῶν ( ἄρα καὶ τῶν δι' αὐτῶν δηλουμένων ). Οἱ δὲ συλλογισμοὶ είναι νοητικαὶ πράξεις οὕτως είπειν, δι' ᾧ ἐκ δεδομένων κρίσεων συνάγομεν ἄλλας.

Ἐπομένως τὰ ἀπλᾶ στοιχεῖα, εἰς τὰ ὄποια ἀναλύεται πᾶσα νοητικὴ ἡμῶν ἐνέργεια, είναι δύο : αἱ ἐννοιαὶ καὶ αἱ κρίσεις. Εἰς τὸν σχηματισμὸν λογικῶν ( ἐπιστημονικῶν ) ἐννοιῶν καὶ κρίσεων ἀποβλέπει ἐν τελευταίᾳ ἀναλύσει πᾶσα ἐπιστήμη. Τὸν τρόπον δέ, καθ' ὃν ἐπιτυγχάνεται τοῦτο, ἔρευνῷ καὶ διδάσκει ἡ Λογική.

‘Η δρόθότης ὅμως τούτων ἔχεται ἐν τῇ Τυπικῇ Λογικῇ ἀπὸ καθαρῶς τυπικῆς ἀπόψεως. Οὕτω τυπικῶς δρθή ἐννοια είναι ἡ μὴ περιέχουσα ἀντίφασιν ( αἱ ἐννοιαὶ « σκοτεινὸς ἥλιος », « ὁργανικὸν ὄγκον » περιέχουν ἀντίφασιν ). Τυπικῶς δρθή κρίσις είναι ἡ ἐκφράζουσα ἀνευ ἀντιφάσεως καὶ ἀκριβῶς τὰς σχέσεις τῶν ὄρων.

Συλλογισμὸς δὲ τυπικῶς δρθὸς είναι ἑκεῖνος, τοῦ ὄποιου τὸ συμπέρασμα προκύπτει κατὰ λογικὴν ἀκολουθίαν ἐκ τῶν προκειμένων.

Οὕτως ἐὰν εἴπωμεν, ἔστω ἐκ πλάνης :

*Πάντα τὰ μέταλλα εἶναι ὁργανικά ( ! )  
οἱ σίδηρος εἶναι μέταλλον*

---

θὰ συμπεράνωμεν κατὰ λογικήν ἀκολουθίαν ὅτι « ὁ σίδηρος εἶναι ὁργανικόν ». Διότι τότε ή νόησις ἡμῶν δὲν παραβαίνει τὴν ἀρχήν τῆς ταυτότητος, τότε συμφωνεῖ πρὸς ἑαυτήν.

Ἐάν ἀντιθέτως συμπεράνωμεν « ὁ σίδηρος εἶναι ἀνόργανον » — πρᾶγμα, τὸ δόπιον οὐ μόνον δὲν προκύπτει ἐκ τῶν προκειμένων, ἀλλὰ καὶ ἀντίθετον εἴναι πρὸς τὰς δι’ αὐτῶν τιθεμένας σχέσεις τῶν ἐννοιῶν — ή νόησις παραβαίνουσα τὰς ἀρχὰς τῆς ταυτότητος καὶ τῆς ἀντιφάσεως, διότι δέχεται ταυτοχρόνως ὅτι « τὰ μέταλλα εἶναι ὁργανικά » καὶ « μέταλλά τινα ( ὁ σίδηρος ) δὲν εἶναι ὁργανικά », ἀντιφάσκει πρὸς ἑαυτήν. ..

“Ἄστε ἐν τῇ Τυπικῇ Λογικῇ ἔξετάζονται οἱ ὄροι, Ὅφ' οὖς ή νόησις εἴναι τυπικῶς ὄρθη καὶ ἐπομένως οἱ ὄροι τῆς τυπικῶς ὄρθης γνώσεως.

”Ινα ἡ γνῶσις εἴναι καὶ οὐσιαστικῶς ὄρθη, πρέπει καὶ ἀπὸ ἀπόψεως περιεχομένου αἱ μέν ἐννοιαὶ νὰ εἴναι σαφεῖς καὶ εὔκρινεῖς — ὑπὸ τὴν λογικήν σημασίαν τῶν ὄρων τούτων,— αἱ δὲ κρίσεις νὰ συμφωνοῦν πρὸς τὰ πράγματα, ἥτοι νὰ εἴναι ἀληθεῖς. Πῶς διασφαλίζονται δὲ ταῦτα, δὲν ἔξετάζεται ύπό τῆς Τυπικῆς Λογικῆς, ἀλλ᾽ ύπὸ τῆς Μεθοδολογίας.

Τέλος, ἐὰν ὅ,τι καλοῦμεν γνῶσιν τυπικῶς καὶ οὐσιαστικῶς ὄρθην, εἴναι πράγματι γνῶσις καὶ αὐτῆς ταύτης τῆς οὐσίας τῶν ὅντων ἡ ὄχι, ἐὰν δηλαδὴ τὸ «νοεῖν» συμπίπτῃ πρὸς τὸ «εἶναι», ἔρευνάται ύπὸ τῆς Γνωσιολογίας.

## ΜΕΡΟΣ ΔΕΥΤΕΡΟΝ

### ΜΕΘΟΔΟΛΟΓΙΑ

(92)

Περιεχόμενον καὶ διαιρεσίς της μεθοδολογίας. Τὸ δεύτερον μέρος τῆς Λογικῆς, ως γνωρίζομεν ἡδη ἐκ τῆς εἰσαγωγῆς, περιλαμβάνει τὴν Γενικὴν καὶ τὴν Εἰδικὴν μεθοδολογίαν.

‘Η Γενικὴ μεθοδολογία ἔξετάζει τὰς μεθοδικὰς μορφὰς τῆς νοήσεως, ἥτοι τὰς γενικὰς μεθόδους. Τοιαῦται είναι: α) ὁ ὄρισμός, διὰ τοῦ ὅποιού ἀποσαφηνίζομεν τὰς ἔννοιας καὶ ἐπομένως ἀγόμεθα εἰς τὴν πλήρη κατανόησιν τῶν δι’ αὐτῶν δηλουμένων, β) ἡ διαίρεσις, διὰ τῆς ὅποιας διευκρινοῦμεν καὶ συστηματοποιοῦμεν αὐτάς, γ) ἡ ἀπόδειξις, διὰ τῆς ὅποιας συνάγομεν τὴν βεβαιότητα ὅχι μόνον περὶ τῆς τυπικῆς, ἀλλὰ καὶ τῆς οὐσιαστικῆς ὄρθοτητος τῶν συμπερασμάτων ἡμῶν, καὶ δ) ἡ ἀνάλυσης καὶ ἡ σύνθεσης, διὰ τῶν ὅποιων σύνθετόν τι διασκοποῦμεν διὰ τῶν μερῶν αὐτοῦ ἢ ἀντιστρόφως.

‘Η δὲ Εἰδικὴ μεθοδολογία ἔρευνά τὰς μεθόδους τῶν ἐπιστημῶν. Ἐπειδὴ δὲ τὴν μέθοδον καθορίζει ἡ φύσις τοῦ ὑποκειμένου, διαφαντάρεται ἐπιστήμης καὶ οἱ σκοποὶ αὐτῆς, πρὸ αὐτῶν ἔξετάζει τὴν ἔννοιαν τῆς ἐπιστήμης καθόλου καὶ ταξινομεῖ τὰς ἐπιστήμας.

Ἐν ἀντιθέσει πρὸς τὴν Τυπικὴν Λογικὴν, τὴν ἔρευνῶσαν τοὺς γενικούς καὶ ἀφηρημένους τύπους τῆς νοήσεως καὶ πρὸς τὴν Γενικὴν μεθοδολογίαν τὴν διδάσκουσαν τὰς εἰς πᾶσαν περίπτωσιν ἐφαρμοστέας μεθόδους πρὸς οὐσιαστικὴν κατανόησιν καὶ εύρεσιν τῆς ἀληθείας, ἡ Εἰδικὴ μεθοδολογία ἀναφέρεται εἰς τὰ συγκεκριμένα ὅντα καὶ φαινόμενα τὰ ἔρευνώμενα ὑπὸ τῶν ἐπιστημῶν. Ὡς ἐκ τούτου λέγεται καὶ Ἐφηρμοσμένη Λογική.

ΤΜΗΜΑ ΠΡΩΤΟΝ  
ΓΕΝΙΚΗ ΜΕΘΟΔΟΛΟΓΙΑ

Ἡ ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΜΕΘΟΔΙΚΩΝ ΜΟΡΦΩΝ ΤΗΣ ΝΟΗΣΕΩΣ

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

Ο ΟΡΙΣΜΟΣ\*

1. Ἡ ἔννοια καὶ τὰ στοιχεῖα τοῦ δρισμοῦ. Ὡς γνωστὸν αἱ ἔννοιαι εἶναι τέλειαι, ὅταν εἶναι σαφεῖς καὶ εὔκρινεῖς, ἥτοι ὅταν γνωρίζωμεν τελείως τὸ βάθος καὶ τὸ πλάτος αὐτῶν.

Ἄλλὰ δὲν ἔχομεν τὴν αὐτὴν γνῶσιν τοῦ βάθους καὶ τοῦ πλάτους τῶν ἔννοιῶν πάντες. Ἐξαρέσει δύμάδος τινὸς γενικῶν ἔννοιῶν, περὶ τῶν δόποίων θὰ εἰπωμεν κατωτέρω, αἱ λοιπαὶ δὲν σχηματίζονται ἐξ ἀρχῆς τέλειαι. Οὕτω τὸ περιεχόμενον τῶν πλείστων ἐπιστημονικῶν ἔννοιῶν ( τῆς βαρύτητος, τοῦ ἀτόμου, τῆς ἀδρανείας, τῆς ἀναπνοῆς τῶν φυτῶν, τῆς ψυχολογικῆς παραστάσεως, τῆς ποιήσεως, τῆς λογικῆς ) ποικίλει ἀπὸ ἀνθρώπου εἰς ἀνθρωπὸν ἀναλόγως τῆς γνώσεως, ἢν ἔχει περὶ τῶν γνωρισμάτων καὶ τῶν σχέσεων τοῦ ἐκάστοτε δηλουμένου ὑπ' αὐτῶν. Καὶ ἀπὸ ἐποχῆς εἰς ἐποχὴν ἐπίστης τὸ περιεχόμενον τῶν ἔννοιῶν τούτων ὑφίσταται μεταβολήν, πολλάκις μάλιστα οὔσιώδη. Διὰ τῶν ἐπιστημονικῶν ἐρευνῶν συγκομίζονται διαρκῶς νέα στοιχεῖα καὶ ἀνακαλύπτονται νέαι σχέσεις, οὕτως ὥστε διὰ τῆς αὐτῆς ἔννοίας νὰ νοῶμεν ἄλλο ἢ ὅ,τι πρότερον.

Ἐκ τούτων γίνεται φανερόν, ὅτι εἶναι ἀνάγκη τὸ περιεχόμενον τῶν ἔννοιῶν νὰ καθορίζεται ἀκριβῶς, ἵνα νοῶμεν πάντες τὸ αὐτὸ δι'

\* Ορίζω ἀρχικῶς ἐσήμανε : χωρίζω διὰ συνόρων· εἴτα: διακρίνω τι τῶν δλλων· καὶ τέλος ::, καθορίζω τὴν φύσιν αὐτοῦ, « τί εἶναι ».

αύτῶν, καὶ νὰ ὑπάρχῃ ταυτότης καὶ ἐνότης ἐν τῇ ἐπιστημονικῇ σκέψει. Εἰς τοῦτο ἀποβλέπουν οἱ εἰς τὰς ἐπιστημονικὰς πραγματείας καὶ τὰ πραγματικὰ λεξικὰ διδόμενοι ὅρισμοι τῶν ἐννοιῶν. Πᾶσα ἐννοια κατὰ ταῦτα καθίσταται πλήρως νοητή καὶ δύναται νὰ συλλαμβάνεται διμοιομόρφως ὑπὸ πολλῶν ταυτοχρόνων ἀνθρώπων, ὅταν ἀποσαφηνίζεται καὶ διευκρινῆται.

‘Ἡ ἀποσαφήνισις δὲ τῶν ἐννοιῶν γίνεται διὰ τοῦ ὅρισμοῦ’ :

Τρίγωνον εἶναι εὐθύγραμμον περατούμενον εἰς τρεῖς γραμμάς.

Σαρκόφαγον ζῷον εἶναι θηλαστικὸν τρεφόμενον ἐκ τῆς σαρκὸς ( ἢ μόνον τοῦ αἵματος ) ἄλλων ζῴων.

« Πᾶν γάρ σῶμα, ὃ μὲν ἔξωθεν τὸ κινεῖσθαι, ἃ ψυχόν, ὃ δ' ἐνδιθεν αὐτῷ ἔξι αὐτοῦ, ἐμψυχόν ».

‘Ἄς παρατηροῦμεν, δὸρισμὸς εἶναι κρίσις, δι' ἣς ἀποδίδομεν εἰς τὴν ὁριζομένην ἐννοιαν οὔσιωδη γνωρίσματα αὐτῆς.

Συμφώνως ὅμως πρὸς τὴν ἀρχὴν τῆς ταυτότητος ἐκάστη ἐννοια ἰσοῦται πρὸς τὸ σύνολον τῶν γνωρισμάτων αὐτῆς. Πῶς συμβαίνει, ὅστε δι' ὀλίγων μόνον οὔσιωδῶν γνωρισμάτων νὰ καθίσταται πλήρως καὶ σαφῶς νοητή ἐκάστη ἐννοια καὶ τίνα εἶναι τὰ γνωρίσματα ταῦτα ;

Τὸ πρῶτον γνωρισμα ἐκ τῶν ἀποδιδομένων εἰς ἐκάστην τῶν ἀνωτέρω ἐννοιῶν ( εὐθύγραμμον, θηλαστικόν, σῶμα ) εἶναι τὸ πρόσεχες γένος. ‘Ἄς ἵσον καὶ τοῦτο πρὸς τὸ σύνολον τῶν γνωρισμάτων του περιέχει πάσας τὰς ὑπερκειμένας ἐννοίας καὶ τρόπον τινὰ ἀντιπροσωπεύει αὐτάς<sup>2</sup>. “Ἄστε λέγοντες « εὐθύγραμμον » ἐννοοῦμεν : ἴδιότης, σχῆμα, ἐπίπεδον, εὐθύγραμμον. Λέγοντες δὲ « σαρκοφάγον » ἐννοοῦμεν : δὲν, σῶμα, ὄργανικόν, ζῶον, σπονδυλωτόν, θηλαστικόν, σαρκοφάγον.

Διὰ τοῦ προσεχοῦς γένους λοιπὸν ὑπάγομεν τὴν ὁριζομένην ἐννοιαν εἰς τὸ πλησιέστερον σύνολον, εἰς τὸ ὄποιον περιέχεται. Μόνον δὲ

1. « Ὁρισμὸς οὐσίας τινὸς γνωρισμὸς » ( Ἀριστοτ. Ἀναλ. ὕστ. 90 d 30 ) « δὸρισμὸς ἐστὶ λόγος δὲ τὸ τί ἦν εἶναι σημαίνων » ( αὐτ. Τοπ. 154 a 31 ).

2. « Ο γάρ εἰς τὸ ἔγγυτάτῳ θεις πάντα τὰ ἐπάνω εἰρηκεν, ἐπειδὴ πάντα τὰ ἐπάνω γένη τῶν ὑποκάτω κατηγορεῖται » ( αὐτ. Τοπ. 143 a 20 ).

ἄν συμβαίνη νὰ μὴ νοῶμεν μετ' ἀπολύτου σαφηνείας τοῦτο, χρησιμοποιοῦμεν καὶ ἄλλας ἐκ τῶν ὑπερκειμένων ἔννοιῶν ( λέγοντες « εὐθύγραμμον σχῆμα » ἢ « ἐπίπεδον εὐθύγραμμον σχῆμα » ἀντὶ « εὐθύγραμμον » ἀπλῶς ). Τὸ πρῶτον λοιπὸν ἀπαραίτητον στοιχεῖον τοῦ ὄρισμοῦ εἶναι τὸ πρόσεχες γένος γένος στοιχεῖον τοῦ ὄρισμοῦ.

Τὸ δὲ δεύτερον γνώρισμα ( περατούμενον εἰς τρεῖς γραμμάς, τρεφόμενον ἐκ τῆς σαρκός, « φίξεωθεν τὸ κινεῖσθαι » ), ὡς εὐκόλως ἀντιλαμβανόμεθα, εἶναι τὸ ἴδιον γνώρισμα τοῦ ὄριζομένου, τὸ διακρίνον αὐτὸ τῶν ὅμογενῶν, ἢ εἰδοποιὸς διαφορᾶς. εἶναι δὲ καὶ αὕτη ἔξισον ἀπαραίτητον πρὸς τὸ προσεχές γένος στοιχεῖον τοῦ ὄρισμοῦ· ώστε

‘Ορισμὸς εἶναι ἡ ἀποσαφήνισις ἔννοίας τινὸς διὰ τῆς εὐρέσεως καὶ ἀποδύσεως εἰς αὐτὴν τῶν οὐσιωδῶν γνωρισμάτων τῆς καὶ δὴ τοῦ προσεχοῦς γένους καὶ τῆς εἰδοποιοῦ διαφορᾶς.

Τὰ δὲ στοιχεῖα αὐτοῦ εἶναι: α) ἡ ὄριστεα ἔννοια, β) τὸ προσεχές γένος, καὶ γ) ἡ εἰδοποιὸς διαφορά<sup>1</sup>.

Ἐκ τῶν ἔννοιῶν δὲν δύνανται νὰ ὄρισθοῦν: α) αἱ ἀπλούσταται ως στερούμεναι βάθους, π.χ. ὑπαρξίς, οὐσία, σχέσις. Αὗται διευκρινοῦνται μόνον διὰ τοῦ πλάτους αὐτῶν, καὶ β) αἱ ἀπομικαὶ καὶ αἱ ἔξι ἀμέσου ἐμπειρίας σχηματιζόμεναι, τῶν ὅποιων ἡ εἰδοποιὸς διαφορὰ δὲν δύναται νὰ διατυπωθῇ διὰ γενικῆς ἔννοίας, π.χ. τὸ σχολεῖόν μας, ὁ Α, ὁ κῆπός μας. Αὗται περιγράφονται μόνον.

2. Τὰ εἴδη τοῦ ὄρισμοῦ. α) Ἀναλυτικὸς καὶ συνθετικός. ‘Ορισμός, τὸν ὅποιον ἔξητάσαμεν, δίδει τὴν οὐσίαν τῆς ἔννοίας δι’ ἀναλύσεως τοῦ βάθους αὐτῆς. Διὰ τοῦτο καλεῖται ἀναλυτικὸς ὄρισμός.

Διάφορος τούτου εἶναι ὁ συνθετικός, διὰ τοῦ ὅποιου ἀπαριθμοῦντες συνθετικῶς ( ἐκ τῶν γενικῶν πρὸς τὰ μερικὰ ) τὰ γνωρίσματα ἀπαρτίζομεν τὴν ἔννοιαν. Π.χ. ἡ ἐπιστήμη ἡ βιολογικὴ ἡ ἐρευνῶσα τὰς λειτουργίας τῶν ὄργανισμῶν λέγεται Φυσιολογία.

Γενετικὸς δὲ λέγεται ὁ συνθετικός, ὅταν δι’ αὐτοῦ διατυ-

1. « Ὁρισμὸς ἐκ γένους καὶ διαφορῶν (Ἀριστοτ. Τοπ. 105 d 15). Definitio fiat per genus proximum et differentias specificas (σχολ.).

ποῦται καὶ ἡ σχέσις μεταξὺ τῶν γνωρισμάτων ἢ ἔρμηνεύουσα τὴν γένεσιν τοῦ δρίζομένου :

Τὸ φαινόμενον, καθ' ὃ ὁ δίσκος τοῦ ἥλιου καλύπτεται ὑπὸ τῆς μεταξὺ αὐτοῦ καὶ τῆς γῆς παρεμβαλλομένης σελήνης, δύταν ταῦτα εύρισκωνται εἰς εὐθείαν γραμμήν, καλεῖται ἐκ λειψίς ἡ λίον.

Ο γενετικὸς δρισμὸς πολλάκις ἄρχεται κατὰ τὴν διατύπωσιν καὶ ἀπὸ τῆς δριστέας ἐννοίας· εἶναι δὲ συνήθης εἰς τὰ Μαθηματικὰ λόγω τῆς φύσεως τῶν μαθηματικῶν ἐννοιῶν, περὶ τῆς θὰ εἴπωμεν ἀλλαχοῦ.

Αριθμὸς εἶναι τὸ προκύπτον, ἐὰν προσθέσωμεν τὴν μονάδα εἰς ἑαυτήν.

Σφαῖρα εἶναι ὅγκος δημιουργούμενος, ἐὰν ἡμιπεριφέρεια περιστραφῇ περὶ τὴν διάμετρόν της.

β) Πραγματικὸς καὶ ὀνοματικὸς δρισμός. Οἱ ἀνωτέρω δρισμοί, ἐπειδὴ ἀναφέρονται εἰς τὸ διὰ τῆς ἐννοίας δηλούμενον πρᾶγμα, λέγονται πραγματικοὶ πρὸς διάκρισιν ἀπὸ τοῦ καλουμένου ὀνοματικοῦ δρισμοῦ.

Ονοματικὸς δὲ λέγεται ὁ δρισμὸς ὁ ἀποβλέπων εἰς ἔρμηνείαν τῆς σημασίας τῆς λέξεως καθ' ἑαυτήν, χωρὶς νὰ ἀποσαφηνίζῃ καὶ τὸ κατ' ούσιαν περιεχόμενον τῆς ἐννοίας<sup>1</sup>:

Κρίσις εἶναι ἡ διάκρισις, διαχωρισμός.

Ορίζειν εἶναι τὸ χωρίζειν διὰ συνόρων.

Βεβαίως ὁ κατ' ἔξοχὴν δρισμὸς ὑπὸ τὴν λογικὴν ἐννοιαν εἶναι ὁ πραγματικός. Ἀλλὰ καὶ ὁ ὀνοματικὸς πολλάκις προϋποτίθεται, διὰ νὰ συλλάβωμεν ἀκριβῶς τὴν ούσιαν τῆς ἐννοίας καὶ νὰ φθάσωμεν εἰς τὸν πραγματικὸν αὐτῆς δρισμόν. Εἶναι λίαν δυσχερὲς π.χ. νὰ κατανοήσωμεν ἄνευ αὐτοῦ τὴν ούσιαν τῶν ἐννοιῶν : ὑποτακτική, αἰτιατική, κατηγορούμενον, ἀντικείμενον καὶ πολλῶν ἀλλών.

Ἐνίστε δὲ εἶναι ὁ μόνος δυνατός, ὡς προκειμένου π.χ. περὶ τῶν ἐννοιῶν : ἐπίγειος, θαλάσσιος, ὑδάτινος κ.λ.π.

(23)

3. Οἱ κανόνες τοῦ δρισμοῦ. Ἐκ τῆς φύσεως καὶ τοῦ σκοποῦ τοῦ δρισμοῦ προκύπτει, δτι οὕτος πρέπει νὰ ἀποδίδῃ πλήρως καὶ ἀκρι-

1. «Οσοι δ' ὀπωσοῦν ὀνόματι τὴν ἀπόδοσιν ποιοῦνται, δῆλον ὡς οὐκ ἀποδιδόσσιν οὗτοι τὸν τοῦ πράγματος δρισμόν» ('Ἀριστοτ. Τοπ. 102 a 1 ).

βῶς τὴν οὐσίαν τῆς ἐννοίας περιέχων τὰ ἀπαραίτητα γνωρίσματα αὐτῆς καὶ μόνον αὐτά. Ὁρίζον καὶ δριζόμενον πρέπει νὰ ταυτίζωνται λογικῶς καὶ νὰ ἀντικαθιστοῦν ἄλληλα, ὡς οἱ ὅροι μιᾶς ἴσοτητος.

Δὲν ἀρκεῖ δμως τοῦτο. Πρέπει ὁ δρισμὸς νὰ χαρακτηρίζεται ἀπὸ τὴν μεγίστην δυνατήν σαφήνειαν<sup>1</sup> καὶ συντομίαν.

Θεμελιώδεις λοιπὸν προϋποθέσεις τοῦ ὄρθοῦ δρισμοῦ εἶναι: ἡ πληρότης, ἡ ἀκρίβεια, ἡ σαφήνεια καὶ ἡ συντομία.

Εἰς ἔξασφάλισιν δὲ αὐτῶν ἀποβλέπουν οἱ κανόνες αὐτοῦ, κυριώτεροι τῶν δποίων εἶναι οἱ ἔξῆς :

1) Ὁ δρισμὸς πρέπει νὰ ἀναφέρεται εἰς ὅλον τὸ πλάτος τῆς δριζομένης ἐννοίας καὶ μόνον εἰς αὐτὸν (omni definito et soli definito). Ἀλλως θὰ εἶναι ἡ εύρυτερος ἡ στενώτερος τοῦ δέοντος.

Εύρυτεροι εἶναι οἱ ἔξῆς :

Σοφὸς εἶναι δὲ τὰ πάντα γνωρίζων.

Λογικὴ εἶναι ἡ ἐπιστήμη τῆς νοήσεως.

Στενώτεροι δὲ οἱ ἐπόμενοι :

Μαθηματικὰ εἶναι ἡ ἐπιστήμη τῶν ἀριθμῶν.

\* Εθνος εἶναι σύνολον ἀνθρώπων διμιούντων τὴν αὐτὴν γλῶσσαν.

2) Δὲν πρέπει νὰ περιέχῃ δευτερεύοντα γνωρίσματα. Τότε ύπάρχει « ἀφθονία γνωρισμάτων » (abundantia notarum), ὡς εἰς τὸν ἔξης :

Φυτὸν εἶναι ὅν, δρυγανικόν, ἐκ τῆς γῆς φυόμενον, τρεφόμενον..., ἀναπνέον..., ὀκμάζον καὶ παρακμάζον.

3) Δὲν πρέπει νὰ ταυτολογῇ δριζων διὰ τοῦ δριζομένου (idem per idem) ἢ νὰ ἀποτελῇ κύκλον ἡ πρωθύστερον :

Σωφροσύνη εἶναι τὸ νὰ εἶναι τις σώφρων (ταυτολ.).

Ψυχολογία εἶναι ἡ ἐπιστήμη τῆς ἀνθρωπίνης ψυχῆς (ταυτολ.).

1. « Δεῖ γάρ τὸν δριζόμενον ὡς ἐνδέχεται σαφεστάτη τῇ ἐρμηνείᾳ κεχρῆσθαι, ἐπειδὴ τοῦ γνωρίσαι χάριν ἀποδίσθαι ὁ δρισμὸς » ( Ἀριστοτ. Τοπ. 139 b 12 ).

Φιλομαθής εἶναι ὁ πολυμαθής ( πρωθύστ. ).

‘Υλικὸν εἶναι τὸ ἐκτατόν, ἐκτατὸν τὸ σωματικόν, σωματικὸν δὲ τὸ ύλικὸν ( κύκλος ).

4) Δὲν πρέπει νὰ ὄριζῃ δι’ ἐννοιῶν περισσότερον ἀφηρημένων καὶ ἀσαφῶν τῆς ὄριζομένης ( absurdum per absurdius ) ἢ διφορουμένων. Πολλῷ μᾶλλον δὲν πρέπει νὰ εἶναι μεταφορικὸς<sup>1</sup> ἢ ἀλληγορικός :

Μουσικὴ εἶναι ἡ γλῶσσα τῆς ψυχῆς.

Συνείδησις εἶναι σκώληξ διαβιβρώσκων.

Καθῆκον εἶναι τὸ ἀντίστοιχον τοῦ δικαιώματος.

«Τραγικὸν εἶναι ἡ σύγκρουσις τοῦ δικαίου πρὸς τὸ δίκαιον»<sup>2</sup>

5) Δὲν πρέπει νὰ εἴναι ἀρνητικὸς εἰ μὴ μόνον ἐν ἀνάγκῃ. Διότι ἐκ τοῦ «τί δὲν εἶναι» τὸ οριζόμενον δὲν συνάγεται τὸ «τί εἶναι» τοῦτο καὶ μάλιστα σαφῶς καὶ ἀκριβῶς :

Θερμότης δὲν εἶναι οὔτε ἡλεκτρισμὸς οὔτε μαγνητισμὸς οὔτε φῶς.

‘Εξ ἀνάγκης ἀρνητικὸς εἶναι ὁ ἔξης ὄρισμός :

Αἱ τημα εἶναι πρότασις μὴ ἀποδεικνυομένη, ἀλλ’ οὔτε προφανής, ἢς ἡ παραδοχὴ αἰτεῖται.

4. ‘Ατελεῖς ὄρισμοι. Δευτερεύοντα εἰδη τοῦ ὄρισμοῦ δίδοντα στοιχειώδη τινὰ ίδεαν τοῦ ὄριζομένου ὅχι ὅμως καὶ τὴν οὐσίαν αὐτοῦ πλήρως καὶ ἀκριβῶς εἶναι οἱ ἀτελεῖς ὄρισμοι.

Τοιοῦτοι εἶναι :

1) ‘Η κατάταξις. Δι’ αὐτῆς ἀποδίδοντες γένος τι ἡ γένη αὐτῆς εἰς τὴν ὄριστέαν ἔννοιαν κατατάσσομεν ἀπλῶς αὐτὴν εἰς αὐτά :

Πλανήτης εἶναι εἶδος ἀστέρος.

Λύκος εἶναι εἶδος θηλαστικοῦ σαρκοφάγου ζώου.

«Τοῦ αἰσχροῦ τὸ γελοῖον μόριον»<sup>3</sup>.

2) ‘Η διευκρίνησις. ‘Αντιθέτως δι’ αὐτῆς ὄριζομεν τὴν ἔννοιαν ἀποδίδοντες εἰς αὐτὴν πάντα ἡ τινὰ τῶν εἰδῶν αὐτῆς :

1. «Εἰ κατὰ μεταφορὰν εἴρηκεν, οἷον... τὴν γῆν τιθήνην ἢ τὴν σωφροσύνην συμφωνίαν· πᾶν γάρ ἀσαφές τὸ κατὰ μεταφορὰν λεγόμενον» ( Ἀριστοτ. Τοπ. 139 b 32 ).

2. ‘Ἐγελος.

3. ‘Αριστοτ. Περὶ ποιητ. 1449 a 33.

’Οργανισμοὶ εἶναι τὰ ζῆντα καὶ τὰ φυτά.

Πνευματικαὶ ἐπιστῆμαι εἶναι ἡ Ἰστορία, ἡ Νομική, ἡ Φιλολογία, ἡ Πολιτική, ἡ Ψυχολογία κ.λ.π.

3) ‘Η διάκρισις. Διαστέλλομεν δι’ αὐτῆς τὴν ἔννοιαν ἀπὸ ἄλλων συγγενῶν, διὰ τῆς εἰδοποιοῦ διαφορᾶς ἢ ἄλλων οὐσιωδῶν γνωρισμάτων.

‘Η Τέχνη εἶναι προϊὸν φαντασίας καὶ συναισθήματος καὶ ὅχι θεωρητικοῦ στοχασμοῦ ( ως ἡ Φιλοσοφία, ἡ Ἐπιστήμη κ.λ.π. ).

«‘Η δὲ κωμῳδία εἶναι μίμησις φαυλοτέρων μὲν οὐ μέντοι κατὰ πᾶσαν κακίαν » ( ἐν ἀντιθέσει πρὸς τὴν τραγῳδίαν : μίμησιν σπουδάιων )<sup>1</sup>.

4) ‘Η σύγκρισις. Δι’ αὐτῆς διασαφοῦμεν ἔννοιάν τινα παραβάλλοντες πρὸς ἄλλην περισσότερον γνωστὴν ἀορίστως :

‘ΟΡωμανὸς εἶναι δό Πίνδαρος τοῦ Βυζαντίου.

«Τὸν μὲν “Ομηρον ἐπικὸν εἶναι Σοφοκλέα, “Ομηρον δὲ Σοφοκλέα τραγικόν »<sup>2</sup>.

5) ‘Η διασάφησις. Κατ’ αὐτὴν χρησιμοποιοῦμεν παραδείγματα ἵνα καταστήσωμεν νοητὴν τὴν ἔννοιαν :

‘Ηρως εἶναι π.χ. ὁ Λεωνίδας, ὁ Κωνσταντῖνος ὁ Παλαιολόγος, ὁ Διάκος, ὁ Δαβάκης.

6) ‘Η περιγραφή. Δι’ αὐτῆς ἀντικαθιστῶμεν τὴν εἰδοποιὸν διαφορὰν διὰ παρατάξεως χαρακτηριστικῶν ἰδιοτήτων τοῦ πράγματος. Τοῦτο προκειμένου περὶ ἔννοιῶν ὅλως ἀτομικῶν ἀντικειμένων γίνεται κατ’ ἀνάγκην :

‘Ο Παρθενών εἶναι δωρικὸς ναὸς τοῦ Ζου π.Χ. αἰῶνος, περίπτερος, ἔχων κίονας 8 × 17, διαιρούμενος εἰς πρόναον, σηκὸν καὶ δπισθόδομον κ.λ.π.

1. αὐτ. 1449 a 31.

2. Διογένης Λαέρτιος 4,20.

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Β'

### Η ΔΙΑΙΡΕΣΙΣ ΚΑΙ Η ΤΑΞΙΝΟΜΗΣΙΣ

(εγ)

1. 'Η ἔννοια καὶ τὰ στοιχεῖα τῆς διαιρέσεως. "Οπως διὰ τοῦ ὄρισμοῦ ἀποσαφηνίζομεν τὸ βάθος ἐννοίας τινός, οὕτω διὰ τῆς διαιρέσεως διευκρινοῦμεν τὸ πλάτος, ἥτοι ἀποκτῶμεν γνῶσιν σαφῆ τῶν εἰδῶν αὐτῆς.

'Ἐπειδὴ ὅμως τὸ πλάτος νοεῖται διαφοροτρόπως ἐκάστοτε ( π.χ. τὸ πλάτος τῆς ἐννοίας « Ἐλλην » δύναται νὰ νοηθῇ καὶ κατὰ φῦλον : ἀρρενες, θήλεις καὶ γεωγραφικῶς : Μακεδόνες, Θεσσαλοὶ κλπ· καὶ κατὰ πολλοὺς ἄλλους τρόπους ), εἶναι ἀπαραίτητον ἡ τοιαύτη ἀναπτυξὶς τῆς ἐννοίας νὰ γίνεται ἐπὶ τῇ βάσει γνωρίσματός τινος αὐτῆς ὡρισμένου· οὕτω

Διαίρεσις ( *divisio* ) λέγεται ἡ τελεία ἀνάπτυξις ἐννοίας τινὸς εἰς τὰ εἰδή της ἐπὶ τῇ βάσει γνωρίσματός τινος αὐτῆς.

Διατυποῦται δὲ αὕτη διὰ συνθέτου ( συμπλεκτικῆς κατηγορικῆς ) ἢ διὰ διαζευκτικῆς κρίσεως, ἔχούσης ὑποκείμενον τὴν διαιρετέαν ἐννοιαν καὶ κατηγορούμενον τὰ εἰδη αὐτῆς :

Αἱ γωνίαι εἶναι ὁρθαί, ὁξεῖαι καὶ ἀμβλεῖαι.

Τὰ σπόνδυλα τὰ εἴναι ἡ ἵχθυες ἢ ἀμφίβια ἢ ἐρπετά ἢ πτηνὰ ἢ θηλαστικά.

« Τραγῳδίας δὲ εἰδη εἰσὶ τέσσαρα : ἡ μὲν πεπλεγμένη, ἡς τὸ ὅλον ἔστι περιπέτεια καὶ ἀναγνώρισις· ἡ δὲ παθητικὴ... ἡ δὲ ἡθικὴ ... τὸ δὲ τέταρτον ὄψις »<sup>1</sup>

Τὰ στοιχεῖα τῆς διαιρέσεως εἶναι τρία : α) ἡ διαιρετέα ἐννοια, β) τὰ μέλη τῆς διαιρέσεως, καὶ γ) ἡ βάσις αὐτῆς.

Κατὰ τὸν ἀριθμὸν δὲ τῶν μελῶν αὐτῆς ἡ διαιρεσις λέγεται δι-  
χοτομική, τριχοτομική, πολυτομική.

1. Ἀριστοτ. « Περὶ ποιητ. 1455 b 34 ).

2. Συνδιαιρεσίς καὶ ύποδιαιρεσίς. Συνδιαιρεσίς λέγεται ἡ πολλαπλή διαιρεσίς τῆς αὐτῆς ἐννοίας ἐπὶ διαφόρων βάσεων.

Τοιαῦται εἶναι αἱ διαιρέσεις τῶν ἐννοιῶν (κατὰ τὴν κατηγορίαν, τὸ περιεχόμενον, τὸ ποιόν)· τῶν κρίσεων (κατὰ ποιόν, ποσόν, ἀναφοράν, τρόπον)· τῆς ἐννοίας «ἄνθρωπος» (κατὰ τὴν φυλήν, τὴν θρησκείαν, τὴν ἥπειρον, τὸ φύλον κλπ.).

Ὕποδιαιρεσίς δὲ καλεῖται ἡ διαιρεσίς μέλους τινὸς ἄλλης διαιρέσεως:

Τὰ ύλικὰ ὅντα εἰναι ὁργανικὰ καὶ ἀνόργανα (διαιρεσίς).

Τὰ ὁργανικὰ εἶναι ζῶα καὶ φυτὰ (ύποδιαιρεσίς).

Εὔνότον εἶναι ὅτι δυνάμεθα «τὸ σύνθετον μέχρι τῶν ἀσυνθέτων διαιρεῖν». Ἡ δὲ πρώτη τῶν συνεχῶν τούτων διαιρέσεων λέγεται θεμελιώδης.

3. Ταξινόμησις. Ἡ τελεία διαιρεσίς γένους τινὸς καὶ πάντων τῶν εἰδῶν αὐτοῦ μέχρι τῶν κατωτάτων λέγεται ταξινόμησις (classification). Πολλάκις δῆμος χρησιμοποιεῖται καὶ περὶ αὐτῆς ὁ ὄρος «διαιρεσίς». Οὕτως ἐπεκράτησεν ὁ ὄρος «Διαιρεσίς τῶν ἐπιστημῶν» (ἥν βλέπε κατωτέρω καὶ ὡς παράδειγμα ταξινομήσεως).

Δύο εἰδη ταξινομήσεως διακρίνομεν, τὴν φυσικήν, καὶ τὴν τεχνητήν.

Φυσικὴ ταξινόμησις εἶναι ἡ ἔχουσα ὡς βάσεις τῶν διαιρέσεων αὐτῆς γνωρίσματα οὐσιώδη καὶ σταθερὰ τῶν διαιρετέων ἐννοιῶν.

Τοιαῦται εἶναι αἱ ἐν ταῖς φυσιογνωστικαῖς ἐπιστήμαις ταξινομήσεις, δι’ ὧν συστηματοποιοῦνται τὰ ὅντα κατὰ τὰς οὐσιώδεις αὐτῶν σχέσεις.

Τεχνητὴ δὲ ταξινόμησις εἶναι ἡ ἔχουσα δευτερεύοντα καὶ μεταβλητὰ γνωρίσματα τῶν διαιρουμένων ἐννοιῶν ὡς βάσεις. Τοιαύτη εἶναι π.χ. ἡ ταξινόμησις βιβλίων κατὰ τὸ σχῆμα αὐτῶν ἢ τὸ χρῶμα τοῦ ἔξωφύλλου.

4. Μερισμός. Ἡ διαιρεσίς δὲν πρέπει νὰ συγχέεται μετὰ τοῦ μερισμοῦ. Μερισμὸς (partitio) εἶναι ἡ διαιρεσίς πραγματικοῦ τινος ὅλου εἰς τὰ μέρη, ἐξ ὧν σύγκειται.

1. Ἀριστοτ. Πολιτικὰ 1252.

Μέρη τοῦ δένδρου εἰναι αἱ ρίζαι, ὁ κορμὸς καὶ τὸ φύλλωμα· « ἔστι δὲ πάσης τραγῳδίας τὸ μὲν δέσις, τὸ δὲ λύσις »<sup>1</sup>.

Συγγενής πρὸς τὸν μερισμὸν εἰναι ἡ διάταξις. Δι’ αὐτῆς καθορίζομεν ἐκ τῶν προτέρων τὰ μέρη ὅλου τινὸς πραγματικοῦ: τὰ μέρη καὶ τμήματα καὶ κεφάλαια βιβλίου· τὰ στάδια ἐνεργείας τινὸς κ.λ.π.

5. Οἱ κανόνες τῆς διαιρέσεως. Ὁρθὴ εἰναι ἡ διαιρεσις, ὅταν τηρῇ τοὺς ἑξῆς κανόνας:

1. Νὰ εἰναι ἀκριβής· ἥτοι νὰ περιλαμφάνῃ πάντα τὰ μέλη τῆς διαιρετέας ἐννοίας καὶ μόνον αὐτά. "Αλλως θὰ εἰναι ἡ εὑρυτέρα τοῦ δέοντος ἢ στενωτέρα·

Εὔρυτέρα εἰναι ἡ διαιρεσις:

Οἱ δργανισμῶν προελθόντα ὀρυκτά· διότι τὸ τρίτον μέλος ἔχει ἥδη τὰ γνωρίσματα τοῦ ἀνοργάνου καὶ δὲν ἀνήκει εἰς τὰ εἰδη τῆς ἐννοίας « ὀργανισμός ».

Στενωτέρα δὲ εἰναι ἡ ἑξῆς:

Τριγωνα εἰναι τὸ δρθογώνιον καὶ τὸ ισοσκελές· διότι ταύτης παραλείπονται μέλη.

2. Νὰ εἰναι συνεχής· τουτέστι νὰ ἀναπτύσσῃ ἕκαστην ἐννοιαν εἰς τὰ προσεχῆ αὐτῆς εἰδη, καὶ ὅχι εἰς ἀπώτερα<sup>2</sup>. "Αλλως γίνεται ἄλμα ἐν τῇ διαιρέσει ὡς ἐν τῇ κατωτέρῳ:

Τὰ σαρκοφάγα ζῷα εἰναι ἡ γαλῆ, ὁ λέων, ὁ κύων, ὁ λύκος, ἡ ἄρκτος κ.λ.π.

Κανονικὴ θὰ ἥτο αὕτη, ἐὰν εἶχεν ὡς ἑξῆς:

Τὰ σαρκοφάγα εἰναι: οἱ αἰλουρίδαι, οἱ κυνίδαι, οἱ ἀρκτίδαι, οἱ ἵκτιδαι καὶ οἱ ὄνταινίδαι. ( αἰλουρίδαι εἰναι: ἡ γαλῆ, ὁ λέων, κλπ. κυνίδαι: ὁ κύων, ὁ λύκος κλπ. κ.ο.κ.).

3. Νὰ ἔχῃ ἐνιαίαν βάσιν ἡ διαιρεσις:

Οἱ ιατροὶ εἰναι: παθολόγοι, χειρουργοί, ἐπαγγελματίαι

1. Ἀριστοτ. (Περὶ ποιητ. 1455 b 24).

2. Κατὰ τοὺς Στωϊκοὺς « διαιρεσις ἔστι γένους ἡ εἰς τὰ προσεχῆ εἰδη τομή ».

ύπόλληλοι κλπ., ή ἡ ἔξῆς :

Τὰ γυμνάσια εἶναι : πρακτικά, κλασσικά, δημόσια, ιδιωτικά, άρρενων, θηλέων, μεικτά κ.λ.π.

6. **Αξία τῆς διαιρέσεως.** Ἡ διαίρεσις εἶναι ἐξ ἕσου σπουδαία πρὸς τὸν όρισμόν . Ἀναφερομένη αὕτη εἰς τὸ πλάτος τῶν ἐννοιῶν δόλοκληρώνει τὴν ἀκριβῆ γνῶσιν αὐτῶν. Ἐκτὸς τούτου, μόνον διὰ τῆς διαιρέσεως καὶ τῆς ταξινομήσεως ἐπιτυγχάνομεν τὴν συστηματοποίησιν τῶν ἐννοιῶν, εἰς τὴν δόποιαν ἐπίσης ( ἐκτὸς τῆς ἀποσαφηνίσεως ) ἀποβλέπει πᾶσα ἐπιστήμη. Ἀνευ τῆς συστηματοποιήσεως ταύτης εἰς τὴν συνείδησιν ἡμῶν θὰ ἐπεκράτει ἀσυναρτησία καὶ σύγχυσις.

Εύχερῶς δὲ δυνάμεθα νὰ παρατηρήσωμεν ὅτι αἱ δύο αὗται μέθοδοι, όρισμὸς καὶ διαιρεσις, εἶναι συναφεῖς καὶ ἔχαρτῶνται ἀπ' ἀλλήλων. Τὰ γνωρίσματα τῆς όριστεας ἐννοίας συνηθέστατα ἐλέγχομεν διὰ λανθανούσης διαιρέσεως τῶν γενῶν αὐτῆς· καὶ ἀντιστρόφως τὴν βάσιν τῆς διαιρέσεως καὶ τὰ εἰδη τῆς διαιρετέας ἐννοίας ἐλέγχομεν διὰ λανθάνοντος όρισμοῦ αὐτῶν.

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Γ'

### Η ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ ΚΑΙ ΤΑ ΣΟΦΙΣΜΑΤΑ

#### 1. Η ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ

(95)

1. 'Η ἔννοια καὶ τὰ στοιχεῖα τῆς ἀποδείξεως. Διὰ τοῦ τυπικοῦ συλλογισμοῦ συνάγομεν κρίσιν τινὰ ἐξ ἄλλων κατὰ λογικὴν ἀκολουθίαν. 'Η κρίσις αὕτη δὲν εἶναι ἀναγκαίως καὶ ἀληθής, διότι ἐνδέχεται νὰ προκύπτῃ ὁρθῶς μέν, ἀλλ' ἐκ προκειμένων ψευδῶν.

Κρίσις τυπικῶς καὶ οὐσιαστικῶς ὁρθή προκύπτει, ὅταν αἱ προκειμέναι εἶναι προτάσεις ἀναμφισβητήτως ἀληθεῖς. 'Ο συλλογισμὸς τότε λέγεται ἀπόδειξις.

'Α πόδειξις (demonstratio) εἶναι ἡ συνυγωγὴ τῆς ἀληθείας κρίσεώς τινος ἐκ τῆς ὁμολογουμένης ἀληθείας ἄλλων κρίσεων.

Πρόκειται π.χ. νὰ ἀποδείξωμεν τὴν πρότασιν : « πᾶσαι αἱ ὁρθαὶ γωνίαι εἶναι ἵσαι πρὸς ἄλληλας » Αἱ ὁμολογουμένως ἀληθεῖς προκειμέναι, ἐξ ὧν αὕτη προκύπτει ὡς συμπέρασμα, εἶναι αἱ ἔξης :

« αἱ ἐπὶ ἵσων τόξων βαίνουσαι γωνίαι εἶναι ἵσαι»

« αἱ ὁρθαὶ γωνίαι βαίνουσιν ἐπὶ ἵσων τόξων »

Αὗται λέγονται ἀποδεικτικοὶ λόγοι. 'Η δὲ ἀλήθεια αὐτῶν ἔχει ἀποδειχθῆ δι' ἄλλων ἀληθῶν προτάσεων.

'Ἐν γένει οἱ ἀποδεικτικοὶ λόγοι εἶναι ἡ συμπεράσματα ἄλλης ἀποδείξεως ἢ προτάσεις, τῶν ὅποιων ἡ ἀλήθεια οὔτε δύναται νὰ ἀποδειχθῇ οὔτε ἔχει ἀνάγκην ἀποδείξεως, ἀλλ' εἶναι φανερά ἀφ' ἑαυτῆς<sup>1</sup>, διπότε καλοῦνται ἀρχαὶ εἶναι τὰ ἀξιώματα καὶ κυρίως, ἀλλὰ καὶ τὰ αἰτήματα καὶ ἀλλαῖ, περὶ ὧν ἐκτενέστερον θὰ εἴπωμεν εἰς τὰ περὶ τῶν μαθηματικῶν μεθόδων.

1. « Ἀνάγκη τὴν ἀποδεικτικὴν ἐπιστήμην ἐξ ἀληθῶν τ' εἶναι καὶ πρώτων καὶ γνωριμωτέρων καὶ προτέρων καὶ αἰτίων τοῦ συμπεράσματος » ('Αριστοτ. 'Αναλ. ὕστ. 71 b 20 ).

Τὸ συμπέρασμα ώς ἀφετηρία τῆς ἀποδείξεως λέγεται ἡ π ο δ ει-  
κτέα θέσις ἢ πρότασις. Αὕτη λέγεται εἰς τὰ Μαθηματικά  
καὶ εἰς ἄλλας ἐπιστήμας καὶ θεώρημα καὶ πρόβλημα.

Πόρισμα δὲ λέγεται πρότασις ἀμέσως ἐξ ἄλλης ἀποδεδει-  
γμένης προκύπτουσα.

2. Τὰ εἰδη τῆς ἀποδείξεως. Ἡ ἀπόδειξις, ἀντιστοίχως πρὸς  
τὰ θεμελιώδη εἰδη τοῦ συλλογισμοῦ, εἶναι παραγωγικὴ ἢ ἐπαγωγικὴ  
ἢ ἀναλογική.

Παραγωγικὴ ἡ πόδειξις λέγεται ἡ συνάγοντα τὴν ἀλή-  
θειαν τοῦ ἐπὶ μέρους ἐκ τῆς ἀληθείας τοῦ καθόλου.

Τοιαύτη εἶναι ἡ ἀνωτέρω ἀπόδειξις.

Ἐπαγωγικὴ λέγεται ἡ ἀπόδειξις ἡ συνάγοντα τὴν ἀλήθειαν  
περὶ δούλου τινὸς ἐκ τῆς ἀληθείας τῶν ἐπὶ μέρους.

Ἐν αὐτῇ δηλαδὴ χρησιμέουν ώς ἀποδεικτικοὶ λόγοι τὰ ἐπὶ μέ-  
ρους, καὶ οὕτως ἀποδεικνύεται ἡ περὶ τοῦ δούλου ἀλήθεια :

Ἡ Φυσικὴ στηρίζεται ἐπὶ τῆς ἐμπειρίας  
ἢ Χημεία      »      »      »  
ἢ Βιολογία      »      »      »  
Ἄνται εἶναι Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι

ἄρα αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι στηρίζονται ἐπὶ τῆς ἐμπειρίας

Εἶναι δὲ αὕτη τελεία ἡ ἀτελής ώς ἡ ἐπαγωγὴ ἐν γένει.  
Καὶ ἡ μὲν τελεία ἔχει βεβαιότητα ἀπόλυτον, ἡ δὲ ἀτελής πιθανότητα  
μόνον, ἥτις αὐξάνει, ὅσῳ τὰ ἐπὶ μέρους εἶναι πολυπληθέστερα.

Ἀναλογικὴ δὲ λέγεται ἐκείνη, καθ' ἥν ἐκ τῆς ἀληθείας με-  
ρικοῦ τινος συνάγομεν ἢ τὴν ἀλήθειαν ἢ τὴν πιθανότητα ἄλλου μερικοῦ.

Τὸ πρῶτον τούτων ισχύει περὶ τῆς τελείας ἀναλογικῆς ἀποδεί-  
ξεως ( τῆς μαθηματικῆς ), τὸ δὲ δεύτερον περὶ τῆς ἀτελοῦς. Αὕται οὐ-  
δόλως διαφέρουν τῶν ἀντιστοίχων ἀναλογικῶν συλλογισμῶν.

3. Οικανόνες τῆς ἀποδείξεως. Ἐκτὸς τῶν κανόνων τοῦ τυ-

πικοῦ συλλογισμοῦ, τὴν ὀρθότητα τῆς ἀποδείξεως ὁρίζουσι καὶ ἕδιοι κανόνες, οἱ ἔξῆς :

1. Οἱ ἀποδεικτικοὶ λόγοι πρέπει νὰ εἰναι προφανῶς ἢ ὁμολογουμένως ἀληθεῖς.

2. Νὰ εἰναι ἀμέσως ἢ ἐμμέσως ἐναργεῖς.

3. Νὰ ἔχουν ώς συμπέρασμα αὐτὴν ταύτην τὴν ἀποδεικτέαν πρότασιν.

Ἡ παράβασις αὐτῶν, ὅταν μὲν εἰναι ἀκουσία ( ἔξ ἀγνοίας ἢ ἀκρισίας ), ἄγει εἰς λογικὰ σφάλματα, τὰ ὀποῖα λέγονται π αρ α λ ογισμοί. "Οταν δὲ εἰναι ἑκουσία ( ἐσκεμμένη πρὸς ἔξαπάτησιν τῶν ἀλλων ἢ χάριν παιδιᾶς ), δημιουργεῖ τὰ λεγόμενα σ ο φίσματα. 'Αμφότερα καλοῦνται ψευδώνυμοι συλλογισμοί ἢ σοφίσματα ἀδιακρίτως, καὶ ὑπὸ τὸ ὄνομα τοῦτο θὰ ἔχετάσωμεν αὐτά.

## II. ΤΑ ΣΟΦΙΣΜΑΤΑ

(26)

Ταῦτα διέκρινεν ὁ Ἀριστοτέλης εἰς δύο κατηγορίας : α ) εἰς τὰ « παρὰ τὴν λέξιν », ἦτοι τὰ προκύπτοντα ἐκ τῆς διφορουμένης σημασίας λέξεων ( ὅρων ) τινῶν τῆς ἀποδείξεως, καὶ β ) εἰς τὰ « ἔξω τῆς λέξεως », τὰ προερχόμενα δηλαδὴ ἐκ παραβάσεως τῶν κανόνων ώς πρὸς τοὺς ἀποδεικτικοὺς λόγους καὶ τὸ συμπέρασμα.

### A. ΣΟΦΙΣΜΑΤΑ « ΠΑΡΑ ΤΗΝ ΛΕΞΙΝ » Ή ΤΥΠΙΚΑ

Τὰ σοφίσματα « παρὰ τὴν λέξιν » χρησιμοποιοῦνται συνήθως πρὸς συναγωγὴν παραδόξων συμπερασμάτων χάριν παιδιᾶς<sup>1</sup>.

Τὰ κυριώτερα τούτων εἶναι :

1. Τό « παρὰ τὸ σχῆμα τῆς λέξεως ». Εἰς τὸ σόφισμα τοῦτο ὅρος τις χρησιμοποιεῖται ὑπὸ διάφορον σημασίαν εἰς ἑκατέραν τῶν

1. Καὶ γάρ οἱ λόγοι σχεδὸν οἱ γελοῖοι πάντες εἰσὶ παρὰ τὴν λέξιν ( Ἀριστοτ. Περὶ σοφ. ἐλέγχ. 182 b 15 ).

προκειμένων ἥτις είναι εύρυτερος εἰς τὸ συμπέρασμα<sup>1</sup> :

a) Ὁ κύκλος σχῆμα  
τὰ ἔπη κύκλος

ἄρα τὰ ἔπη σχῆμα<sup>2</sup>

Ἐνταῦθα γίνεται κατὰ παράβασιν τοῦ 1ου κανόνος τοῦ συλλογισμοῦ « ὅρων τετράς » ( quaternio terminorum ).

b) Εἴ τις ἔστιν ἐν Ἀθήναις, οὐκέτος οὐκέτιν ἔστιν ἐν Μεγάροις  
ἄνθρωπος δ' ἔστιν ἐν Ἀθήναις

ἄρα ἄνθρωπος οὐκέτιν ἔστιν ἐν Μεγάροις

Οἱ ἐλάσσων ὅροι ( ἄνθρωπος ) είναι εύρυτεροι ἐν τῷ συμπεράσματι ( οὐδεὶς ἀνθρώπος ) παρότι δύον ἐν τῇ ἐλάσσονι ( ἄνθρωπός τις ). Καὶ πάλιν ἐπομένως « ὅρων τετράς » κατὰ παράβασιν τοῦ 4ου κανόνος τοῦ συλλογισμοῦ.

2. Τὸ « παρά τὴν σύνθεσιν καὶ διαίρεσιν ». Ἐνταῦθα ὅρος τις σύνθετος νοεῖται ώς ἄλλως συντεθειμένος εἰς ἑκατέραν τῶν προκειμένων :

Δὶς δύο καὶ τρία ἵσον ἔπτα  
δέκα ἵσον δὶς δύο καὶ τρία

ἄρα δέκα ἵσον ἔπτα

Τὸ « δὶς δύο καὶ τρία » ἐν μὲν τῇ μείζονι νοεῖται ώς  $2 \times 2 + 3$ , ἐν δὲ τῇ ἐλάσσονι ώς  $2 \times (2 + 3)$ . Ἐπομένως καὶ ἐνταῦθα γίνεται « τετράς ὅρων » κατὰ παράβασιν τοῦ 1ου κανόνος τοῦ συλλογισμοῦ.

## B. ΣΟΦΙΣΜΑΤΑ « ΕΞΩ ΤΗΣ ΛΕΖΕΩΣ »

(27)

Ταῦτα ἀνάγονται εἰς τρία γενικὰ εἶδη : α) τὰ σοφίσματα « λήψεως τοῦ ζητουμένου », β) τὰ « παρὰ τὸ συμβεβηκός », καὶ γ) τὰ « ἀ-

1. « Οἱ δὲ παρὰ τὸ σχῆμα τῆς λέξεως συμβαίνουσιν, ὅταν τὸ μὴ ταῦτὸ ώσαύτως ἔρμηνεύεται » ( Ἀριστοτ. Περὶ σοφ. ἐλέγχ. 166 b 10 ).

2. Τῶν φιλοσόφων τῆς Μεγαρικῆς σχολῆς περὶ τῶν « κυκλίων ἐπῶν » ἀστείζομένων.

γνοίας ή ἀλλαγῆς ἐλέγχου ».

1. Σοφίσματα « λήψεως τοῦ ζητουμένου ». Πολλάκις ἔξ ἀγνοίας ή ἐσκεμμένως ἡ ἀποδεικτέα πρότασις, τὸ ζητούμενον, λαμβάνεται ως ἀποδεικτικὸς λόγος. Ἐκ τούτου τὸ ὄνομα σοφίσματα « λὴψης τοῦ ζητούμενου ». Ἐπειδὴ δὲ καὶ ἀντιστρόφως ἀποδεικτικός τις λόγος γίνεται συμπέρασμα, λέγονται ταῦτα καὶ σοφίσματα « αἰτήσεως τοῦ ἐν ἀρχῇ ».

Τοιαῦτα εἶναι τὸ πρωθύστερον, ὁ κύκλος καὶ ἄλλα.

α) Τὸ πρώθυστερον:

‘Ο ἄνθρωπος εἶναι ἐλεύθερος, διότι εἶναι ὑπεύθυνος διὰ τὰς πράξεις αὐτοῦ.

Τὸ ἀντίστροφον εἶναι ἀληθές :

‘Ἐπειδὴ εἶναι ἐλεύθερος δὲ ἄνθρωπος, εἶναι ὑπεύθυνος.

β) ‘Ο κύκλος ἡ διαλληλία:

Τὰ σώματα ἔχουν βάρος, διότι ἔλκονται πρὸς τὸ κέντρον τῆς γῆς. “Ἐλκονται δέ, διότι εἶναι σώματα.

‘Ο ἀποδεικτικὸς λόγος τοῦ πρώτου ἐνθυμήματος ( διότι ἔλκονται ) εἶναι συμπέρασμα τοῦ δευτέρου. ‘Η δὲ ἀποδεικτέα θέσις τοῦ πρώτου ( ἔχουν βάρος ) γίνεται ἀποδεικτικὸς λόγος τοῦ δευτέρου. “Ητοι θέσις καὶ λόγος ἐρμηνεύονται δι’ ἀλλήλων.

2. Σοφίσματα « παρὰ τὸ συμβεβηκός ». “Οταν φέρεται ως ἀποδεικτικὸς λόγος γενικοῦ καὶ ἀπολύτου κύρους τὸ συμβαῖνον μερικῶς ἢ τυχαίως, προκύπτουν σοφίσματα λεγόμενα « παρὰ τὸ συμβεβηκός » ( ἥτοι ἀποδείξεις ἐκ τοῦ ἐπὶ μέρους ἢ τοῦ συμπτωματικοῦ ). Τοιαῦτα εἶναι τὰ ἔξῆς :

α) Παρὰ τὴν πλαστὴν καθολικότητα.

Τὸ ὄδωρ καταπαύει τὴν δίψαν

ἡ θάλασσα εἶναι ὄδωρ

ἡ θάλασσα καταπαύει τὴν δίψαν

Εν τῷ μόνον τὸ πόσιμον ὄδωρ καταπεύει τὴν δίψαν, τοῦτο γενι-

κεύεται ἐν τῇ μείζονι ( τὸ ὅδωρ ἐν γένει ).

‘Ο μέσος ὄρος οὕτως εἶναι εἰς ἀμφοτέρας τὰς προκειμένας μερικὸς παρὰ τὸν Ζον κανόνα τοῦ συλλογισμοῦ. Ἐντεῦθεν δὲ τὸ ψευδὲς συμπέρασμα.

Παρόμοιον σόφισμα εἶναι ὁ κερατίτης τῶν ἀρχαίων :

*Eἴ τι οὐκ ἀπέβαλες, τοῦτο ἔχεις  
κέρατα δὲ οὐκ ἀπέβαλες*

ἄρα κέρατα ἔχεις

Ἐνταῦθα τὸ « τι » τῆς μείζονος εἶναι γενικὸν (= ὅ, τι δήποτε), ἐν ᾧ κατ’ ἀλήθειαν ἔπρεπε νὰ λεχθῇ : « τι, ἐξ ὅσων εἶχες ».

β) Παρὰ τὸ μὴ αἴτιον ὡς αἴτιον. Συμπτωματική τις σχέσις δύο γεγονότων πολλάκις λαμβάνεται ὡς αἰτιώδης :

Μετὰ τοῦτο, ἄρα διὰ τοῦτο (post hoc, ergo propter hoc). Ἐκ τοῦ μὴ αἰτίου δηλαδὴ συμπεραίνομεν ὡς ἀπὸ αἰτίου ( de non causa ut causa ), π.χ.

Ἐκ τοῦ ὅτι συνέβη ποτὲ μεγάλη συμφορὰ ἡμέραν Τούτην, ἡ Τούτη θεωρεῖται ἀποφράζα.

Τοιούτους εἴδους ἐσφαλμένον συλλογισμὸν ἔχουν ὡς βάσιν πλεῖσται προλήψεις καὶ δεισιδαιμονίαι.

γ) Σοφίσματα ψευδούς. Παραπλήσια πρὸς τὰ προηγούμενα εἶναι τὰ σοφίσματα « ψευδοῦς ἐπαγωγῆς ».

Ἐπαναλαμβανόμεναι συμπτώσεις ἀγουν εἰς τὴν συναγωγὴν ψευδῶν νόμων. Ἐντεῦθεν αἱ ἀφελεῖς προγνώσεις τοῦ καιροῦ καὶ αἱ παντὸς εἴδους προβλέψεις ἐκ διοσημιῶν. Λόγῳ τοιούτων συμπτώσεων ἡ ἔκλειψις ἐθεωρεῖτο προάγγελος συμφορῶν ὑπὸ τῶν ἀρχαίων. Ἐξ αἰτίας τῆς ἔκλειψεως, ὡς γνωστόν, ὁ Νικίας ἀνέβαλε, κατὰ τὴν ἔκστρατείαν εἰς Σικελίαν, τὴν ἔγκαιρον ἀποχώρησιν τῶν Ἀθηναίων μὲν ἀποτέλεσμα τὴν καταστροφήν των.

δ) Σοφίσματα ψευδοῦς ἀναλογίας. Ταῦτα δημιουργοῦνται ἐκ τοῦ παραλληλισμοῦ διαφόρων κατ’ οὐσίαν φαινομένων. Οὕτω συγκρίνεται ὑπό τινων δύο βίος τῶν ἔθνῶν ἡ πολιτισμῶν πρὸς τὸν βίον τοῦ ἀνθρώπου ( γέννησις — ἀνάπτυξις — ὡρίμανσις —

παρακμή – θάνατος). Παραβλέπεται όμως ύπ' αύτῶν ἡ ούσιώδης διαφορὰ τῶν κοινωνικῶν φαινομένων πρὸς τὰ βιολογικά (τὰ δεύτερα ὑπόκεινται εἰς νόμους ἀπολύτου ισχύος).

**3. Σοφίσματα ἀγνοίας ἢ ἀλλαγῆς ἐλέγχου.** Πολλάκις συνάγονται ἀντὶ τῆς πραγματικῆς ἀποδεικτέας θέσεως συμπεράσματα ἄλλα. Τοῦτο γίνεται διὰ τῆς χρησιμοποιήσεως ψευδῶν ἀποδεικτικῶν λόγων εἴτε ἐκ πλάνης (ἄγνοια ἐλέγχου) εἴτε σκοπίμως (ἀλλαγὴ ἐλέγχου). Αἱ ψευδεῖς αὗται ἀποδείξεις λέγονται καὶ σοφίσματα ἐτεροζήτησεως ἢ μεταβάσεως εἰς ἀλλογένος. Ταῦτα γίνονται :

α) Δι’ ἀποδεικτικοῦ λόγου εύρυτέρου τοῦ πραγματικοῦ :

*"Ο, τι ὁ ἄνθρωπος δὲν ξέδωκεν εἰς ἔαυτόν, δὲν δικαιοῦται νὰ ἀφαιρέσῃ*

*τὴν ζωὴν δὲν ξέδωκεν εἰς ἔαυτόν*

ἄρα δὲν ἐπιτρέπεται δ ἄνθρωπος νὰ ἀφαιρέσῃ τὴν ζωὴν ἀφ’ ἔαυτοῦ.

Διὰ τοῦ εύρυτάτου μείζονος ἀποδεικτικοῦ λόγου θὰ ἡδυνάμεθα νὰ συμπεράνωμεν ὅτι οὔτε τοὺς ὄνυχας οὔτε τὴν κόμην ἐπιτρέπεται νὰ ἀφαιρῇ δ ἄνθρωπος.

β) Δι’ ἀποδεικτικοῦ λόγου στενωτέρου τοῦ πραγματικοῦ :

Διὰ τοῦ ἔξησέ τις ἀμέμπτως μέχρι τῆς στιγμῆς, καθ’ ἥν διεπράχθη τὸ ἔγκλημα, δι’ δ κατηγορεῖται, ἐπιζητεῖ ὁ συνήγορος νὰ πεισῇ τὸ δικαστήριον ὅτι οὗτος εἶναι ἀθῶος. Ἐνδέχεται δόμως νὰ ἦτο ἀμεμπτος μέχρι τῆς στιγμῆς αὐτῆς μόνον.

γ) Διὰ παρεισάκτου καὶ λανθάνοντος ἀποδεικτικοῦ λόγου. Τοιαῦτα εἶναι πολλὰ τῶν παραδεδομένων ἀπὸ τῆς ἀρχαιότητος σοφίσμάτων, ων σπουδαιότερα εἶναι οἱ λεγόμενοι ἀντιστρέφοντες λόγοι :

Κροκοδειλίτης. Μεταξὺ κροκοδείλου καὶ μητρός τίνος, τῆς δόποίας οὗτος ἡρπασε τὸ τέκνον, γίνεται ὁ ἔξῆς διάλογος :

**Κροκόδειλος :** Θὰ σοῦ ἐπιστρέψω τὸ τέκνον, ἐὰν εἴπης τί σκέπτομαι νὰ κάμω.

**Μήτηρ :** Σκέπτεσαι νὰ μὴ μοῦ τὸ ἐπιστρέψης.

**Κροκόδειλος :** Εἴτε τὸ εὑρες εἴτε ὅχι, δὲν σοῦ τὸ ἐπιστρέφω.  
Ἐὰν μὲν τὸ εὑρες, διότι ὄντως αὐτὸ σκέπτομαι, ἐὰν δὲ δὲν τὸ εὑρες, διότι οὕτω συνεφωνήσαμεν.

**Μήτηρ :** Εἴτε εὑρον τί σκέπτεσαι εἴτε ὅχι, ὀφείλεις νὰ ἐπιστρέψῃς τὸ τέκνον μου. Ἐὰν μὲν τὸ εὑρον, διότι οὕτω συνεφωνήσαμεν, ἐὰν δὲ ὅχι, διότι ὄντως αὐτὸ σκέπτεσαι.

Εἰς τὸ σόφισμα τοῦτο παρεισάγεται καὶ δεύτερος ἀποδεικτικὸς λόγος : τὸ τί ὄντως σκέπτεται ὁ κροκόδειλος, ἐνῷ τὸ συμπέρασμα ὥφειλε νὰ συνάγεται μόνον κατὰ τὴν γενομένην συμφωνίαν.

Πρωταγόρας καὶ Εὔαθλος. Συνεφωνήθη μεταξὺ τοῦ σοφιστοῦ Πρωταγόρου καὶ τοῦ μαθητοῦ αὐτοῦ Εὔαθλου νὰ πληρωθῇ τὸ δεύτερον ἥμισυ τῶν διδάκτρων, ὅταν ὁ Εὔαθλος κερδήσῃ τὴν πρώτην δίκην. Οὗτος ὅμως ἀποφεύγων τὴν ἀσκησιν τοῦ ἔργου του ἀπέφευγε καὶ τὴν ἔξοφλησιν τοῦ χρέους. Ὁ Πρωταγόρας εἰσήγαγεν αὐτὸν εἰς δίκην.

**Ἐκεῖ εἶπεν :** Εἴτε κερδήσῃς τὴν δίκην εἴτε ὅχι, ὀφείλεις νὰ μὲ πληρώσῃς. Ἐὰν μὲν κερδήσῃς, κατὰ τὴν συμφωνίαν μας, ἀν δὲ ὅχι, κατὰ τὴν ἀπόφασιν τῶν δικαστῶν.

‘Ο δὲ Εὔαθλος ἀντιστρέψας εἶπεν : Εἴτε κερδήσω εἴτε ὅχι, δὲν ὑποχρεοῦμαι νὰ σὲ πληρώσω. Ἐὰν μὲν κερδήσω, κατὰ τὴν δικαστικὴν ἀπόφασιν, ἐὰν δὲ χάσω, κατὰ τὴν συμφωνίαν.

‘Ο παρεισάκτος ἀποδεικτικὸς λόγος ἐνταῦθα εἶναι : ἡ ἀπόφασις τῶν δικαστῶν.

‘Ο αὐτὸς « ἀντιστρέφων λόγος » ἀποδίδεται καὶ εἰς τοὺς βῆτορας Κόρακα καὶ Τεισίαν.

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Δ'.

Η ΑΝΑΛΥΣΙΣ ΚΑΙ Η ΣΥΝΘΕΣΙΣ

(28)

1. Πραγματική άνάλυσις και σύνθεσις. Τὰ ἐν τῇ φύσει ὅντα εἶναι δλότητες. Γνωρίζομεν ὅμως ὅτι δὲν ἔρευνῶνται ως τοιαῦτα. 'Ο χημικὸς ἀναλύει αὐτὰ εἰς τὰ συστατικὰ στοιχεῖα των. 'Ο βιοτανικὸς καὶ ὁ ζωολόγος ἔχετάζουν ἕκαστον τῶν μερῶν τῶν ὄργανισμῶν, ἐκάστην λειτουργίαν, ἴδιότητα κλπ. καὶ οὕτω κατανοοῦν καὶ ἔρμηνεύουν ταῦτα.

Τὰ ψυχικὰ ἐπίστης φαινόμενα, ως γνωστόν, εἶναι δλότητες. 'Ἐρευνῶνται ὅμως δι' ἀναλύσεως εἰς τὰ ἀπλᾶ αὐτῶν στοιχεῖα. Καὶ τὸ ἀντίθετον ἐπίστης γίνεται ἐν τῇ ἐπιστημονικῇ ἔρεύνῃ. 'Έκ τῶν στοιχείων καὶ τῶν μερῶν ἀνασυνιστᾶται τὸ δλον, ἰδίᾳ πρὸς ἔλεγχον τῆς προηγηθείστης ἀναλύσεως. Οὕτως ὁ Νεύτων ἡλεγξε τὴν ἀκρίβειαν τῆς ἀναλύσεως τοῦ φωτὸς ἀνασυνθέσας τὰ χρώματα. 'Ο χημικὸς διὰ τῆς ἀνασυνθέσεως ἔλεγχει τὴν ἀκρίβειαν τῆς ἀναλύσεως.

Αἱ ἐνέργειαι αὗται ἀποτελοῦν σπουδαιοτάτας μεθόδους ἔρεύνης, τὰς ὁποίας καλοῦμεν πραγματικήν ἀνάλυσιν καὶ σύνθεσιν, ἥτοι

Πραγματικὴ ἀνάλυσις καλεῖται ἡ διάκρισις πραγματικοῦ τινος δλον εἰς τὰ μέρη ἢ τὰ στοιχεῖα αὐτοῦ.

Πραγματικὴ δὲ σύνθεσις λέγεται ἡ συνένωσις μερῶν καθωρισμένων εἰς δλον.

2. Λογικὴ άνάλυσις και σύνθεσις. Εἰς τὰ περὶ ἐννοιῶν εἴδομεν ὅτι, ὅταν ἔκ τῶν εἰδῶν σχηματίζωμεν τὰ γένη, χωροῦμεν ἀναλυτικῶς, ὅταν δὲ ἔκ τῶν γενῶν τὰ εἰδη, βαίνομεν συνθετικῶς.

Οἱ δύο οὕτοι θεμελιώδεις τρόποι ἐνεργείας τοῦ πνεύματος χαρακτηρίζουν καὶ τὰς κρίσεις ( τὰς ὁποίας ἐπ' αὐτῆς τῆς βάσεως ὁ Κάντιος διήρεσεν εἰς ἀναλυτικὰς καὶ συνθετικάς ), καὶ τοὺς συλλογισμούς ( τῶν ὁποίων τοὺς συνθέτους διεκρίναμεν εἰς συνθετικούς καὶ ἀναλυτικούς ).

‘Ομοίως οἱ ὑποθετικοὶ συλλογισμοὶ εἰναι συνθετικοί, ὅταν ὀρμώμεθα ἐκ τοῦ λόγου’ π.χ.

‘Ο θεὸς εἶναι τέλειος. ’Αρα εἶναι δίκαιος.

’Αναλυτικοὶ δέ, ὅταν ὀρμώμεθα ἐκ τῆς ἀκολουθίας :

‘Ο θεὸς εἶναι δίκαιος, διότι εἶναι τέλειος.

‘Ομοίως οἱ ὄρισμοὶ διακρίνονται, ώς εἴδομεν, εἰς ἀναλυτικούς καὶ συνθετικούς. ’Ἐν γένει

Λογικὴ ἀνάλυσις λέγεται ἡ μέθοδος, δι’ ἣς ὀρμώμενοι ἐκ τῶν εἰδῶν ἀνερχόμεθα εἰς τὰ γένη ( ἢ ἐκ τῶν συνθέτων εἰς τὰ ἀπλᾶ ).

Λογικὴ δὲ σύνθεσις ἡ μέθοδος, δι’ ἣς ὀρμώμενοι ἐκ τῶν γενῶν κατερχόμεθα εἰς τὰ εἰδή ( ἢ ἐκ τῶν ἀπλῶν εἰς τὰ σύνθετα ).

Εἰς τὴν ἐπιστημονικὴν ἔρευναν αἱ δύο αὗται μέθοδοι εἶναι στενώτατα συνδεδεμέναι. Καὶ ἡ μὲν ἀνάλυσις ἀποσαφηνίζει τὰς ἐν ἀρχῇ συγκεχυμένας ἐννοίας δι’ εὐρέσεως τῶν γνωρισμάτων ( τῶν γενῶν ), ἡ δὲ σύνθεσις ἀποκαθιστᾷ τὸ ὅλον καὶ ἰκανοποιεῖ τὸ πνεῦμα.

‘Η διαφορὰ μεταξὺ πραγματικῆς ἀναλύσεως καὶ λογικῆς ( ἐν τῇ πρώτῃ ὀρμώμεθα ἐκ τοῦ ὅλου, ἐνῷ ἐν τῇ δευτέρᾳ ἐκ τῶν μερῶν ) εἶναι φαινομενική· συνθετώτερον εἶναι τὸ εἶδος, ώς γνωρίζομεν, καὶ ὅχι τὸ γένος.

Τὸ αὐτὸν ἴσχύει καὶ περὶ τῆς πραγματικῆς καὶ λογικῆς συνθέσεως.

## ΤΜΗΜΑ ΔΕΥΤΕΡΟΝ

### ΕΙΔΙΚΗ ΜΕΘΟΔΟΛΟΓΙΑ

”Η ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

Η ΕΠΙΣΤΗΜΗ ΕΝ ΓΕΝΕΙ

29

1. ”Εννοια τῆς ἐπιστήμης. Τὰ ὄντα καὶ τὰ φαινόμενα τοῦ κόσμου καὶ τοῦ βίου ἀπετέλεσαν διὰ τὸν ἔξερχόμενον τοῦ πρωτογόνου σταδίου ἄνθρωπον προβλήματα πρὸς λύσιν. ‘Υπὸ τῆς ἐμφύτου ὄρμης πρὸς γνῶσιν καὶ τῶν ἀναγκῶν τοῦ βίου ὡθούμενος, ἐπεζήτησε τὴν κατανόσιν καὶ τὴν ἔξήγησιν αὐτῶν.

Οὕτως ἐγεννήθη, θεωρητικὴ καὶ πρακτικὴ συγχρόνως κατ' ἀρχάς, γενικὴ καὶ μὴ διακρίνουσα εἰδικὰς περιοχὰς ἐρεύνης, ἀφελῆς καὶ μυθολογική, ἡ ἐπιστήμη.

Σύν τῷ χρόνῳ καὶ κυρίως διὰ τῆς συμβολῆς τοῦ Ἑλληνικοῦ πνεύματος καθορισθείσης τῆς ἐννοίας αὐτῆς ἐθεμελιώθη ἐπὶ λογικῶν βάσεων, διεχωρίσθη εἰς αὐτοτελεῖς κλάδους καὶ ἀπέβη μεθοδικὴ καὶ συστηματική. ”Εκτοτε συνεχίζεται ἀδιαλείπτως καὶ ὁ περαιτέρω διαχωρισμὸς αὐτῆς καὶ ἡ βελτίωσις τῶν μεθόδων ἐρεύνης, τὰς ὅποιας ἐν γενικαῖς γραμμαῖς θὰ γνωρίσωμεν εἰς τὰ ἐπόμενα κεφάλαια.

Τί ἐννοοῦμεν ὅμως ἐν γένει λέγοντες « ἐπιστήμη » καὶ τί διαφέρει ἡ ἐπιστημονικὴ γνῶσις τῆς πρακτικῆς;

Τὸν ὄρον « ἐπιστήμη »<sup>1</sup> χρησιμοποιοῦμεν ὑπὸ δύο σημασίας, εὐ-

1. Οὕτος παρ' ἀρχαίοις ἐσήμαινεν « ἀληθῆς γνῶσις » ἐν ἀντιθέσει πρὸς τὸν ὄρον « δόξα », ὃστις ἐσήμαινε « γνώμη », « εἰκασία ».

ρυτέραν καὶ στενωτέραν.

‘Υπὸ τὴν εὐρυτέραν σημασίαν λέγοντες « ἐπιστήμη » ἐννοοῦμεν τὸν τομέα ἑκεῖνον τοῦ πνευματικοῦ πολιτισμοῦ, ἐν τῷ ὅποιῳ ὁ ἀνθρώπος, ὡς γνωστικὸν ὄν, ἀναζητεῖ τὴν ἀλήθειαν περὶ πάντων τῶν ἐν τῷ κόσμῳ καὶ τῷ βίῳ. ‘Υπὸ τὴν ἔννοιαν αὐτὴν διαστέλλομεν τὴν Ἐπιστήμην τῆς Τέχνης, τῆς Θρησκείας, τῆς Ἡθικῆς, τῆς Οἰκονομίας κλπ.

‘Υπὸ δὲ τὴν στενωτέραν σημασίαν ἐννοοῦμεν ὡρισμένον τομέα τῆς τοιαύτης ἐρεύνης, ἐν τῷ ὅποιῳ ἔξετασι τμῆμά τι τοῦ ἐπιστητοῦ ἀποτελοῦν ὅλον καὶ συστηματοποιοῦνται αἱ περὶ τούτου γνώσεις.

Οὕτως ἐπιστῆμαι εἶναι ἡ Ἀριθμητική, ἡ Φυτολογία, ἡ Γεωγραφία, ἡ Ἰστορία... ‘Υπὸ τὴν σημασίαν ταύτην ἡ ἐπιστήμη ἔχει ὡρισμένον ὑποκείμενον, τὸ ὅποιον ἐρευνᾷ καὶ ὡρισμένον εἶδος γνώσεων, τὰς ὅποιας συστηματοποιεῖ. Ἐκ τούτου δύναται νὰ δρισθῇ ὡς ἔξῆς :

‘Ἐπιστήμη εἶναι σύστημα δμοειδῶν γνώσεων λογικῶν εἰς ἐν ὅλον συνηρτημένων’.

‘Η δὲ ἐπιστημονικὴ γνῶσις διαφέρει τῆς καθημερινᾶς ἐν τῷ βίῳ καὶ ἐκ τῆς πείρας ἀποκτωμένης πρακτικῆς γνώσεως πολλαπλῶς : α) Εἶναι κυρίως θεωρητική. Ἀποβλέπει δηλαδὴ εἰς τὴν ἰκανοποίησιν τῆς γνωστικῆς ἀνάγκης τοῦ ἀνθρώπου πέραν τῆς ἀπλῆς βελτιώσεως τῶν ὅρων τῆς ζωῆς. β) Εἶναι βαθυτέρα. Ἐπιζητεῖ τὴν κατανόησιν τῆς οὐσίας τῶν ἐρευνωμένων καὶ τὴν εὑρεσιν τῆς ἀληθοῦς αἰτίας αὐτῶν<sup>2</sup>. γ) Εἶναι σκόπιμος, μεθοδικὴ καὶ ἀκριβεστέρα εἰκόνης.

Τὰ παντοειδῆ ἀντικείμενα δὲν ἐρευνῶνται ἐν πρὸς ἐν, ὡς ἀπαντοῦν εἰς τὴν πραγματικότητα, π.χ. ὁ τάδε ἀνθρώπος, ὁ τάδε κεραυνός, ἀλλ’ ὡς γένη : ὁ ἀνθρώπος, ὁ κεραυνός. ‘Η ἐπιστήμη ἔχει ὡς ὑποκείμενον τὸ « καθόλου », ὡς παρετήρησεν ὁ Ἀριστοτέλης. Τοῦ « ἀτομικοῦ » ( ὡς λ. χ. ἐνὸς συγκεκριμένου φαινομένου ή προσώπου ) ἀποκτῶμεν γνῶσιν διὰ τῆς ἀναφορᾶς αὐτοῦ πρὸς τι καθολικὸν ( ἔννοιαν, νόμον, ἀρχὴν κ.τ.λ. ).

1. Κατὰ Θεόφ. Βορέαν.

2. « Ἐπιστασθαί οιόμεθα ἕκαστον ἀπλῶς, — ὅταν τὴν αἰτίαν οιώμεθα γινώσκειν, δι’ ἣν τὸ πρᾶγμα ἔστιν, δτὶ ἐκείνου αἰτία ἔστι, καὶ μὴ ἐνδέχεσθαι τοῦτ’ ἀλλως ἔχειν » ( Ἀριστοτ. Ἀναλ. ὑστ. 71 b 9 ἐξ. ). Κατὰ δὲ τὸν Βάκωνα « *vere scire per causas scire* ».

2. Διαιρεσίς τῶν ἐπιστημῶν. Πρῶτος διήρεσε τὰς ἐπιστήμας ὁ Πλάτων. Ταυτίζων τὴν ἐπιστήμην μετὰ τῆς φιλοσοφίας, διέκρινε τρία μέρη αὐτῆς. Διαλεκτικήν, Φυσικήν καὶ Ἡθικήν, λαβὼν ως βάσιν τὰς τρεῖς δυνάμεις ἢ ίκανότητας τῆς ψυχῆς: τὴν νόσιν, τὴν αἴσθησιν καὶ τὴν βούλησιν. Ἡ βάσις τῆς διαιρέσεως ταύτης είναι ὑποκειμενική.

Ο Ἀριστοτέλης προέβη εἰς νέαν διαιρεσιν τῶν ἐπιστημῶν ἐπὶ τῇ βάσει τοῦ σκοποῦ ἐκάστης. Οὕτω διέκρινεν ἐπιστήμας θεωρητικάς, πρακτικάς καὶ ποιητικάς.

Αἱ θεωρητικαὶ, ἀποβλέπουσαι εἰς τὴν γνῶσιν ἐν γένει, είναι ἡ Διαλεκτική (περιλαμβάνουσα τὴν Λογικήν καὶ τὴν Πρώτην φιλοσοφίαν) καὶ ἡ Φυσική (εἰς ḥν ὑπάγονται αἱ ἐπιστῆμαι τῆς φύσεως μετὰ τῶν Μαθηματικῶν ἐπιστημῶν καὶ ἡ Ψυχολογία).

Αἱ πρακτικαὶ, ἔχουσαι ως σκοπὸν τὴν δύνησιν τοῦ ἡθικοῦ βίου (τοῦ «πράττειν»), είναι ἡ Ἡθική καὶ ἡ Πολιτική.

Αἱ δὲ ποιητικαὶ, ἀποβλέπουσαι εἰς τὴν θέσιν κανόνων τοῦ «δημιουργεῖν» (τοῦ «ποιεῖν») είναι ἡ Ρητορική καὶ ἡ Ποιητική.

Τὴν πρώτην νέαν διαιρεσιν κατὰ τοὺς νεωτέρους χρόνους ἐπεχείρησεν ὁ Βάκων. Λαβὼν ως βάσιν τὴν ψυχικὴν λειτουργίαν, ἐφ' ἣς κυρίως στηρίζεται ἐκάστη ἐπιστήμη, διέκρινεν ἐπιστήμας τῆς μημητικῆς ἢ ιστορικάς, τοῦ λόγου ἢ φιλοσοφικάς καὶ τῆς φαντασίας ἢ ποιητικάς.

Τὴν ὑποκειμενικὴν ταύτην βάσιν τοῦ Βάκωνος ἀποκρούοντες εἰσηγήθησαν ἄλλας διαιρέσεις ἐπὶ ἀντικειμενικῆς βάσεως ὁ Ἀγγλος φιλόσοφος Bentham καὶ ὁ Γάλλος φυσικὸς Ampère. Ἀποβλέποντες εἰς τὴν φύσιν τῆς ὕλης ἐκάστης ἐπιστήμης, διέκριναν ὃ μὲν πρῶτος σωματολογικάς καὶ πνευματολογικάς, ὃ δὲ δεύτερος κοσμολογικάς καὶ νοολογικάς ἐπιστήμας.

Ἐπὶ ὑποκειμενικῆς καὶ ἀντικειμενικῆς ταυτοχρόνως βάσεως στηρίζεται ἡ ὑπὸ τοῦ Γάλλου θετικοῦ φιλοσόφου Comte διαιρεσις καὶ καθ' ἵεραρχικὴν σειρὰν κατάταξις τῶν ἐπιστημῶν. Διακρίνων ταύτας ὁ Comte εἰς ἀφηρημένας ἢ θεμελιώδεις καὶ συγκεκριμένας ἢ ἐφηρμοσμένας κατατάσσει κατὰ τὴν προϊούσαν πολυπλοκότητα καὶ μερίκευσιν ἵεραρχικῶς τὰς μὲν ἀφηρημένας ως ἔξης: Μαθηματικά – Ἀστρονομία – Φυσική – Χημεία – Βιολογία – Κοινωνιολογία, τὰς δὲ συγκεκριμένας ως ἀκολούθως: Κοσμογραφία

— Γεωλογία — Μετεωρολογία — Φυσική ίστορία — Πολιτική οἰκονομία — Ἀνθρωπολογία.

Ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως διήρεσεν, ἀλλως ὅμως, τὰς ἐπιστήμας ὁ Ἀγγλος φιλόσοφος Spencer. Οὗτος διακρίνει ἐπιστήμας: α) ἀ φηρη μέν ας ἐρευνώσας τὰς μορφὰς μόνον τῶν πραγμάτων (Μαθηματικά, Λογική), β) ἀ φηρη μέν ας καὶ συγκεκριμένας ἄμα, αἵτινες ἐρευνοῦν τὰ φαινόμενα καὶ τὰς σχέσεις αὐτῶν ἀνεξαρτήτως τῶν ἀντικειμένων (Φυσική, Μηχανική), καὶ γ) συγκεκριμένας ἔνας ἐρευνώσας τὰ ἀντικείμενα (Κοσμογραφία, Χημεία, Βιολογία, Ψυχολογία).

Ἀντικειμενικὴν βάσιν ἔχει καὶ ἡ ὑπὸ τοῦ Γερμανοῦ φιλοσόφου Wund γενομένη διαίρεσις. Οὗτος διαιρεῖ τὰς ἐπιστήμας εἰς τυπικὰς καὶ πραγματικὰς. Τὰς δὲ δευτέρας ὑποδιαιρεῖ εἰς φυσικὰς καὶ πνευματικὰς.

Βελτίωσιν τῆς διαιρέσεως ταύτης ἀποτελεῖ ἡ ἐκπονηθείσα ὑπὸ τοῦ "Ελληνος καθηγητοῦ τῆς Φιλοσοφίας Θεοφ. Βορέα, ἦν παραθέτομεν κατωτέρω.

Ἡ ἐπικρατοῦσα σήμερον διαίρεσις δρμᾶται ἀπὸ τοῦ Wundt καὶ ἀλλων νεωτέρων φιλοσόφων καὶ παρὰ τὰς ἐπὶ μέρους διαφορὰς διακρίνει ἐν γένει ἐπιστήμας μαθηματικάς, φυσικάς καὶ πνευματικάς ἢ θικάς.

Μαθηματικαὶ εἶναι αἱ ἔχουσαι ώς ὑποκείμενον τὰς ἀπολύτως ἀφηρημένας ἐννοίας ποσοτήτων καὶ τὰς παντοειδεῖς ποσοτικὰς σχέσεις, ἡτοι δημιουργήματα τοῦ πνεύματος, μὴ ἔξαρτώμενα ὅμως ἐκ τῆς προαιρέσεως αὐτοῦ.

Φυσικαὶ εἶναι αἱ ἔξετάζουσαι τὰ ὄντα καὶ φαινόμενα τὰ ὑπάρχοντα καὶ λαμβάνοντα χώραν ἀνευ τῆς παρεμβάσεως τοῦ ἀνθρώπου.

Πνευματικαὶ δὲ ἢ θικαὶ αἱ ἐρευνῶσαι τὰ φαινόμενα τοῦ ἀνθρωπίνου βίου, ἀτομικοῦ καὶ κοινωνικοῦ, εἰς τῶν ὁποίων τὴν δημιουργίαν οὗτος παρεμβαίνει.

ΔΙΑΙΡΕΣΙΣ ΤΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ (κατά Θεόφ. Βορέων)

ΕΠΙ ΜΕΡΟΥΣ ΕΠΙΣΤΗΜΑΙ

Τυπικά	Πραγματικά		
Μαθηματικά			
Αριθμητική	Γεωμετρία		
Φυσικά	Πνευματικά		
Συστηματικά	Γενετικά	Συστηματικά	Γενετικά
Φυσική	Κοσμολογία	Ψυχολογία	Ιστορία τοῦ
Χημεία	Γεωλογία	Θ. τῆς γνώσεως	πολιτισμοῦ
Όρυκτολογία	Ίστορία τῆς	Λογική	καθόλου
Φυτολογία	ἐξελίξεως τῶν	Ήθική	
Ζῷολογία	ζώντων ὄργα-	Αἰσθητική	
Ανθρωπολογία	νισμῶν	Θεολογία	
Βιολογία		Ἐπιστήμη τῶν	
Φυσιολογία		γραμμάτων	
Ανατομική		Ἐπιστήμη τοῦ δικαίου	
Παθολογία		Ἐπιστήμη τῆς πολιτείας	
Ιατρική κ. ἄ.		Παιδαγωγική	
		Οἰκονομική κ. ἄ.	
Γενικά προβλήματα τῶν Φυσικῶν	Γενικά προβλήματα τῶν		
καὶ τῶν Μαθηματικῶν ἐπιστημῶν	Πνευματικῶν ἐπιστημῶν		
Όντολογικά		Θρησκειολογίας	
Κοσμολογικά		Ψυχολογίας	
Βιολογικά κ. ἄ.		Ήθικῆς κ.ἄ.	
Φιλοσοφία τῆς φύσεως	Φιλοσοφία τοῦ πνεύματος		
(Περὶ τοῦ κόσμου καὶ τοῦ βίου θεωρία)	Ίστορία τῆς Φιλοσοφίας		
Συστηματική	Γενετική		

ΦΙΛΟΣΟΦΙΑ

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Β'

### ΑΙ ΜΕΘΟΔΟΙ ΤΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

#### I. ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑΙ ΕΠΙΣΤΗΜΑΙ ΚΑΙ ΑΙ ΜΕΘΟΔΟΙ ΑΥΤΩΝ

##### A. ΑΙ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑΙ ΕΠΙΣΤΗΜΑΙ

(30)

Μαθηματικαὶ ἐπιστῆμαι ἡ Μαθηματικὰ ὀνομάσθησαν κατ' ἀρχὰς ἡ Ἀριθμητικὴ, ἡ Γεωμετρία καὶ ἡ Ἀστρονομία, αἱ δόποιαὶ ὑπὸ τῶν ἀρχαίων καὶ μάλιστα τοῦ Πλάτωνος, ὅστις ἀπέδιδεν ἰδιάζουσαν σημασίαν εἰς αὐτάς, ἔθεωροῦντο τὰ κατ' ἔξοχὴν « μ α θ ἡ μ α τ α ».

Τὴν ύλην τῶν Μαθηματικῶν ἀποτελοῦν αἱ ποστήτης ἐν γένει, ἥτοι οἱ ἀριθμοὶ καὶ τὰ μεγέθη (τὰ παριστώμενα διὰ σχημάτων). Ἐκ τούτων οἱ μὲν ἀριθμοὶ εἴναι ποσότητες ἀ συνεχεῖς, διότι αὐξάνονται ἡ ἐλαττοῦνται διὰ προσθέσεως ἡ ἀφαιρέσεως μονάδων, τὰ δὲ μεγέθη ποσότητες συνεχεῖς, διότι αὐξάνονται ἡ ἐλαττοῦνται διὰ προσθέσεως ἡ ἀφαιρέσεως ποσοτήτων διαιρετῶν ἐπ' ἀπειρον.

Ἐπιστῆμαι τῶν ἀσυνεχῶν ποσοτήτων (τῶν ἀριθμῶν) είναι ἡ Ἀριθμητικὴ καὶ ἡ "Ἀλγεβρα, τῶν δὲ συνεχῶν (τῶν μεγέθῶν) ἡ Στοιχειώδης γεωμετρία καὶ ἡ Μηχανικὴ.

Διὰ τῆς ἐφευρέσεως ὅμως ἀφ' ἐνὸς τῆς Ἀναλυτικῆς γεωμετρίας ὑπὸ τοῦ Καρτεσίου (1637) καὶ ἀφ' ἐτέρου τοῦ Ἀπειροστικοῦ λογισμοῦ ὑπὸ τῶν Νεύτωνος καὶ Λείβνιτος (1670) συνεχῆ καὶ ἀσυνεχῆ ποσὰ κατέστη δυνατὸν νὰ ἀνάγωνται εἰς ἄλληλα καὶ νὰ μὴ θεωρῶνται πλέον ἐτερογενῆ.

Σκοπὸς τῶν Μαθηματικῶν ἐν γένει είναι : α) ἡ κατανόησις καὶ συστηματοποίησις τῶν πάσης φύσεως ἐννοιῶν ποσότητος, καὶ β) ἡ εὑρεσις τῶν πάσης φύσεως ποσοτικῶν σχέσεων διὰ μαθηματικῶν πράξεων καὶ λογισμῶν καὶ τῇ ἀπόδειξις τῆς ὁρθότητος καὶ τῆς ἀκριβείας αὐτῶν.

## Β. Ο ΧΑΡΑΚΤΗΡ ΚΑΙ Η ΑΞΙΑ ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

Τὸν χαρακτῆρα τῶν Μαθηματικῶν θὰ κατανοήσωμεν ἔξετάζοντες τὴν φύσιν τῶν μαθηματικῶν ἐννοιῶν καὶ κρίσεων.

Αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαὶ, αἱ παντοῖαι δηλ. ἐννοιαὶ τῶν ἀριθμῶν καὶ τῶν σχημάτων, διαφέρουν οὐσιωδῶς τῶν λοιπῶν ἐννοιῶν :

α) Δὲν παριστοῦν αὗται οὔτε ἀντικείμενα οὔτε μεμονωμένας ίδιότητας, οἵας αἱ ἐννοιαὶ : λευκός, θερμός, φρόνιμος, ἀλλὰ τρόπον τινὰ τὸ μέτρον παντὸς ὑποκειμένου εἰς μέτρησιν καὶ ἀριθμησιν εἴτε ἀντικείμενον εἶναι εἴτε ίδιότης, εἴτε αἰσθητὸν εἴτε νοητόν. Ἐνῷ δὲ αἱ λοιπαὶ ἐννοιαὶ σπανιώτατα εἶναι νοηταὶ ἀνευ ἀναφορᾶς εἰς τὶ συγκεκριμένον, εἰς τινα ἐμπειρίαν, ἀντιθέτως αἱ ἐννοιαὶ : 35, 284, εὐθεῖα, ὥρμος, νοοῦνται καθ' ἑαυτὰς σαφέστατα, ἀνευ οὐδεμιᾶς τοιαύτης ἀναφορᾶς. "Ητοι αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαὶ εἶναι ἀπὸ τῶν ἀναφορῶν, εἰς τινα ἐμπειρίαν, ἀντιθέτως αἱ ἐννοιαὶ : 35, 284, εὐθεῖα, ὥρμος, νοοῦνται καθ' ἑαυτὰς σαφέστατα, ἀνευ οὐδεμιᾶς τοιαύτης ἀναφορᾶς. "Ητοι αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαὶ εἶναι ἀπὸ τῶν ἀναφορῶν, εἰς τινα γενικὸν τρόπον εἰς τὰ πράγματα, αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαὶ εἶναι πάντοτε αἱ αὐταὶ, τέλειαὶ ἀπὸ τῆς γενέσεως τῶν καὶ ἀπὸ τῶν ἀκριβεῖς, καὶ

β) Ἐνῷ αἱ λοιπαὶ ἐννοιαὶ, ὡς εἰδομεν εἰς τὰ περὶ δρισμοῦ, εἶναι ἐπιδεκτικαὶ μεταβολῆς καὶ μεταβάλλονται πράγματι σὺν τῇ προόδῳ τῆς ἐπιστήμης ( ὡς π.χ. αἱ ἐννοιαὶ : Ὕλη, ἄτομον, ἐνέργεια, θάνατος, κοινωνία ), ἀναφέρονται δὲ κατά τινα γενικὸν τρόπον εἰς τὰ πράγματα, αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαὶ εἶναι πάντοτε αἱ αὐταὶ, τέλειαὶ ἀπὸ τῆς γενέσεως τῶν καὶ ἀπὸ τῶν ἀκριβεῖς, καὶ

γ) Ἐνῷ τὴν οὐσίαν ( τὸ βάθος ) τῶν λοιπῶν ἐννοιῶν ἀποτελοῦν ἄλλαι ἐννοιαὶ, διάφοροι ἀλλήλων, δηλ. ἀνομοιογενεῖς, τὴν οὐσίαν τῶν μαθηματικῶν ἐννοιῶν ἀποτελοῦν ὁμοιογενῆ στοιχεῖα τὸ 5 π.χ. δὲν περιέχει ἄλλο τι ἢ πέντε μονάδας ὁμοίας πρὸς ἀλλήλας. Αἱ γεωμετρικαὶ ἐπίσης ἐννοιαὶ σχηματίζονται ἐξ ὁμοίων ἀπλῶν στοιχείων "Ητοι αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαὶ εἶναι ὅμοιογενεῖς.

Αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαὶ ἐν γένει εἶναι προϊόντα τῆς νοητικῆς δεξιότητος καὶ τῆς δημιουργικότητος τοῦ πνεύματος. Οὐδέποτε εἰς τὰ συγκεκριμένα πράγματα συναντῶμεν σχήματα ἀπολύτως ἀκριβῆ, οἷα τὰ νοούμενα γεωμετρικά, οὔτε δυνάμεθα νὰ διαιρέσωμεν πράγματικόν τι εἰς ἀπολύτως ἵσα μέρη, πολλάκις δὲ οὐδόλως εύρίσκομεν ἀντίστοιχα τούτων εἰς τὴν πράγματικότητα.

Άλλα καὶ αἱ κρίσεις αἱ μαθηματικαὶ ἐν γένει εἰναι διάφοροι τῶν λοιπῶν κρίσεων. Αἱ κρίσεις «  $5 + 3 = 8$  », «  $5 - 1 > 2 + 1$  », « τὸ ἀθροισμα τῶν γωνιῶν παντὸς τριγώνου ἴσοῦται πρὸς δύο ὁρθὰς » διαφέρουν τῶν κρίσεων « πάντα τὰ φυτὰ εἰναι ὄργανισμοί », « σαρκοφάγα τινὰ εἴναι φυτά ». Δὲν ἔκφράζουν ἀπλῶς ἀναγκαίαν σχέσιν ὑπαλληλίας ἢ διαλληλίας τῶν ἐννοιῶν ὡς αὗται, ἀλλ' ἀναγκαῖαν καὶ ἀκριβῆ σχέσιν ἵστοτος ἢ ἀνιστότος, χαρακτηριστικὴν τῆς μαθηματικῆς σκέψεως καὶ ἐπιστήμης ἐν γένει. Ἐνταῦθα συνδετικὸν εἴναι τὸ « ἴσοῦται », « εἴναι μεγαλύτερον ἢ μικρότερον » κ.τ.δ. ἀντὶ τοῦ « εἰναι ».

Κατὰ ταῦτα αἱ Μαθηματικαὶ ἐπιστῆμαι εἴναι ἀφηρημέναι καὶ γενικαὶ, ὡς ἡ Τυπικὴ Λογική, μὴ ἀναφερόμεναι εἰς εἰδικὴν τινὰ πραγματικότητα, ἀλλ' εἰς πᾶσαν τὴν πραγματικότητα. Εἴναι δὲ μεγίστη ἡ ἀξία αὐτῶν, διότι λόγω τῆς τελειότητος καὶ ἀκριβείας τῶν ἐννοιῶν καὶ τῆς ἀκριβοῦς ἀναγκαίας σχέσεως, ἣν ἔκφράζουν αἱ κρίσεις αὐτῶν, ἀφ' ἐνὸς ἀποτελοῦν ἐπιστήμας ἀκριβολογικὰς καὶ ἀγούσας εἰς πορίσματα ἀναγκαίως παραδεκτά, ἥτοι ἀποβαίνουν αἱ τελειότεραι τῶν ἐπιστημῶν, αἱ κατ' ἔξοχὴν ἐπιστῆμαι, μαθηματικὴν, ἀφ' ἔτέρου δὲ βιοθοῦν καὶ πᾶσαν ἄλλην ἐπιστήμην εἰς τὴν συναγωγὴν ἀκριβῶν πορισμάτων, καθιστάμεναι τὸ πνευματικὸν ὅργανον τῆς ἐπιστῆμης καθόλου.

Ο Καρτέσιος ἔτέρπετο μὲ τὴν ἀκρίβειαν καὶ τὸ προφανές τῶν ἀποδεικτικῶν λόγων τῶν Μαθηματικῶν, τὸ δὲ ίδεωδες αὐτοῦ ἦτο νὰ ὑπαγάγῃ πάσας τὰς ἐπιστήμας εἰς αὐτά.

### Γ. ΑΙ ΑΡΧΑΙ ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

(3)

1. Αἱ πρῶται ἐννοιαι καὶ οἱ μαθηματικοὶ ὄρισμοι. Εἶδομεν ἀνωτέρω ὅτι αἱ μαθηματικαὶ ἐννοιαι εἴναι ὁμοιογενεῖς. Οἱ ἀριθμοὶ ἀποτελοῦνται ἀπὸ ὁμοιομόρφους ἀφηρημένας μονάδας. Οἱ ἀρ. 2 εἰναι ὁ προκύπτων ἐκ τῆς προσθέσεως τῆς μονάδος εἰς ἑαυτήν. Οἱ 3 ὁ προκύπτων ἐκ τῆς προσθέσεως τῆς μονάδος εἰς τὸν 2 κ.ο.κ. Η μονὰς δηλαδὴ εἴναι τὸ ἀπλούστατον στοιχεῖον, ἡ θεμελιώδης ἐννοια, ἡ μὴ δυναμένη νὰ ἀναχθῇ εἰς ἄλλην καὶ νοουμένη ἀφ' ἑαυτῆς, ἐξ ἣς παρά-

γονται πᾶσαι αἱ ἄλλαι ἔννοιαι ἀριθμῶν. Αὕτη καλεῖται πρώτη ἡ ἐννοία. Τοιαύτη εἶναι καὶ ἡ ἔννοια σημεῖον εἰς τὴν Γεωμετρίαν διὰ τοὺς αὐτοὺς λόγους. Ἡ διάκρισις τῶν πρώτων ἔννοιῶν τούτων ἔγινεν ὑπὸ τῶν ἀρχαίων Ἑλλήνων<sup>1</sup>.

Πολλοὶ νεώτεροι διακρίνουν καὶ ἄλλας πρώτας ἔννοιας, ὡς τὰς ἔννοιας : εὔθεια, διεύθυνσις, δλον, μέρος, πρόσθεσις, ἀφάίρεσις, κ.τ.λ., τὰς ὁποίας ὅμως ἄλλοι θεωροῦν παραγώγους.

Τὸ πρόβλημα τοῦτο εἶναι ἐκ τῶν πλέον δυσχερῶν καὶ ἐπιμάχων τῆς φιλοσοφίας τῶν Μαθηματικῶν.

Αἱ πρῶται ἔννοιαι δὲν δύνανται νὰ δρισθοῦν. Αἱ δὲ παράγωγοι, ἥτοι πᾶσαι αἱ λοιπαὶ μαθηματικαὶ ἔννοιαι, δριζονται μόνον διὰ τῶν πρώτων, διότι αὗται ἐγκλείσουν τὴν ούσιαν αὐτῶν. Ἐντεῦθεν τὰ χαρακτηριστικά τῶν μαθηματικῶν ὅρισμῶν :

α) Οἱ ὁρισμοὶ οὗτοι κατ' ἀνάγκην ἐκφράζουν τὴν γένεσιν τῆς ἔννοιας ( τοῦ ἀριθμοῦ ἐκ τῆς μονάδος, καὶ τοῦ σχήματος ἐκ τοῦ σημείου — ἢ ἐξ ἄλλων πρώτων ἔννοιῶν ἢ ἀναγομένων εἰς τοιαύτας ), ἥτοι εἶναι γενετικοί. Οὕτω π.χ. « 8 εἶναι ὁ ἀριθμὸς προσούπων ἀν προσθέσωμεν τὴν μονάδα εἰς τὸν 7 »· « περιφέρεια καλεῖται καμπύλη σχηματιζομένη ἐκ τῆς κυνήσεως σημείου περὶ ἄλλο ἀκίνητον εἰς ἵσην πάντοτε ἀπόστασιν ».

β) Ἐπειδὴ αἱ δριζόμεναι ἔννοιαι εἶναι ἐξ ὑπαρχῆς, ὡς εἴδομεν, ἀπηρτισμέναι καὶ ἀνεπίδεκτοι μεταβολῆς, οἱ μαθηματικοὶ ὅρισμοὶ εἶναι τέλειοι καὶ ἀμετάβλητοι, καὶ

γ) Ἐπειδὴ ἀποδίδουν μετ' ἀπολύτου ἀκριβείας τὸ περιεχόμενον τῆς ὁριστέας ἔννοιας, ἥτις ἔνέχει ἀπεριόριστον γενικότητα, εἶναι ὅρισμοὶ ἀπολύτως γενικοὶ καὶ καθολικοῦ κύρους.

**2. Τὰ ἀξιώματα καὶ τὰ αἰτήματα.** Ὅπως αἱ μαθηματικαὶ ἔννοιαι δριζονται διὰ τῶν πρώτων, μὴ δριζόμενων καὶ ἀφ' ἐαυτῶν νοη-

1. « Τὴν τε γάρ μονάδα ἀρχὴν ἀριθμοῦ φασιν εἶναι καὶ τὴν στιγμὴν ἀρχὴν γραμμῆς » ( Ἀριστοτ. Τοπ. 108 b 29 ).

τῶν ἔννοιῶν, οὕτω καὶ αἱ μαθηματικαὶ κρίσεις ἀποδεικνύονται διά τινων πρώτων κρίσεων, μὴ ἀποδεικνυομένων καὶ ἀφ' ἑαυτῶν ἐγκύρων: τῶν ἀξιωμάτων καὶ τῶν αἰτημάτων. Ταῦτα δηλαδὴ εἶναι οἱ πρῶτοι ἀποδεικτικοὶ λόγοι η̄ αἱ ἀρχαὶ τῶν μαθηματικῶν ἀποδείξεων.

'Αξιωματαὶ λέγεται πρότασις μὴ ἀποδεικνυομένη καὶ προφανῶς ἴσχυονσα περὶ πάσης ποσότητος.

'Αξιώματα εἶναι αἱ προτάσεις :

τὰ τρίτα τινὶ ἵσα ( ἐστὶ ) καὶ ἀλλήλοις ἵσα  
ἄντις ἵσα προστεθῶσιν ἵσα, τὰ ἀθροίσματα εἶναι ἵσα  
ἄντις ἅπὸ ἵσων ἀφαιρεθῶσιν ἵσα, τὰ ὑπόλοιπα εἶναι ἵσα κ.ἄ.

Τὰ ἀξιώματα δὲν ἔχουν ἀνάγκην ἀποδείξεως, ἀλλ' οὔτε ἀποδεικνύονται, διότι δὲν εὐρίσκομεν ἄλλας προτάσεις προφανεστέρας, ἵνα τὰ ἀποδείξωμεν. 'Ως ἴσχυοντα δὲ περὶ πάσης ποσότητος εἶναι κοιναὶ ἀρχαὶ τῶν μαθηματικῶν ἀποδείξεων ἐν γένει.

Αἱ τηματαὶ δὲ λέγεται πρότασις μὴ ἀποδεικνυομένη ἀλλ' οὐχὶ καὶ προφανῆς.

Αἰτήματα εἶναι ἐν μὲν τῇ Γεωμετρίᾳ αἱ προτάσεις :

ἐπειδὴ σημείου ἐκτὸς εὐθείας κειμένου μία μόνη παράλληλος πρὸς αὐτὴν ἄγεται,  
ἐπειδὴ σημείου εἰς ἄλλο τῆς αὐτῆς ἐπιφανείας μία μόνη εὐθεῖα ἄγεται.

'Ἐν δὲ τῇ Μηχανικῇ ὡρισμέναι ἀρχαὶ ὡς :

ἡ τῆς ισότητος δράσεως καὶ ἀντιδράσεως  
ἡ τῆς ἀνεξαρτησίας τῶν δυνάμεων κ.ἄ.

Τὰ αἰτήματα διαφέρουν οὕσιωδῶς τῶν ἀξιωμάτων. 'Αφ' ἐνὸς δὲν εἶναι κοιναὶ ἀρχαὶ πάσης μαθηματικῆς ἀποδείξεως, ἀλλ' οἱ αἱρέσι, ὡρισμένης μαθηματικῆς ἐπιστήμης ἔκαστον. 'Αφ' ἔτερου δὲν εἶναι προφανῆ, ἡ ἀλήθεια καὶ τὸ κύρος των δὲν εἶναι φανερὰ ἄμα τῇ ἐκφωνήσει των. "Εχουν κῦρος, διότι « ἡ ἀνάγκη νὰ τὰ δεχθῶμεν εἶναι ὡς ἐλέχθη. ισοδύναμος πρὸς τὴν ἀδυναμίαν νὰ τὰ ἀπορρίψωμεν ». 'Ως ἐκ τούτων αἰτεῖται, ὡς λέγει τὸ ὄνομά των, νὰ γίνουν δεκτὰ ὡς ἀρχαῖ.

"Εμμεσον βεβαίωσιν τοῦ κύρους των παρέχουν αἱ ἐξ αὐτῶν παραγόμεναι προτάσεις, αἱ δποῖαι οὐδέποτε ἀντιφάσκουν.

Τὸ πρῶτον ἐκ τῶν ἀνωτέρω αἰτημάτων ( ἐκ σημείου ἐκτὸς εὐθείας κειμένου κλπ. ) ἀπετέλεσε τὸ θεμέλιον τῆς Εύκλειδείου γεωμετρίας. Ἀλλὰ κατὰ τοὺς νεωτέρους χρόνους ἀλλα αἰτήματα τοῦ αὐτοῦ κύρους, ἀλλ' ἀντικρυς ἀντίθετα πρὸς τοῦτο, ἔχρησίμευσαν πρὸς δημιουργίαν τῶν λεγομένων « Μή Εύκλειδείων γεωμετριῶν ».

'Εκ τούτων ἡ τοῦ Riemann ἑστηρίχθη εἰς τὸ αἴτημα « ἐκ σημείου ἐκτὸς εύθείας κειμένου οὐδεμίᾳ πρὸς ταύτην παράλληλος ἄγεται », ἢ δὲ τοῦ Lobatchewski εἰς τὸ αἴτημα « ἐκ σημείου ἐκτὸς εύθείας κειμένου ἄγονται ἀπειροὶ παράλληλοι πρὸς αὐτήν ».

Τὰ Εύκλειδεία αἰτήματα λογικῶς δὲν εἶναι περισσότερον ἀποδεκτὰ τῶν ἀντιθέτων πρὸς ταῦτα. Δεχόμεθα ὅμως τὴν Εύκλειδείου γεωμετρίαν ὡς ζῶντες εἰς ἓνα «Εύκλειδείου χώρον». Κατὰ τὸν 'Αινστάϊν «ἡ Εύκλειδείος γεωμετρία, ἐν ἀντιθέσει πρὸς πᾶσαν ἄλλην δυνατήν, εἶναι γεωμετρία ἐμπειρική».

#### Δ. Η ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ ΚΑΙ ΤΑ ΕΙΔΗ ΑΥΤΗΣ

(32)

‘Ἄσ πᾶσα ἀπόδειξις, οὕτω καὶ ἡ μαθηματικὴ ἀποβλέπει εἰς τὴν βεβαίωσιν τῆς ἀληθείας προτάσεως τινος. Πρὸς τοῦτο καταδεικνύει ὅτι αὗτη ἀπορρέει ἀναγκαίως ἐξ ἀξιώματος ἢ αἰτήματος ἢ ἄλλης προτάσεως ἀναγνωρισθείσης ἥδη ὡς ἀληθοῦς’.

Διακρίνομεν δύο κύρια εἰδη μαθηματικῆς ἀποδείξεως :

α) τὴν εὔθειαν, δι' ἣς καταδεικνύομεν ὅτι αὗτὴ αὗτη ἡ ἀποδεικτέα πρότασις προκύπτει ἐξ ἀληθῶν προτάσεων, καὶ

β) τὴν πλαγίαν, δι' ἣς συμπεραίνομεν τὴν ἀλήθειαν αὐτῆς διὰ καταδείξεως τοῦ ψεύδους τῆς ἀρνήσεως αὐτῆς τῆς προτάσεως.

#### I. Η ΕΥΘΕΙΑ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ

1. "Αμεσος και ἔμμεσος ἀπόδειξις. "Εστω ὅτι πρόκειται νὰ ἀποδείξωμεν τὴν ἀπλουστάτην πρότασιν:

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{5} = \frac{3}{5}$$

1. « 'Αδύνατον γάρ ἀποδεῖξαι τι μὴ ἀρξάμενον ἀπὸ τῶν οἰκείων ἀρχῶν καὶ συνείραντα μέχρι τῶν ἐσχάτων » ('Αριστοτ. Τοπ. 158 a 36 ).

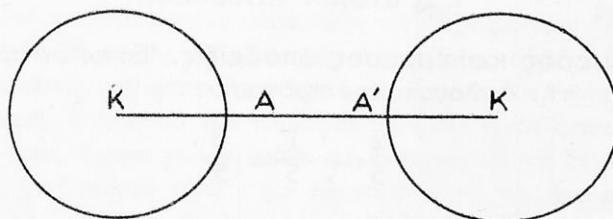
Ἐνταῦθα ἀναφερόμεθα ( λανθανόντως ) εἰς τὴν ἔξῆς ἀποδεικτικὴν ἀρχήν : ποσά ἔχοντα ἵσον ἀριθμὸν μονάδων η̄ μερῶν ( ἵσων ) τῆς μονάδος εἶναι ἵσα, η̄τις ἀπορρέει πάλιν ἐκ τῆς ἀρχῆς τῆς ταυτότητος . Ὡς ἐλάσσονα θέτομεν τὴν πρότασιν τὰ ἀνωτέρω ποσὰ περιέχοντα ἑκάτερον τὸν αὐτὸν ἀριθμὸν ἵσων μερῶν τῆς μονάδος καὶ συμπεραίνομεν : ἂρα εἶναι ἵσα . Ἡ εὐθεία αὕτη ἀπόδειξις ἄνευ μεσολαβήσεως ἄλλου τινὸς προσοῦ λέγεται ἢ μεσοῦ .

Εἰς τὴν περίπτωσιν ὅμως τῆς προτάσεως  $\frac{2}{4} + \frac{2}{7} = \frac{22}{28}$  ὡς γνωστόν, ἀπαιτεῖται ἡ τροπὴ τῶν κλασμάτων εἰς δύμωνυμα δηλ . Ἡ ἀντικατάστασίς των δι’ ἐκείνων  $\frac{14}{28} + \frac{8}{28}$ , ἵνα καταδειχθῇ ἡ σχέσις των ( ἡ ισότης τοῦ ἀριθμοῦ τῶν κλασματικῶν μονάδων ) καὶ δυνηθῶμεν νὰ σκεφθῶμεν ὡς εἰς τὴν προηγουμένην περίπτωσιν .

Ἡ εὐθεία αὕτη ἀπόδειξις, ἡ διὰ μεσολαβήσεως ἄλλου ἢ ἄλλων προσῶν ὡς κοινῶν μέτρων, λέγεται ἔμμεσος .

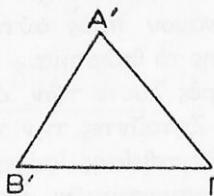
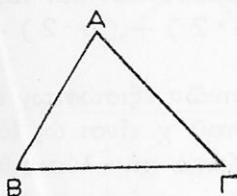
2. Τρόποι ἀμέσου ἀποδείξεως . Οἱ συνηθέστεροι τρόποι ἀμέσου ἀποδείξεως εἰς τὴν Γεωμετρίαν εἶναι οἱ ἔξῆς :

α ) Ἡ δι’ ἀπλῆς παρατηρήσωμεν τὸ κατωτέρω σχῆμα, ἵνα βεβαιώθωμεν ὅτι ἡ ἀπόστασις τῶν κέντρων δύο περιφερειῶν ἐκτὸς ἀλλήλων κειμένων εἶναι μεγαλυτέρα τοῦ ἀθροίσματος τῶν ἀκτίνων των.



β ) Ἡ δι’ ἐπιθέσεως τῶν σχημάτων . "Ινα ἀποδείξωμεν ὅτι δύο τοίγιαρα ἔχοντα δύο πλευρὰς ἵσας, ἐκατέραν ἐκατέραι,

καὶ τὴν ὑπ' αὐτῶν περιεχομένην γωνίαν ἵσην εἶναι ἵσα, θέτομεν τὸ τρίγωνον ΑΒΓ ἐπὶ τοῦ τριγώνου Α'Β'Γ', οὕτως ὡστε νὰ συμπέσουν πάντα τὰ ὑποτεθέντα ὡς ἵσα, ἥτοι αἱ γωνίαι ΒΑΓ καὶ Β'Α'Γ', αἱ πλευραὶ ΑΒ καὶ Α'Β' καὶ αἱ πλευραὶ ΑΓ καὶ Α'Γ'

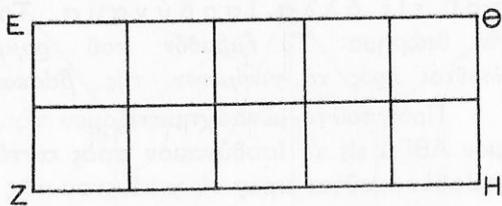
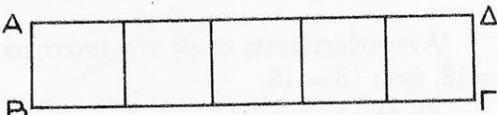


Τότε ὅμως θὰ συμπέσουν κατ' ἀνάγκην καὶ τὰ σημεῖα Β καὶ Β', Γ καὶ Γ' (ἐπειδὴ  $AB = A'B'$  καὶ  $AG = A'G'$ ) καὶ ἐπομένως καὶ αἱ πλευραὶ  $BG$  καὶ  $B'G'$ , ἥτοι τὰ σχήματα θὰ συμπέσουν καθ' ὅλην αὐτῶν τὴν ἔκτασιν, ἅρα εἶναι ἵσα.

γ) Διὰ διαιρέσεως τῶν σχημάτων. Οὕτως ἀποδεικνύομεν τὸ θεώρημα δύο ὀρθογώνια τῆς αὐτῆς βάσεως ἔχοντα πρὸς ἄλληλα ὅν λόγον τὰ ὑψη ἀντῶν.

Κατασκευάζομεν τὰ ὀρθογώνια  $ABΓΔ$  καὶ  $EZHΘ$  ἔχοντα τὰς πλευρὰς  $BG = ZH$  καὶ  $AB = EZ$ .

Διαιροῦντες εἴτα εἰς ἵσα τετράγωνα ἀμφότερα παραπτηροῦμεν ὅτι τὸ  $EZHΘ$  εἶναι διπλάσιον τοῦ  $ABΓΔ$ , ὡς περιέχον διπλάσια τετράγωνα.



3. Τρόποι ἐμμέσου ἀποδείξεως. Εἰς τὴν Ἀριθμητικὴν καὶ τὴν Ἀλγεβραν τοιοῦτος τρόπος εἶναι ὁ ἐκτεθεὶς ἥδη ἀνωτέρῳ, δηλ. ὁ διὰ τῆς ἀντικαταστάσεως τῶν ποσῶν δι' ὅλων ἵσων πρὸς αὐτά.

Οὕτω πρὸς ἀπόδειξιν τοῦ θεωρήματος τὸ γιγούμενον ἀθροίσματος δύο ἢ περισσοτέρων ἀριθμῶν ἐπὶ ἀριθμὸν ἰσοῦται πρὸς τὸ ἀθροισμα τῶν γιγομένων ἐκάστου τῶν προσθετέων ἐπὶ τὸν ἀριθμὸν τοῦτον. ἥτοι τῆς ἰσότητος  $(4 + 6 + 3) \cdot 2 = (4 \cdot 2) + (6 \cdot 2) + (3 \cdot 2)$ ,

άντικαθιστῶμεν τὴν παράστασιν  $(4 + 6 + 3) \cdot 2$  διὰ τῆς  $(4 + 6 + 3) + (4 + 6 + 3)$  συμφώνως πρὸς τὴν οὐσίαν τοῦ πολλαπλασιασμοῦ. Ταύτην πάλιν ἀντικαθιστῶμεν διὰ τῆς  $(4 + 4) + (6 + 6) + (3 + 3)$  μεταβάλλοντες ἀπλῶς τὴν τάξιν τῶν προσθετέων καὶ ταύτην τέλος διὰ τῆς ισοδυνάμου πρὸς αὐτὴν  $(4 \cdot 2) + (6 \cdot 2) + (3 \cdot 2)$  τῆς ἀποδεικνυόσης τὸ θεώρημα.

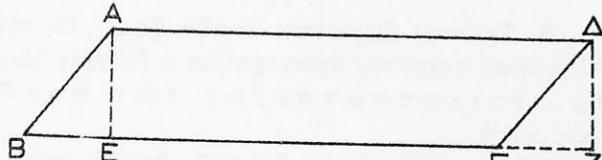
Ομοίως ἐνεργοῦμεν πρὸς λύσιν τῶν ἀλγεβρικῶν ἔξισώσεων ἐν γένει, π.χ.  $10x - 12 = 18$ . Ζητοῦντες τὴν τιμὴν τοῦ  $x$  εἰναι ὡς ἐὰν ζητοῦμεν τὴν ἀπόδειξιν τῆς τεθείσης ισότητος. Κατὰ τὴν λύσιν θὰ προβῶμεν εἰς σειράν μετασχηματισμῶν, ἦτοι

$$\begin{aligned} 10x - 12 &= 18 \\ 10x &= 18 + 12 \\ 10x &= 30 \\ x &= 30 : 10 \\ x &= 3 \end{aligned}$$

Αντικαθιστῶντες δὲ εἰς τὴν ισότητα τὸν  $x$  θὰ ἔχωμεν  $10 \cdot 3 - 12 = 18$ , ἥτοι  $18 = 18$ .

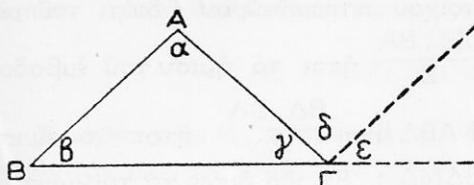
Εἰς δὲ τὴν Γεωμετρίαν τρόπος ἐμμέσου ἀποδείξεως συνήθης εἰναι ὁ δι' ἀναγωγῆς τοῦ σχήματος ἢ στοιχείων αὐτοῦ εἰς ἄλλα ίσοδύναμα. Τοιουτοτρόπως ἀποδεικνύομεν τὸ θεώρημα: Τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ρομβοειδοῦς παραλληλογράμμου ἴσοῦται πρὸς τὸ γινόμενον τῆς βάσεως αὐτοῦ ἐπὶ τὸ ὑψος.

Πρὸς τοῦτο μετασχηματίζομεν τὸ ρομβοειδὲς παραλληλόγραμμον  $AB\Gamma\Delta$  εἰς τὸ ισοδύναμον πρὸς αὐτὸν ὁρθογώνιον  $AEZ\Delta$  ( οὐ τὸ ἐμβαδὸν ίσοῦται πρὸς τὸ γινόμενον τῆς βάσεως ἐπὶ τὸ ὑψος ) κατασκευάζοντες διὰ τῆς καθέτου  $AE$  τὸ τρίγωνον  $ABE$  καὶ μεταφέροντες αὐτὸν εἰς τὴν ἀντίθετον πλευράν.



Πρὸς ἀπόδειξιν δὲ τοῦ θεωρήματος τὸ ἀθροισμα τῶν γωνιῶν παντὸς τριγώνου ίσοῦται πρὸς δύο ὁρθάς δὲν ἀντικαθιστῶμεν διλόκληρον

τὸ σχῆμα, ἀλλὰ στοιχεῖά τινα αὐτοῦ: προεκτείνοντες τὴν ΒΓ καὶ ἄγοντες παράλληλον πρὸς τὴν ΑΒ τὴν ΓΘ κατασκευάζομεν τὰς γωνίας δ



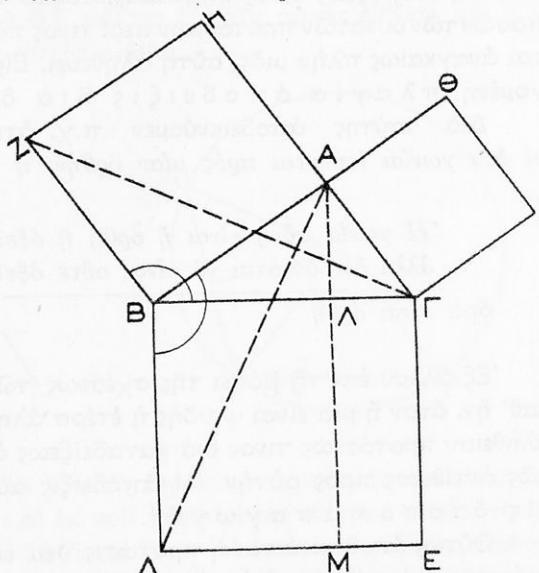
καὶ εἴσας ἀντιστοίχως πρὸς τὰς αὶ β (ώς γνωρίζομεν ἀλλοθεν) οὕτως ἀντικαθιστῶμεν τὰς γωνίας τοῦ τριγώνου α β γ διὰ τῶν δ ε γ κει-

μένων πρὸς τὸ αὐτὸ μέρος εύθειας τεμνομένης ὑπὸ δύο (ἐνταῦθα) εὐθειῶν εἰς τὶ σημεῖον καὶ ἐπομένως ἴσουμένων πρὸς δύο δρθάς καὶ συμπεραίνομεν ἔμμέσως τὴν ἀλήθειαν τοῦ θεωρήματος.

‘Ομοίαν μέθιδον διὰ σειρᾶς ἀναγωγῶν εἰς ἄλλα σχήματα χρησιμοποιοῦμεν πρὸς ἀπόδειξιν τοῦ Πιθαγορέου θεωρήματος: Τὸ τετράγωνον τῆς ὑποτεινούσης δρθογωνίου τριγώνου ἴσοῦται πρὸς τὸ ἀθροισμα τῶν τετραγώνων τῶν δύο ἄλλων πλευρῶν αὐτοῦ.

Πρόκειται νὰ ἀποδειχθῇ ὅτι  $BΔΕΓ = ZBAH + AGI\theta$ . Ἀποκλειομένης τάστης ἀμέσου μεθόδου σκεπτόμεθα ἐν ἀρχῇ ὅτι μόνον ἀν τὰ σχήματα  $ZBAH$  καὶ  $AGI\theta$  ἀναχθοῦν εἰς ἴσοδύναμα τμήματα τοῦ  $BΔE\Gamma$ , θὰ ἀποδειχθῇ τὸ θεώρημα, ἢτοι ἀν  $ZBAH = BΔM\Lambda$  καὶ  $AGI\theta = MEG\Lambda$ .

Πρὸς ἀπόδειξιν τοῦ ὅτι  $ZBAH = BΔM\Lambda$  ἀναζητοῦμεν «κοινόν τι μέτρον», ἢτοι ἄλλα σχήματα ἔχοντα ὁναγκαίαν σχέσιν ἀφ' ἐνὸς πρὸς ἄλληλα καὶ ἀφ' ἐτέρου πρὸς ἕκατερον τῶν σχημάτων  $BΔM\Lambda$  καὶ  $MEG\Lambda$ . Ἐγοντες τὴν  $Z\Gamma$  καὶ τὴν  $A\Delta$  σχηματίζομεν τὰ τρίγωνα  $ZB\Gamma$  καὶ  $AB\Delta$



ἴσα πρὸς ἄλληλα ( διότι αἱ γωνίαι ZBΓ καὶ ABΔ εἰναι ἴσαι, διότι ἑκα-  
τέρα εἰναι ἀθροισμα μιᾶς ὁρῆς καὶ τῆς ABΓ ) καὶ τῶν ὅποιών ἐκάτε-  
ρον εἰναι τὸ ήμισυ τοῦ ἀντιστοίχου τετραπλεύρου ( διότι τοῦ μὲν

ZB . BA  
τριγώνου ZBΓ τὸ ἐμβαδὸν εἰναι  $\frac{1}{2}$ , ἥτοι τὸ ήμισυ τοῦ ἐμβαδοῦ

τοῦ τετραγώνου ZBAH, τοῦ δὲ ABΔ εἰναι  $\frac{1}{2}$ , ἥτοι τὸ ήμισυ  
τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ ὁρθογωνίου BΔΜΛ ). Ἐπειδὴ ὅμως τὰ τρίγωνα εἰ-  
ναι ἴσα, καὶ τὰ διπλάσια αὐτῶν θὰ εἰναι ἴσα. "Ητοι ZBAH καὶ BΔΜΛ  
εἰναι ἴσα. Ὁμοίως ἀποδεικνύομεν καὶ ὅτι AΓΙΘ = MΕΓΛ καὶ ἐπομένως  
τὴν ἀλήθειαν τοῦ θεωρήματος.

## II. Η ΠΛΑΓΙΑ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ

(33)

‘Ἄσ γνωρίζομεν ἐκ τοῦ διαζευκτικοῦ συλλογισμοῦ, ὅταν αἱρωνται  
τὰ μέλη διαζεύξεως τινος πλὴν ἐνός, τοῦτο τίθεται. Ἐὰν ἐπομένως ἐκ  
πασῶν τῶν δυνατῶν προτάσεων περὶ τινος πᾶσαι αἱ ἄλλαι ἀποκλείων-  
ται ἀναγκαῖς πλὴν μιᾶς, αὕτη ἀλήθευει. Εἰς τοῦτο συνίσταται ἡ λε-  
γομένη πλαγία ἀπόδειξις διὰ διαζεύξεως.

Διὰ ταύτης ἀποδεικνύομεν π.χ. ὅτι τριγώνου τοῦ ὅπουίον  
αἱ δύο γωνίαι ἰσοῦνται πρὸς μίαν ὁρῆν, ἡ τρίτη γωνία εἰναι ὁρῆ:

‘Η γωνία αὕτη εἰναι ἡ ὁρή ἡ ὁρεῖα ἡ ἀμβλεῖα  
ἄλλὰ δὲν δύναται νὰ εἰναι οὔτε ὁρεῖα οὔτε ἀμβλεῖα  
ἄρα εἰναι ὁρή’

‘Ἐξ ἄλλου ἐπὶ τῇ βάσει τῆς σχέσεως τῶν ἀντιφατικῶν κρίσεων,  
καθ’ ἦν, ὅταν ἡ μία εἶναι ψευδής ἡ ἔτέρα ἀλήθευει, ἀποδεικνύομεν τὴν  
ἀλήθειαν προτάσεως τινος διὰ καταδείξεως ὅτι ψεύδεται ἡ ἀντιφατι-  
κῶς ἀντίθετος πρὸς αὐτήν. ‘Η ἀπόδειξις αὕτη καλεῖται διὰ τῆς  
εἰς ἄτοπον ἀπαγωγῆς.

Οὕτως ἀποδεικνύεται ἡ πρότασις δύο εὐθεῖαι κείμεναι εἰς τὸ αὐτὸν  
ἐπίπεδον καὶ κάθετοι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεῖαν εἰναι παράλληλοι. ‘Υπο-  
θέτομεν ὅτι δὲν εἶναι παράλληλοι. ’Αλλὰ τότε θὰ συναντῶνται που  
πρὸς τὸ ἐν ἡ τὸ ὄλλο μέρος τῆς εὐθείας σχηματίζουσαι τρίγωνον. Τού-

του ὅμως τὸ ἀθροισμα τῶν γωνιῶν θὰ ὑπερβαίνῃ τὰς δύο ὄρθας, διότι ἐκατέρα τῶν καθέτων θὰ σχηματίζῃ μετά τῆς εὐθείας μίαν ὄρθην, ὅπερ ἀτοπον. "Αρα ἡ δοθεῖσα πρότασις ἀληθεύει.

### III. II ΜΕΙΚΤΗ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ

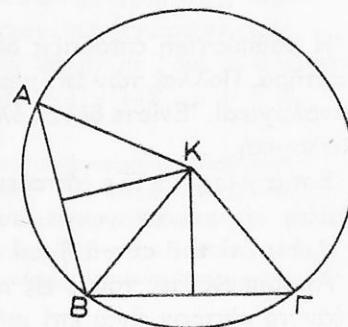
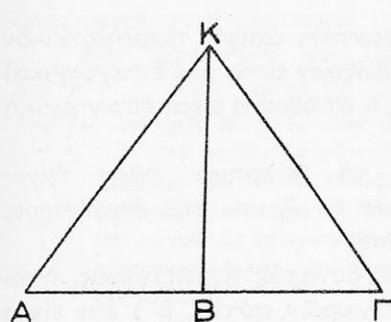
Συνηθέστατα εἰς τὰ μαθηματικὰ χρησιμοποιοῦνται πλείονες τῶν ἔκτειντων τούτων τρόπων εἰς μίαν καὶ τὴν αὐτὴν ἀπόδειξιν κατὰ τὰ διάφορα στάδια αὔτης. Τὴν ἀπόδειξιν ταύτην καλοῦμεν μεικτήν.

Τοιουτοτρόπως λύομεν τὸ πρόβλημα διὰ τριῶν σημείων κειμένων ἐπὶ ἐπιπέδουν ἢ διέλθη περιφέρεια κύκλου.

Ἡ λύσις τοῦ προβλήματος ἔχαρτᾶται ἐκ τῆς εύρεσεως τοῦ κέντρου τῆς ζητουμένης περιφερείας. Ἐπομένως γενικῶς ἡ ἀποδεικτικὴ μέθοδος ἐνταῦθα εἶναι εὐθεῖα ἐμμεσοσ.

Πρὸς εύρεσιν τοῦ κέντρου ἔχετάξομεν πάσας τὰς δυνατὰς περιπτώσεις. Εἶναι δὲ αὗται δύο :

α ) τὰ τρία σημεῖα A,B,Γ κεῖνται ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, καὶ β ) ταῦτα δὲν κεῖνται ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας.



Ἐπιχειροῦμεν τὴν λύσιν διὰ τῆς πρώτης περιπτώσεως καὶ καταλήγομεν εἰς ἀτοπον. Διότι αἱ ἐκ τοῦ ζητουμένου κέντρου εύθεῖαι πρὸς τὰ τρία ταῦτα σημεῖα δὲν θὰ ἔσσαν ἴσαι. Ἡ ἐπὶ μέρους αὗτη μέθοδος εἶναι πλαγία διὰ τῆς εἰς ἄτοπον ἀπαγωγῆς.

Χωροῦμεν ἐν συνεχείᾳ εἰς λύσιν διὰ τῆς δευτέρας περιπτώσεως. Ἐνοῦμεν τὰ δεδομένα σημεῖα διὰ τῶν εὐθειῶν AB καὶ BG. "Αγομεν κα-

θέτους εις τὸ μέσον τῶν εὐθειῶν τούτων, αἱ ὅποιαι προφανῶς θὰ τέμνωνται. Τὸ σημεῖον τῆς τομῆς, αὐτῶν εἶναι τὸ ζητούμενον κέντρον, διότι αἱ ἔξ αὐτοῦ πρὸς τὰ δεδομένα σημεῖα εὐθεῖαι KA, KB, KG θὰ εἰναι ἔσαι, διότι KA = KB καὶ KB = KG, ἐπειδὴ τὸ K κεῖται ἐπὶ τῆς τομῆς τῶν καθέτων εἰς τὸ μέσον τῆς AB καὶ BG· ἄρα αὐται εἶναι ἀκτίνες τῆς ζητουμένης περιφερείας. ‘Η δευτέρα αὕτη ἐπὶ μέρους μέθοδος εἶναι εὐθεῖα ἀμεσος γενικῶς. ‘Ως πρὸς τὸ τελευταῖον δὲ σημεῖον αὐτῆς, ὅτι δηλ. AK = KB = KG εἰναι εὐθεῖα ἐμμεσος: δι’ ἀντικαταστάσεως.

Εἰς τὴν λύσιν τοῦ προβλήματος τούτου ἡ καθόλου λογικὴ μέθοδος εἶναι παραγωγική, διότι ἀμφότερα τὰ συμπεράσματα προκύπτουν ἐκ γενικῶν ἀληθειῶν ( περὶ τῆς ἴσοτητος τῶν ἀκτίνων κύκλου καὶ τῆς ἴδιότητος τῶν σημείων τῆς καθέτου εἰς τὸ μέσον εὐθείας ). ‘Η δὲ συναγωγὴ τῶν συμπερασμάτων ἐγένετο διὰ πορείας ἀναλυτικῆς. ‘Ωρμήθημεν δηλαδὴ ἔξ αὐτῶν, ἵνα τὰ ὑπαγάγωμεν εἰς γενικὰς ἀληθείας καὶ ὅχι ἐκ γενικῶν ἀληθειῶν, ἵνα καταλήξωμεν εἰς αὐτά.

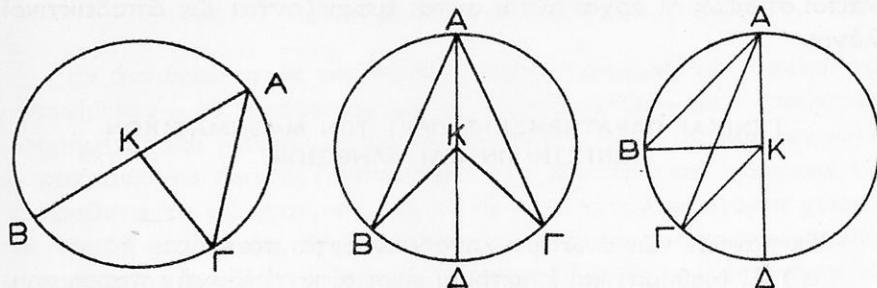
#### IV. ΕΠΑΓΩΓΗ ΚΑΙ ΑΝΑΛΟΓΙΑ ΕΝ ΤΗ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ ΑΠΟΔΕΙΞΕΙ

‘Η μαθηματικὴ ἀπόδειξις δὲν ἔχει πάντοτε ἀμιγῆ παραγωγικὸν χαρακτῆρα. Πολλαὶ τῶν ἐπὶ μέρους ἀπόδειξεων εἶναι καὶ ἐπαγωγικαὶ καὶ ἀναλογικαί. Ἐνίστε δὲ καὶ ὀλόκληρος ἡ ἀπόδειξις εἶναι ἐπαγωγικὴ ἢ ἀναλογική.

‘Ἐπαγωγικῶς ἀποδεικνύεται τὸ θεώρημα πᾶσα ἐγγεγραμμένη εἰς κύκλον γωνία ἰσοῦται πρὸς τὸ ἥμισυ τῆς ἐπικέντρου, ἢτις βαίνει ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ ἢ ἐπὶ ἵσου τόξου.

‘Ἀποδεικνύοντες τοῦτο εἰς πάσας τὰς δυνατὰς περιπτώσεις, ἦτοι α ) ἐὰν τὸ κέντρον εἶναι ἐπὶ μιᾶς τῶν πλευρῶν αὐτῆς, β ) ἐὰν εἶναι μεταξὺ τῶν πλευρῶν, καὶ γ ) ἐὰν εἶναι ἔξω τῶν πλευρῶν τῆς ἐγγεγραμμένης γωνίας, συνάγομεν ἐπαγωγικῶς τὴν ἀλήθειαν αὐτοῦ. Ἐνταῦθα βεβαίως πρόκειται περὶ τῆς τελείας ἐπαγωγῆς, ἐφ’ ὅσον συμπεραίνομεν ἐκ πασῶν τῶν δυνατῶν περιπτώσεων. Τὰ ἐκ τῆς ἐπαγωγῆς δὲ ταύτης συμπεράσματα ἔχουν, ὡς γνωρίζομεν, τὸ ἀπόλυτον κύρος τῶν παραγωγικῶν συμπερασμάτων. Εἶναι συμπεράσματα καὶ τὸ ἀναλογικόν της, διότι κατὰ τὴν ἀρχὴν τῆς ταυτότητος τὸ ἴσχυον περὶ πάντων τῶν μερῶν ὀφείλει νὰ ἴσχυῃ καὶ περὶ

τοῦ δὲ Εἶναι προφανές δὲ ὅτι ἡ ἀτελὴς ἐπαγωγὴ δὲν ἔχει ἐφαρμογὴν εἰς τὰ Μαθηματικά.



Ἄναλογικῶς δὲ ἀποδεικνύομεν, ώς εἴδομεν εἰς τὰ περὶ ἀναλογικοῦ συλλογισμοῦ, διὰ τῆς τελείας ἀναλογίας, τῆς ὅποιας τὰ συμπεράσματα συνάγονται ἐπίσης κατ' ἀναγκαιότητα καὶ ἔχουν τὸ κύρος τῶν παραγωγικῶν. Συνηθεστάτη εἶναι αὕτη εἰς τὴν λύσιν προβλημάτων διὰ τῆς « μεθόδου τῶν τριῶν ».

Ίδιάζων τύπος μαθηματικῆς ἀποδείξεως ἐφαρμοζόμενος εἰς τὴν Ἀριθμητικὴν εἶναι ἐκεῖνος, διὰ τοῦ δόποιου ἐξ ὠρισμένης περιπτώσεως δρμώμενοι συμπεραίνομεν περὶ ἀπείρων περιπτώσεων, π.χ.

Ἐὰν ἀποδειχθῇ ὅτι θεώρημά τι ἀληθεῖον διὰ ν ἀληθεύει καὶ διὰ  $n + 1$ , τότε τοῦτο θὰ ἀληθεύῃ καὶ διὰ  $n + 2$ ,  $n + 3$  κ.ο.κ., ἵντοι διὰ τὸ ἀπειρον πλήθος τῶν ἀκεραίων.

Ἡ ἀπόδειξις αὕτη λεγομένη « συλλογισμὸς δι' ἀναδρομῆς » (raisonnement par récurrence) ἐθεωρήθη ὑπὸ τοῦ ἐπιφανοῦς Γάλλου μαθηματικοῦ Poincaré ως ἡ κατ' ἔξοχὴν μαθηματικὴ ἀπόδειξις, ἡρμηνεύθη δὲ ὑπ' αὐτοῦ ως ἐπαγωγική — κατ' ἀναγκαιότητα ὅμως συνάγουσα συμπεράσματα — καὶ ἐκλήθη διὰ τοῦτο « μαθηματικὴ ἡ τελεία ἐπαγωγὴ » (induction complète).

Ἡ ἡρμηνεία ὅμως αὕτη ἀπεκρούσθη (κυρίως ὑπὸ τοῦ φιλοσόφου Goblot, ἀλλὰ καὶ ὑπὸ ὄλλων νεωτέρων), διότι α) ἡ ἀπόδειξις αὕτη ἐφαρμόζεται μόνον εἰς τὴν Ἀριθμητικὴν καὶ δὴ ἐπὶ τῶν ἀκεραίων ἀριθμῶν, β) περιέχει παραγωγὴν (προκειμένου νὰ ἀποδειχθῇ ὅτι θεώρημά τι ἰσχύει διὰ  $n$ ), καὶ δι' ἄλλους λόγους.

Πάντως ὁ γενικὸς χαρακτὴρ τῆς μαθηματικῆς ἀποδείξεως εἶναι παραγωγικός. Εἴτε δρμώμενοι ἐξ ἀποδεικτικῶν λόγων στηρίζομένων ἐπὶ τῶν ἀρχῶν καὶ χωροῦντες συνθετικῶς συμπεραίνομεν περὶ τοῦ ἀποδεικτέου εἴτε δρμώμενοι ἐκ τοῦ ἀποδεικτέου καὶ βαίνοντες ἀναλυ-

τικῶς ἀποδεικνύομεν αὐτὸ δι' ἐγκύρων ἀποδεικτικῶν λόγων, συνάγομεν ἀληθείας ἐκ τοῦ γενικοῦ καὶ προφανοῦς, δηλαδὴ ἐξ ἀρχῆς τινος, καίτοι σπανίως αἱ ἀρχαὶ αὗται αὗται ἐμφανίζονται ως ἀποδεικτικοὶ λόγοι.

ΓΕΝΙΚΑΙ ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ  
ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ ΚΑΙ ΑΛΗΘΕΙΩΝ

σχι

Ἐκ πάντων τῶν ἀνωτέρω καταδεικνύονται τὰ ἔξης :

- α ) Αἱ Μαθηματικαὶ ἐπιστῆμαι εἰναι αἱ κατ' ἔξοχὴν παραγωγικαὶ ἐπιστῆμαι ώς συνάγουσαι συμπεράσματα ἐκ γενικῶν ἀληθειῶν,
- β ) Αἱ ἀρχαὶ αὐτῶν ( τὰ ἀξιώματα, τὰ αἰτήματα, οἱ δρισμοί ) εἰναι προφανῶς ἔγκυροι καὶ ώς ἐκ τούτου τὰ ἐξ αὐτῶν συμπεράσματα ἀναγκαίως ἀληθῆ καὶ γενικοῦ κύρους,

γ ) Αἱ ἀρχαὶ αὗται σπανίως παρεμβαίνουν εἰς τὰς ἀποδείξεις ώς προκείμεναι. Ἐπ' αὐτῶν ὅμως θεμελιοῦται τὸ κύρος τῶν ἀποδεικτικῶν λόγων πάσης ἀποδείξεως,

δ ) Ἡ τελειότης τῶν μαθηματικῶν ἐννοιῶν ἐμφανίζει ταύτας διαφόρους τῶν λοιπῶν ἐπιστημονικῶν καὶ ἐν γένει λογικῶν ἐννοιῶν.

Τίθεται ἐπομένως τὸ πρόβλημα, πῶς σχηματίζονται αὗται καὶ πόθεν ἀπορρέει ἡ ἀναγκαιότης καὶ τὸ καθολικὸν κύρος αὐτῶν. Παρόμοιον πρόβλημα ἔγειρεται ώς πρὸς τὴν καταγωγὴν καὶ τὴν πηγὴν τοῦ κύρους τῶν ἀξιωμάτων. Τὰ προβλήματα ὅμως ταῦτα δὲν ἔξετάζει ἡ μεθοδολογία τῶν Μαθηματικῶν, ἀλλ' ἡ Γνωστιολογία.

## II. ΑΙ ΦΥΣΙΚΑΙ ΕΠΙΣΤΗΜΑΙ ΚΑΙ ΑΙ ΜΕΘΟΔΟΙ ΑΥΤΩΝ

### Α. ΑΙ ΦΥΣΙΚΑΙ ΕΠΙΣΤΗΜΑΙ

(34)

Ἐν ἀντιθέσει πρὸς τὰς Μαθηματικὰς ἐπιστήμας, τῶν ὅποιων τὸ ὑποκείμενον — αἱ ποσότητες καὶ αἱ σχέσεις αὐτῶν — εἶναι ἀπολύτως ἀφηρημένον καὶ γενικόν, αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι ἔχουν ὑποκείμενον συγκεκριμένον : τὰ παντὸς εἰδούς ὑλικὰ ὄντα, ὄργανικὰ καὶ ἀνόργανα, τὰ πληροῦντα τὸ σύμπαν, καὶ τὰ ἐν τῷ σύμπαντι λαμβάνοντα χώραν παντοειδῆ φαινόμενα. Τὸ ὑποκείμενον τοῦτο εἶναι συγκεκριμένον, ὑπὸ τὴν σχετικὴν ἔννοιαν τῆς λέξεως. Δὲν ἐρευνοῦν αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι τὰ ἀντικείμενα, ὡς εύρισκονται μεμονωμένα ἐν τῇ φύσει, ἢτοι ἐκάστην μηλέαν, ἔκαστον ἵππον, ἀλλὰ τὸ γένος ἔκαστου : τὴν μηλέαν, τὸν ἵππον, τὸ « καθόλου », ὡς πᾶσα ἐπιστήμη. Εἶναι δὲ αὗται αἱ ἔξης :

1. Αἱ κυρίως Φυσικαὶ ἐπιστῆματι, αἱ ἐρευνῶσαι τὰ ἐν τῇ φύσει ὄντα κατὰ τὰς κοινὰς ἰδιότητας αὐτῶν καὶ τὰς μεταβολάς, αἱ ὅποιαι δὲν μεταμορφώνουν αὐτὰ ούσιωδῶς. Αὕται ὑποδιαιροῦνται εἰς τὰς ἐπιστήματα :

α) τῶν ἀνοργάνων ὄντων : Γεωλογίαν, Φυσικήν, Γεωγραφίαν, Ὀρυκτολογίαν, Ἀστρονομίαν, Ἀτομικὴν φυσικήν, καὶ

β) τῶν ὄργανικῶν ὄντων : Βοτανικήν, Ζωολογίαν, Ἀνθρωπολογίαν (αἱ δποῖαι ὡς ἐρευνῶσαι τοὺς ζῶντας ὄργανισμοὺς κατατάσσονται, κατ' ἀλλην βάσιν, εἰς τὰς Βιολογικὰς ἐπιστήμας).

2. Ἡ Χρήσιμα, ἥτις ἐρευνᾷ τὰ φυσικὰ ὄντα κατὰ τοὺς ἴδιους αὐτῶν χαρακτῆρας καὶ τὰς μεταβολάς, αἱ ὅποιαι μεταμορφώνουν ούσιωδῶς ταῦτα. Αὕτη ὑποδιαιρεῖται εἰς : α) τὴν Ἀνόργανον χημείαν, καὶ β) τὴν Ὀργανικὴν χημείαν.

3. Αἱ Βιολογικαὶ ἐπιστῆματι, αἱ ἐρευνῶσαι τὰ φαινόμενα τῆς ζωῆς καὶ τεριλαμβάνουσαι : α) τὴν Γενικὴν ἡ κυρίως βιολογίαν, ἥτις ἔχετάζει γενικῶς ταῦτα, β) τὴν Ἀνατομίαν, ἔχετάζουσαν τὰ ὄργανα τῶν ἐμβίων καὶ γ) τὴν Φυσιολογίαν, ἡ ὅποια ἔχετάζει τὰς λειτουργίας αὐτῶν.

Τῶν πλειστων ἐκ τῶν ἐπιστημῶν τούτων θεμελιωταὶ ὑπῆρξαν οἱ "Ελληνες, ὡς γνωρίζομεν.

Ο δὲ σκοπὸς τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν εἶναι : α) ἡ γνῶσις

τῆς οὐσίας τῶν ἐν τῇ φύσει ὄντων καὶ φαινομένων, ἥτοι ὁ σχηματισμὸς ἐπιστημονικῶν ἔννοιῶν καὶ κρίσεων περὶ αὐτῶν, β) ἡ ἐύρεσις τῆς αἵτιας αὐτῶν, ἡ ἐρμηνεία των, ἥτοι ἡ διατύπωσις γενικῶν καὶ ἔγκυρων κρίσεων περὶ τῶν διεπόντων ταῦτα σταθερῶν νόμων, καὶ γ) ἡ συστήματο ποσίησις τῶν γνώσεων τούτων.

B. Ο ΧΑΡΑΚΤΗΡ ΚΑΙ Η ΑΞΙΑ ΤΩΝ ΦΥΣΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

‘Η ἔρευνα τῶν ὄντων καὶ φαινομένων τῆς φύσεως γίνεται διὰ μεθόδων διαφόρων τῶν Μαθηματικῶν. ’Εν γενικαῖς γραμμαῖς αὕτη συνίσταται εἰς τὰ ἔξης :

‘Ο ἔρευνητής ἐπίστημαν ἔξετάζει αύτὰ ταῦτα τὰ πράγματα. Τὰ δὲ μέσα, διὰ τῶν ὅποιων ἔρευναι, εἰναι κυρίως ἡ παρατήρησις διὰ τῶν αἰσθήσεων — βοηθουμένη πολλάκις ὑπὸ καταλήλων ὀργάνων — καὶ τὸ πείραμα. Διὰ τούτων συνάγει τὰ πορίσματά του, ἥτοι ἔρευναι ἐμπειρικῶς.

Ἐκ τῶν πορισμάτων τούτων περὶ τῶν ἐπὶ μέρους ὄντων συμπτεράινει περὶ τοῦ ὄλου, ἢτοι γενικεύει ἐπὶ παγγικῆς.

Αλλ' ή ἐπαγωγὴ αὗτη κατ' ἀνάγκην εἶναι κυρίως ἡ ἀτελής. Οὐδέποτε εἶναι δυνατὸν νὰ συναχθῇ διὰ τελείας ἐπαγωγῆς π.χ., ὁ νόμος, ὅτι « ὅλα τὰ σώματα θερμαινόμενα διαστέλλονται ». Ἐπομένως καὶ τὸ κύρος τῶν ἀληθειῶν τούτων δὲν εἶναι ἀπόλυτον, ὡς τὸ τῶν μαθηματικῶν ἀληθειῶν.

Διὰ τοὺς λόγους τούτους καὶ αἱ ἐπιστημονικαὶ ἔννοιαι καὶ οἱ ὅρι-  
σμοὶ καὶ αἱ ταξινομήσεις καὶ οἱ ἀνακαλυπτόμενοι φυσικοὶ νόμοι δὲν  
ἔχουν τὸν χαρακτῆρα τοῦ τελείου καὶ ἀνεπιδέκτου μεταβολῆς. Τέλος  
περὶ πλείστων, καὶ μάλιστα γενικῶν φαινομένων, μόνον θεωρίαι ἀλη-  
θιοφανεῖς ἔχουν διατυπωθῆ, ὑποκείμεναι πάντοτε εἰς ἀναθεώρησιν.

Πάντα ταῦτα ὅμως, ὡς θὰ ἴδωμεν, οὐδέλως ἐπιδροῦν ἐπὶ τοῦ κύρους τῆς ἐπιστήμης καὶ τοῦ ζήλου τῆς ἔρευνης.

Ἐκ τούτων γίνεται σαφής ἡ θεμελιώδης διαφορά μεταξύ τῶν Μα-θηματικῶν καὶ τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν.<sup>1</sup> Ἐνῷ ὁ μαθηματικὸς δρμᾶται ἀπὸ τελείων ἔξι ύπαρχης καὶ ἀνεπιδέκτων μεταβολῆς ἐννοιῶν, ὁ ἐρευνητὴς τῆς φύσεως κοσταλήγει εἰς τὸν σχηματισμὸν ἐπιστημονι-κῶν ἐννοιῶν διὰ τῆς εύρέσεως τῶν σχέσεων μεταξύ τῶν ἀντικειμέ-νων. Ἀφ' ἑτέρου, ἐνῷ ἔκεινος δρμᾶται ἀπὸ ἀρχῶν προφανῶν καὶ

άναγκαίως ἀληθῶν, οὗτος καταλήγει εἰς τὴν διατύπωσιν γενικῶν ἀληθειῶν: τῶν φυσικῶν νόμων.

Κατὰ ταῦτα αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι εἴναι ἐμπειρικαὶ καὶ ἐπαγγειακαὶ, αἱ δὲ ἀληθειαὶ, τὰς ὅποιας συνάγουν, δὲν ἔχουν τὸ ἀπόλυτον κῦρος τῶν μαθηματικῶν ἀληθειῶν.

Τὴν δὲ ἀνυπολόγιστον ἀξίαν αὐτῶν καταδεικνύει ἀπλουστάτη σύγκρισις τοῦ πρὸ τῆς ἀναπτύξεως αὐτῶν βίου πρὸς τὸν σημερινόν.

Πρὸ τῆς ἐπιστήμης ἡ οὐδόλως ἔχομεν ἐννοίας ὠρισμένων ὅντων καὶ φαινομένων ( ως ἡλεκτρόνιον, ἄζωτον, ἐκλειπτική ) ἡ ἔχομεν κοινὰς ( φυσικὰς ) ἐξ ἀμέσου ἀντιλήψεως ἡ καὶ ἐκ φαντασίας ( ως αἱ ἐννοιαὶ: ἵππος, θηλαστικόν, σίδηρος, βάρος, φῶς, νεφέλωμα, πλανήτης, ὅταν δὲν γνωρίζωμεν ἐπιστημονικῶς τὸ βάθος καὶ τὸ πλάτος αὐτῶν ).

Ἐξ ἀλλου, παρατηρήσας ὁ ἀνθρωπός ἀνέκαθεν τὴν συνάφειαν ( συνύπαρξιν, διαδοχὴν ) πολλῶν φυσικῶν φαινομένων, εὔρε στοιχειώδεις ἐρμηνείας τούτων, ἀτελεῖς ὅμως, ἀν μὴ δλῶς πεπλανημένας. Τῶν πλείστων δὲ ἐκ τούτων ἔδωκε μυθολογικὴν ἔξήγησιν.

Εἰς τὴν δόδον τῆς ἀληθοῦς γνώσεως τῆς φύσεως εἰσῆλθεν ὁ ἀνθρωπός, ἀφ' ἣς ἡτένισεν αὐτὴν μετ' ἐμπιστοσύνης ἀφ' ἑνὸς ἐπὶ τὴν διάνοιάν του καὶ ἀφ' ἑτέρου ἐπὶ τὴν ἐν τῇ φύσει κρατοῦσαν τάξιν καὶ ἀπαλλαγεῖς τῶν μυθολογικῶν προκαταλήψεων ἐπεδόθη εἰς συστηματικὴν καὶ μεθοδικὴν ἔξετασιν αὐτῆς δημιουργήσας βαθμηδὸν τὰς Φυσικὰς ἐπιστήμας. Διὰ τούτων διήνοιξεν εὐρεῖαν τὴν δόδὸν πρὸς τὴν ἀληθειαν καὶ τὸ φῶς, κατέστησε δυνατήν τὴν πρόοδον καὶ ἀπήλαξε τὸν βίον ἐν πολλοῖς τῶν τυφλῶν τυράννων αὐτοῦ, τῶν ἀλόγων φυσικῶν δυνάμεων καὶ τῆς δεισιδαιμονίας... Τοῦτο ὑπῆρξεν ἔργον τῶν Ἱώνων φιλοσόφων καὶ ἐν συνεχείᾳ τοῦ Ἀριστοτέλους, τοῦ Ἀρχιμήδους καὶ τῶν λοιπῶν ἀρχαίων καὶ νεωτέρων γιγάντων εἰς τὸν ἀγῶνα τῆς ὑποταγῆς τῆς φύσεως.

#### Γ. Η ΜΕΘΟΔΟΣ ΤΗΣ ΕΜΠΕΙΡΙΚΗΣ ΕΡΕΥΝΗΣ

(35)

#### I. Η ΔΥΝΑΤΟΤΗΣ ΚΑΙ ΤΑ ΜΕΣΑ ΤΗΣ ΕΜΠΕΙΡΙΚΗΣ ΕΡΕΥΝΗΣ

1. Τὸ κῦρος τῶν ἐμπειρικῶν πορισμάτων. Αἱ φυσικαὶ ἐπι-οχι ἀστῆμαι δὲν δρμῶνται ἐξ ἀρχῶν ἀφ' ἑαυτῶν ἐγκύρων, ως τὰ Μαθηματικά, ἀλλ' ἐκ τῶν πραγμάτων, ἐκ τῆς ἐμπειρίας. Τί εἴναι ὅμως

έκεινο, τὸ ὁποῖον καθιστᾶ δυνατήν τὴν ἐμπειρικὴν ἔρευναν καὶ δίδει κῦρος εἰς τὰ πορίσματά της;

Οὐδὲν τῶν ἐν τῇ φύσει ὄντων θὰ ἥτο δυνατὸν νὰ γνωσθῇ, ἀν δὲν ἐσχετίζετο πρὸς ἄλλα. Μία δρῦς ἐν τῷ δάσει θὰ ἥτο ἀκατανόητόν τι ἀντικείμενον, ἀν δὲν ὡμοίαζε κατά τι πρὸς πᾶν φυτόν, κατά τι πρὸς πᾶν δένδρον, κατά τι πρὸς πᾶσαν ἄλλην δρῦν, ὥστε νὰ ἀναγνωρίζωμεν αὐτὴν. Τὰ ἐν τῇ φύσει ὄντα λοιπὸν ἔχουν σταθερὰς σχέσεις εἰς πρὸς ἄλληλα, δι' ὧν γίνονται νοητά καὶ ἐφ' ὧν στηρίζεται, ώς γνωστόν. ὁ σχηματισμὸς τῶν ἐννοιῶν: σχέσεις ὁμοιότητος.

Καὶ τὰ φαινόμενα γίνονται νοητὰ διὰ τοιούτων σχέσεων, ἐφ' ὅσον ἐπαναλαμβάνονται ὁμοιομόρφως.

Ἐκτὸς τῶν σχέσεων ὁμοιότητος ὅμως καὶ τὰ ὄντα καὶ τὰ φαινόμενα ἔχουν καὶ ἄλλους εἰδους σταθερὰς σχέσεις: τὸ ἐν γίνεται αἰτίᾳ τοῦ ἄλλου, π.χ. ἡ θερμότης: τῆς διαστολῆς· ἡ θέσις γῆς, ἡλίου καὶ σελήνης: τῆς ἑκλείψεως. Τὰ ὄντα εἰναι ἀποτελέσματα φαινομένων (τὰ οὐράνια σώματα, τὰ ὄρυκτά, τὰ φυτά, τὰ ζῷα ἐδημιουργήθησαν ἡ ἐγεννήθησαν διὰ φαινομένων), αἱ δὲ πάντοιαι μεταβολαὶ αὐτῶν εἰναι φαινόμενα. Αὗται εἰναι σχέσεις αἰτιώδους ἐξ αρτήσεως· διὰ τούτων ἐρμηνεύομεν τὰ φαινόμενα. Εύρισκομεν δηλαδὴ τὰς αἰτίας αὐτῶν.

Αἱ σταθεραι αὗται σχέσεις εἰναι καθολικαὶ, ισχύουν περὶ πάντων τῶν ὁμοίων ἐν οἰωδήποτε τόπῳ καὶ χρόνῳ. Εἰναι ἐπομένως κανόνες σταθεροὶ τῶν συμβαινόντων ἐν τῇ φύσει καὶ μαρτυροῦν τὴν ἐν αὐτῇ κρατοῦσαν τάξιν, καθ' ἥν α) πᾶν φαινόμενον ἔχει τὴν γίτιαν αὐτοῦ, β) αἱ αὐται αἰτίαι παράγουν τὰ αὐτὰ ἀποτελέσματα, καὶ γ) ἐν γένει ἐν τῇ φύσει ὑπάρχει ὁμοείδεια. "Ἄρα ἡ ἐν τῇ φύσει τάξις ἀποτελεῖ τὸν θεμελιώδη ἀντικειμενικὸν παράγοντα τῆς μεγίστης πιθανότητος τῶν ἐμπειρικῶν ἀληθειῶν.

'Η ἀποκάλυψις ὅμως τῆς ἐν τῇ φύσει τάξεως γίνεται δι' ἀτελοῦς ἐπιγωγῆς. Τὰ πορίσματα τῆς ἐμπειρικῆς ἔρευνης συνήθως δὲν ἀναφέρονται εἰς ὅλα τὰ ὁμοια, ὡς εἰδομεν, ἀλλ' εἰς ἀριθμόν τινα αὐτῶν. 'Ἐν τούτοις ὁ ἐπιστήμων γενικεύει καὶ συνάγει κανόνας περὶ πάντων τῶν ὁμοίων. Τί προσδίδει καθολικὸν κῦρος εἰς τοὺς κανόνας τούτους, οἱ διποῖοι δὲν ἀπορρέουν ἐξ ἀπολύτου λογικῆς ἀναγκαιότητος; Καὶ πάλιν ἡ ἐμπειρία. Εἰς πᾶσαν νέαν περίπτωσιν ὁ κανὼν ἐπιβεβαιοῦται. 'Η πιθανότης, ὅτι εἰναι ἀληθής, αὔξανει ἐπίσης τεραστίως διὰ τῶν τε-

χνικῶν ἐφαρμογῶν. ‘Η δὲ αὐθόρμητος τάσις τοῦ ἀνθρώπου νὰ δέχεται ὡς ἀληθές, ὅ, τι δὲν διαψεύδεται, ἀλλ’ ἐπιβεβαιοῦται συνεχῶς, προσδίδει εἰς αὐτὸν ἀληθοφάνειαν μεγίστην, οὕτως ὡστε ἡ πιθανότης νὰ καθίσταται βεβαιότης.

“Ωστε ἡ μεγίστη πιθανότης τῶν ἔξ ἐμπειρίας καὶ ἀτελοῦς ἐπαγωγῆς γνώσεων ὀφείλεται εἰς τὴν ἐν τῇ φύσει κρατοῦσαν τάξιν καὶ τὴν διὰ νέων ἐμπειριῶν καὶ ἐφαρμογῶν ἐπαλήθευσιν αὐτῶν!.

**2. Τά μέσα τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης. Παρατήρησις καὶ πείραμα.** Τούς τρόπους ἐνεργείας, δι’ ᾧ φθάνομεν εἰς τὴν ἐμπειρικὴν γνῶσιν, καλοῦμεν ἐν τῷ συνόλῳ των ἐμπειρικὴν μέθοδον.

‘Ἐ μ π ε i ρ i κ ḥ μ é t h o d o s κ a l e i t a i , k a t a t a t a u t a , t o s s u n o l o n t a w n l o g i k a n n é n e r g y e i ã n , d i à t a w n d p o i ó w n é x é p i l m é d o u s s u n g k e k r i m é n o w n d e h o u m é r o w n s u n á g o m e n g e n i k á s á l l i t h e i á s k a i n ó m o u s .

‘Η π α ρ α t h ρ η s i s . ‘Ο ἐρευνητής ἐπιστήμων ἔχετάζει, ὡς εἴπομεν, τὰ πράγματα ἀπ’ εύθείας, διὰ τῶν αἰσθήσεων. Τὸ πρῶτον ἐπομένως μέσον ἐρεύνης αὐτοῦ εἶναι ἡ παρατήρησις· ὅχι βεβαίως ἡ τυχαία καὶ ἀμέθοδος, ἀλλ’ ἡ σκόπιμος καὶ μεθοδική.

Π α ρ α t h ρ η s i s λ o i p ð o n e i n a i ἡ μ e t h o d i k ḥ d i à t a w n a i s t h i k s e w o n é x é t a s i s á n t i k e i m é n o n t i n ó s ḥ f a i n o m é n o n .

Αὕτη πρέπει νὰ εἶναι: α) ἀκριβής, ἦτοι νὰ ἀναφέρεται εἰς τὸ ὑπὸ ἔξετασιν καὶ μόνον, ἀποχωρίζουσα τοῦτο τῶν λοιπῶν στοιχείων τοῦ ἀντικειμένου ἢ φαινομένου, καὶ νὰ ἀποδίδῃ μετὰ πιστότητος τὰ παρατηρούμενα, καὶ β) ἀντικείμενον εἰς τοῦ προκαταλήψεων ἢ ὑπὸ τῆς ἔκ τῶν προτέρων εἰκαζομένης ἐρμηνείας, διότι, ὡς γνωστόν, πολλάκις βλέπομεν, ὅ, τι ἐπιθυμοῦμεν νὰ ἴδωμεν. ‘Ο ἐρευνητής πάντοτε σχεδὸν ὑποθέτει ἐρμηνείαν τινὰ ἔκ τῶν προτέρων, ἵτις καθοδηγεῖ τὴν ἐρευναν αὐτοῦ καὶ καθιστᾷ ταύτην γόνιμον. ‘Ορθῶς δὲ ἐλέχθη ὅτι «ὅταν δὲν γνωρίζωμεν τί ζητοῦμεν, δὲν γνωρίζομεν τί εὑρίσκομεν». ‘Αλλὰ τῆς ἐρμηνείας ταύτης δέον νὰ ἀναμένη μετὰ τῆς αὐτῆς ἀπαθείας τὴν ἐπιβεβαίωσιν ἢ τὴν διάψευσιν.

Εἶναι ὅμως ἀτελής ἡ διὰ τῶν αἰσθήσεων παρατήρησις. Πλῆθος ἀντικειμένων τοῦ μακροκόσμου καὶ τοῦ μικροκόσμου οὐδόλως ὑποπί-

1. Ούσιαστικώτερον τὸ πρόβλημα τοῦτο ἐρευνᾶται ὑπὸ τῆς Γνωσιολογίας.

πτουν εἰς τὴν αἴσθησιν, οὐδέν δὲ δι' αὔτῆς μόνης δύναται νὰ μετρηθῇ. Ἐνεκα τούτου ἀνέκαθεν χρησιμοποιοῦνται ἐν τῇ ἐπιστημονικῇ ἔρευνῃ τε χνητὰ ὅργανα πληθυνόμενα καθ' ἑκάστην, διὰ τῶν ὄποιών καὶ εὐρύτερον δυνατή καὶ τελειοτέρα γίνεται ἡ παρατήρησις καὶ τὰ δεδομένα αὔτῆς μεταφράζονται εἰς τὴν ἀκριβῆ γλῶσσαν τῶν ἀριθμῶν. Τοιαῦτα εἶναι τὸ τηλεσκόπιον, τὸ μικροσκόπιον, ὁ ζυγός, τὸ θερμόμετρον, τὸ βαρόμετρον, ὁ σεισμογράφος, ὁ καρδιογράφος, τὸ αἰσθησιόμετρον καὶ πλῆθος ἄλλων. Αἱ ἐφευρέσεις τῶν διοπτρῶν, τοῦ μικροσκοπίου καὶ τῆς φωτογραφίας ἔγιναν ἀφετηρία τῶν μεγίστων ἀστρονομικῶν καὶ βιολογικῶν ἀνακαλύψεων.

Τὸ πείραμα μα. Ἡ ἐπιστημονικὴ ἔρευνα δὲν εἶναι πάντοτε δυνατή διὰ τῆς παρατηρήσεως. Πολλὰ τῶν φαινομένων ἐμφανίζονται σπανίως ἢ ἀσαφῶς, πάντα δὲ ὑπὸ ὀρισμένας συνθήκας καὶ δρους. Καὶ τὴν ἀδυναμίαν αὐτὴν ὁ ἀνθρώπινος νοῦς κατώρθωσε νὰ ὑπερνικήσῃ κατὰ μέγα μέρος διὰ τῆς ἐπινοήσεως τῶν πειραμάτων.

Πείραμα μα εἶναι τελειοτέρα παρατήρησις, καθ' ἥν θέτομεν τὰ ἔξεταστά ύπὸ δρους εὑνοοῦντας τὴν ἔρευναν.

‘Ο πειραματιζόμενος προκαλεῖ αὔτὸς τὸ ἔξεταστόν φαινόμενον. Ἐρευνᾷ οὕτω πολλὰ φαινόμενα, τῶν ὄποιών ἡ ἔξετασις πολλάκις εἶναι ἄλλως ἀδύνατος. ‘Ο χημικὸς οὐδέποτε εύρισκει ἐν τῇ φύσει τὰ στοιχεῖα ἔνωσεώς τινος ὡς διὰ τοῦ πειράματος. Νέαι συνδέσεις τῶν φαινομένων, ἐπαναλήψεις αὐτῶν, μεταβολὴ τῶν δρων, ὑφ' οὓς ἐμφανίζονται συνήθως, καὶ πλεῖστα ἄλλα εἶναι δυνατὰ διὰ τοῦ πειράματος. Κατὰ τὴν φράσιν τοῦ Cuvier «ὁ παρατηρητὴς ἀκροῦται, ἐνῷ ὁ πειραματιζόμενος ἐρωτᾷ καὶ ἀναγκάζει τὴν φύσιν νὰ ἀποκαλύψῃ ἔαυτὴν».

Μετὰ τῆς παρατηρήσεως καὶ τοῦ πειράματος συνδυάζονται ἐν τῇ ἔρευνῃ ἡ (πραγματική) ἀνάλυσις καὶ σύνθεσις, τὰς ὄποιας ἔγνωρίσαμεν ὡς γενικάς μεθόδους. ‘Ο χημικὸς σχεδὸν κατὰ κανόνα παρατηρεῖ ἀναλύων καὶ συνθέτων.



## II. Η ΚΑΤΑΝΟΗΣΙΣ ΚΑΙ ΚΑΤΑΤΑΞΙΣ ΤΩΝ ΑΝΤΙΚΕΙΜΕΝΩΝ

Εύρισκοντες διὰ τῆς παρατηρήσεως καὶ τοῦ πειράματος τὰς ιδιότητας καὶ τὰ εἶδη τῶν ἀντικειμένων καὶ φαινομένων, σχηματίζομεν ἡ βελτιοῦμεν τὰς ἐπιστημονικάς ἐννοίας αὐτῶν. “Ητοι κατανοοῦμεν τὰ ἀντικείμενα καὶ δυνάμεθα διὰ τοῦ δρισμοῦ νὰ καταστήσωμεν καὶ εἰς

τούς ἄλλους ὁμοίως νοητὰ ταῦτα. Ταξινομοῦντες δὲ αὐτὰ ἔχομεν ἐποπτικὸν πίνακα αὐτῶν καὶ τῶν σχέσεών των.

Αἱ ἔννοιαι, οἱ ὄρισμοὶ καὶ ἡ ταξινόμησις εἰς τὰς Φυσικὰς ἐπιστήμας ἐμφανίζουν ἴδιαίτερον χαρακτῆρα, τὸν ὅποιον ἥδη θὰ ἔξετασμεν.

1. Αἱ ἔννοιαι εἰς τὰς Φυσικὰς ἐπιστήμας. Αὗται εἶναι ἔξι ἐμπειρίας, ἀτελέστεραι τῶν μαθηματικῶν ἐννοιῶν καὶ ἥττον ἀφηρημέναι ἐκείνων. Ἀναφέρονται δὲ ἢ εἰς ἀντικείμενα ὑπάρχοντα ἐν τῷ χώρῳ ἢ εἰς φαινόμενα (κεραυνός, γονιμοποίησις, διαστολή). Εἰς τὴν δευτέραν περίπτωσιν ἴδια ὁ σχηματισμὸς αὐτῶν προϋποθέτει ὅχι ἀπλῆν διὰ παρατηρήσεως ἢ πειράματος εὑρεσιν τῶν ἴδιοτήτων τοῦ φαινομένου ἐτοίμων τρόπον τινά, ἀλλὰ βαθυτέραν ἔρευναν τῶν αἰτιωδῶν σχέσεων αὐτοῦ πρὸς ἄλλα φαινόμενα, διὰ τῶν ὅποιων αἱ ἴδιότητες αὔται ἔρμηνεύονται, οὕτως ὥστε ὁ σχηματισμὸς ἀρτίας ἐννοίας ἔξαρτᾶται σχεδὸν πάντοτε ἐκ τῆς ἔρμηνείας τοῦ φαινομένου, περὶ τῆς ὅποιας θὰ ὀμιλήσωμεν συστηματικῶς κατωτέρω.

2. Οἱ ἐπιστημονικοὶ ὄρισμοι. Ὡς ἐκ τῆς φύσεως τῶν ἐννοιῶν καὶ τοῦ τρόπου, καθ' ὃν αὔται σχηματίζονται, οἱ ὄρισμοὶ αὐτῶν εἶναι ἐμπειρικοί, ἥτοι

α) Εἶναι ὄρισμοὶ ἐκ τῶν ὑστέρων — καὶ ὅχι ἐκ τῶν προτέρων, ὡς οἱ μαθηματικοί. Προϋποθέτουν δηλαδὴ τὴν βαθμιαίαν γνῶσιν τῶν οὐσιωδῶν γνωρισμάτων τῆς ἐννοίας,

β) Εἶναι ἐπαγγεικὰ συμπεράσματα καὶ ὅχι ἀρχαί, ὡς οἱ μαθηματικοὶ ὄρισμοί. Διὰ τοῦτο καὶ κατὰ τὴν ἔκθεσιν φαινομένου τινὸς καταλήγομεν εἰς αὐτούς, δὲν ἀρχόμεθα ἐξ αὐτῶν, ὡς εἰς τὰ Μαθηματικά, καὶ

γ) Εἶναι μεταβλητοί καὶ ὅχι ὄριστικοί καὶ τέλειοι.

3. Ἡ ταξινόμησις. Γνωρίζομεν ἥδη τὴν ταξινόμησιν ὡς μέθοδον γενικὴν καὶ τὰ εἴδη αὐτῆς, φυσικὴν καὶ τεχνητήν.

Ἐκ τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν προβαίνουν εἰς ταξινομήσεις κυρίως αἱ φυσιογνωστικαὶ ἢ περιγραφικαὶ λεγόμεναι, ἥτοι ἡ Ὁρυκτολογία, ἡ Φυτολογία καὶ Ζωολογία, τῶν ὅποιων σκοπὸς εἶναι ἡ καθ' ἕκαστον ἔρευνα τῶν ἐν τῇ φύσει ὄντων, ἀνοργάνων ἀφ' ἐνὸς καὶ ὄργανικῶν ἀφ' ἑτέρου, καὶ ἡ συστηματικὴ κατάταξις αὐτῶν κατὰ τὰς οὐσιώδεις σχέσεις των. Κατὰ συνέπειαν αἱ ταξινομήσεις αὔται εἶναι — καὶ ὀφείλουν

νὰ είναι — φυσικά καὶ ὅχι τεχνηταί.

Θεμέλιον πάσης φυσικῆς ταξινομήσεως είναι αἱ κατὰ βάθος καὶ πλάτος οὐσιώδεις σχέσεις τῶν ἐννοιῶν; διότι ἐπ' αὐτῶν στηρίζονται αἱ διαδοχικαὶ διατάξεις. Ἐπομένως πᾶσα ταξινόμησις εἰς τὰς Φυσικάς ἐπιστήμας προϋποθέτει τὸν σχηματισμὸν τῶν ἐπιστημονικῶν ἐννοιῶν.

"Ἄρα καὶ ἡ ταξινόμησις — ὡς ὁ σχηματισμὸς τῶν ἐννοιῶν καὶ ὁ ὄρισμὸς — είναι ἐμπειρικὴ εἰς τὰς Φυσικὰς ἐπιστήμας καὶ ὡς ἐκ τούτου ὥχι τελεία καὶ ὄριστική, ἀλλ᾽ ἐπιδεκτική βελτιώσεως καὶ ἀναθεωρήσεως.

Κατατάσσουσα τὰς ἡδη ἐσχηματισμένας ἐπιστημονικάς ἐννοίας ἡ ταξινόμησις είναι τὸ ἐπιστέγασμα τῆς περὶ τὰ ὄντα ἔρευνης. Ἀπ' αὐτῆς ἡδη ὅρμωμενοι, ὡς ἀπὸ πλήρους καὶ ἐποπτικοῦ πίνακος τῶν ὄντων κατὰ τὰς σχέσεις αὐτῶν διατεταγμένων, δύναμεθα νὰ κατανοῶμεν, νὰ ὄριζωμεν ἐπιστημονικῶς ταῦτα καὶ νὰ ἐκθέτωμεν τὰς περὶ αὐτῶν ἐκ τῆς ἔρευνης διαπιστωθείσας ἀληθείας. Οὕτως ἡ ταξινόμησις ἀποβαίνει ἡ ἀφετηρία καὶ ὁ ἀσφαλής ὀδηγὸς τῆς ἐπιστημονικῆς ἐκθέσεως καὶ περιγραφῆς.

Αἱ δὲ ἀνωτέρω τρεῖς ἐπιστήμαι, Φυτολογία, Ζωολογία καὶ Ὁρυκτολογία, ὡς φυσιογνωστικαὶ μὲν καταλήγουσι διὰ τῆς ἔρευνης εἰς τὴν ταξινόμησιν, ὡς περιγραφικαὶ δὲ ὅρμῶνται ἐξ αὐτῆς εἰς τὴν ἕκθεσιν τῶν περὶ αὐτῶν ἀληθείῶν καὶ τὴν περιγραφὴν τῶν ὄντων.

Ἐκάστη τούτων χρησιμοποιεῖ ὅρους, δι' ὧν κατατάσσει τὰς ὁμάδας τῶν ὁμοιειδῶν διαδοχικῶν κατὰ τὰς πραγματικάς των σχέσεις ὑπαλληλίας, ὡς: ὑποδιαίρεσις — συνομοταξία — ὁμοταξία — τάξις — οἰκογένεια — γένος — εἶδος, καὶ κατατάσσει τὰ ὄντα βάσει τῶν ἐπαλλήλων σταθερῶν καὶ οὐσιωδῶν γνωρισμάτων αὐτῶν.

Οὐσιώδης ὅμως διαφορὰ ὑπάρχει μεταξὺ τῶν τριῶν τούτων ἐπιστημῶν κατὰ τὴν μέθοδον, δι' ἣς ἀνευρίσκουν τοὺς οὐσιώδεις χαρακτῆρας τῶν ὄντων. Ἡ Ὁρυκτολογία ἀναφέρεται εἰς ὄντα ἀνόργανα, ἐν ᾧ ἡ Ζωολογία καὶ ἡ Φυτολογία εἰς ὄργανισμούς. Ὡς ἐκ τούτου αὗτη μὲν ἀκολουθεῖ τὴν μέθοδον τῆς ἔρευνης τῶν Φυσικο-χημικῶν ἐπιστημῶν, ἐκεῖναι δὲ τὴν μέθοδον τῶν Βιολογικῶν ἐπιστημῶν, τὴν ὅποιαν θὰ γνωρίσωμεν κατωτέρω.

Ἐκτὸς ὅμως τῶν ἐπιστημῶν τούτων καὶ ἡ σύγχρονος Φυσικὴ καὶ

Χημεία χρησιμοποιοῦν ταύτην λίαν καρποφόρως, ώς εἰς τὴν συστηματικήν κατάταξιν τῶν ἐν τῇ φύσει στοιχείων (περιοδικὸν σύστημα τῶν στοιχείων Μάγερ — Μενδελέγιεφ καὶ νεώταται τροποποιήσεις αὐτοῦ) καὶ ἀλλαχοῦ.

### III. Η ΕΡΜΗΝΕΙΑ ΤΩΝ ΦΑΙΝΟΜΕΝΩΝ

(37)

1. Ἡ ἔννοια τοῦ φυσικοῦ νόμου. Μεταξὺ τῶν φυσικῶν φαινομένων, ώς εἴδομεν, ὑπάρχουν σταθεραὶ σχέσεις αἰτιώδους ἀλληλεξαρτήσεως. Συνδέονται ταῦτα πρὸς ἄλληλα ώς αἰτίαι καὶ ἀποτελέσματα. Ἡ ἐρμηνεία τῶν ἐπομένων συνίσταται εἰς τὴν ἔξακριβωσιν καί, ὅπου τοῦτο εἶναι δυνατόν, εἰς τὸν διὰ μετρήσεως προσδιορισμὸν τῆς αἰτιώδους ταύτης σχέσεως· εἰς τὴν εὔρεσιν δηλαδὴ μεταξὺ πασῶν τῶν σχέσεων ἐνὸς φαινομένου πρὸς ἄλλο ἢ ἄλλα ἐκείνης ἢ ἐκείνων, αἱ ὁποῖαι ὅντως καὶ εἰς πᾶσαν περίπτωσιν προκαλοῦν αὐτὸν καί, εἰ δυνατόν, εἰς τὴν μαθηματικὴν διατύπωσιν αὐτῶν.

“Οταν ὁ ἔρευνητής βεβαιωθῇ ἀπολύτως περὶ τούτου, ἔφθασεν εἰς τὴν ἀνακάλυψιν ἐνὸς φυσικοῦ νόμου, ἥτοι

Φυσικὸς νόμος εἶναι σταθερὰ καὶ καθολικὴ σχέσις αἰτιώδους ἀλληλεξαρτήσεως μεταξὺ δύο ἢ πλειόνων φυσικῶν φαινομένων ἢ ἀντικειμένων καὶ φαινομένων.

Οὗτος ἔξαγγέλλεται διὰ προτάσεως διατυπούσης ἀκριβῶς καί, εἰ δυνατόν, μαθηματικῶς τὴν σχέσιν αὐτήν.

Ἐκαστὸν φαινόμενον ἔρμηνεύεται δι’ ἐνὸς ἢ περισσοτέρων νόμων. ‘Ἄλλ’ οὗτοι δὲν εἶναι ἀσχετοί πάντοτε πρὸς ἄλλήλους καὶ ὅλως αὐτοτελεῖς. ‘Υπάγονται ὑπὸ ἄλλους γενικωτέρους καὶ γενικωτάτους σύν τῇ προόδῳ τῆς ἐπιστήμης. Κλασσικὸν παράδειγμα ὑπαγωγῆς νόμων φαινομενικῶς ἀσχέτων πρὸς ἄλλήλους ὑπὸ ἄλλον γενικώτερον εἶναι τὸ τῆς ὑπαγωγῆς τῶν νόμων τῆς πτώσεως τῶν σωμάτων ἀφ’ ἐνὸς καὶ τῆς κινήσεως τῶν πλανητῶν ἀφ’ ἑτέρου (ἀνακαλυφθέντων ὑπὸ τῶν Γαλιλαίου καὶ Κεπλέρου) ὑπὸ τὸν νόμον τῆς παγκοσμίου ἔλεσις τοῦ Νεύτωνος. Σήμερον τὰ χημικὰ φαινόμενα τείνουν νὰ ὑπαχθοῦν ὑπὸ νόμους φυσικούς μετὰ τὰς ἀνακαλύψεις τῆς Ἀτομικῆς φυσικῆς.

‘Ἡ ἔρμηνεία πάντων τῶν φυσικῶν φαινομένων δι’ ἐνὸς μοναδικοῦ νόμου εἶναι ἀφ’ ἐνὸς μὲν ἰδεῶδες τῆς ἐπιστήμης, ἡ ὁποία, ώς εἴπεν ὁ Poincaré, «βαδίζει πρὸς τὴν ἐνότητα καὶ τὴν ἀπλότητα», ἀφ’ ἑτέρου

9

δὲ ἀπαίτησις τοῦ πνεύματος τοῦ ἐν παντὶ ἐπιζητοῦντος τὴν ἑνότητα.

Γενικώτατοι φυσικοὶ νόμοι εἰναι: ὁ τῆς ἀφθαρσίας τῆς ὕλης καὶ ὁ τοῦ ἀνωλέθρου τῆς ἐνεργείας, τοὺς ὅποιους ἀνεκάλυψαν οἱ "Ελληνες. 'Ο Ἀναξαγόρας διετύπωσεν ἀμφοτέρους διὰ τῆς προτάσεως « Οὐδὲν χρῆμα γίνεται οὐδὲ ἀπόλλυται, ἀλλ' ἀπὸ ἔόντων χρημάτων συμμίσγεται τε καὶ διακρίνεται ». Παραπλησίως δὲ διετύπωσαν τὸ αὐτὸ ὉἘμπεδοκλῆς καὶ ὁ Δημόκριτος.

**2. Μέδοδοι εύρεσεως τῆς αἰτίας.** Πρὸς εύρεσιν τῆς αἰτίας τῶν φυσικῶν φαινομένων πρῶτος ἀνεζήτησε γενικούς μεθοδικούς κανόνας ὁ Φρ. Βάκων. Μετ' αὐτὸν δὲ τοιούτους κανόνας διετύπωσαν ὁ Herschel, ὁ J. St. Mill, ὅστις ἐσυστηματοποίησε καὶ συνεπλήρωσε τοὺς τοῦ Βάκωνος, καὶ ὁ Claude Bernard.

'Ο J. St. Mill ὥρισε τέσσαρας μεθόδους εύρεσεως τῆς αἰτίας. Εἶναι δὲ αὗται:

1) Ἡ μὲθοδος τῆς συμφωνίας : *Aitía φαινομένου τιὸς εἰναι δοκινὸς ὅρος δύο ἢ περισσοτέρων συμπλεγμάτων ὅρων, ἐξ ὧν τὸ φαινόμενον τοῦτο προέρχεται.*

Δι' αὐτῆς ὁ Wells εὗρε τὴν αἰτίαν τῆς δρόσου τῆς ἐμφανιζομένης εἰς τὴν ὑπαίθρον. Παρετήρησε τοιαῦτα συμπλέγματα ὅρων (φαινόμενα συνδεόμενα πρὸς ἄλλα): α) δοχεῖον πλῆρες ψυχροῦ ὕδατος ἐμφανίζον ὑδρατμούς ἔξωτερικῶς κατὰ τὸ θέρος, β) δοχεῖον ζέοντος ὕδατος ἐμφανίζον ὑδρατμούς ἐπὶ τῆς ἔσωτερικῆς ἐπιφανείας τοῦ πώματος, γ) τοὺς ύγραινομένους ὑελοπίνακας θερμοῦ δωματίου, ὅταν ὁ ἔξωτερικὸς ἀτῆρ εἴναι ψυχρὸς κ.λ.π. 'Ως κοινὸν ὅρον εὗρεν, ὅτι τὸ ἀντικείμενον εἴναι ψυχρότερον τοῦ ἀτμοσφαιρικοῦ ἀέρος. ὅθεν συνεπέρανεν ἐπαγωγικῶς, ὅτι τοῦτο συμβαίνει εἰς τὰσσαν δόμοίαν περίπτωσιν ἐπομένως (ὡς συνάγεται διὰ παραγωγικοῦ ἥδη συλλογισμοῦ) καὶ εἰς τὴν ἐρευνωμένην.

Εἰς τὸ παράδειγμα τοῦτο βλέπομεν καὶ τὴν πορείαν τῆς ἐπαγωγικῆς γενικεύσεως καὶ τῆς ἐξ αὐτῆς παραγωγῆς.

2) Ἡ μὲθοδος τῆς διαφορᾶς : *Aitía φαινομένου τιὸς εἰναι δοκινός, δοκινὸς εἰς σύμπλεγμα ὅρων προκαλούντων τοῦτο ὑπάρχει, ἐκ συμπλέγματος δὲ ὅρων μὴ προκαλούντων αὐτὸ ἀπονοτάζει.*

Δι' αὐτῆς ὁ Pasteur εὗρεν, ὅτι εἴναι ἀδύνατος ἡ αὐτόματος γένεσις τῆς ζωῆς. 'Εκ τῆς συγκρίσεως δύο συμπλεγμάτων: τῆς ἐμφανί-

σεως μικροοργανισμῶν ἐντὸς ὑδατος ἔκτεθειμένου εἰς τὸν ἀτμοσφαιρικὸν ἀέρα καὶ τῆς ἀπουσίας τούτων ἐξ ὑδατος μὴ ἔχοντος ἐπαφήν μὲ τὸν ἀτμοσφαιρικὸν ἀέρα συνεπέρανε τὴν αἰτιώδη σχέσιν μεταξὺ τῶν σπερματίων τοῦ ἀτμοσφαιρικοῦ ἀέρος καὶ τῆς ἐμφανίσεως ζωῆς ἐν τῷ ὑδατι (ἄνευ τῆς ὅποιας σχέσεως θὰ ἐδικαιολογεῖτο ἡ ὑπόθεσις, ὅτι ἡ ζωὴ γεννᾶται αὐτομάτως).

3) Ἡ μὲθοδος τῶν παρομαρτούσων μεταβολῶν : *Aitla φαινομένου τινὸς εἴται δόρος συμπλέγματος προκαλοῦντος τοῦτο διαταβαλλόμενος, δισάκις τοῦτο μεταβάλλεται.*

Δι’ αὐτῆς εὑρέθη, ὅτι τὸ ὑψος τῆς βαρομετρικῆς στήλης καταδεικνύει ἀντιστοίχως τὴν πίεσιν τοῦ ἀέρος. Όμοιως, ὅτι τὰ σώματα θερμαινόμενα διαστέλλονται.

4) Ἡ μὲθοδος τῶν ὑπολοίπων : *Eār μέρος φαινομένου τινὸς ἀποδειχθῆ ἀποτέλεσμα μέρους συνθέτου τινὸς αἰτίας, τὸ ὑπόλοιπον αὐτοῦ μέρος εἴναι ἀποτέλεσμα τοῦ ὑπολοίπου τῆς αἰτίας.*

Διὰ τῆς μεθόδου ταύτης ἐγένετο ἡ περίφημος ἀνακάλυψις τοῦ πλανήτου Ποσειδῶνος ὑπὸ τοῦ Le Verrier. Τὰ ἀστρονομικὰ στοιχεῖα παντὸς πλανήτου τοῦ ἡλιακοῦ μας συστήματος προσδιορίζονται ἐκ τοῦ συνόλου τῶν ἐπιδράσεων τῶν ἐν τῷ συστήματι τούτῳ πλανητῶν. Ο πλανήτης Οὐρανὸς ὅμως ἐνεφάνιζεν ὡς ὑπόλοιπον τῶν στοιχείων αὐτοῦ διαταραχάς παρέλξεων μὴ ἐρμηνευομένας ἐξ ἐπιδράσεων τῶν γνωστῶν πλανητῶν. Ἐντεῦθεν δὲ Le Verrier ὑπέθεσε τὴν ὑπαρξιν καὶ ἄλλου πλανήτου, τοῦ ὅποιου προσδιώρισε τὴν θέσιν (ἀναλόγως πρὸς τὸ ὑπόλοιπον τοῦτο τῶν στοιχείων τοῦ Οὐρανοῦ). Εἰς τὴν ὑπολογισθεῖσαν δὲ ταύτην θέσιν δὲ ἀστρονόμος Gall ἀνεκάλυψεν ὅντως τὸν Ποσειδῶνα ἐκ τοῦ Ἀστεροσκοπείου τοῦ Βερολίνου εἰς τὴν προσδιορισθεῖσαν ὑπὸ τοῦ Le Verrier θέσιν.

Ο δὲ Claude Bernard καθώρισεν ὡς γενικὴν μέθοδον ἐμπειρικῆς ἐρεύνης τὴν συνισταμένην εἰς τὰ ἔξῆς τρία στάδια: α) παρατήρησιν τῶν πραγμάτων, β) σύλληψιν ὑποθέσεως προκαλουμένης ὑπὸ τῶν πραγμάτων, καὶ γ) πειραματισμὸν πρὸς ἔλεγχον τῆς ὑποθέσεως.

3. Τὰ στάδια της ἐμπειρικῆς ἐρεύνης. Ἀναμφιβόλως αἱ μέθοδοι τοῦ J. St. Mill ἔχουν μεγίστην πρακτικὴν ἀξίαν, ὡς καθορίζουσαι πραγματικὰς σχέσεις καὶ ὑποδεικνύουσαι ταύτας εἰς τὸν ἐρευνητήν. Ἀλλ’ εἴναι ἀνεπαρκεῖς, διότι παριστοῦν τὴν ἐπιστημονικὴν ἔ-

ρευναν ώς μηχανικήν τινα άνεύρεσιν τῆς αἰτίας κρυπτομένης ὅπισθεν τῶν συμπλεγμάτων τῶν πιθανῶν ὁρών. Παραγνωρίζουν δηλαδὴ τὸν ἔτερον τῶν παραγόντων, τὸν πνευματικόν. ‘Η ἐρμηνεία τοῦ φαινομένου δὲν ἀνακαλύπτεται, ἀφ’ οὗ τὰ πράγματα ἔξετασθοῦν αὐτὰ καθ’ ἔστατά, ώς διὰ μηχανῆς τινος, ἀλλ’ ἐφευρέσθαι τὰ πράγματα γεννοῦν ταύτην ώς ὑπόθεσιν. Τότε πιθανώτατα ἔξετάζονται αἱ κατὰ τὰς μεθόδους τοῦ J. St. Mill σχέσεις. Εἴτα δὲ ἡ ἐπισταμένη ἔρευνα τῶν πραγμάτων ἐπαληθεύει ἢ διαψεύδει τὴν ὑπόθεσιν, ὅπότε προκαλεῖ τὴν θέσιν ἄλλης.

Ἐγγύτερον πρὸς τὰ πράγματα εύρίσκεται ἡ μέθοδος τοῦ Cl. Bernard. Ἐξ αὐτῆς δὲ ὁρμωμένη ἡ σύγχρονος Μεθοδολογία, ώς καὶ ἐκ τῶν νεωτέρων ἀντιλήψεων περὶ τῆς Μαθηματικῆς φυσικῆς, διαγράφει τὰ ἔξῆς τρία στάδια τῆς ἐμπειρικῆς ἔρευνης:

1) Παρατήρησις — μέτρηση τῶν δεδομένων.  
‘Ο ἔρευνητής, προσδιορίζων διὰ μετρήσεων τὰ παρατηρουμένα, μεταμορφώνει ταῦτα ἐκ τῆς φυσικῆς των μορφῆς εἰς μαθηματικάς ἔννοιας καὶ σχέσεις.

2) Σύλληψης τῆς αἰτίας (ὑπόθεσις). ‘Ο ἔρευνῶν συλλαμβάνει δι’ ἀμέσου τινὸς τρόπου ἐκ τῶν παρατηρουμένων σχέσεων ἐρμηνείας διαδοχικάς, ων μία ἐμμόνως προβάλλεται καὶ ἐπικρατεῖ. Αὕτη συνήθως λαμβάνει μαθηματικὴν μορφήν.

3) Ἐπαλήθευσις τῆς ὑποθέσεως διὰ τῶν πραγμάτων τὴν ὑπόθεσιν ταύτην.

Γενικῶς σήμερον ἀποδίδεται ιδιαιτέρα σημασία εἰς τοὺς ἔξῆς παράγοντας: α) τὴν ἐνόρασιν, διὰ τῆς ὁποίας τὸ προικισμένον πνεῦμα τοῦ ἔρευνητοῦ διαβλέπει, παρατηροῦν τὰ πράγματα, τὴν πιθανὴν αἰτίαν αὐτῶν, εἴτα δὲ ἐλέγχει αὐτήν, β) εἰς τὴν μέτρησιν, εἰς τὴν ὁποίαν μάλιστα τινὲς ἀποδίδουν ἀπόλυτον ἀξίαν ὑποστηρίζοντες ὅτι «μόνον τοῦ δυναμένου νὰ μετρηθῇ ὑπάρχει ἐπιστήμη», καὶ γ) εἰς τὴν θεωρητικὴν ἀρχήν, καθ’ ἥν πᾶσα ἐν τῇ φύσει σχέσις δύναται νὰ ἀναχθῇ εἰς μαθηματικὴν κατασκευὴν ἢ τύπον. ‘Η ἀρχὴ αὗτη, τὴν ὁποίαν ὑπαινίσσεται τὸ ἀρχαῖον λόγιον «ἀεὶ θεὸς γεωμετρεῖ», εἶναι σύμφωνος πρὸς τὴν διδασκαλίαν ὅχι μόνον τῶν μεγάλων μετα-

φυσικῶν τῆς ἀρχαιότητος, Πυθαγόρου, Πλάτωνος, Πλωτίνου καὶ τῶν ὀπαδῶν αὐτῶν, ἀλλὰ καὶ νεωτέρων μεγάλων φιλοσόφων, ώς ὁ Καρτέσιος, καθ' ὃν « τὸ σύμπαν εἶναι βιβλίον γραμμένον εἰς μαθηματικὴν γλῶσσαν », ὁ Leibnitz εἰπών: « Dum Deus calculat fit mundus », καὶ ἄλλοι.

#### IV. ΥΠΟΘΕΣΙΣ ΚΑΙ ΘΕΩΡΙΑ

(38)

‘Ο ὅρος ὡς πόθεν είσις εἰς τὰς ἐμπειρικὰς ἐπιστήμας σημαίνει: πρότασις εἰκαζομένη ως ἀληθής καὶ τιθεμένη ὑπὸ τὸν ὅρον τῆς ἐπαληθεύσεως αὐτῆς.

‘Υπόθεσις εἶναι ἡ ἐπινοούμενη κατὰ τὴν παρατήρησιν ἔρμηνεία τῶν φαινομένων, ἡτις ἐπικυροῦται ἢ διαψεύδεται ὑπὸ τῶν πραγμάτων.

‘Υπὸ τὴν σημασίαν ταύτην εύρισκομεν ἦδη τὸν ὅρον χρησιμοποιούμενον ὑπὸ τῶν ἀρχαίων. ‘Ο Ἀρχιμήδης εἶπε περὶ τοῦ Ἀριστάρχου τοῦ Σαμίου: « Ὅποτιθεται (= ὑποθέτει) τὰ μὲν ἀπλανέα τῶν ἀστρων καὶ τὸν ἄλιον μένειν ἀκίνητα, τὰν δὲ γὰν περιφέρεσθαι περὶ τὸν ἄλιον κατὰ λοξοῦ κύκλου περιφέρειαν ».

‘Υποθέσεις ὑπὸ τὴν ἀνωτέρω ἢ παραπλησίαν σημασίαν χρησιμοποιοῦν ὅλαι αἱ ἐπιστῆμαι καὶ ἡ Φιλοσοφία.<sup>1</sup> Εἶναι δὲ μεγίστη ἡ σπουδαιότης αὐτῶν πρὸς λύσιν προβλημάτων καὶ γενικῶς πρὸς εὔρεσιν τῆς ἀληθείας.

Εἰδικώτερον εἰς τὰς ἐμπειρικὰς ἐπιστήμας ἡ ἀξία τῆς ὑποθέσεως ἔγκειται κυρίως εἰς τὸ ὅτι ἐπιτρέπει τὴν ἐκ τῶν προτέρων γενίκευσιν, χάρις εἰς τὴν ὁποίαν ἔκαστον παρατηρηθὲν φαινόμενον μᾶς κάμνει νὰ προϊδωμέν τὸ ἴσχυον περὶ πλήθους ὁμοίων πρὸς αὐτό. Ἀξίζει δὲ περισσότερον, ως εἴπεν ὁ Poincaré, νὰ προϊδωμεν χωρὶς βεβαιότητα, παρὰ νὰ μὴ προϊδωμεν ποτέ· ἀλλ’ ἀνευ τῆς γενικεύσεως ἡ πρόβλεψις εἶναι ἀδύνατος.

Καὶ μὴ ἐπαληθευομένη ἡ ὑπόθεσις εἶναι γόνιμος, διότι ἀφ' ἑνὸς ίκανοποιεῖ τὸ πνεῦμα θέτουσα τάξιν τινὰ εἰς τὸ ἄγνωστον καὶ ἀφ' ἑτέ-

1. ‘Υποθέσεις π.χ. εἶναι αἱ διαζευκτικῶς τιθέμεναι ὑπὸ τοῦ Σωκράτους προτάσεις αἱ διαψεύδομεναι διαδοχικῶς πλήν μιᾶς, ἡτις οὕτως ἀποδεικνύεται ὁρθή.

ρου τὸ καθιστᾶ δραστηριώτερον πρὸς ἀναζήτησιν τῆς ἀληθείας. Ὄμοίως καὶ ὅταν διαψεύδεται, διότι προσανατολίζει πρὸς ἄλλην κατεύθυνσιν τὸ πνεῦμα.

‘Η ἐπὶ αὐτῇ θευσις τῆς ὑποθέσεως ἄλλοτε εἶναι εὐθεῖα ἡ ἀμεσος καὶ ἄλλοτε πλαγία ἡ ἔμμεσος. Εὔθεια αἱ λέγεται, ὅταν γίνεται πειραματικῶς· πλάγια δέ, ὅταν ἀποκλειομένου τοῦ πειράματος ἐλέγχεται ἄν, διτι προκύπτει ἐκ τῆς ὑποθέσεως, συμφωνῆς πρὸς ὅτι γνωρίζομεν περὶ τῶν πραγμάτων.

Θεωρία δὲ εἴται γενική τις ὑπόθεσις ὑπάγονσα σύνολον ἐμπειρικῶν ἀληθειῶν εἰς γενικὰς — ὑποθετικὰς μέν, ἀλλὰ ἀκριβεῖς πιθανάς — ἀρχάς.

Ἐνῷ δηλαδὴ δικύριος σκοπὸς τῆς ὑποθέσεως εἶναι ἡ κατεύθυνσις τῆς ἐρεύνης πρὸς εὕρεσιν τῆς ἀληθείας, διούσιωδης σκοπὸς τῆς θεωρίας εἶναι νὰ παράσχῃ παραδεκτὴν — ἐπὶ τῇ βάσει ἀποδεδειγμένων ἐν μέρει φαινομένων — ἐρμηνείαν περὶ εύρυτέρου καὶ σπουδαίου τινὸς συνόλου ἔξι αὐτῶν.

Εἶναι δὲ ὡς ἐκ τούτου καὶ γενικωτέρα τῆς ὑποθέσεως καὶ πολυπλοκωτέρα. Θεωρίαι εἶναι ἡ ἡλεκτρομαγνητικὴ τοῦ Maxwell, ἡ ἡλεκτρονικὴ τοῦ Lorentz, ἡ τῆς σχετικότητος τοῦ Einstein, αἱ ἔξελικτικαὶ θεωρίαι τοῦ De Vries, τοῦ Spencer καὶ ἄλλαι.

#### Δ. Η ΜΕΘΟΔΟΣ ΤΩΝ ΒΙΟΛΟΓΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

(2)

Αἱ Βιολογικαὶ ἐπιστῆμαι διακρίνονται οὐσιωδῶς ἐν τῷ συνόλῳ τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν ὡς ἐκ τοῦ ὑποκειμένου αὐτῶν, τὸ διποίον εἶναι ἡ γνῶσις καὶ ἐρμηνεία τῶν φαινομένων τῆς ζωῆς εἰς τοὺς ὄργανισμούς ἐν γένει.

Τὸ ἐνόργανον ὃν διαφέρει τοῦ ἀνοργάνου ριζικῶς, καίτοι ἐν ἐσχάτῃ ἀναλύσει συνίστανται ἀμφότερα ἐκ τῶν αὐτῶν ὑλικῶν στοιχείων. Ἐνῷ τὸ ἀνόργανον εἶναι σύνολον συντασσομένων μερῶν, ὑπακούον εἰς τοὺς νόμους τῆς ἀδρανοῦς ὥλης καὶ ἐρμηνευόμενον διὰ τῆς ἐν τῇ φύσει αἰτιοκρατίας, τὸ ἔμβιον σύγκειται ἐκ μερῶν (μελῶν) λειτουργικῶν συνδεομένων πρὸς ἄλληλα καὶ πρὸς τὸ ὅλον, ἢτοι εἶναι ὄργανισμός· γεννᾶται, αὐξάνεται, ἀποθνήσκει ὡς αὐτόνομον ὅν, ἔχον τὴν δύναμιν πρὸς πάντα ταῦτα ἐν ἑαυτῷ. Δύναμιν δρῶσαν ὅχι τυχαίως καὶ παραλόγως, ἀλλὰ οἷονεὶ ἐλλόγως τηροῦσαν σταθερούς νό-

μους, καθ' οὓς τὸ σπέρμα ἐγκλείει τὰς ἴδιότητας τοῦ εἶδους, τὸ δὲ ὃν αὐξάνεται, ζῆ, ἐκπληροῖ τὸν προορισμόν του, χωρὶς νὰ παρεκκλίνῃ τοῦ ἰσχύοντος περὶ τῶν δμοίων πρὸς αὐτό. Τὴν δύναμιν ταύτην, τὴν τείνουσαν ὡς πρὸς καθωρισμένον σκοτόπον, εἰς τὴν κατὰ νόμους σταθερούς γένεσιν, αύτοσυντήρησιν, αύτόνομον ἔξελιξιν καὶ διαιώνισιν τοῦ εἶδους, καλοῦμεν σκοπιμό την α. Ἐπομένως τὸ ὄργανικὸν ὃν ἔρμηνεύεται διὰ τῆς σκοπιμότητος κατὰ πρῶτον λόγον, καὶ εἴτα διὰ τῶν σταθερῶν ἔξωτερικῶν ἐπιδράσεων ( αἰτιοκρατίας ).

Πρὸς τὴν φύσιν ταύτην τοῦ ὑποκειμένου τῆς προσαρμόζεται καὶ ἡ ἔρευνα. Ὁ βιολόγος ἀκολουθεῖ βεβαίως τὴν αὐτὴν πορείαν, οἵαν πᾶς ἔρευνητής τῆς φύσεως, ἥτοι παρατηρεῖ, συλλαμβάνει ὑπόθεσεις καὶ ἐπαληθεύει αὐτάς. Ἀλλ' ἐν γένει τὸ ἔργον του εἶναι δυσχερέστερον τοῦ ἔργου τοῦ φυσικοῦ ἢ χημικοῦ.

Ἡ παρατήρησις, ὅπως εἰς τὴν Ψυχολογίαν, γίνεται ἐπὶ ἀποτελεσμάτων τῶν βιολογικῶν φαινομένων, ἐπὶ φυσιολογικῶν ἔξωτερικῶν ἐκδηλώσεων καὶ ὅχι ἐπ' αὐτῶν τούτων τῶν ἔρευνων φαινομένων.

Τὸ πείραμα ( μεταβολὴ ὅρων ζωῆς φυτοῦ ἢ ζώου, μεταμόσχευσις ὄργάνων κλπ. ) εἶναι σήμερον ἐν εύρειᾳ χρήσει, ἀλλὰ περιορίζεται εἰς ὀλίγα φαινόμενα. Τὰ διάφορα ὄργανα δμοίως.

Ἡ ὑπόθεσις δὲν ἐπαληθεύεται εύκόλως, διότι τὰ ὄργανικὰ ὄντα εἶναι πολυπλοκώτερα καὶ τὰ φαινόμενα ἀπρόσιτα ὡς ἐπὶ τὸ πολὺ εἰς τὴν ἀπ' εύθειας μέτρησιν.

Παρὰ πάντα ταῦτα ὅμως ἡ πρόοδος τῶν Βιολογικῶν ἐπιστημῶν εἶναι μεγάλη.

Αἱ βιολογικαὶ ὑπόθεσεις καὶ θεωρίαι δὲν στηρίζονται ὡς αἱ φυσικο-χημικαὶ εἰς τὴν ἀρχὴν τῆς αἰτιότητος ( δι' ἣς ἔρμηνεύομεν τὴν ἐν τῇ ἀνοργάνῳ φύσει κανονικότητα τῶν φαινομένων ὡς αἰτίων καὶ ἀποτελεσμάτων ), ἀλλ' εἰς τὴν ἀρχὴν τῆς σκοπιμότητος, δι' ἣς νοοῦμεν τὴν κανονικότητα ἐν τῇ ὄργανικῇ φύσει, τὴν κατὰ νόμους ἀπαραβάτους γέννησιν, αὔξησιν καὶ ζωὴν τῶν ὄργανισμῶν, τὴν λειτουργίαν τῶν διαφόρων ὄργάνων ἐν ἀρμονίᾳ πρὸς ἄλληλα καὶ τὸ ὄλον, τὴν ὑπαρξιν τῶν ἴδιοτήτων καὶ τῆς μορφῆς τοῦ εἶδους ἐν τῷ σπέρματι κλπ. ὡς σκοπιμὸν ἐνέργειαν, ἣς τὴν μὲν ἀληθῆ φύσιν ἀγνοοῦμεν, τὸ δὲ μεγαλεῖον θαυμάζομεν.

**ΓΕΝΙΚΑΙ ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΦΥΣΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ  
ΚΑΙ ΤΩΝ ΕΜΠΕΙΡΙΚΩΝ ΑΛΗΘΕΙΩΝ**

Ἐπισκοποῦντες τὰ περὶ τῶν μεθόδων τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν παρατηροῦμεν τὰ ἔξῆς :

1. Αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι εἰναι ἐμπειρικαὶ καὶ ἐπαγγωγικαὶ συνάγουσαι τὰς περὶ τῶν ὄντων καὶ φαινομένων τῆς φύσεως ἀληθείας διὰ τῆς παρατηρήσεως καὶ τοῦ πειράματος καὶ γενικεύουσαι διὰ τῆς ἀτελοῦς ἐπαγγωγῆς.
  2. Ἡ παρατήρησις γίνεται ἀκριβεστέρα διὰ τῶν παντοίων ὄργάνων, ἐπιδιώκεται δὲ πάντοτε ἡ μέτρησις καὶ ἡ μαθηματικὴ διατύπωσις τῶν δεδομένων αὐτῆς.
  3. Αἱ συναγόμεναι γενικαὶ ἀλήθειαι διατυποῦνται ὡσαύτως μαθηματικῶς, δηλαδὴ ὑπὸ τὴν μορφὴν καὶ μὲ τὴν ἀκρίβειαν μαθηματικῶν σχέσεων.
  4. Ἡ σύλληψις τοῦ φυσικοῦ νόμου γίνεται συνήθως δι' ὑποθέσεως ἔχούστης ὡς παράγοντας τὰ πράγματα καὶ τὸ τάλαντον τοῦ ἐρευνητοῦ.
  5. Αἱ ἐπιστημονικαὶ ἔννοιαι ὡς καὶ οἱ ὁρισμοί, αἱ ταξινομήσεις καὶ οἱ νόμοι εἰναι ἐπαγγωγικὰ ἔξι ἐμπειρικῶν δεδομένων πορίσματα.
- Μέχρι τίνος σημείου ὅμως ταῦτα εἰναι ἔγκυρα; Εἰναι δυνατὸν νὰ συναχθοῦν ἐμπειρικῶς ἀλήθειαι ἀπολύτως ἔγκυροι ὡς αἱ μαθηματικαί; Ἐπομένως αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι δύνανται νὰ ἀγάγουν εἰς ἀπολύτως ἀληθῆ γνῶσιν τῆς οὐσίας καὶ τῆς αἰτίας τῶν ὄντων καὶ φαινομένων; Καὶ τὰ προβλήματα ταῦτα, ὡς τὰ ἔγειρόμενα ἐν σχέσει πρὸς τὰς μαθηματικὰς ἀληθείας, ἐρευνᾶ ἡ Γνωσιολογία.

### III. ΑΙ ΠΝΕΥΜΑΤΙΚΑΙ ΕΠΙΣΤΗΜΑΙ ΚΑΙ ΑΙ ΜΕΘΟΔΟΙ ΑΥΤΩΝ

#### Α. ΑΙ ΠΝΕΥΜΑΤΙΚΑΙ ΕΠΙΣΤΗΜΑΙ

(α)

Αἱ Πνευματικαὶ ἐπιστῆμαι ἀναφέρονται εἰς τὰ φαινόμενα τοῦ ἀτομικοῦ καὶ κοινωνικοῦ βίου τοῦ ἀνθρώπου, εἰς τὴν διαμόρφωσιν τῶν ὅποιών ἐπομένως παρεμβαίνει τὸ ἀνθρώπινον πνεῦμα. Τοιαῦτα εἴναι ἀφ' ἔνδος μὲν τὰ ψυχολογικά, λογικά, αἰσθητικά, ἡθικὰ φαινόμενα ( τὰ ἀποτελοῦντα ἀμέσους ἐκδηλώσεις τοῦ πνεύματος ἐν τῷ ἀτομικῷ καὶ κοινωνικῷ βίῳ τοῦ ἀνθρώπου ), ἀφ' ἑτέρου δὲ τὰ ἴστορικά, πολιτικά, οἰκονομικά, δημοσιονομικά, γλωσσικά, φιλολογικά κ.λ.π. ( εἰς τῶν ὅποιών τὴν δημιουργίαν τὸ πνεῦμα παρεμβαίνει ὡς οὐσιώδης παράγων ).

Τὰς Πνευματικὰς ἐπιστήμας διαιροῦμεν εἰς τὰς ἔξης δύο κατταγορίας :

α ) εἰς τὰς ἐργανωτικὰς ἢ ἀξιογικὰς, αἱ ὅποιαι ἐρμηνεύουν τὰ οἰκεῖα φαινόμενα κυρίως δι' ἐμπειρικῶν μεθόδων προσαρμοζομένων εἰς τὴν φύσιν αὐτῶν, ὡς εἴναι ἡ Ψυχολογία, ἡ Γλωσσολογία, ἡ Γραμματική, ἡ Φιλολογικὴ κριτικὴ καὶ ἐρμηνεία τῶν κειμένων, ἡ Ἰστορία, ἡ Κοινωνιολογία κ.ἄ., καὶ

β ) εἰς τὰς κανονικὰς ἢ ἀξιολογικὰς, αἱ ὅποιαι ἔξι ἀρχῶν γενικῶν ὄρμώμεναι ἀγονται εἰς ἐπὶ μέρους ἐφαρμογὰς τούτων ἢ θέτουν κανόνας, ὡς ἡ Λογική, ἡ Ἡθική, ἡ Αἰσθητική, ἡ ἐπιστήμη τοῦ Δικαίου κ.ἄ. Λέγονται δὲ ἀξιολογικαὶ αὗται, διότι ἔξετάζουν τὰ οἰκεῖα φαινόμενα καὶ ἀπὸ τῆς ἀπόψεως τῆς ἀξίας αὐτῶν, ὡς φορεῖς « ἀξιῶν » καὶ ἐπὶ τῇ βάσει ἀξιολογικῶν ἀρχῶν θέτουν κανόνων.

Ἄπὸ ἀπόψεως δὲ μεθόδων αἱ κανονικαὶ ἐπιστῆμαι κατὰ μὲν τὴν συναγωγὴν τῶν γενικῶν ἀρχῶν — ἐφ' ὃσον αὗται προέρχονται ἐκ τῆς ἐμπειρίας — χρησιμοποιοῦν τὰς ἐμπειρικὰς μεθόδους καὶ τὴν ἐπαγωγὴν. Κατὰ δὲ τὴν ἐφαρμογὴν εἰς τὰ ἐπὶ μέρους καὶ τὴν θέσιν κανόνων βαίνουν παραγωγικῶς.

Ἄλλα καὶ ἄλλαι μέθοδοι ἀνταποκρινόμεναι εἰς τὸν ἰδιαίτερον χαρακτῆρα ἔκάστης τῶν Πνευματικῶν ἐπιστημῶν χρησιμοποιοῦνται.

Ἐκ τούτων θὰ ἔξετάσωμεν ἵδιαιτέρως τὰς πλέον συντεταγμένας μεθοδολογικῶς, ἥτοι τὴν Ψυχολογίαν καὶ τὴν Ἰστορίαν.

## Β. Η ΜΕΘΟΔΟΣ ΤΗΣ ΨΥΧΟΛΟΓΙΑΣ

‘Η Ψυχολογία ἐρευνᾷ τὰ ψυχικὰ φαινόμενα. Ταῦτα δέ, ὡς γνωστόν, διακρίνονται εἰς τρεῖς κατηγορίας: γνωστικά, βουλητικά καὶ συναισθηματικά.

Τὰ ψυχικὰ φαινόμενα διαφέρουν τῶν φυσικῶν ρίζικῶν. Ἐν πρώτοις εἶναι γεγονότα, τῶν ὅποιων λαμβάνομεν γνῶσιν ἀμεσον μόνον διά τῆς συνειδήσεως. Διὰ τῶν αἰσθήσεων μόνον τὰς ἀντιστοίχους φυσιολογικὰς ἐκδηλώσεις αὐτῶν παρατηροῦμεν. ’Αφ’ ἑτέρου εἶναι περιπλοκα, δὲν ἀπομονοῦνται οὔτε δύνανται νὰ μετρηθοῦν ἀκριβῶς. Τέλος δὲν ἐπαναλαμβάνονται δόμοιομόρφως οὔτε ὑπόκεινται εἰς τὴν μηχανικὴν αἰτιοκρατίαν, ἥτις διέπει τὰ φυσικὰ φαινόμενα, ἀλλ’ ἀνταποκρίνονται ὡς ἐπὶ τὸ πλεῖστον εἰς σκοπούς τοῦ ψυχοφυσικοῦ ὄργανισμοῦ, ὡς καὶ τὰ βιολογικά.

Ἐκτὸς δὲ τούτων ἡ βαθυτέρα αὐτῶν αἰτία εἶναι ἀνεξιχνίαστος. ‘Η ίκανότης τοῦ πνεύματος νὰ μετασχηματίζῃ τὰ ύλικὰ ἔρεθίσματα εἰς ἀντίληψιν καὶ γνῶσιν· νὰ ἀποθησαυρίζῃ καὶ ταξινομῇ κατὰ τὰς οὐσιώδεις αὐτῶν σχέσεις τὸ ἀπειρον πλῆθος τῶν γνῶσεων· νὰ δημιουργῇ τὰς ἐννοίας καὶ μετὰ ταχύτητος ὑπερβαίνοντος πᾶσαν ἀλλην συνάπτον τὰ ἀφηρημένα ταῦτα στοιχεῖα εἰς πολυπλόκους συνδυασμούς νὰ διανοῆται ἐπὶ τῶν πλέον βαθέων προβλημάτων καὶ νὰ ἐπιτελῇ πάντα ταῦτα μετὰ τῆς φωτεινῆς ἐπιγνώσεως τῶν συντελουμένων, τῆς πνευματικῆς ἐναργείας, εἶναι τὸ μέγα πρόβλημα τῆς ἐπιστήμης.

’Απὸ τῶν ἀρχῶν αὐτῆς ἡ Φιλοσοφία ἡ σχολήθη μὲ τὰ ψυχικὰ φαινόμενα. Κυρίως ὅμως ἐπεδίωξε τὴν λύσιν τῶν μεταφυσικῶν προβλημάτων τῆς ψυχῆς, ὡς εἶναι τὸ τῆς φύσεως αὐτῆς, τὸ τῆς προελεύσεως, τὸ τῆς ἀθανασίας.

Μόνον ἀπὸ τοῦ παρελθόντος αἰῶνος διεμορφώθη βαθμηδὸν ἡ δύνομασθεῖσα. ’Επιστημονικὴ ἡ Πειραματικὴ ψυχολογία, ἡ δόποια ἐρευνᾷ συστηματικῶς τὰ ψυχικὰ φαινόμενα καταλείπουσα εἰς τὴν Φιλοσοφικὴν ψυχολογίαν τὰ μεταφυσικά περὶ τῆς ψυχῆς προβλήματα.

Αὕτη περιλαμβάνει, ὡς γνωρίζομεν ἐκ τοῦ μαθήματος τῆς Ψυχολογίας, τοὺς ἔξης κλάδους: Ψυχολογίαν τοῦ Ἀνθρώπου, τῶν Ζώων καὶ τῶν Φυτῶν. ’Εκ τούτων ἡ τοῦ Ἀνθρώπου ὑποδιαιρεῖται εἰς τὴν Κανονικὴν καὶ τὴν τῶν Ἀνωμάλων, ὃν ιτάλιν ἡ Κανονικὴ εἰς Ἀτο-

μικήν καὶ Ὀμαδικήν. Τούτων τέλος ἡ μὲν Ἀτομικὴ ὑποδιαιρεῖται εἰς Γενικήν καὶ Εἰδικήν ( περιλαμβάνουσαν τὰς τῶν Ἀτομικῶν διαφορῶν, τοῦ Παιδός, τοῦ Ἐφήβου, τοῦ Ἀνδρός, τῆς Γυναικός, τοῦ Γέροντος ), ἡ δὲ Ὀμαδικὴ εἰς Ἐθνολογικήν, Κοινωνικήν, τῶν Τάξεων κ.λ.π.

Ἡ Ἐπιστημονικὴ ψυχολογία ἔχρησιμοποίησε λίαν καρποφόρως καὶ τὰς μεθόδους τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν, ἐπετέλεσε δὲ σημαντικὸς προόδος.

Σκοπὸς αὐτῆς εἶναι ἡ κατανόησις καὶ περιγραφὴ τῶν ψυχικῶν φαινομένων, ἡ διερεύνησις τῆς πορείας ἐκάστου καὶ τῶν σχέσεων αὐτοῦ πρὸς ἄλλα καὶ κατὰ τὸ δυνατὸν ἡ συναγωγὴ γενικῶν καὶ σταθερῶν νόμων περὶ αὐτῶν.

Τὴν βάσιν τῶν ψυχολογικῶν ἔρευνῶν παρέχει ἡ σχέσις τῶν ψυχικῶν φαινομένων πρὸς τὸν ἐγκέφαλον καὶ γενικώτερον πρὸς τὸ νευρικὸν σύστημα. Τὴν σχέσιν δὲ ταύτην ἐρμηνεύουν κατὰ διαφόρους τρόπους αἱ διάφοροι ψυχολογικαὶ σχολαί. Ἡ ἐπικρατεστέρα σήμερον ἀποψις εἶναι, ὅτι ὁ ἐγκέφαλος εἶναι μέσον ἀπαραίτητον, ὅχι ὅμως καὶ αὐτὴ αὕτη ἡ αἰτία τῶν ψυχικῶν φαινομένων. Ὡς ἐκ τούτου οἱ νόμοι οἱ ψυχολογικοὶ δὲν ἀγούν εἰς τὴν διαπίστωσιν τῶν ἀληθῶν αἰτιῶν τῶν ψυχικῶν φαινομένων. Παρὰ ταῦτα ὅμως εἶναι πολύτιμοι κατακτήσεις τοῦ ἀνθρώπου οἱ νόμοι οὗτοι καὶ τὰ πορίσματα ἐν γένει τῆς ψυχολογικῆς ἔρευνης, διότι τὸν καθοδηγοῦν εἰς τὴν κοινωνικὴν συμπεριφοράν, τὴν πολιτιστικὴν δρᾶσιν καὶ γενικῶς εἰς τὴν ῥύθμισιν καὶ βελτίωσιν τοῦ βίου.

Ἡ μέθοδος τῆς Ψυχολογίας συνίσταται εἰς τὴν διὰ παρατηρήσεων μετρήσεων καὶ πειραμάτων συναγωγὴν τῶν ἐπτὸν μέρους στοιχείων, τὴν ἐρμηνείαν αὐτῶν καὶ τὴν κατὰ τὸ δυνατὸν γενίκευσιν δι' ἐπαγωγῆς καὶ συναγωγὴν νόμων.

Ἡ παρατηρησία διακρίνεται, ὡς γνωστόν, εἰς τὴν ὑποκειμενικήν ἢ αὐτοπαρατηρησίαν καὶ τὴν ἀντικειμενικήν ἢ ἐτεροπαρατηρησίαν.

Ἡ αὐτοπαρατηρησία, καίτοι εἶναι ἡ μόνη, δι' ἣς λαμβάνομεν ἀμεσον γνῶσιν τοῦ φαινομένου, εἶναι λίαν δυσχερής, διότι ἀφ' ἐνὸς τὸ ἔνιαίν τὸν ἐγὼ διχάζεται εἰς παρατηροῦν καὶ παρατηρούμενον, ἀφ' ἐτέρου δὲ τὸ φαινόμενον, ἐὰν διακόψωμεν τὴν ῥοήν τῆς συνειδήσεως, ἵνα τὸ παρατηρήσωμεν, δὲν παραμένει πλέον τὸ αὐτό. Ἐν τούτοις νεώτεραι ψυχολογικαὶ σχολαὶ δὲν ἀποδίδουν σπουδαιό-

τητα ὅστην ἀλλοτε οἱ ψυχολόγοι εἰς τὰς δυσχερείας ταύτας. Ἀναγνωρίζουν ὅμως ἀνεπάρκειαν εἰς τὴν αὐτοπαρατηρησίαν. Δι’ αὐτῆς π.χ. δὲν δύνανται νὰ ἐρευνηθοῦν φαινόμενα τῆς παιδικῆς ἡλικίας.

Ἡ ἔτερο παρατήρησις, ἀλλοτε, ἐρευνᾷ μόνον τὰς εντιστοίχους φυσιολογικάς ἑκδηλώσεις, στηριζόμενη εἰς τὴν συνάφειαν ψυχικῶν καὶ φύσιολογικῶν φαινομένων. Αἱ δυσχέρειαι καὶ τῆς ἑτεροπαρατηρησίας εἶναι μεγάλαι. Αἱ φυσιολογικαὶ ἑκδηλώσεις δὲν προέρχονται πάντοτε ἐκ τῆς αὐτῆς αἵτιας· τὸ παρατηρούμενον ἀτομον ὑπόκειται εἰς παντοίας ἔξωτερικάς ἢ ἔσωτερικάς ἐπιδράσεις καὶ ἀθελήτως παραμορφώνει πολλάκις τὰ παρατηρούμενα κ.λ.π.

Πάντως αἱ δύο μορφαὶ παρατηρήσεως ἐναλλάσσονται συμπληροῦσαι ἀλλήλας, κατὰ τὸ τοῦ Σίλλερ: «Ἐὰν θέληται γνωρίσης τὸν ἑαυτόν σου, παρατήρει τοὺς ἄλλους. Ἐὰν θέληται γνωρίσης τοὺς ἄλλους, παρατήρει τὸν ἑαυτόν σου».

Ἐκτὸς τούτων καὶ ἡ περιγραφὴ ἀπὸ μνήμης παρελθόντων ψυχικῶν γεγονότων καὶ ἡ ἐμεσος ἀντικειμενικὴ παρατήρησις δηλαδὴ τῶν δημιουργημάτων ἀτόμου τινός ἢ λαοῦ, καὶ ἡ συναγωγὴ ἐξ αὐτῆς ψυχολογικῶν πορισμάτων περὶ αὐτοῦ καὶ ἡ σύγκρισις τοῦ ψυχικοῦ βίου ἀτόμων ἢ δύμάδων ἢ τῶν δημιουργημάτων αὐτῶν (λογοτεχνημάτων, καλλιτεχνικῶν ἔργων κλπ), χρησιμοποιοῦνται εὐρέως ὑπὸ τῆς Ψυχολογίας. Εἰς τὴν Συγκριτικὴν ψυχολογίαν ἔχουν τὴν ἀρχήν των ἡ Ψυχολογία τῶν Ἀτομικῶν διαφορῶν, ἡ τοῦ Παιδός, ἡ τῶν Ὁμάδων κλπ.

Καὶ τὸ πείραμα ἐν τῇ Ψυχολογίᾳ ἔχει εὑρεῖαι ἐφαρμογήν. Προκαλοῦνται ἐν γένει δι’ αὐτοῦ φαινόμενα ψυχολογικά ἢ φυσιολογικά καὶ ἐρευνῶνται ἀκριβέστερον. Συνήθη δὲ εἶναι τὰ πρόσθ ἔλεγχον διαφόρων ψυχικῶν ίκανοτήτων (παρατηρητικότητος, μνήμης, εὐφυΐας) χρησιμοποιούμενα κριτήρια (tests).

Καὶ δργάνων καὶ συσκευῶν διαφόρων γίνεται χρῆσις ἐν τῇ ψυχολογικῇ ἔρευνῃ, ώς εἶναι τὸ αἰσθησιόμετρον, ὁ κινησιογράφος, ὁ καρδιογράφος καὶ πλείστα ἄλλα.

Ἐκ τῶν πορισμάτων τῶν ἐρευνῶν τούτων δι’ ἐπαγωγῆς ἢ ἀναλογίας συνάγονται γενικώτερα συμπεράσματα.

Ἡ ἐρμηνεία ὅμως τῶν δεδομένων τούτων γίνεται μετὰ πολλῆς

περισκέψεως. Ούδέποτε ό ψυχολόγος δύναται νὰ γενικεύσῃ μετά τῆς πιθανότητος τοῦ ἐρευνητοῦ τῆς φύσεως. Οἱ ψυχολογικοὶ νόμοι δὲν δύνανται νὰ ἔχουν τὴν αὐστηρότητα καὶ τὴν ἀκρίβειαν τῶν φυσικῶν. Ἐν τούτοις θεωροῦνται σπουδαιότατα ἐπιτεύγματα οἱ σχετικῶς εὐάριθμοι διατυπωθέντες μέχρι σήμερον : Οἱ νόμοι τοῦ συνειρμοῦ, οἱ ψυχοφυσιολογικοί, ὡς τοῦ Dubois περὶ τῆς σχέσεως τοῦ εἰδικοῦ βάρους τοῦ ἔγκεφάλου καὶ τῆς διανοητικότητος, οἱ ψυχοφυσικοὶ τοῦ Βέμπερ καὶ τοῦ Φέχνερ περὶ τῆς σχέσεως ἐρεθίσματος καὶ αἰσθήματος, ὁ τοῦ "Εμπινγκάους περὶ τῆς πορείας τῆς λήθης, καὶ ἄλλοι.

Μεγίστη εἶναι ἡ ἀξία τῆς Ψυχολογίας ὅχι μόνον ὡς ἐπιστήμης καθ' ἑαυτὴν, ἀλλὰ καὶ ὡς βοηθητικῆς ἀλλων ἐπιστημῶν, ὡς τῆς Παιδαγωγικῆς, τῆς Ἰατρικῆς, τῆς Κοινωνιολογίας, τῆς Νομικῆς, καὶ διὰ τὰς πρακτικὰς αὐτῆς ἐφαρμογάς, π.χ. εἰς τὸν Ἐπαγγελματικὸν προσανατολισμὸν, τὴν ἐπιλογὴν ἐν τῷ στρατῷ καὶ ἀλλαχοῦ.

### Γ. Η ΜΕΘΟΔΟΣ ΤΗΣ ΙΣΤΟΡΙΑΣ

(41)

Ίστορία ὑπὸ τὴν γενικὴν ἔννοιαν καλεῖται ἡ ἐρευνα καὶ ἡ γνῶσις τοῦ παρελθόντος (καὶ αὐτὸ τὸ παρελθόν) οίσουδήποτε ἀντικειμένου, φαινομένου, γεγονότος κλπ. Οὕτω λέγομεν ίστορία τῆς γῆς, τῶν φυτῶν, τῆς φιλοσοφίας κ.ο.κ.

Εἰδικῶς ὅμως ἡ στορικὴ ἐπιστήμη καὶ ἡ στορικὴ ἐπιστήμη λέγεται ἡ ἐπιστήμη, ἥτις ἐρευνᾷ τὰ γεγονότα τοῦ παρελθόντος τῶν ἀνθρωπίνων κοινωνιῶν. Ὡς τοιαῦτα ἔννοοῦμεν τὰ κυρίως λεγόμενα ἡ στορικὰ γεγονότα, δηλ. τὰ ἀσκήσαντα ἐπίδρασιν ἐπὶ τῆς ἐξελίξεως τοῦ περὶ οὖ πρόκειται λαοῦ ἢ τῆς ἀνθρωπότητος.

Τούτων ἐπιδιώκει ἡ Ίστορία : α) τὴν ἀκριβῆ γνῶσιν, β) τὴν ἔρμηνείαν, τὴν ἀναγωγὴν δηλ. εἰς τὰ αἴτια αὐτῶν, καὶ γ) τὴν σύνθεσιν καὶ ἕκθεσιν κατὰ τὴν χρονικήν καὶ τοπικήν αὐτῶν ἀλληλουχίαν καὶ τὴν πρὸς ἄλληλα ἐσωτερικήν αὐτῶν σχέσιν.

Οἱ δὲ γενικώτεροι σκοποί, εἰς τοὺς δόποίους ἀποβλέπει διὰ τούτων, εἶναι πολλοὶ καὶ σπουδαιότατοι. Οἱ κυριώτεροι αὐτῶν εἶναι οἱ ἔξι : α) ἡ μόρφωσις συνολικῆς εἰκόνος τοῦ βίου καὶ τοῦ πολιτισμοῦ τῶν ἀνθρωπίνων γενεῶν ἐν τῇ ἐξελίξει αὐτῶν διὰ μέσου τῶν αἰώνων, ἡ ἐκτίμησις τῶν πολιτιστικῶν στοιχείων, τὰ δόποισ αὗται ἐκληροδότησαν εἰς ἡμᾶς καὶ ἡ ἐπίγνωσις τῆς θέσεως ἡμῶν ἐν τῇ καθολικῇ πολιτιστικῇ πορείᾳ τοῦ ἀνθρωπίνου γένους,

β) ή διατήρησις τῆς ἱστορικῆς μνήμης καὶ δι' αὐτῆς ἡ αὔτογνωσία ἐκάστου λαοῦ καὶ ἡ ἔξασφάλισις τῆς φυλετικῆς αὐτοῦ συνεχείας — προϋποθέσεων τῆς περαιτέρω προόδου αὐτοῦ, καὶ

γ) ἡ ρύθμισις τοῦ παρόντος καὶ ἡ πρόγνωσις τοῦ μέλλοντος ἐπὶ τῇ βάσει τῶν γεγονότων τοῦ παρελθόντος — ἐὰν βεβαίως ταῦτα συμβαίνουν κατὰ σταθερούς καὶ γενικούς νόμους, ἢτοι ἐν προσδιορίζωνται ὑπὸ σταθερῶν αἰτίῶν.

Ἄλλα τὰ ἱστορικὰ γεγονότα λαμβάνουν χώραν μεταξὺ τῶν ἀνθρώπων καὶ διὰ τῶν ἀνθρώπων, ὑφίστανται δηλαδὴ ἀποφασιστικῶς τὴν ἐπίδρασιν τῆς ἐλευθέρας ἀνθρωπίνης δράσεως. Ὡς ἐκ τούτου δὲν ἔμφανίζουν τὴν μηχανικὴν κανονικότητα τῶν φυσικῶν φαινομένων, τῶν ὁμοιομόρφων ἐπαναλαμβανομένων καὶ ὑπὸ σταθερῶν αἰτίων προκαλούμενων ἐν παντὶ τόπῳ καὶ χρόνῳ, οὕτως ὥστε νὰ συνάγωνται περὶ αὐτῶν ἀσφαλεῖς καὶ ἀκριβεῖς νόμοι. Οὐδέποτε ἐπαναλαμβάνονται ὁμοιομόρφως, εἰναι μοναδικὰ εἰς τὴν ἐκδήλωσίν των καὶ ἔξαρτωνται ἐκ παραγόντων μόνον ἐν μέρει δυναμένων νὰ καθορισθοῦν, μεταξὺ τῶν ὅποιων δεσπόζουσαν θέσιν ἔχει ἡ ἀνθρωπίνη παρέμβασις.

Ἐπομένως οὔτε ἡ συναγωγὴ ἱστορικῶν νόμων ἐκ τῆς ἐρμηνείας; τοῦ παρελθόντος οὔτε ἡ ρύθμισις τοῦ παρόντος, καὶ πολὺ περισσότερον ἡ πρόγνωσις τοῦ μέλλοντος, ἐπὶ τῇ βάσει τοιούτων νόμων εἰναι δυνατή, ὡς ὑπεστήριξαν ἱστορικοὶ τινες, φιλόσοφοι καὶ κοινωνιολόγοι (Vico, Comte, Hegel, Marx).

Τὸ ἔργον τῆς ἱστορίας καὶ ἡ ἀληθής ὑπηρεσία αὐτῆς ἔγκειται εἰς τὴν πιστὴν ἀναπαράστασιν τοῦ παρελθόντος, διὰ τῆς ὅποιας ἐν γένει μὲν οἱ ἀνθρωποι ἀποκτοῦν συνείδησιν τῆς προελεύσεως τοῦ πολιτισμοῦ των, τοῦ βαθμοῦ τῆς πολιτιστικῆς των ἀναπτύξεως καὶ τοῦ εὐγενοῦς χρέους, ὅπως συμβάλουν εἰς τὴν πρόδοδον τῆς ἀνθρωπότητος· ἐπὶ μέρους δὲ ἔκαστος λαὸς διατηρεῖ φωτεινὴν τὴν συνείδησιν τῆς κατογωγῆς του καὶ ἄρρηκτον τὸν δεσμὸν μετὰ τῶν προγόνων καὶ τῆς παραδόσεως. Ἀποτελεῖ δὲ ὁ ὄργανικὸς οὕτος δεσμὸς πηγὴν ζωῆς καὶ δύναμιν ἐπιβιώσεως αὐτοῦ ὡς ἔθνους, διότι, ὡς γνωστόν, ἔθνος δὲν ὑπάρχει ἄνευ ἱστορικῆς μνήμης.

Κατὰ ταῦτα ὁ ἱστορικὸς, καίτοι ἀκολουθεῖ ἐμπειρικὴν μέθοδον, ὡς ὁ φυσικός, κατὰ τὸ στάδιον τῆς διακριβώσεως τῶν γεγονότων, δὲν ἐρμηνεύει ὡς ἔκεινος συλλαμβάνων νόμους γενικούς καὶ ἐπαληθεύων

αύτούς, ἀλλ' ἀνευρίσκει τὰς αἰτίας ἐκάστου γεγονότος ( σπανίως καὶ μετὰ πολλῆς προσοχῆς γενικεύων ) καὶ ταύτας πάντοτε μετὰ πιθανότητος, ἥτις οὕτε πειραματικῶς οὕτε δι' ἀναφορᾶς εἰς ἄλλας ὁμοίας περιπτώσεις δύναται νὰ ἐπαληθευθῇ. Ἀντὶ τῆς γενικεύσεως, οὗτος προβαίνει εἰς σύνθεσιν τῶν γεγονότων εἰς ἀναπαράστασιν τοῦ παρελθόντος.

Διακρίνομεν λοιπὸν δύο στάδια εἰς τὴν ἱστορικήν ἔρευναν : τὴν ἀνάλυσιν καὶ τὴν σύνθεσιν.

Ανάλυσις. Κατὰ τὸ στάδιον τοῦτο ὁ ἔρευνητής συλλέγει τὸ ἱστορικὸν ύλικὸν καὶ ἀποκαθαίρει αὐτὸ τῶν δευτερεύοντων στοιχείων. Τοῦτο ὅμως περιέρχεται εἰς ἡμᾶς ἐμμέσως, διὰ τῶν ἱστορικῶν συγγραφῶν καὶ τῶν πάσης φύσης μνημείων, παραδόσεων καὶ καταλοίπων ἐν γένει τοῦ παρελθόντος. Σημαντικὸν ἔργον τοῦ ἱστορικοῦ κατὰ τὸ στάδιον τοῦτο είναι ὁ ἐπισταμένος ἔλεγχος τῆς αὐθεντικότητος καὶ τῆς ἀξιοπιστίας τῶν ἱστορικῶν πηγῶν.

Σύνθεσις. Τὸ δεύτερον τοῦτο στάδιον περιλαμβάνει :

α) τὴν ἐρμηνείαν τῶν γεγονότων, δηλαδὴ τὴν εύρεσιν τῶν αλτίων ἐκάστου καὶ τῶν ἀποτελεσμάτων.

β) ἐν μέρει τὴν συναγωγὴν γενικῶν τινων ἀληθειῶν περὶ τῶν σχέσεων αὐτῶν ( π.χ. τῆς σχέσεως τοῦ ἐλευθέρου φρονήματος τῶν Ἑλλήνων κατὰ τοὺς Περσικούς πολέμους καὶ τῆς περιφανοῦς νίκης αὐτῶν ἐναντίον ἀσυγκρίτως ἴσχυροτέρου ἀντιπάλου ), καὶ

γ) τὴν σύνθεσιν τούτων εἰς ὅλον ἀναπαριστῶν τὸν βίον τοῦ ἐν λόγῳ λαοῦ ἐν τινι χρονικῇ περιόδῳ.

## ΓΕΝΙΚΑΙ ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΠΝΕΥΜΑΤΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

Ἐξ ὅσων εἴπομεν περὶ τῶν μεθόδων τῶν Πνευματικῶν ἐπιστημῶν συμπεραίνομεν τὰ ἔξῆς γενικά :

1. Αἱ Πνευματικαὶ ἐπιστήμαι είναι διάφοροι καὶ τῶν Μαθηματικῶν καὶ τῶν Φυσικῶν, ὡς ἔρευνῶσαι φαινόμενα ἢ αὐτοῦ τούτου τοῦ πνεύματος ἢ ἔξαρτώμενα ἐκ τῆς παρεμβάσεως αὐτοῦ.

2. Μεθοδολογικῶς αὗται συνάγουν ἢ διὰ παραγωγικῆς μεθόδου ἢ δι' ἐμπειρικῆς καὶ ἐπαγωγικῆς, ἐνίστε δὲ καὶ δι' ὅλως ίδίων μεθόδων ἐκάστη, τὰ πορίσματα αὐτῶν. Πάντοτε ὅμως ἢ μέθοδος αὐτῶν προσαρμόζεται πρὸς τὴν ίδιομορφίαν τῶν φαινομένων τούτων.

3. Ειδικώτερον ἡ Ἰστορία ἀποφεύγει τὴν συναγωγὴν νόμων γενικῶν, δι' ὧν νὰ προβλέπῃ ἀσφαλῶς τὸ μέλλον καὶ νὰ καθοδηγῇ εἰς τὴν ρύθμισιν τοῦ βίου, διότι τοῦτο ἐν μέρει μόνον εἶναι δυνατόν. Ὁ ἔξ αντικειμένου τιθέμενος εἰς αὐτὴν σκοπὸς εἶναι κατ' ἔξοχὴν ἡθικός, ὡς εἴδομεν ἀνωτέρω.

4. Αἱ πλεῖσται ὅμως ἐκ τῶν ἐπιστημῶν τούτων δὲν εἶναι μεθοδολογικῶς συγκεκροτημέναι οὔποτε τὴν αὐστηρὰν ἔννοιαν τοῦ ὄρου. Δι' ὁ καὶ ἡ Λογικὴ μόνον γενικῶς ἔξετάζει τὰς μεθόδους αὐτῶν.

5. Τὰ προβλήματα τοῦ κύρους τῶν πορισμάτων τῶν ἐπιστημῶν τούτων συμπίπτουν πρὸς τὰ τῶν μαθηματικῶν καὶ τῶν ἐμπειρικῶν ἀληθειῶν, καθ' ὅσον ταῦτα συνάγονται κατ' ἀναγκαιότητα ( ἔξ ἀρχῶν ) ἢ ἐμπειρικῶς.

#### IV. Η ΜΕΘΟΔΟΣ ΤΗΣ ΦΙΛΟΣΟΦΙΑΣ

Η Φιλοσοφία κατά μὲν τὴν ἀρχαιότητα, σχεδὸν κατά κανόνα, συνέπιπτε μετὰ τῆς ἐπιστήμης, κατὰ δὲ τοὺς νεωτέρους χρόνους, καθ' οὓς αἱ ἐπιστῆμαι ἀπεσπάσθησαν ἀπ' αὐτῆς, ὑπὸ τὸ ὄνομα Φιλοσοφία ἄλλοι μὲν ἐννοοῦν τὸ σύνολον τῶν λεγομένων φιλοσοφικῶν ἐπιστημῶν (Ψυχολογίας, Λογικῆς, Γνωσιολογίας, Ἡθικῆς, Αἰσθητικῆς καὶ Μεταφυσικῆς), ἄλλοι δὲ τὴν γενικὴν ἐπιστήμην, ἡ δοποίᾳ ἔχει σκοπὸν τὸν σχηματισμὸν ἐνιαίας θεωρίας περὶ τοῦ κόσμου καὶ τοῦ βίου.

Ὑπὸ τὴν ἔννοιαν ταύτην, ἡ Φιλοσοφία ὅρμᾶται ἀπὸ γενικῶν ὑποθέσεων καὶ ἀπαρτίζει θεωρίαν ἐρμηνεύουσαν πάντα τὰ γενικὰ προβλήματα ἀνευ ἀντιφάσεων. Τὰς γενικὰς ὅμως ταύτας ὑποθέσεις δὲν θέτει ἐκ τῶν προτέρων κατὰ τὴν ἀπόλυτον σημασίαν τοῦ ὄρου, ἀλλὰ λαμβάνουσα ὑπ' ὅψιν καὶ τὰ γενικὰ πορίσματα τῶν ἐπὶ μέρους ἐπιστημῶν. "Αλλοτε δὲ καὶ μόνον ἐκ τούτων ὁρμωμένη, δηλαδὴ ἐκ τῶν συγγενῶν γενικῶν πορισμάτων ἐπὶ μέρους ἐπιστημῶν, συλλαμβάνει τὴν γενικὴν θεωρίαν.

Ἐπομένως ἡ μέθοδος αὐτῆς δὲν εἶναι ἀποκλειστικῶς παραγωγική, ὡς ἐσφαλμένως πιστεύεται κοινῶς, ἀλλὰ καὶ ἐπαγωγική ταυτοχρόνως.

Τὴν σημασίαν τῆς Φιλοσοφίας ἀντιλαμβανόμεθα, ἐάν σκεφθῶμεν: α) ὅτι ἀποτελεῖ σταθερὸν ἴδεῶδες καὶ τοῦ πνεύματος καὶ τῶν ἐπιστημῶν ἡ ἔξήγησις τῶν πάντων, ἀσχέτως τοῦ ἀν εἶναι τοῦτο ἐφικτόν, β) ὅτι τοῦτο, ἔστω καὶ ὑποθετικῶς (θεωρητικῶς) πραγματούμενον, ἵκανον ποιεῖ τὸ πνεῦμα καὶ ἀποτελεῖ πολλάκις κίνητρον γονίμων ἐρευνῶν ἐν ταῖς ἐπιστήμαις, καὶ γ) ὅτι ἐν τῇ περιοχῇ οὐδεμιᾶς ἐπὶ μέρους ἐπιστήμης εἶναι δυνατὸν νὰ πραγματοποιηθῇ τοῦτο.



## II. ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΓΝΩΣΙΟΛΟΓΙΑΣ

ΔΑΠΟΛΟΣΙΩΝ ΛΑΒΧΙΩΝ ΙΙ

# ΕΙΣΑΓΩΓΗ

## 1. Η ΓΝΩΣΙΟΛΟΓΙΑ ΩΣ ΕΠΙΣΤΗΜΗ

(ii)

Εις τὴν Τυπικὴν Λογικὴν ἔδιδάχθημεν τοὺς ὄρους καὶ τοὺς κανόνας τῆς ὁρθῆς νοήσεως. Εἰς δὲ τὴν Μεθοδολογίαν γενικῶς μὲν τὰς ὀρθὰς λογικὰς ἐνεργείας πρὸς καθορισμὸν τοῦ βάθους καὶ τοῦ πλάτους τῶν ἐννοιῶν ( ὁρισμός, διαίρεσις ) πρὸς συναγωγὴν ἀληθῶν κρίσεων ( ἀπόδειξις ) κλπ., εἰδικῶς δὲ τὰς πρὸς ἐρευναν τῆς ἀληθείας καὶ συστηματοποίησιν τῶν γνώσεων μεθόδους ἐν τῇ περιοχῇ ἐκάστης ἐπιστήμης.

Διεστείλαμεν δὲ τὴν τυπικῶς ὁρθὴν νόησιν τῆς οὐσιαστικῶς ὁρθῆς.

Οὕτως ἐννοιά τις εἶναι ἀπολύτως ἀκριβῆς, ὅταν γνωρίζωμεν τὸ κατ' ἀλήθειαν βάθος καὶ πλάτος τῶν δι' αὐτῆς νοουμένων καὶ δυνάμεθα νὰ ὀρίσωμεν καὶ νὰ διαιρέσωμεν αὐτήν,

Κρίσις τις εἶναι ὁρθή, ὅταν ἐκφράζῃ τὴν λογικὴν σχέσιν ἐννοιῶν, ὡς αἱ ἀνωτέρω, ἥτοι ἀν ἡ τυπικῶς ὁρθὴ σχέσις εἶναι καὶ πραγματικῶς τοιαύτη.

Πᾶς δὲ συλλογισμός, ἵνα εἶναι τύποις καὶ οὐσίᾳ ὁρθός, πρέπει νὰ ἀγῇ εἰς συμπέρασμα ὅχι μόνον λογικῶς ἀναγκαῖον, ἀλλὰ καὶ ἔξ ἀληθῶν προκειμένων προκύπτον.

'Ἐν γένει τυπικῶς καὶ οὐσιαστικῶς ὁρθή εἶναι ἡ γνῶσις, ἥτις προέρχεται ἔξ ὁρθῶν λογικῶν ἐνεργειῶν καὶ ἔξ ἀληθῶν δεδομένων. Καὶ διὰ μὲν τὸν μαθηματικὸν θεμέλια, οὕτως εἰπεῖν, τῆς γνώσεως εἶναι αἱ ἀρχαί, περὶ δὲν εἴπομεν. Διὰ δὲ τὸν ἐρευνητὴν τῆς φύσεως τὰ δεδομένα τῆς παρατηρήσεως. Διὰ πᾶσαν ἀλλην περίπτωσιν τὰ μὲν ἢ τὰ δὲ ἔξ αὐτῶν.

'Αλλὰ τὰ δεδομένα ταῦτα εἶναι ὅντας ἀληθῆ ; "Η τὰ μὲν εἶναι, τὰ δὲ δὲν εἶναι, καὶ ποῖα εἶναι ταῦτα ; Εἴμεθα βέβαιοι, ὅτι νοοῦμεν τὰ πράγματα, ὅπως εἶναι ἀληθῶς ; "Οτι αἱ αἰσθήσεις δὲν μᾶς ἀπα-

τοῦν ; "Οτι ἡ νόησις δὲν πλανᾶται ; "Οτι δὲν ὑπάρχει ἀντινομία μεταξὺ νοήσεως καὶ πραγματικότητος ;

Γενικῶς δύναται ὁ ἀνθρωπος νὰ γνωρίζῃ τὴν πραγματικήν ἀλήθειαν καὶ, ἂν δύναται, μέχρι τίνος σημείου ;

Τὰ προβλήματα ταῦτα ἀπησχόλησαν ἀνέκαθεν τοὺς φιλοσόφους καὶ τοὺς ἐπιστήμονας, διότι ἐκ τῆς τοιαύτης ἡ τοιαύτης λύσεως αὐτῶν ἔξαρτάται προφανῶς τὸ κῦρος πάσης ἐπιστημονικῆς καὶ φιλοσοφικῆς ἐρεύνης. Ἀποτελοῦν δὲ τὸ ὑποκείμενον εἰδικῆς φιλοσοφικῆς ἐπιστήμης, ἡ ὅποια καλεῖται Γνωσιολογία ἢ Θεωρία τῆς γνώσεως.

Ἄπόψεις ἐπτὶ τῶν προβλημάτων τούτων διετύπωσαν ὅλοι σχεδὸν οἱ φιλόσοφοι. Ούσιαστικώτερον ἡρευνήθησαν ταῦτα ἐν συναρτήσει πρὸς ἄλλα γενικώτερα φιλοσοφικά θέματα ὑπὸ τοῦ Πλάτωνος, τοῦ Ἀριστοτέλους καὶ ἄλλων ἀρχαίων φιλοσόφων, μεταγενεστέρων ἴδιᾳ.

Ως συστηματικὴ ὅμως ἐπιστήμη ἡ Γνωσιολογία διεχωρίσθη ἐν τῇ καθόλου Φιλοσοφίᾳ ἀπὸ τοῦ 17ου αἰῶνος, καὶ δὴ ἀπὸ τοῦ "Αγγλου φιλοσόφου Λόκ. Ἀπὸ δὲ τῆς φιλοσοφίας τοῦ Καντίου καὶ ἔτις ἀπέβη ἡ θεμελιώδης φιλοσοφικὴ ἐπιστήμη.

## 2. ΤΟ ΥΠΟΚΕΙΜΕΝΟΝ ΤΗΣ ΓΝΩΣΙΟΛΟΓΙΑΣ

Τὰ προβλήματα, τῶν ὅποιων τὴν λύσιν ἐπιζητεῖ ἡ Γνωσιολογία, ἀφ' οὗ προηγουμένως ἀποσαφηνίσῃ τὰς ἐννοίας τῆς γνώσεως καὶ τῶν εἰδῶν αὐτῆς, τὴν τῆς ἀληθείας, τῆς βεβαιότητος κ.ἄ., εἶναι τὰ ἔξης δύο :

1. Ἐπειδὴ εἰς πᾶσαν περίπτωσιν γνώσεως ἡ πραγματικότης εἴναι ἔξω τοῦ γιγνώσκοντος πνεύματος, εἴναι δυνατὸν νὰ γνωρίζωμεν τὴν πραγματικότητα κατ' οὐσίαν, ὡς εἴναι αὕτη (καὶ ὑπάρχει αὕτη) πράγματι ; Τὰ δεδομένα τῶν αἰσθήσεων ἀποδίδουν ἀληθῶς τὴν οὐσίαν τῶν ἀντικειμένων καὶ τῶν φαινομένων καὶ τὰς πραγματικὰς σχέσεις αὐτῶν ; Αἱ προφανεῖς «ἀλήθειαι», ὡς αἱ μαθηματικαὶ ἀρχαὶ καὶ αὐταὶ αἱ λογικαὶ ἀκόμη θεμελιώδεις ἀρχαὶ, ἀνταποκρίνονται εἰς τὴν πραγματικότητα ; Ἰσχύουν περὶ τῶν πραγμάτων ἡ μόνον ἐν τῇ νοήσει ἡμῶν ἀλήθειαι, ὡς  $2 + 2 = 4$ ,  $A = A$  ;

Πρῶτον λοιπὸν γενικὸν πρόβλημα τῆς Γνωσιολογίας εἶναι : τὸ δυνατὸν τῆς γνώσεως.

2. Συναφῶς πρὸς τὰ προηγούμενα, ποία εἶναι ἡ ἀληθὴς πιγή τῆς γνώσεως ; Αἱ αἰσθήσεις μόναι ἢ μόνη ἢ νόησις ἢ ἀμφότεραι ἢ ἄλλη τις γνωστικὴ ίκανότης τοῦ ἀνθρώπου ( ὡς ἢ ἐνόρασις ) ; Πόθεν προέρχονται αἱ γενικαὶ ἔννοιαι καὶ μάλιστα ὠρισμέναι ἐξ αὐτῶν, ὡς αἱ μαθηματικαὶ ; Εἶναι ἐμφυτοί ἢ ἀποκτῶνται καὶ πῶς ; Εἶναι ὑπαρκταὶ εἰς τὸν ἀντικειμενικὸν κόσμον ἢ ὅχι ; Όμοίως αἱ λογικαὶ ἀρχαὶ . Κατὰ συνέπειαν ποῖον εἶναι τὸ κῦρος τῶν ἐκ τῆς ἐμπειρίας γνώσεων καὶ ποῖον τὸ τῶν γνώσεων ἐκ τῆς νοήσεως ;

"Ετι δὲ γενικώτερον εἶναι ἀπεριόριστος ἡ ίκανότης ἡμῶν νὰ γνωρίζωμεν τὴν ἀλήθειαν περὶ παντὸς ἢ περιωρισμένη ; Τίνα τὰ ὄρια τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου ;

Τὸ δεύτερον γενικὸν πρόβλημα τῆς Γνωσιολογίας ἐπομένως εἶναι : αἱ πηγαὶ τῆς γνώσεως, τὸ κῦρος αὐτῶν καὶ τὰ ὄρια τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου.

Αμφοτέρων τῶν προβλημάτων τούτων ἐδόθησαν ὅλαι σχεδὸν αἱ δυναταὶ λύσεις ἀπὸ τῆς ἀρχαιότητος μέχρι σήμερον. Τὰς κυριωτέρας ἐξ αὐτῶν θὰ γνωρίσωμεν ἐν γενικωτάταις γραμμαῖς. 'Ἐκ τοῦ ἐλέγχου δὲ αὐτῶν καὶ τῶν ἐπικρατεστέρων συγχρόνων ἀντιλήψεων θὰ συναγγάγωμεν τὰ κατὰ τὸ δυνατὸν ἀσφαλέστερα πορίσματα.

Οὕτω τὰ κεφάλαια τὰ ἔξεταζόμενα ἐν τοῖς ἐπομένοις εἶναι τὰ ἔξτις :

1. Ἡ γνῶσις καὶ τὰ εἴδη αὐτῆς.
2. Ἀλήθεια, βεβαιότης καὶ πιθανότης.
3. Τὸ δυνατὸν τῆς γνώσεως.
4. Αἱ πηγαὶ τῆς γνώσεως, τὸ κῦρος αὐτῶν καὶ τὰ ὄρια τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου.
5. Γενικὰ συμπεράσματα.

## ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΓΝΩΣΙΟΛΟΓΙΑΣ

### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

#### Η ΓΝΩΣΙΣ ΚΑΙ ΤΑ ΕΙΔΗ ΑΥΤΗΣ

(α/β)

1. Ή γνώσις καθόλου. Γνῶσης καλείται ή πεποίθησις περὶ τῆς πραγματικότητος ἀντικειμένου τινὸς ή φαινομένου<sup>1</sup>.

"Έχομεν π.χ. γνῶσιν τοῦ κεραυνοῦ ὅχι ἀπλῶς, ὅταν μανθάνωμεν τί εἶναι κεραυνός, ἀλλὰ καὶ ὅταν ταυτοχρόνως εἴμεθα πεπεισμένοι, ὅτι ὁ κεραυνὸς εἶναί τι πραγματικόν.

Οὕτως ή γνῶσις διακρίνεται ἀφ' ἐνὸς τῆς πίστεως καὶ ἀφ' ἔτέρου τῆς δόξης ή δοξασίας.

Πίστις εἶναι ή ἀποδοχὴ ἀληθειῶν μὴ ὑποκειμένων εἰς ἔλεγχον διὰ τῆς ἐμπειρίας ή διὰ τῆς νοήσεως, ἀλλ᾽ ὑπερβανουσῶν ταύτας.

Δόξα δὲ ή δοξασία εἶναι ή παραδοχὴ τινος ὡς ἀληθοῦς σὺν τῇ ἐπιγνώσει, ὅτι δυνατὸν νὰ πρόκειται περὶ πλάνης.

Διάφορος εἶναι ή σημασία τοῦ ὄρου ἐν τῇ Φιλοσοφίᾳ τοῦ Πλάτωνος. « Δόξα » καλεῖ ὁ Πλάτων πᾶσαν γνῶσιν, ἢτις ἀναφέρεται εἰς τὰ αἰσθητά, ὡς ἀπατηλήν, διότι ταῦτα δὲν εἶναι τὰ ὄντας ἀληθῆ. "Οὐτως ἀληθῆ εἶναι αἱ Ἰδέαι, τὰ τέλεια πνευματικὰ ὄντα. Εἰς αὐτὰ δὲ ἀναφέρεται ή « ἐπιστήμη », ἥτοι ή ἀληθῆς γνῶσις.

2. Τὰ εἶδη τῆς γνώσεως. Αἱ γνώσεις ἡμῶν περὶ τῶν ὄντων ἐν γένει καὶ φαινομένων τοῦ κόσμου καὶ τοῦ βίου — αἰσθητῶν καὶ μή —, τὰς ὅποιας ἀποκτῶμεν καὶ τελειοποιοῦμεν διὰ τῶν ἐπιστημῶν, προέρχονται ἀφ' ἐνὸς μὲν ἐκ τῶν αἰσθήσεων, ἀφ' ἔτέρου δὲ ἐκ τῆς νοήσεως. Διακρίνομεν οὕτως ἐμπειρικὴν καὶ λογικὴν γνῶσιν.

'Ε μ π ε ι ρ ι κ ḷ γ ν.ῶ σις καλείται ή ἀποκτωμένη διὰ μέσου

1. Κατὰ Χρ. Ανδροῦτσου.

τῶν αἰσθητηρίων ἡμῖν ὄργάνων, τὰ δύοια δέχονται ἐρεθισμοὺς ἔξωτερικοὺς ἢ ἐσωτερικούς.

Γενικώτερον ἐμπειρική καλεῖται πᾶσα γνῶσις διὰ παρατηρήσεως, ὄργάνων καὶ πειραμάτων ἀποκτωμένη, ἀσχέτως ἂν ἀπαιτῇ καὶ λογικάς ἐνεργείας.

Τὴν ἐμπειρικὴν γνῶσιν διακρίνομεν εἰς τὴν ἐκ τῆς ἐξ ωτερικῆς ἐμπειρίας, ὡς εἶναι ἡ τῶν ἀντικειμένων τοῦ ἑκτὸς ἡμῶν αἰσθητοῦ κόσμου, καὶ τὴν ἐσωτερικῆς ἐμπειρίας, ὡς εἶναι ἡ τῶν λαμβανόντων χώραν ἐν ἡμίν ψυχικῶν γεγονότων (πόνου, δύψης, χαρᾶς κτλ.).

Εἶδος ἐμπειρικῆς γνῶσεως ὡσαύτως εἶναι ἡ στηριζομένη ἐπὶ μαρτυριῶν περὶ τοῦ παρελθόντος, ἥτις καλεῖται ἴστορικὴ γνῶσις. Τοιαῦται εἶναι αἱ γνῶσεις ἡμῶν περὶ τῶν ιστορικῶν γεγονότων ἐν γένει καὶ τῶν πολιτισμῶν τοῦ παρελθόντος.

Λογικὴ γνῶσις λέγεται ἡ διὰ τῆς νοήσεως καὶ ἐξ ἐγκύρων ἀληθειῶν παραγομένη

Αὕτη, ὅταν μὲν στηρίζεται ἐπὶ μαθηματικῶν δεδομένων, λέγεται εἰδικώτερον μαθηματικὴ γνῶσις, ὅταν δὲ ἐπὶ γενικῶν ἀρχῶν τιθεμένων ὡς ἀληθῶν ἐκ τῶν προτέρων πρὸς ἀπαρτισμὸν ἔνιαίς τινὸς θεωρίας, φιλοσοφικὴ γνῶσις.

Ἡ δι' ἐνοράσεως γνῶσις. Τρίτον τι εἶδος γνῶσεως, τὸ μὲν ἐμπειρικῆς, τὸ δὲ λογικῆς, εἶναι ἡ δι' ἐνοράσεως.

Ἐνόρασις (intuition) λέγεται ἡ ἀμεσος γνῶσις τοῦ ἀντικειμένου ἢ φαινομένου, ἡ ἀστραπαία καὶ οίονεὶ δι' ἐλλάμψεώς τινος σύλληψις τῆς οὐσίας ἢ τῶν σχέσεων αὐτοῦ.

Διακρίνομεν δὲ τὴν ἐμπειρικὴν καὶ τὴν λογικὴν ἐνόρασιν. Διὰ τῆς ἐμπειρίας ἀποκτώμεν γνῶσιν ἀμεσον τῶν φυσικῶν φαινομένων (αἰσθητικὴ ἐνόρασις) ἢ τῶν ψυχικῶν (ψυχολογικὴ ἐνόρασις). Διὰ δὲ τῆς λογικῆς συλλαλμβάνομεν ἀμέσως τὰς σχέσεις ἐννοιῶν καὶ κρίσεων (κυρίως λογικὴ ἐνόρασις) ἢ τὸ ὅν καθ' ἑαυτὸν ἀνευ αἰσθητικῶν δεδομένων ἢ συλλογισμῶν, ὡς τὴν ἐννοιαν τοῦ θεοῦ ἢ τῆς ψυχῆς (μεταφυσικὴ ἐνόρασις).

Ως εἴδομεν εἰς τὰ περὶ ὑποθέσεως ἐν ταῖς Φυσικαῖς ἐπιστήμαις, ἐνόρασις καὶ λόγος (νόησις) συνεργάζονται. Ἐκείνη εύρίσκει, οὗτος δὲ ἀποδεικνύει.

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Β'

ΑΛΗΘΕΙΑ, ΒΕΒΑΙΟΤΗΣ ΚΑΙ ΠΙΘΑΝΟΤΗΣ



1. Ἡ ἀλήθεια καὶ τὰ εἴδη αὐτῆς. Εἰς πᾶσαν γνῶσιν ἡμῶν ἀνταποκρίνεται ἀντικείμενόν τι ἢ φαινόμενον αἰσθητὸν ἢ μή. Τοῦτο εἶναι τὸ πρᾶγμα, τὸ ἔξω τῆς συνειδήσεως, τὸ εἰ ν αἱ. Ἡ δὲ γνῶσις αὐτὴ αὗτη, τὸ ἐν τῇ συνειδήσει τοῦ νοοῦντος ὑποκειμένου, ἡ ἔννοια ἡ κρίσις περὶ τοῦ πράγματος, εἶναι τὸ ν ο εῖ ν.

Τὰ δύο ταῦτα, « νοεῖν » καὶ « εἶναι », προφανῶς πρέπει νὰ συμπίπτουν, ἥτοι ἡ νόησις νὰ συμφωνῇ πρὸς τὰ πράγματα, ἵνα ἡ γνῶσις εἶναι ἀληθής. Ἐκ τούτου συνάγεται ὁ ὄρισμὸς τῆς ἀληθείας :

'Αλήθεια εἶναι ὅτι ἡ γῆ κινεῖται, ἐφ' ὅσον ἡ κρίσις αὗτη ἐκφράζει τι πράγματι καὶ ἀναμφισβητήτως συμβαίνον.

"Οταν πρόκειται μόνον περὶ τῆς συμφωνίας τῆς νοήσεως πρὸς ἑαυτήν, δηλαδὴ περὶ τυπικῶς ὄρθης τινος κρίσεως, τότε ὀμιλοῦμεν περὶ τυπικῆς ἀληθείας. 'Απλῶς ἀληθείαν ὅμως καλοῦμεν τὴν οὐσιαστικήν.

'Ἐπίσης διακρίνομεν τήν, περὶ ἣς ὁ λόγος ἐνταῦθα, λογικὴν ἢ ἐπιστημονικὴν ἀληθείαν, ἥτις ἀναφέρεται εἰς τὴν οὐσίαν τῶν πραγμάτων καὶ εἰς τὰς πραγματικὰς κύτῶν σχέσεις, ἀπὸ τῆς κοινῆς ἢ πρακτικῆς ἀληθείας. Ἡ πρακτικὴ ἀληθεία εἶναι συμφωνία τῆς νοήσεως ὅχι πρὸς τὴν οὐσίαν καὶ τὰς σχέσεις τὰς πραγματικάς, ἀλλὰ πρὸς ὅτι ὡς οὐσία ἢ σχέσις ἐμφανίζεται ἔξωτερικῶς καὶ γίνεται ἀβασινίστως δεκτὸν ἐν τῷ καθ' ἡμέραν βίῳ. Ταύτης ἀντίθετον εἶναι τὸ ψεῦδος, ἐν δὲ τῆς λογικῆς καὶ ἐπιστημονικῆς ἀληθείας ἀντίθετος εἶναι ἡ πλάνη.

2. Βεβαιότης καὶ πιθανότης. Ἐκ τῶν γνώσεων ἡμῶν ἄλλαι ἐμφανίζονται εἰς τὴν συνειδήσιν ἡμῶν ὡς ἀναμφισβητήτως ἀληθεῖς,

ώς π.χ. ότι  $10 + 20 = 30$ , ότι ή γῆ κατοικεῖται, ἄλλαι δὲ ὡς ἐπιδεχόμεναι ἀμφισβήτησιν, ὡς ἀμφιβόλου ἀληθείας, π.χ. ότι ὁ "Ἄρης ἔχει ὕδωρ. Τὰς πρώτας τούτων χαρακτηρίζομεν ὡς βεβαίας, τὰς δὲ δευτέρας ὡς πιθανάς· ἥτοι

Βεβαίότης εἶναι ή πεποιθησις περὶ τῆς ἀληθείας τῶν γνώσεων ἡμῶν.

Καὶ ὅταν μὲν ἡ πεποιθησις αὕτη προέρχεται ἐκ τῶν αἰσθήσεων — εἰς τῶν ὀποίων τὴν ἀλήθειαν δὲν ἀμφιβάλλομεν, δρθῶς ή ὅχι —, τότε ἡ βεβαιότης λέγεται ἐμπειρική. Τοιαύτη εἶναι ἡ βεβαιότης: ότι εἴναι ήμέρα, ότι βλέπω τὸ πρὸ ἐμοῦ βιβλίον, ἄλλὰ καὶ ότι τὸ ὕδωρ σύγκειται ἐξ ὀξυγόνου καὶ ὑδρογόνου, ότι ἡ γῆ στρέφεται περὶ ἑαυτὴν καὶ περὶ τὸν οὐρανόν. "Οταν δὲ ἡ πεποιθησις προέρχεται ἐξ ἀρχῶν ὁμολογουμένων ἀληθῶν, ὡς αἱ μαθηματικαὶ ἀρχαὶ ή ἄλλαι ἐξ Ἰσού ἔγκυροι καὶ προφανεῖς, τότε ἡ βεβαιότης λέγεται λογική. Τοιαύτην βεβαιότητα ἔχομεν περὶ τῆς ἀληθείας μαθηματικῶν θεωρημάτων, τὰ ὀποῖα ἀπεδείξαμεν, ή περὶ τοῦ ὅτι « ὑπάρχομεν » (« ἐφ' ὅσον σκεπτόμεθα », κατὰ τὴν ἀπόδειξιν τοῦ Καρτεσίου).

Καὶ ἡ ἐμπειρικὴ καὶ ἡ λογικὴ βεβαιότης εἶναι ἄλλοτε ἀμεσος καὶ ἄλλοτε ἔμμεσος. "Α μεσον ἐμπειρικὴν βεβαιότητα ἔχω τοῦ ὅτι μελετῶ τὴν στιγμὴν αὐτήν. "Ε μεσον δὲ τοῦ ὅτι ὁ "Ἄρης εἶναι ἑτερόφωτος. "Α μεσον λογικὴν βεβαιότητα ἔχω τοῦ ὅτι  $A = A$  ή ὅτι  $2 + 2 = 4$  ή τοῦ ὅτι σκέπτομαι. "Ε μεσον δὲ τοῦ ὅτι « τὸ ἀθροισμα τῶν γωνιῶν παντὸς τριγώνου ἰσοῦται πρὸς δύο ὀρθάς » ή τοῦ ὅτι ὑπάρχω ( διότι τὸ συνάγω ἐκ τοῦ ὅτι σκέπτομαι ).

Πιθανότης δὲ λέγεται ή ἀσθενής πεποιθησις περὶ τῆς ἀληθείας τῶν γνώσεων ἡμῶν.

Αὕτη στηρίζεται ἐπὶ εἰκασίας καὶ ἐνέχει μικρὰν ή μεγάλην ἀμφιβολίαν. Ἀναλόγως δὲ τῆς προσεγγίσεως αὐτῆς πρὸς τὴν βεβαιότητα ὁμιλοῦμεν περὶ βαθύτερης πιθανότητος. Οὕτως ή κατὰ 100)100 πιθανότης εἶναι βεβαιότης, ή κατὰ 10)100 εἶναι ἀσθενεστάτη πιθανότης, ή δὲ κατὰ 80)100 μεγίστη.

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Γ'

### ΤΟ ΔΥΝΑΤΟΝ ΤΗΣ ΓΝΩΣΕΩΣ

#### I. ΒΕΒΑΙΟΤΗΣ ΚΑΙ ΑΜΦΙΒΟΛΙΑ ΠΕΡΙ ΤΗΝ ΓΝΩΣΙΝ (MS)

‘Ομιλοῦντες περὶ τοῦ δυνατοῦ τῆς γνώσεως, ώς καὶ περὶ τῶν πηγῶν καὶ τοῦ κύρους αὐτῆς, ἐφεξῆς ἐννοοῦμεν πάντοτε τὴν ἐπιστημονικὴν καὶ λογικὴν γνῶσιν, τὴν πηγάζουσαν εἴτε ἐκ τῆς ἐμπειρίας εἴτε ἐκ τῆς νοήσεως καὶ ὅχι τὴν πρακτικὴν ἢ κοινήν, ἥν ἀποκτῶμεν ἐκ τῆς φυσικῆς καὶ κοινωνικῆς ἡμῶν ἐπαφῆς πρὸς τὸν ἔξω κόσμον.

Βεβαιότητα περὶ τοῦ δυνατοῦ τῆς γνώσεως ἔχομεν, ὅχι ὅταν πιστεύωμεν ἀπλοϊκῶς, ὅτι τὰ πάντα παρίστανται ἐν τῇ συνειδήσει ὑπὸ τῶν αἰσθήσεων, ώς ὅντως εἰναι, καὶ ὅτι πᾶσα ὁρθὴ λογικὴ ἐνέργεια ἀνταποκρίνεται εἰς τὴν πραγματικότητα, ἀλλ’ ὅταν ἀναγνωρίζωμεν γνωστικὴν δύναμιν ἔμφυτον εἰς τὸν ἀνθρωπὸν. Νοεῖται δὲ αὕτη ἢ ώς ἀπεριόριστος καὶ ὅχι μόνον περὶ τῆς αἰσθητῆς πραγματικότητος, ἀλλὰ καὶ περὶ τοῦ πέραν αὐτῆς παράγουσα γνῶσιν ἔγκυρον ἢ ἐντὸς ὁρίων τινῶν δυναμένη νὰ παρέχῃ βεβαίαν γνῶσιν ἢ ώς περιορίζομένη εἰς τὸν αἰσθητὸν κόσμον.

‘Αμφιβολίαν ἀντιθέτως περὶ τοῦ δυνατοῦ τῆς γνώσεως ἔχομεν ώς πρὸς μὲν τὴν ἐμπειρικὴν γνῶσιν, ὅταν παραδεχώμεθα, ὅτι αἱ αἰσθήσεις, ἐφ’ ὃν στηρίζεται αὕτη, δὲν ἀποδίδουν τὴν πραγματικότητα κατὰ τὴν οὐσίαν αὐτῆς, ώς πρὸς δὲ τὴν λογικήν, ὅταν δεχώμεθα, ὅτι καὶ αὕτη προέρχεται ἐκ τοιαύτης ἐμπειρίας. Ἐπίσης ἐὰν τὰ δεδομένα ἀμφοτέρων, τῆς τε νοήσεως καὶ τῆς αἰσθήσεως, εἶναι προϊόντα τοῦ γιγνώσκοντος πνεύματος, ἐν ᾧ ἡ πραγματικότης εἰναί τι ὅλως διάφορον τῶν δεδομένων τούτων.

#### II. ΘΕΩΡΙΑΙ ΠΕΡΙ ΤΟΥ ΔΥΝΑΤΟΥ ΤΗΣ ΓΝΩΣΕΩΣ

Τόσον ἡ βεβαιότης περὶ τοῦ δυνατοῦ τῆς ἀνθρωπίνης γνώσεως,

οσον καὶ ἡ ἀμφιβολία περὶ αὐτοῦ ἐνεφανίσθησαν λίαν ἐνωρὶς ἐν τῇ Ἑλληνικῇ φιλοσοφίᾳ. ‘Υπὸ διαφόρους δὲ διαβαθμίσεις καὶ ἐκδοχὰς συνυπῆρξαν σχεδὸν πάντοτε καὶ ὑφίστανται μέχρι σήμερον.

‘Απεριόριστον δυνατότητα γνώσεως εἰς τὸ ἀνθρώπινον πνεῦμα ἀναγνωρίζει ἡ λεγομένη δογματικὴ διδασκαλία ἢ ἀπλῶς δογματισμὸς (dogmatismus). Ἀρνεῖται δὲ ὅλως τὴν γνωστικὴν ἰκανότητα τοῦ ἀνθρώπου ἢ ἀμφιβάλλει περὶ αὐτῆς ἢ σκεπτικὴ διδασκαλία ἢ σκέψις (scepticismus). Πρὸς τὴν σκέψιν συγγενής εἶναι ἡ πραγματικὴ διδασκαλία (pragmatismus). Μετοξὺ δὲ τούτων εὑρίσκονται ἡ κριτικὴ διδασκαλία (criticismus) καὶ ἡ θετικὴ (positivismus).

**1. Ἡ δογματικὴ διδασκαλία.** Δογματικὴ διδασκαλία λέγεται ἡ ἀναγνωρίζουσα ἀπεριόριστον γνωστικὴν δύναμιν εἰς τὸ ἀνθρώπινον πνεῦμα.

Τοιαύτη κατὰ κανόνα εἶναι πᾶσα ὀρθολογιστικὴ διδασκαλία δεχομένη τοὺς νόμους τῆς νοήσεως ὡς νόμους καὶ τῆς πραγματικότητος. Ὄμοιώς δογματικὴ εἶναι πᾶσα διδασκαλία δεχομένη τὴν μεταφυσικὴν ἐνόρασιν ἢ ἄλλην τινὰ ἐκ τῶν καλουμένων « μυστικῶν ἀρχῶν » ὡς πηγὴν τῆς γνώσεως. Οὕτως ὡς πρὸς τὸ δυνατὸν τῆς γνώσεως δογματικοὶ εἶναι ὁ Πλάτων, ὁ Πλωτῖνος καὶ ἄλλοι ἐκ τῶν ἀρχαίων φιλοσόφων, ὁ Αὔγουστῖνος καὶ πολλοὶ ἄλλοι κατὰ τοὺς μέσους χρόνους καὶ κυρίως ὁ Καρτέσιος κατὰ τοὺς νεωτέρους. Τὴν διδασκαλίαν τούτων ἐν γενικαῖς γραμματῖς θὰ γνωρίσωμεν κατωτέρω ἔξετάζοντες τὰς πηγὰς καὶ τὸ κύρος τῆς γνώσεως.

**2. Ἡ σκέψις.** Σκέψις καλεῖται ἡ φιλοσοφικὴ διδασκαλία, ἣτις ἀμφιβάλλει περὶ τοῦ δυνατοῦ τῆς ἀνθρωπίνης γνώσεως ἢ ἀρνεῖται ὅλως αὐτήν.

Οἱ λόγοι τῆς ἀμφιβολίας ταύτης εἶναι κυρίως αἱ ἀπάται τῶν αἰσθήσεων, αἱ μεταξὺ τῶν ἀνθρώπων ἀντιφατικαὶ πεποιθήσεις περὶ ἐνὸς καὶ τοῦ αὐτοῦ πράγματος καὶ ἄλλοι.

‘Ηδη ἀπὸ τοῦ θου αἰῶνος ὁ Ζενοφάνης λέγει « τὸ μὲν οὖν σαφὲς οὐ τις ἀνήρ ἔδει οὐδέ τις ἔσται ἵδων... δόκος δ’ ἐπὶ πᾶσι τέτυκται ».

Οἱ σοφισταί, κηρύττοντες τὴν σχετικότητα πάντων, δὲν παραδέχονται, ὡς γνωστόν, ἀλήθειαν ἀντικειμενικήν. Ἀληθὲς εἶναι ὁ, τι ἔκαστος θεωρεῖ ὡς ἀληθές, διδάσκει ὁ Πρωταγόρας. ‘Ο δὲ Γοργίας

λέγει: « Ούδεν ̄στιν. Εί καὶ ̄στιν ἀκατάληττον ἀνθρώπῳ. Εί καὶ καταληπτόν, δὲλλὰ τό γε ἀνερμήνευτον τῷ πέλας ».

‘Η σκέψις ἀποβαίνει βάσις θεωρίας περὶ τοῦ βίου βραδύτερον διὰ τῶν κυρίων « σκεπτικῶν » καλουμένων φιλοσόφων, ὃν ἀρχηγὸς εἶναι Πύρρων ὁ Ἡλεῖος ( 365 - 275 π.Χ. ). Οὗτοι ὀρνοῦνται τὴν κτῆσιν πάσης βεβαίας γνώσεως καὶ διὰ τοὺς ἀνωτέρω λόγους καὶ διότι τὰ πράγματα εὐρίσκονται ἐν διαρκεῖ ροῆ, συνεπείᾳ τοῦ ὅποιου αἱ παραστάσεις ἡμῶν εἶναι ἐπίσης μεταβληταί. ‘Η ἀληθής σοφία εἶναι ἡ « ἐποχή », ἡ ἀποφυγὴ πάσης κρίσεως.

‘Ως « μετρία σκέψις » χαρακτηρίζεται ἡ τῶν πλατωνικῶν φιλοσόφων Ἀρκεσιλάου ( 316 - 241 ) καὶ Καρνεάδου ( 214 - 129 ). Κατ’ αὐτοὺς δυνάμεθα νὰ φθάσωμεν εἰς πιθανότητα ἡ ἀληθιφάνειαν, ὅχι ὅμως εἰς βεβαιότητα.

Τὴν δὲ παλαιὰν ἀπόλυτον ἄρνησιν ἐπαναλαμβάνουν οἱ νεώτεροι σκεπτικοὶ Αἰνησίδημος καὶ Σέξτος ὁ Ἐμπειρικός ( 1ος καὶ 2ος αἱ. μ.Χ. ), οἱ ὅποιοι διετύπωσαν δέκα « τρόπους », δηλαδὴ ἐπιχειρήματα τῆς ἀμφιβολίας.

Κατὰ τοὺς νεωτέρους χρόνους ἔλαχιστοι εἶναι οἱ ὄπαδοι τῆς σκέψεως μεταξὺ τῶν ὅποιων οἱ Γάλλοι « σκεπτικοί » τοῦ 18ου αἱ. ( Montaigne, Pascal, A. France ).

Κατὰ τῆς σκέψεως ἀντιτάσσονται λόγοι ἀνασκευάζοντες πλήρως αὐτήν, τῶν ὅποιων τοὺς σπουδαιοτάτους θὰ μνημονεύσωμεν κατωτέρω.

3. ‘Η πραγματικὴ διδασκαλία. Παραφυάς τῆς σκέψεως εἶναι ἡ διδασκαλία τοῦ πραγματισμοῦ.

Κατ’ αὐτὴν ἀπόλυτος ἀλήθεια δὲν δύναται νὰ ὑπάρξῃ. ‘Ως ἀληθές θεωροῦμεν ὅ,τι συντηρεῖ καὶ προάγει τὸν βίον ἡμῶν. ‘Επομένως ἡ ὀρθότης πάσης γνώσεως εἶναι ἀνάλογος πρὸς τὴν βιοτικὴν ὡφελιμότητα, ἥν παρέχει.

Τοιαύτην ὡφελιμοτικὴν ἐρμηνείαν τῆς γνώσεως εὐρίσκομεν καὶ κατὰ τὴν ἀρχαιότητα εἰς τὴν διδασκαλίαν τῶν σοφιστῶν. Βάσις ὅμως γενικῆς φιλοσοφικῆς θεωρίας γίνεται αὕτη κατὰ τὸν 19ον αἱ. Οἱ κύριοι ἀντιπρόσωποι τῆς πραγματικῆς θεωρίας, ἥτις λέγεται καὶ ἡ θρωπιστικὴ καὶ ὁργανική, εἶναι οἱ Ἀμερικανοί C. Peirce καὶ W. James.

4. Ή κριτική διδασκαλία. Σημαντικωτάτη καὶ ὡς πρὸς τὸ πρόβλημα τοῦ δυνατοῦ τῆς γνώσεως καὶ ὡς πρὸς τὸ τῆς προελεύσεως καὶ τοῦ κύρους αὐτῆς ὑπῆρχεν ἡ ὑπὲρ τοῦ Καντίου διθεῖσα εἰς τὸ πρόβλημα τῆς γνώσεως λύσις, ἥτις συμβιβάζει καὶ τὸν δογματισμὸν πρὸς τὴν σκέψιν, καὶ τὴν πραγματοκρατίαν πρὸς τὴν ἰδεοκρατίαν, καὶ τὸν ἐμπειρισμὸν πρὸς τὸν ὄρθιολογισμόν, ὡς θὰ ἴδωμεν κατωτέρω.

Κατὰ τὴν κριτικὴν διδασκαλίαν, γνωρίζομεν ὅχι αὐτὴν ταύτην τὴν οὐσίαν τῶν ἀντικειμένων, τὰ ὅποια μόνον τὰ ὑλικὰ στοιχεῖα παρέχουν εἰς τὴν συνείδησιν ἡμῶν, ἀλλὰ τὴν μορφὴν καὶ τὰς ἰδιότητας, τὰς ὅποιας δίδει εἰς αὐτὰ τὸ πνεῦμα ἡμῶν. Καὶ διὰ τῆς αἰσθήσεως καὶ διὰ τῆς νοήσεως ἐπομένως εἶναι δυνατή καὶ ἔγκυρος ἡ γνῶσις, ἀλλὰ κατ' ἀλήθειαν εἶναι γνῶσις τοῦ « φαινομένου » καὶ ὅχι τοῦ « ὄντος ».

5. Ή θετική διδασκαλία. Ή δυνατότης τῆς γνώσεως τοῦ ἀνθρώπου περιορίζεται μόνον εἰς τὴν περιοχὴν τοῦ αἰσθήτοῦ κόσμου. Δὲν δυνάμεθα νὰ ὑπερβῶμεν τὴν ἐμπειρίαν καὶ νὰ γνωρίσωμεν μὲ ἀσφάλειαν, εἰ μὴ μόνον ὅ, τι ὑπόκειται εἰς τὸν ἔλεγχον διὰ τῶν αἰσθήσεων. Ἀντὶ τῆς πρόσπαθείας νὰ γνωρίσῃ τὸ πέραν τῶν αἰσθήσεων ἀγνωστον, δὲ ἀνθρωπος πρέπει νὰ περιορίζηται εἰς τὴν ἀπόκτησιν τῶν πρακτικῶν καὶ ὠφελίμων εἰς τὸν βίον αὐτοῦ γνώσεων ( αἱ ὅποιαι βεβαίως δὲν θὰ ἀποκαλύπτουν τὴν ἐσωτάτην φύσιν τῶν ὄντων ).

Τῆς θετικῆς ταύτης διδασκαλίας ἴδρυτής εἶναι ὁ Γάλλος φιλόσοφος καὶ ἴδρυτής τῆς Κοινωνιολογίας Αὔγουστος Κόντ (Comte 1798 - 1857 ).

Τὴν κριτικὴν διδασκαλίαν, τὴν θετικὴν καὶ πᾶσαν ἄλλην, ἥτις, ὡς αὗται, ἀποδέχεται τὸ δυνατὸν τῆς γνώσεως ὅχι κατ' ἀπόλυτον, ἀλλὰ κατὰ τινα σχετικὴν ἔννοιαν, δηλοῦμεν καὶ διὰ τοῦ γενικοῦ ὄρου σχετικοκρατία.

(16)

### III. ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑΤΑ ΩΣ ΠΡΟΣ ΤΟ ΔΥΝΑΤΟΝ ΤΗΣ ΓΝΩΣΕΩΣ

Τὰ ἐπιχειρήματα τῆς σκέψεως δὲν ἀποκρούει μόνον ἡ συνείδησις μὴ ἀποδεχομένη βίον ἐστερημένον τῆς βεβαιότητος, ὅτι ἡ ἔμφυτος ὄρμὴ τοῦ ἀνθρώπου πρὸς γνῶσιν ἔχει πρὸ αὐτῆς ἀπέραντον

πεδίον ἐρεύνης, ὅτι ἡ ἀλήθεια δὲν εἶναι χίμαιρα καὶ ὅτι ἡ πραγματικότης δὲν εἶναι τι μυστηριώδες καὶ ὅλως ἀνεξιχνίαστον, τὸ δποῖον θὰ παραμένῃ ἐσαεὶ ἄγνωστον.

Ἄλλα καὶ ἡ πραγματικότης διαψεύδει αὐτὴν ἀντιτάσσουσα τὰς τόσον βεβαίας πνευματικάς κατακτήσεις τοῦ ἀνθρώπου καὶ ἡ λογική δι’ ἐπιχειρημάτων ἀδιασείστων.

Τὰ σπουδαιότερα τῶν κατὰ τῆς σκέψεως διατυπωθέντων ἐπιχειρημάτων, ἀνήκοντα εἰς διαφόρους φιλοσόφους πάστης ἐποχῆς, εἶναι τῆς ἑξῆς :

α ) Ἡ ἀπάτη τῶν αἰσθήσεων δὲν εἶναι ἀπόδειξις τοῦ ἀδυνάτου τῆς γνώσεως. Ἐρευνῶντες δι’ ὀργάνων καὶ ἐλέγχοντες διὰ πειραμάτων τὰ δεδομένα αὐτῶν ἡ διὰ τῶν ἄλλων αἰσθήσεων, δυνάμεθα νὰ γνωρίσωμεν τὴν πραγματικότητα ἔστω καὶ ὡς « φαινόμενον » ( ἐὰν ἡ κριτικὴ διδασκαλία εἶναι ἡ ὁρθή ).

β ) Καὶ ἄνευ τῆς συλλήψεως τῆς βαθυτέρας οὐσίας τῶν πραγμάτων ὡρισμέναι βέβαιαι γνώσεις περὶ ἴδιοτήτων ἡ σχέσεων μεταξύ ὅντων ἡ φαινομένων εἶναι δυναταί. Ὁτι διαγνήτης ἔλκει τὸν σίδηρον, εἶναι βεβαία γνῶσις μιᾶς σχέσεως, ἀνεξαρτήτως τοῦ ἀν γνωρίζωμεν τὴν οὐσίαν τοῦ φαινομένου ἀπολύτως.

γ ) Ἀποκλείεται νὰ ζῶμεν ὡς ἐν ὀνείρῳ, διότι ὁ ὀνειρευόμενος δὲν ἔρωτῇ ἐάν ὀνειρεύεται. Ἀρα εἶναι ὀλιγώτερον βέβαιός τοῦ ἐν ἐγρηγόρσει περὶ τούτου.

δ ) «Υπάρχουν κρίσεις ούδεμίαν ἐπιδεχόμεναι ἀμφιθολίαν, ὡς  $2 + 2 = 4$ , « δύο ἀντιφατικαὶ προτάσεις δὲν δύνανται νὰ εἶναι ἀμφότεραι ἀληθεῖς ».

ε ) «Ο σκεπτικὸς ἀρνεῖται πᾶσαν γνῶσιν. Ἐν τούτοις λέγει : « Γνωρίζω, ὅτι οὐδὲν δύναμαι νὰ γνωρίζω ». Ο ἰσχυρισμός του εἶναι ἥδη βεβαίωσις τοῦ δυνατοῦ τῆς γνώσεως.

Ἄλλα καὶ κατὰ τῆς μετρίας σκέψεως ἀντεπεξῆλθεν ὁ Αύγουστίνος μεταξὺ ἄλλων καὶ διὰ τοῦ ἑξῆς ἐπιχειρήματος : Ἐὰν δὲν δυνάμεθα νὰ γνωρίσωμεν τὸ ἀληθές, οὔτε τὸ ἀληθοφανὲς εἶναι δυνατὸν νὰ γνωρίσωμεν. Διότι γνώμων καὶ μέτρον τοῦ ἀληθοφανοῦς εἶναι τὸ ἀληθές.

Ωστε ὅτι ἡ γνῶσις εἶναι δυνατὴ καὶ ὑπὸ τῆς πραγματικότητος βεβαιοῦται ἀμέσως διὰ τοῦ πλήθους τῶν πνευματικῶν κατακτήσεων

καὶ τῶν ἐπὶ βεβαίας γνώσεως θεμελιουμένων καὶ ἀδιαλείπτως πληθυνομένων δημιουργημάτων τοῦ ἀνθρώπου καὶ λογικῶς ἀποδεικνύεται διὰ τῶν ἀνωτέρω καὶ ἄλλων πολλῶν ἐπιχειρημάτων.

Παραμένει δὲ μᾶς πρόβλημα πάντοτε, ἂν ἡ γνῶσις εἶναι ἀπεριόριστος καὶ ἀπόλυτος, ὡς δέχεται ὁ δογματισμός, ἢ μέχρις δρίου τινὸς δυνατή καὶ σχετική ὡς πρὸς τὴν βαθύτεραν πραγματικότητα, ὡς ἔδιδαξεν ὁ Κάντιος.

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Δ'

ΑΙ ΠΗΓΑΙ ΤΗΣ ΓΝΩΣΕΩΣ, ΤΟ ΚΥΡΟΣ ΑΥΤΩΝ ΚΑΙ ΤΑ ΟΡΙΑ  
ΤΗΣ ΓΝΩΣΤΙΚΗΣ ΔΥΝΑΜΕΩΣ ΤΟΥ ΑΝΘΡΩΠΟΥ

(47)

### I. ΘΕΩΡΙΑΙ ΠΕΡΙ ΤΟΥ ΥΠΟΚΕΙΜΕΝΟΥ ΤΗΣ ΓΝΩΣΕΩΣ

'Εφ' ὅσον ἡ ἀμφιβολία περὶ τοῦ δυνατοῦ τῆς γνώσεως αἱρεται, θὰ γνωρίσωμεν ἥδη τὰς θεωρίας, αἱ ὄποιαι διετυπώθησαν περὶ τῶν πηγῶν τῆς γνώσεως καὶ τοῦ κύρους αὐτῶν, ὡς καὶ περὶ τῶν δρίων τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου.

Πρὸ τούτου ὅμως ἀνακύπτει ἄλλο πρόβλημα. Ποία σχέσις ὑπάρχει μεταξὺ τοῦ περιεχομένου τῆς συνειδήσεως καὶ τῆς πραγματικότητος, μεταξὺ τοῦ « νοεῖν » καὶ τοῦ « εἰναι » ; "Ο, τι παρίσταται π.χ. ὡς ρόδον ἐν τῇ συνειδήσει ἡμῶν, εἰναι πράγματι αὐτὸ τοῦτο ἐν τῇ πραγματικότητι ; Τὸ πρόβλημα τοῦτο εἰναι τὸ τοῦ ὑποκειμένου τῆς γνώσεως.

Τρεῖς κύριαι θεωρίαι διακρίνονται ἐν τῇ ἱστορίᾳ τῆς Φιλοσοφίας ἐπὶ τοῦ προβλήματος τούτου : ἡ τῆς πραγματοκρατίας (realismus), ἡ τῆς ἰδεοκρατίας (idealismus) καὶ ἡ τῆς φαινομενοκρατίας (phaenomenalismus)<sup>1</sup>.

1. Η δεωρία τῆς πραγματοκρατίας. Κατ' αὐτὴν ὑπάρχει πραγματικὸς κόσμος ἔκτὸς τῆς συνειδήσεως ἡμῶν, τὸν ὄποιον παριστοῦν πράγματι τὰ ἐν τῇ συνειδήσει (αἰσθήματα, παραστάσεις, ἔννοιαι, κρίσεις) καὶ εἰς τὸν ὄποιον ἀνταποκρίνονται αἱ λογικαὶ ἀρχαί. Διακρίνεται δὲ ἡ πραγματοκρατία εἰς τὴν ἀφελῆ καὶ τὴν κριτικήν.

---

1. Οι ὄροι οὗτοι χρησιμοποιοῦνται ἐν τῇ Φιλοσοφίᾳ καὶ ὑπὸ ἄλλας σημασίας. 'Ιδεοκρατία λέγεται ὑπό τινων καὶ ἡ Πλατωνικὴ κοσμοθεωρία. Φαινομενοκρατία λέγεται καὶ ἡ φιλοσοφία τοῦ 'Εγέλου καὶ ἡ τοῦ Χοῦσσερλ. Τοὺς δρους ἐνταῦθα χρησιμοποιοῦμεν κατὰ Χρ. 'Ανδροῦτσον.

‘Η ἀφελὴς πραγματοκρατία δέχεται, ὅτι τὰ ἐν τῇ συνειδήσει ἀνταποκρίνονται ἀπολύτως πρὸς τὰ ἐν τῇ πραγματικότητι. ‘Η παράστασις τοῦ ῥόδου π.χ. δεικνύει τὸ ῥόδον ως εἶναι πράγματι.

‘Η δὲ κριτικὴ πραγματοκρατία διδάσκει, ὅτι δὲν συμβαίνει τοῦτο, ἀλλὰ τὸ πρᾶγμα παρίσταται, καθ' ὃν τρόπον ἀντιδροῦν τὰ αἰσθητήρια ἡμῶν εἰς τοὺς ἔξ αὐτοῦ ἐρεθισμούς. ‘Ἐν ᾧ δηλαδὴ τὸ ρόδον ἐκπέμπει πράγματι κατὰ τὴν κρατοῦσαν ὑπόθεσιν ἡλεκτρομαγνητικὰ κύματα ώρισμένου μήκους καὶ πλάτους ἐρεθίζοντα τὸ ὄπτικὸν νεῦρον καὶ ὑλικὰ σωμάτια ἐρεθίζοντα τὸ ὄσφρητικόν, ἡμεῖς βλέπομεν χρῶμά τι καὶ αἰσθανόμεθα ὅσμήν τινα, τὰ ὅποια λέγομεν ἰδιότητας τοῦ ρόδου.

Τῆς πραγματοκρατίας ἐν γένει θιασῶται εἶναι πλείστοι φιλόσοφοι ἀρχαῖοι καὶ νεώτεροι : Δημόκριτος, Ἀριστοτέλης, Στωϊκοί, Καρτέσιος, Ἐρβαρτος, Βούντ καὶ ἄλλοι.

2. **‘Η θεωρία τῆς ἴδεοκρατίας.** Κατὰ τὴν θεωρίαν αὐτήν, τὴν ὅποίαν διετύπωσε κυρίως ὁ Ἰρλανδὸς ἐπίσκοπος Μπέρκλεϋ (Berkeley), αἱ ἰδιότητες ὑπὸ τὰς ὅποίας ἀντιλαμβανόμεθα ὅτι ἀποκαλοῦμεν ἔξωτερικὸν ἀντικείμενον, ούδεν ἄλλο εἴναι ἢ πνευματικά δημιουργήματα ἡμῶν. Ἐπομένως πᾶν ἔξωτερικὸν ἀντικείμενον παρίσταται ως ὑπάρχον, ἐν ᾧ πράγματι δὲν ὑπάρχει. ‘Η ἐν τῷ δωματίῳ ἡμῶν τράπεζα δὲν ὑπάρχει, ὅταν ἡμεῖς ἔξερχόμεθα τοῦ δωματίου.

‘Η θεωρία αὕτη ἡλέγχθη πολλαπλῶς ως ἀστήρικτος καὶ μόνον λογικόφανής. Στηρίζεται δὲ εἰς λογικήν ἀπόδειξιν, καίτοι ὁ Μπέρκλεϋ μόνον τὰς αἰσθήσεις θεωρεῖ ως πηγὴν γνώσεως.

3. **‘Η θεωρία τῆς φαινομενοκρατίας.** Κατ' αὐτὴν τὸν κόσμον γνωρίζομεν ως « φαινόμενον », ως παρίσταται δηλαδὴ ὑπὸ τῶν αἰσθήσεων καὶ τῆς νοήσεως καὶ ὅχι ως εἶναι.

Εἰς τὰ αἰσθήματα καὶ τὰ διανοήματα ἡμῶν ἡ ἔξωτερική πραγματικότης παρέχει τὴν ὑλην, ἡ δὲ διάνοια τὴν μορφήν. Οὕτω τὴν ἀληθῆ ούσίαν τοῦ κόσμου, ὅστις ὑπάρχει πράγματι, ούδεποτε θὰ γνωρίσωμεν. Μόνον ἡ « φαινομενικότης » εἶναι προσιτὴ εἰς τὸν ἀνθρωπὸν.

Φαινομενοκρατία, ως παρατηροῦμεν, ὀνομάζεται θεωρουμένη

ἀπὸ τῆς ἀπόψεως τοῦ ὑποκειμένου τῆς γνώσεως ἡ κριτικὴ διδασκαλία τοῦ Καντίου, τῆς ὅποιας τὰς βασικὰς ἀρχὰς θὰ γνωρίσωμεν κατωτέρω.

## II. ΘΕΩΡΙΑΙ ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΠΗΓΩΝ ΚΑΙ ΤΩΝ ΟΡΙΩΝ ΤΗΣ ΓΝΩΣΕΩΣ

Τὰ ὄντα καὶ φαινόμενα τῆς φύσεως εἶναι, ὡς γνωρίζομεν, τὸ ὑποκειμένον τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν. Ἐρευνῶνται δὲ ταῦτα διὰ τῆς παρατηρήσεως καὶ τοῦ πειράματος καὶ ἔρμηνεύονται δι’ ὑποθέσεων ἐλεγχομένων πειραματικῶς.

Αἱ γνώσεις ἄρα ἡμῶν περὶ τῆς φυσικῆς πραγματικότητος ἔχουν ὡς πηγὴν τὴν ἐμπειρίαν, μετὰ τῆς ὅποιας ὅμως καὶ ἡ λογικὴ νόησις καὶ ἡ ἐνόρασις συνεργάζονται.

‘Ο μαθηματικὸς ἐρευνᾷ πραγματικότητά τινα ἀφηρημένην διὰ τῆς νοήσεως. ‘Ο δὲ μεταφυσικὸς φιλόσοφος ἐπεκτείνει τὴν γνωστικὴν αὐτοῦ προσπάθειαν εἰς εύρυτερον πεδίον περιλαμβάνον καὶ τὸ πέραν τῶν αἰσθήσεων ἀγνωστὸν ώσαύτως διὰ τοῦ λόγου καὶ τῆς ἐνοράσεως. ‘Ομοίως καὶ οἱ ἐρευνηταὶ τῶν φαινομένων τοῦ κοινωνικοῦ βίου ἐρευνοῦν διὰ τῆς αἰσθήσεως, τῆς νοήσεως, τῆς ἐνοράσεως.

Αὗται εἶναι αἱ πηγαὶ τῆς γνώσεως. Ποία ὅμως ἔξ αὐτῶν εἶναι ἔγκυρος; Εἴναι αὗται αὐθύπαρκτοι ἢ παράγονται ἡ μία ἐκ τῆς ἀλλης; Εἴναι ἔμφυτοι ἢ ἐπίκτητοι;

Πλεῖσται, ἀντίθετοι πρὸς ἀλλήλας καὶ ἐπὶ διαφόρων ἐκάστη βάσεων, θεωρίαι διεπιπώθησαν ἐπὶ τῶν προβλημάτων τούτων. Αὗται ἐν τῇ ἱστορίᾳ τῆς Φιλοσοφίας ἀνάγονται εἰς γενικάς τινας ὑπὸ τὰ ὄντα : ὁρθολογισμός, ἐμπειριαρχία, κριτικὴ φιλοσοφία, θεωρία τῆς ἐνοράσεως καὶ ἄλλα.

1. ‘Ο ὁρθολογισμός. ’Απὸ τῶν ἀρχῶν τῆς φιλοσοφίας ἐγένετο συνειδητόν, ὅτι ἡ λογικὴ νόησις, ἡ διαστέλλουσα τὸν ἄνθρωπον τῶν λοιπῶν ὄντων, δύναται οὐ μόνον ἐν συνεργασίᾳ μετὰ τῆς αἰσθήσεως, ἀλλὰ καὶ ἀνεξαρτήτως αὐτῆς νὰ παράγῃ γνῶσιν προφανῶς ἀληθῆ καὶ βεβαιοτέραν τῆς ἐπὶ τῶν δεδομένων τῆς αἰσθήσεως στηριζομένης. Τὸν ὑπεροχὴν ταύτην τῆς λογικῆς γνώσεως ἔξῆρε πρὸς τούτοις τὸ γεγονός, ὅτι δὶ’ αὐτῆς δύναται ὁ ἄνθρωπος νὰ συνάγῃ γνώσεις καὶ περὶ τοῦ πέραν τοῦ αἰσθητοῦ κόσμου. Διὰ τοῦτο ὁ ὁρθὸς λόγος, ὡς καλεῖται ἡ ὁρθὴ λογικὴ νόησις, ἐθεωρήθη ὑπὸ

πολλῶν φιλοσόφων ὡς ἡ μοναδικὴ πηγὴ ἐγκύρου γνώσεως καὶ ἡ ἀποκλειστικὴ βάσις οὐ μόνον τῆς ἐπιστήμης ἐν τῇ στενῇ ἐννοίᾳ, ἀλλὰ καὶ τῆς Μεταφυσικῆς καὶ τῆς Ἡθικῆς.

Τὰ φιλοσοφικὰ συστήματα, τὰ ἀναγνωρίζοντα τὸν ὄρθιον λόγον ὡς μοναδικὴν πηγὴν τῆς γνώσεως, διακρίνονται τῶν λοιπῶν διὰ τοῦ ὀνόματος ὁ ρθογισμὸς (rationalismus).

Οἱ ὄρθιογισμὸς ἔχει σημαντικωτάτους ἐκπροσώπους κατὰ τὴν ἀρχαιότητα, ὃν κυριώτεροι εἶναι οἱ Πυθαγόρειοι, οἱ Ἐλεᾶται, ὁ Σωκράτης, ὁ Πλάτων.

Οἱ Πυθαγόρειοι καὶ οἱ μαθηταὶ αὐτοῦ διδάσκουν, ὅτι τὴν οὐσίαν τοῦ κόσμου, ἡ δόποια εἶναι πνευματική, ἀποτελοῦν οἱ ἀριθμοὶ καὶ οἱ σχέσεις αὐτῶν. Τὸν κόσμον δὲ τοῦτον γνωρίζομεν διὰ τοῦ ὄρθιοῦ λόγου καὶ μόνον.

Οἱ Ἐλεᾶται φιλόσοφοι ζευνοφάνης καὶ Παρμενίδης δέχονται ἐπίστης, ὅτι ὁ ἀληθῆς κόσμος εἶναι πνευματικὸς ἀποτελῶν ἐν ὃν : ἐν τὸ πᾶν. Τοῦτο εἶναι ἄφθαρτον, ἀκίνητον, ἀμετάβλητον καὶ πληροῖ τὰ πάντα, ἐν ᾧ ὁ αἰσθητὸς κόσμος εἶναι φθαρτός, ἀτελῆς καὶ μεταβλητός. Τοῦτο διὰ τῆς νοήσεως μόνον δύναται νὰ γνωσθῇ, ἵστοι οἱ νόμοι ισχύουν καὶ περὶ αὐτοῦ. Νοεῖν καὶ εἶναι θεωροῦνται ταυτόσημα ὑπὸ τοῦ Παρμενίδου.

Οἱ Σωκράτης διὰ τοῦ ὄρθιοῦ λόγου ἐρευνᾶν καὶ δι' αὐτοῦ δέχεται, ὅτι δυνάμεθα νὰ φθάσωμεν εἰς τὴν αὐτογνωσίαν καὶ τὴν ἀρετήν.

Οἱ δὲ Πλάτων, ὃ πρῶτος ἴδρυσας ἐπιβλητικὸν καὶ αὐστηρῶς ἐνηρθρωμένον σύστημα ἐρμηνεύον δι' ἔνιαίων ἀρχῶν πάντα τὰ τοῦ κόσμου, τοῦ βίου καὶ τοῦ πνεύματος, ἀναγνωρίζει, ὡς καὶ οἱ Πυθαγόρειοι καὶ οἱ Ἐλεᾶται, ὡς μόνον ἀληθῆ κόσμον τὸν πνευματικὸν : τὸν κόσμον τῶν ἱδεῶν, τῶν δόποιων ὑπερτάτη εἶναι ἡ ἰδέα τοῦ ἀγαθοῦ καὶ ἀληθοῦ καὶ ὁραῖοῦ καὶ ὁραῖον ταυτοχρόνως. Οἱ ἀνώλεθρος καὶ ἀναλλοίωτος οὔτος κόσμος εἶναι ὁ ἀληθῆς. Ἀντιθέτως ὁ αἰσθητὸς κόσμος ἀποτελεῖται ἐξ εἰδῶλων, δηλαδὴ ἐξ ἀπατηλῶν ἀντικατοπτρισμῶν τῶν ἰδεῶν. « Ἐπιστήμη », ἥτοι ἀληθῆς γνῶσις, εἶναι ἡ τοῦ πνευματικοῦ τούτου κόσμου, ἥτις ἀποκτᾶται διὰ τοῦ ὄρθιοῦ λόγου κατόπιν μακρᾶς πνευματικῆς προσπαθείας, ἀλλὰ καὶ διὰ τῆς ἐνοράσεως. « Δόξα » ἀντιθέτως, ἥτοι ἀτελῆς καὶ μόνον πιθανὴ

γνῶσις, είκασία, είναι ή προερχομένη ἐκ τῶν αἰσθήσεων διὰ παρατηρήσεως τῶν « εἰδώλων ». Τὴν ἀνωτέραν δὲ ταύτην γνωστικὴν ἰκανότητα ἔχει ή ψυχή, διότι προέρχεται ἐκ τοῦ κόσμου τῶν ἴδεων καὶ φέρει μεθ' ἑαυτῆς τὴν ἀνάμνησιν (ἄρα αἱ ἔννοιαι εἰնαι ἔμφυτοι εἰς τὸν ἄνθρωπον). Οὕτως ὁ Πλάτων ἀποκρούει τὴν σχετικοκρατίαν καὶ τὴν σκέψιν καὶ τὴν αἰσθησιαρχίαν, τὴν ὅποιαν ἐκήρυξτον οἱ σοφισταί.

’Ορθολογισταὶ είναι ὡσαύτως οἱ Πατέρες τῆς Ἐκκλησίας Κλήμης, Όριγένης, Γρηγόριος ὁ Νύσσης καὶ οἱ ἄλλοι, ὡς καὶ ἐν τῇ Δύσει ὁ βαθύτατος τῶν φιλοσόφων τῆς ἀρχομένης νέας περιόδου Αὐγουστίνος. Οὕτος ὡς ἀρχάς τῆς γνῶσεως ἀναγνωρίζει τὰ ἀμεσα δεδομένα τῆς συνειδήσεως. Τοιοῦτον δεδομένον είναι τὸ ὅτι « ζῶ, σκέπτομαι, θέλω. ”Αρα ὑπάρχω». Θέτων τὴν γνωσιολογικὴν ταύτην ἀρχὴν ὁ Αὔγουστίνος προηγγέθη τοῦ Καρτεσίου.

Τοῦ δὲ νεωτέρου ὄρθολογισμοῦ ἴδρυτής είναι ὁ Καρτέσιος (Ντεκάρτ). ’Επιδιώκων τὴν θεμελίωσιν τῆς Φιλοσοφίας ἐπὶ βάσεων τοιούτων, ὥστε τὰ πορίσματα αὐτῆς νὰ είναι ἀπολύτως βέβαια καὶ ἔγκυρα, ἀνεζήτησεν ὁ Καρτέσιος πρώτην τινὰ βεβαίαν γνῶσιν, περὶ τῆς ὅποιας οὐδόλως νὰ ἀμφιβάλλῃ. Εὗρε δὲ τὴν διατυπωθεῖσαν διὰ τοῦ περιφήμου « σκέπτομαι, ἄρα ὑπάρχω » (cogito, ergo sum). Τὸ προφανὲς καὶ ἡ ἐνάργεια αὐτῆς ἤγαγον τὸν Καρτέσιον εἰς τὴν εὔρεσιν γενικοῦ κριτηρίου τῆς ἀληθείας : πᾶν ὅ, τι είναι ὡς αὗτη προφανὲς καὶ σαφὲς είναι ἀληθές. Οὕτως ἔφθασεν εἰς τὰς πρώτας ἀρχάς, τὰς ἔμφύτους ἴδεας, ἐξ ὣν δύναται νὰ παράγεται γνῶσις ἔγκυρος, ὅποιας είναι : ἡ ἔννοια τοῦ θεοῦ, αἱ λογικαὶ ἀρχαί, ἡ ἔννοια τῆς οὐσίας, τὰ μαθηματικὰ ἀξιώματα, ἡ ἔκτασις.

’Ἐπὶ τοιούτων ἀρχῶν ἐπεδίωξεν, ὡς καὶ ἀλλαχοῦ εἴπομεν, νὰ θεμελιώσῃ ἔνιαίαν ἐπιστήμην. Ἡ ἐπίδρασις τοῦ Καρτεσίου ὑπῆρξε μεγίστη.

’Ορθολογισταὶ ἐπίσης είναι οἱ μεγάλοι φιλόσοφοι Σπινόζα, Λεϊβνίτιος, Βόλφ, Εγελος, Φίχτε, ὡς καὶ οἱ νεώτεροι Χοῦσσερλ, Ρίκκερτ καὶ ἄλλοι.

(14)

2. Ἡ διδασκαλία τοῦ Ἀριστοτέλους. Ὁ Ἀριστοτέλης δέχεται, ὅτι ἡ ψυχὴ ἔχει ἔμφυτον γνωστικὴν ἰκανότητα, ἀλλ᾽ ὅτι αὗτη ἐκδη-

λοῦται βαθμηδόν. Αἱ ἔννοιαι, « τὰ καθόλου », δὲν εἶναι ὅντα αὐθύπαρκτα ἔξω τῶν αἰσθητῶν, ἀλλ᾽ ἐντὸς αὐτῶν προσδίδουσαι εἰς αὐτὰ τὸ « εἶδος », δηλαδὴ τὴν μορφὴν καὶ καθιστῶσαι ταῦτα νοητά. Διὰ μέρους τῆς αἰσθήσεως, ἡ ὁποία οὐδέποτε μᾶς ἀπατᾷ, φθάνομεν εἰς τὴν ἐνάργειαν τῶν ἔννοιῶν : « οὐδὲν νοεῖ ὁ νοῦς τὰ ἐκτὸς μὴ μετ' αἰσθήσεως ὄντα ». Ἡ δὲ νόησις διὰ τῶν ἐμφύτων λογικῶν ἀρχῶν παράγει γνῶσιν βεβαίαν καὶ ἀσφαλῆ ἀνταποκρινομένην εἰς τὴν πραγματικότητα. Τοιουτοτρόπως ὁ Ἀριστοτέλης ἀπομακρύνεται τοῦ ἀπολύτου ὄρθιολογισμοῦ, χωρὶς ὅμως καὶ νὰ ἀνήκῃ εἰς τὴν ἐμπειριαρχίαν.

Εἰς τοὺς νόμους τῆς νοήσεως εὔρεν ὁ Ἀριστοτέλης τὰ ἀσφαλῆ βάθρα τῆς λογικῆς κατ' ἀναγκαιότητα γνώσεως, ἐφ' ᾧ ἔθεμελίωσε τὴν Λογικὴν ὡς ἀποδεικτικὴν ἐπιστήμην καὶ ὅργανον εύρεσεως τῆς ἀληθείας. Ἀλλ᾽ εἶναι δι' αὐτὸν δογματικῶς τρόπον τινὰ προφανές, ὅτι οἱ νόμοι τῆς νοήσεως εἶναι καὶ νόμοι τῆς πραγματικότητος. Διὰ τοῦτο διατυπώνει τούτους ἀναφερόμενος ταυτοχρόνως εἰς τὴν νόησιν καὶ εἰς τὴν πραγματικότητα. Ἡ ἀρχὴ τῆς ταυτότητος, κατὰ τὸν Ἀριστοτέλη, λέγει « πᾶν εἴναι τὸ αὐτὸν πρὸς ἕαυτόν », ἐν ᾧ διὰ πολλοὺς νεωτέρους λέγει ἀπλῶς « πᾶν νοεῖται τὸ αὐτὸν πρὸς ἕαυτόν », ἀσχέτως τοῦ τί συμβαίνει ὡς πρὸς τὰ πράγματα. Ἐντεῦθεν ἔξ αλλου καὶ τὸ πρόβλημα τῆς σχέσεως νοήσεως καὶ πραγματικότητος ( δηλαδὴ τὸ τοῦ ὑποκειμένου τῆς γνώσεως ), τὸ ὅποιον δὲν θὰ ὑφίστατο, ἐὰν τὸ « νοεῖν » ἦτο αὐτονοήτως καὶ « εἶναι ». Λογικῶς ἀσφαλεστέρα εἶναι ἡ δευτέρα ἐκδοχὴ.

3. Ἡ ἐμπειριαρχία. Ἀντιθέτως πρὸς τὸν ὄρθιολογισμὸν ὡς μοναδικὴν πηγὴν πάσης γνώσεως ἀναγνωρίζει τὴν αἰσθησιν ἡ ἐμπειριαρχία.

Κατὰ τὴν ἀρχαιότητα ὅπαδοι αὐτῆς εἶναι οἱ σοφισταί, οἱ Κυρηναϊκοὶ φιλόσοφοι, ὁ Ἐπίκουρος διδάσκων, ὅτι « πᾶς λόγος ἀπὸ τῶν αἰσθήσεων ἥρτηται », καὶ ἄλλοι.

Κατὰ δὲ τοὺς νεωτέρους χρόνους ἐκπροσωποῦν αὐτὴν ὁ Βάκων, ὁ Λόκος, οἱ αἰσθησιοκράται ἐν γένει, ὁ Χιούμ, ὁ Σπένσερ καὶ ἄλλοι.

‘Ο Φρ. Βάκων κατ' οὐσίαν ὑποδεικνύει μόνον τὴν ἀναγκαιότητα τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης καὶ τῆς ἐπαγωγικῆς μεθόδου εἰς τὰς ἐπιστήμας. Τὴν ἐμπειρικὴν προέλευσιν τῆς γνώσεως δέχεται ἀπλῶς· δέν ἐπιχειρεῖ νὰ καταδείξῃ.

‘Η κυρίως ἐμπειριαρχία (empiricismus). Τὸ πρόβλημα τῶν πηγῶν τῆς γνώσεως καὶ γενικώτερον τὰ γνωσιολογικὰ προβλήματα τίθενται τὸ πρῶτον ὑπὸ τοῦ John Locke (1632 - 1704), ἰδρυτοῦ τῆς Γνωσιολογίας ὡς αὐτοτελοῦς ἐπιστήμης καὶ τοῦ κυρίως ἐμπειρισμοῦ. Κατὰ τὸν Λόκ, πᾶσα γνῶσις ἡμῶν εἶναι ἐμπειρική. ‘Η ψυχὴ ἔρχεται εἰς τὸν κόσμον ὡς « λευκὸς χάρτης » (white paper), ούδεν δὲ ὑπάρχει ἐν τῇ νοήσει, τὸ ὅποιον νὰ μὴ προϋπήρξεν ἐν τῇ αἰσθήσει. (*nihil est in intellectu, quod non prius fuerit in sensu*). Τὴν ἐμπειρίαν διακρίνει οὕτος εἰς ἐξωτερικήν ( ἐκ τῶν αἰσθήσεων προερχομένην ) καὶ ἐσωτερικήν ( ἐκ τῆς αὐτοσυνειδησίας ἢ τῆς ἐσωτερικῆς αἰσθήσεως, δι’ ἣς ἀποκτῶμεν π.χ. τὴν ἔννοιαν τῆς μνήμης, τῆς πίστεως κλπ. ). ’Εξ ἐμπειρίας δημιουργοῦνται καὶ αὐταὶ αἱ λογικαὶ ἀρχαὶ. Μόνον ἡ ἱκανότης νὰ σχηματίζωμεν αὐτὰς δυνατὸν νὰ εἴναι ἐμφυτος.

Γνωρίζομεν ὅμως ὄντως τὰ πράγματα, ὡς εἴναι κατ’ οὐσίαν ; Τοῦτο μόνον ἐν μέρει εἴναι δυνατόν, κατὰ τὸν Λόκ. Γνωρίζομεν ὄντως τὰς εἰς αὐτὰ ἐνυπαρχούσας ἴδιότητας ( τῆς ἐκτάσεως, μορφῆς, κινήσεως ), ὅχι ὅμως ὅσας ἔξαρτῶνται καὶ ἐκ τῶν αἰσθητηρίων ( χρώματος, γεύσεως, ὀσμῆς ). ‘Η τοιαύτη ἔρμηνεία τοῦ φαινομένου τῆς γνώσεως, ἡ δεχομένη τὴν ἱκανότητα μόνον τοῦ νοεῖν ὡς ἐμφυτον, πᾶσαν δὲ γνῶσιν ὡς ἐμπειρικήν, καλεῖται κυρίως ἐμπειριαρχία.

Τὴν θεωρίαν ταύτην ἐπαναλαμβάνουν βραδύτερον οἱ J. St. Mill, Bain καὶ ἄλλοι.

‘Η αἰσθησιαρχία (sensualismus). ’Εξέλιξιν τῆς ἐμπειριαρχίας πρὸς τὰ ἄκρα ἀποτελεῖ ἡ διδασκαλία τῶν Γάλλων αἰσθησιοκρατικῶν, τῶν ὅποιων κυριώτερος ἀντιπρόσωπος εἴναι ὁ Condillac ( 1715 - 1780 ). Οὗτοι δέχονται ὡς ἀποκλειστικὴν πηγὴν τῆς γνώσεως τὴν αἰσθησιν καὶ ὡς μόνην πραγματικότητα τὸν ὄλικὸν κόσμον ( ὑλιστικὴ αἰσθησιαρχία ).

(50)

4. ‘Η κριτικὴ διδασκαλία τοῦ Καντίου. ‘Η διδασκαλία τοῦ Καντίου δὲν εἴναι ἀπλῶς μέση τις λύσις μεταξὺ ὀρθολογισμοῦ καὶ ἐμπειριαρχίας. Εἴναι σύνθεσις ἀμφοτέρων εἰς ἐν καὶ τὸ αὐτό. ‘Ως αἱ μαθηματικαὶ ἀλήθειαι εἴναι ἀπολύτως ἔγκυροι καὶ ἀναγκαῖαι, οὕτω καθίστανται καὶ αἱ ἐκ τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης ἔγκυροι καὶ ἀναγ-

καῖαι. Θεμελιοῦται δηλαδὴ διὰ τοῦ Καντίου τὸ κῦρος τῶν ἐμπειρικῶν ἐν γένει ἐπιστημῶν.

Τὰ ἀντικείμενα ἀντιλαμβανόμεθα ὡς ὑπάρχοντα ἐν χώρῳ, τὰ δὲ γεγονότα ὡς, συμβαίνοντα ἐν χρόνῳ. Χῶρος καὶ χρόνος ὅμως δὲν εἶναι ἴδιότητες τῶν ἀντικειμένων καὶ τῶν γεγονότων κατὰ τὸν Κάντιον. Εἶναι μορφαὶ ἔμφυτοι εἰς τὸ πνεῦμα ἡμῶν. Κατὰ τὴν ἀντίληψιν τὸ πρᾶγμα παρέχει τὴν ὅλην, τὸ δὲ πνεῦμα τὴν καθαρὰν ταύτην μορφὴν τοῦ χώρου ἢ τοῦ χρόνου. "Ο, τι ἀντιλαμβανόμεθα εἶναι ἐκ τοῦ πράγματος καὶ ἐκ τοῦ πνεύματος. Αἱ μορφαὶ αὗται τοῦ πνεύματος, διὰ τῶν ὁποίων ἀντιλαμβανόμεθα, λέγονται ὑπὸ τοῦ Καντίου ἐπ ο-π τεῖα (τοῦ χώρου καὶ τοῦ χρόνου).

Τὸ αὐτὸ συμβαίνει καὶ ὡς πρὸς τὴν νόησιν. Σχηματίζομεν ἐν νοίας, κρίσεις, συλλογισμούς προσδεχόμενοι στοιχεῖα ἐκ τῆς ἐμπειρίας, εἰς τὰ ὄποια δύμως προσδίδει τὸ πνεῦμα τὸ νόημα αὐτῶν διὰ τῶν μορφῶν, αἱ ὄποιαι καλοῦνται κατηγορίαι (εἶναι δὲ δώδεκα ἀποτελοῦσαι τέσσαρας τάξεις : ποιοῦ, ποσοῦ, ἀναφορᾶς καὶ τρόπου).

Τὰς ἐποπτείας (μορφὰς τῆς αἰσθήσεως) ἔρευνα ὁ Κάντιος εἰς τὴν 'Υπερβατικὴν Αἰσθητικήν, τὰς δὲ κατηγορίας (μορφὰς τῆς νοήσεως) εἰς τὴν 'Υπερβατικὴν Λογικήν.

'Η γνῶσις οὕτως ἔχει προφανὲς κῦρος. Τὸ πνεῦμα συλλαμβάνει τὰς ἴδιότητας καὶ τὰς σχέσεις τῶν πραγμάτων, τὰς ὄποιας αὐτὸ τοῦτο προσδίδει εἰς αὐτά. 'Αλλὰ δὲν συλλαμβάνει τὴν πραγματικὴν φύσιν τῶν ἀντικειμένων καὶ γεγονότων. Αὕτη οὐδέποτε θὰ καταστῇ δυνατὸν νὰ γνωσθῇ. 'Εκτὸς αὐτοῦ ἡ γνῶσις περιορίζεται μόνον εἰς ὅ, τι εἶναι προσιτὸν εἰς τὴν ἐμπειρίαν. Πέραν τῶν ὄρίων τούτων πραγματικὴ γνῶσις δὲν εἶναι δυνατή.

Οὕτως ὁ Κάντιος ἀρνεῖται πᾶσαν μεταφυσικήν.

'Ως παρατηροῦμεν, ὑπὸ τοῦ Καντίου διαγράφονται ὅρια σαφῆ τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου καὶ ἐν σχέσει πρὸς αὐτὸ τοῦτο τὸ ὑποκείμενον τῆς γνώσεως καὶ ἐν σχέσει πρὸς τὴν πραγματικότητα ἐν γένει.

'Η γνωσιολογικὴ αὕτη θεωρία τοῦ Καντίου, ἥτις καλεῖται κριτικὴ διδασκαλία (criticismus), ἔσχε τεραστίαν ἐπίδρασιν ἐπὶ τῆς περαιτέρω ἐξελίξεως τῆς Φιλοσοφίας, εἰς τὴν ὄποιαν εἰσήγαγεν ὅλως νέαν ἀποψιν τοῦ προβλήματος τῆς γνώσεως.

5. Η θεωρία τής ένοράσεως. Λύσιν τοῦ προβλήματος τῆς γνώσεως αἰσθητῶς διάφορον τῶν προηγουμένων εἰσηγήθησαν ἀπὸ τῆς ἀρχαιότητος ἥδη φιλόσοφοι δεχόμενοι ως κυρίαν γνωστικήν πηγὴν τὴν ἐνόρασιν, περὶ ἣς εἴπομεν. Η διδασκαλία αὕτη λέγεται θεωρία τῆς ένοράσεως (intuitionismus).

Ως εἴδομεν ἀνωτέρω, τὴν ἐνόρασιν ως πηγὴν γνώσεως ἀναγνωρίζει, παραλλήλως πρὸς τὸν λόγον, ὁ Πλάτων. Καὶ ὁ Ἀριστοτέλης δέχεται αὐτὴν. Ο κυριώτερος ὅμως ἀντιπρόσωπος τῆς διδασκαλίας ταύτης είναι ὁ νεοπλατωνικὸς φιλόσοφος Πλωτῖνος (205 - 270). Η ψυχὴ ἡμῶν φθάνει εἰς καθαρὰν γνῶσιν διὰ τῆς ἐκ στάσεως ἥ ἀπλώσεως, διὰ βυθισμοῦ εἰς τὴν θεότητα, ἔξης προέρχεται.

Τὴν θεωρίαν ταύτην ἀνενέωσε κατὰ τὸν παρόντα αἰῶνα καὶ συγχρόνως ἑστήριξεν ἐπὶ πορισμάτων τῆς Ψυχολογίας καὶ τῆς Βιολογίας ὁ Γάλλος φιλόσοφος H. Bergson (1859 - 1941). Οὗτος ἐκδέχεται τὴν ἐνόρασιν ως αἰσθητικὴν ἥ νοητικὴν συμπάθειαν, διὰ τῆς ὄποιας τρόπον τινὰ εἰσδύομεν ἐντὸς αὐτῶν τῶν ὅντων καὶ ταυτίζόμεθα μετὰ τῆς οὐσίας αὐτῶν. Διὰ τῆς ψυχολογικῆς ένοράσεως γνωρίζομεν τὴν ψυχὴν ἡμῶν. Διὰ τινος δὲ μυστικῆς ένοράσεως συλλαμβάνομεν τὴν ἰδέαν τοῦ θεοῦ, μὴ ὑποκειμένην εἰς γνῶσιν διὰ τῶν νόμων τοῦ ἀνθρωπίνου λόγου. Αὕτη είναι ἥ ἀληθὴς πηγὴ τῆς θρησκείας.

Η θεωρία αὕτη ἔνέχει ἀναμφιβόλως στοιχεῖα ἐπιβεβαιούμενα ὑπὸ τῆς πραγματικότητος, ἀλλὰ καὶ μυστικισμὸν καὶ ἄρνησιν τῆς νοήσεως καὶ τῆς ἐμπειρίας. Διὰ τοῦτο ἔσχε καὶ ὀπαδούς πολλούς, ἀλλὰ καὶ πολεμίους σφοδρούς.

### III. ΘΕΩΡΙΑΙ ΠΕΡΙ ΤΗΣ ΚΑΤΑΓΩΓΗΣ ΤΩΝ ΕΝΝΟΙΩΝ ΚΑΙ ΤΩΝ ΛΟΓΙΚΩΝ ΑΡΧΩΝ

(51)

Συναφές πρὸς τὸν πρόβλημα τῆς σχέσεως μεταξὺ τοῦ περιεχομένου τῆς συνειδήσεως καὶ τῆς πραγματικότητος, δηλαδὴ τὸ τοῦ ὑποκειμένου τῆς γνώσεως, τὸ ὄποιον ἔξητάσαμεν ἀνωτέρω, είναι τὸ τῶν ἐννοιῶν. Κατὰ τὸν μεσαίωνα διεμορφώθησαν δύο ἀντίπαλοι σχολαί : ἡ τῆς πραγματικότητος (realismus), ἥτις, ἀκολουθοῦσα τὸν Πλάτωνα, ἐδέχετο τὰς ἐννοίας ως ὅντα προϋπάρχοντα τῶν πραγμάτων (universalia ante rem) καὶ ἡ τῆς ὀνοματοκρα-

τί ας (nominalismus), ήτις, όρμωμένη ἀπὸ τοῦ Ἀριστοτέλους, καθ' ὃν μόνον τὰ πράγματα ἔχουν ούσιαστικήν ὑπαρξίν, ἐδέχετο αὐτὰς ὡς ἀπλᾶ ὄντα, τῶν ὅποιων τὰ πράγματα προτυγοῦνται (universalia post rem). Τρίτη σχολὴ τέλος ἡ τῆς ἐννοιοκρατίας (conceptualismus) ἡρμήνευσε τὰς ἐννοίας ὡς πνευματικὰς μορφὰς παριστώσας ἐν τῇ νοήσει τὰ ὑπάρχοντα ἐντὸς τῶν πραγμάτων (universalia in re)

Τὰς μαθηματικὰς ἐννοίας εἰδικώτερον ὁ μὲν Καρτέσιος θεωρεῖ ἐμφύτους, οἱ δὲ ὄπαδοι τῆς ἐμπειριαρχίας ἐκδέχονται ὡς προιόντα τῆς ἐμπειρίας, εἰς τὸν σχηματισμὸν τῶν ὅποιων ὅμως παρεμβαίνει καὶ ἡ νόησις. Ἀναλυτικῶς ἐρευνᾷ τὸ πρόβλημα τοῦτο ὁ J. St. Mill.

Κατὰ τὸν αὐτὸν τρόπον ἐρμηνεύει καὶ τὰς λογικὰς ἀρχὰς ἐκάτερα τῶν σχολῶν τούτων. Οἱ ὄπαδοι τῆς ἐμπειριαρχίας παράγουν αὐτὰς ἐκ τῆς ἐμπειρίας. Παρατηροῦντες ἀδιαλείπτως τὴν ἐν τῇ φύσει διαδοχὴν αἰτίων — ἀποτελεσμάτων, ἀποκτῶμεν τὴν βεβαιότητα, ὅτι « πᾶν ἔχει τὴν αἰτίαν αὐτοῦ », ἥτοι τὴν ἀρχὴν τοῦ ἀποχρῶντος λόγου. Ἀναλόγως δὲ σχηματίζομεν καὶ τὰς λοιπὰς ἀρχὰς. Αὗται ἐπομένως δὲν ἔχουν ἀπόλυτον ἰσχὺν παρὰ τὸ προφανές αὐτῶν. Εἰς ἄλλον τινὰ πλανήτην, ἐὰν ὑπάρχουν λογικὰ ὅντα, δυνατὸν νὰ ἔχουν λογικὰς ἀρχὰς διαφόρους, ἐφ' ὅσον ἐσχημάτισαν αὐτὰς ἐκ διαφόρου ἐμπειρίας.

Ἡ ἐρμηνεία αὕτη τῶν λογικῶν ἀρχῶν διὰ τῆς συνδέσεως ὁμοίων σχέσεων ἐπαναλαμβανομένων ἐκλήθη συνειρμικὴ θεωρία καὶ ἀνήκει εἰς τὸν "Ἀγγλον φιλόσοφον David Hume (1711 - 1776). Ταύτην συνεπλήρωσεν ὁ Σπένσερ διὰ τῆς λεγομένης ἐξελίξεως τῶν εἰδῶν θεωρίαν αὐτοῦ ἐπὶ τῶν λογικῶν ἀρχῶν ἐρμηνεύσας αὐτὰς ὡς ἐμφύτους μὲν εἰς τὸ ἄτομον, ἀλλ' ἐπικτήτους εἰς τὸ εἶδος (κτηθείσας διὰ τῆς ἐμπειρίας). Αἱ θεωρίαι αὗται ὅμως, ὡς θὰ ἔδωμεν κατωτέρω, ἔλεγχονται ἀβάσιμοι.

#### IV. ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ ΕΠΙ ΤΩΝ ΑΝΩΤΕΡΩ ΘΕΩΡΙΩΝ

Τὰ ἀνωτέρω προβλήματα, ἥτοι τὸ τοῦ ὑποκειμένου τῆς γνώσεως, τῶν πηγῶν αὐτῆς καὶ τοῦ κύρους αὐτῶν, είναι ἐκ τῶν σπου-

δαιοτάτων, ἀλλά καὶ τῶν πλέον δυσχερῶν.

‘Ως εἴδομεν, αἱ πλέον ἀντίθετοι πρὸς ἀλλήλας θεωρίαι ιστανται ἀντιμέτωποι ἀλλήλων. Διετυπώθησαν δὲ αὗται ὑπὸ τῶν ἔξοχωτέρων ἐν τῇ ἴστορίᾳ διανοιῶν.

‘Εκάστη ὅμως ἔξ αὐτῶν ὑπέστη ἀφ’ ἐνὸς μὲν τὸν ἔλεγχον τῆς ἀλλης, ἀφ’ ἕτερου δὲ διαρκῇ καὶ συστηματικὴν κριτικὴν ἐν τῇ ἴστορίᾳ τῆς Φιλοσοφίας. ’Εκ τοῦ ἔλεγχου τούτου τοῦ καταδεικνύοντος τὰ ἐν ἐκάστῃ ἔξ αὐτῶν θετικὰ καὶ ἀρνητικὰ στοιχεῖα, ὡς καὶ ἐκ τῶν πορισμάτων τῆς Ψυχολογίας καὶ τῶν δεδομένων τῆς πραγματικότητος τῶν μὴ ἐπιδεχομένων ἀμφισβήτησιν, προέκυψαν ἀντιλήψεις συνθέτουσαι τὰ θετικὰ στοιχεῖα αὐτῶν καὶ ἄγουσαι εἰς λύσιν τῶν προβλημάτων τῆς γνώσεως ἀνταποκρινομένην περισσότερον πρὸς τὴν κοινὴν ἀντίληψιν.

1. ’Ἐν σχέσει πρὸς τὸ πρῶτον τῶν προβλημάτων τούτων, τὸ ύποκειμένον τῆς γνώσεως, παρατηρεῖται ὅτι μόνον μεταξὺ τῆς κριτικῆς πραγματοκρατίας καὶ τῆς φαινομενοκρατίας δύναται νὰ εύρισκεται ἡ ὄρθη λύσις. ’Η ἵδε οκρατία τοῦ Μπέρκλεϋ ἀποπειρᾶται νὰ λύσῃ τὸ πρόβλημα μόνον λογικῶς. ’Η λύσις ὅμως αὗτη ἐνέχει ἀντίφασιν. ’Ἐνῷ αὐτὸς οὗτος ὁ Μπέρκλεϋ ὑπάρχει καὶ κινεῖται καὶ αἰσθάνεται ὡς ὃν λογικόν, λογικῶς ἀποδεικνύει τὴν ἀνυπαρξίαν ἔαυτοῦ. ’Έκτὸς τούτου ἴσχύει καὶ περὶ τῆς θεωρίας ταύτης, ὅτι γενικῶς περὶ τοῦ ἀπολύτου ὄρθολογισμοῦ. Τὴν ὄρθοτητα τῶν λογικῶν καὶ μόνον συναγομένων πορισμάτων ἐν σχέσει τούλαχιστον πρὸς τὸν ὑλικὸν κόσμον μόνον ἡ ἐμπειρία δύναται νὰ καταδείξῃ.

‘Η ἀφελὴς πραγματοκρατία, ἔξ ἄλλου, δέχεται δογματικῶς, ὅτι ἡ πραγματικότης παρίσταται ἐν τῇ συνειδήσει ὡς πράγματι εἶναι. ’Αντιθέτως ἡ κριτικὴ πραγματοκρατία συμφωνεῖ πρὸς τὰ δεδομένα τῆς ἐπιστήμης: «Ἡ ριδοδάκτυλος ἡώς» δὲν εἶναι οὕτε ἡ γεννωμένη παρθένος τοῦ μυθολογικοῦ ἀνθρώπου οὕτε ροδόχρους τις οὔσια, ὡς τὴν ἀντιλαμβανόμεθα, ἀλλὰ θιαστικὸν φαινόμενον. Πρόβλημα ὑφίσταται ἐπομένως, ἐὰν τοῦτο ἵναι τὸ πρᾶγμα ἢ τὸ φαινόμενον, ὡς μορφοῦται δηλαδὴ ὑπὸ τοῦ τνεύματος (συμφώνως πρὸς τὸν Κάντιον). ”Ο, τι δήποτε ἐκ τῶν δύο

καὶ ἀν εἶναι, ὑπάρχει κατ' ούσίαν καὶ δυνάμεθα νὰ ἀντιλαμβανώμεθα καὶ νὰ γνωρίζωμεν αὐτό. Εἶναι ἀληθῆ τὰ ἐμπειρικὰ δεδομένα καὶ αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι δύνανται πράγματι νὰ συνάγουν ἐγκύρους ἀληθείας. Τοῦτο δέχονται ἀμφότεραι αἱ σχολαὶ αὗται.

2. Εἰς τὸ δεύτερον πρόβλημα τῶν πηγῶν, τοῦ κύρους αὐτῶν καὶ τῶν ὁρίων τῆς γνώσεως ἔκαστη τῶν θεωριῶν ἐνέχει καὶ θετικὰ στοιχεῖα καὶ ἀρνητικά.

‘Ο ἀπόλυτος ὅρθιολογισμὸς εὐλόγως ἔξαίρει τὴν δύναμιν τοῦ θείου δώρου τῆς νοήσεως. Δι’ αὐτῆς ἐθεμελιώθησαν τὰ μεγαλοπρεπῆ φιλοσοφικὰ συστήματα, συνήχθησαν γενικαὶ ἀλήθειαι καὶ πρὸ πάντων ἐπ’ αὐτῆς θεμελιοῦται ἡ ἀληθεστέρα – κατὰ γενικὴν ὁμολογίαν – καὶ ἀκριβεστέρα τῶν ἐπιστημῶν, τὰ Μαθηματικά. ’Εν σχέσει ὅμως πρὸς τὸν ὑλικὸν κόσμον ἡ ὄρθοτης τῶν διὰ τοῦ λόγου καὶ μόνου συναγομένων γνώσεων δὲν εἶναι δυνατὸν νὰ ἐλεγχθῇ ἀνευ τῆς ἐμπειρίας, ὡς εἴπομεν καὶ ἀνωτέρω. ’Εκτὸς δὲ τούτου εἶναι ζῶσσα πραγματικότης καὶ ὁ ἀπέραντος θησαυρὸς τῶν ἐπιστημονικῶν κατακτήσεων καὶ τὰ ἀνυπολόγιστα τεχνικὰ δημιουργήματα τοῦ ἀνθρώπου. Πᾶς δυνάμεθα νὰ ἀγνοήσωμεν τὴν ἀξίαν καὶ τὸ κύρος τῆς ἐμπειρικῆς γνώσεως; ’Η ἀνακάλυψις τοῦ Ποσειδῶνος δὲν εἶναι ἡ πλέον ἀπτὴ καὶ ὡραία ταυτοχρόνως ἀπόδειξις τῆς συνεργασίας τῆς λογικῆς καὶ τῆς ἐμπειρικῆς ἔρευνης;

’Εξ ἵσου ὅμως ἀπαράδεκτος ὡς μονομερής, ἀγνοοῦσα τὴν ὑπαρξίαν προφανῶν ἀληθειῶν καὶ τὴν δύναμιν, δι’ ἣς καὶ τὴν ίδιαν αὐτῆς θεωρίαν ὑποστηρίζει λογικῶς, εἶναι ἡ ἀκραίη μπειριαρχία, ἡ αἰσθησιαρχία.

’Η θεωρία τῆς ἐνοράσεως ὄρθως ἐκδέχεται τὴν ἀνὰ πᾶσαν στιγμὴν ἐπιβεβαιουμένην ὑπὸ τῆς ἀτομικῆς ἡμῶν ἐμπειρίας ἀμεσον σύλληψιν τῶν σχέσεων τῶν πραγμάτων. Αὕτη προηγεῖται πάσης λύσεως, πάσης ἐπιχειρηματολογίας, ἐν ᾧ ἐκ τῶν προτέρων ἔχομεν ἔτοιμον τὸ συμπέρασμα καὶ διὰ τῆς ἀποδείξεως πειθούμεν τοὺς ἄλλους, ὅχι ἡμᾶς αὐτούς... πεπεισμένους ἥδη. ’Αλλ’ ἡ ἀρνήσις τῆς ἀποδεικνυούσης τὴν ὄρθοτητα τῆς ἐνοράσεως λογικῆς νοήσεως καὶ τῆς αἰσθήσεως, ἥτις ἐπίσης τὴν ἐλέγχει διὰ τῶν δεδομένων τῆς πραγματικότητος, ἀποκρούεται. ’Ομοίως καὶ ὁ μυστικισμὸς αὐτῆς καὶ αἱ ὑπερβολαὶ ἐν γένει.

‘Η κριτική διδασκαλία ἐμφανίζεται ως συμβιβάζουσα τὰς ἀντίθετους ἀπόψεις. Ο Κάντιος εἶναι ὁ πρῶτος, δοτις ἐστήριξε τὰς Μαθηματικὰς καὶ τὰς Φυσικὰς ἐπιστήμας ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων καὶ κατέστησεν ἀδύνατον τὴν ἀμφισβήτησιν τοῦ κύρους τῆς ἐμπειρίας. Τὰ ὄρια ὅμως τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου κατὰ τὴν διδασκαλίαν τοῦ Καντίου εἶναι ἔκει, ὅπου φθάνει ἡ ἐμπειρία ἡμῶν. Πέραν τοῦ σημείου τούτου δὲν δυνάμεθα νὰ χωρήσωμεν μετὰ βεβαιότητος, ὅτι ἡ γνῶσις ἡμῶν εἶναι ὀρθή.

3. ‘Ως πρὸς τὸ τρίτον δὲ πρόβλημα τῆς καταγωγῆς τῶν νένοιῶν καὶ τῶν λογικῶν ἀρχῶν λόγικῶν ἀμφότεραι αἱ ἑκδοχαί, καὶ τοῦ ὀρθολογισμοῦ καὶ τῆς ἐμπειριοκρατίας, ἐλέγχονται ως ἀστήρικτοι.

Περὶ τῶν ἐννοιῶν ἡ κρατοῦσα ἀποψις εἶναι, ὅτι δὲν εἶναι ἐμφυτοι αὐταὶ αὗται. Οὔτε ὅμως καὶ προϊόντα συνειρμῶν. “Ἐμφυτος εἶναι ἡ νοητικὴ δειξιότης, δι’ ἣς αὗται σχηματίζονται ἐκ τῶν παραστάσεων. ’Ἐν τούτοις παραμένει δυσχερής ἡ λύσις τοῦ προβλήματος τῶν μαθηματικῶν ἐννοιῶν.

Τῶν δὲ λογικῶν ἀρχῶν τὸ μὲν ἐμφυτον ἀποκρούεται διὰ τοῦ ἐπιχειρήματος, ὅτι ὁ παῖς δὲν ἔκδηλωνει ταύτας εὐθὺς ἀμέσως, ἀλλὰ μετὰ μακρὰν ἐπαφὴν πρὸς τὴν πραγματικότητα, ἡ δὲ συνειρμικὴ καὶ ἡ ἔξελικτικὴ προέλευσις διὰ τῶν ἔξης :

α ) Λογικὰς ἀρχὰς θὰ είχον καὶ τὰ ἀνώτερα τούλαχιστον ζῶα, διότι καὶ εἰς αὐτῶν τὰς αἰσθήσεις θὰ ὑπέπιπτον αἱ κανονικῶς ἐπαναλαμβανόμεναι σχέσεις. Στεροῦνται ὅμως ταῦτα ἀρχῶν λογικῶν φθάνοντα μόνον μέχρι τῆς συλλήψεως ( διὰ συνειρμοῦ ) σχέσεων τινῶν στοιχειωδῶν. ’Ο κύων π.χ. συνδέει τὴν προετοιμασίαν τοῦ κυνηγοῦ πρὸς τὴν ἐπικειμένην ἔξοδον εἰς κυνήγιον καὶ ἀνυπομονεῖ. ’Ο ἵππος ἀποφεύγει πολλάκις τὸ σάγμα, διότι ἔχει συνδέσει αὐτὸ πρὸς τὸ φορτίον. Οὐδέποτε ὅμως θέτει εἰς ἑαυτὸ τὸ ζῶον τὴν ἐρώτησιν « διατί ».

β ) ’Εὰν ἢτο ἡ ἐμπειρικὴ θεωρία ἀληθής, θὰ ἔπρεπεν ἡ βεβαιότης τῶν ἀρχῶν νὰ ἐνισχύεται ἐνηλικιουμένου τοῦ ἀνθρώπου. ’Αλλὰ παρατηρεῖται τὸ ἀντίθετον. ’Ἐν ᾧ ὁ μικρὸς παῖς εἶναι πεπεισμένος ὅτι τὰ πάντα ἐρμηνεύονται, ὁ ἐφηβος γίνεται σκεπτικὸς πρὸ τῶν δυσκολιῶν νὰ ἐρμηνεύσῃ καὶ κατανοήσῃ σοβαρὰ προβλήματα τιθέμενα ὑπὸ τῆς πραγματικότητος.

γ ) 'Η ἐμπειρία διδάσκει μόνον « τί εἶναι » ἔκαστον, καὶ ἀκριβέστερον « τί φαίνεται ὅτι εἶναι ». Αἱ λογικαὶ ἀρχαὶ ὅμως καθιστοῦν νοητὸν τὸ « τί δὲν δύναται νὰ μὴ εἶναι », τὸ ὅποιον προϋποθέτει κάτι περισσότερον τῆς ἐμπειρίας.

δ ) 'Ἐν ᾧ πᾶσα ἐμπειρία ἀναφέρεται εἰς τι πραγματικόν, αἱ ἀρχαὶ τῆς νοήσεως ὑπερβαίνουν τὴν πραγματικότητα καὶ δὲν ἀναφέρονται εἰς τι συγκεκριμένον, ἀλλ' ἀφηρημένως εἰς πᾶν δυνάμενον νὰ νοηθῇ.

ε ) 'Η δημιουργία τῶν λογικῶν ἀρχῶν διὰ τῆς ἐξελίξεως, ἀντικρούεται ὡς αὐθαίρετος. Οἱ πλεῖστοι τῶν συγχρόνων σοφῶν δὲν ἀποδέχονται τὴν κληρονομικότητα κτηθέντων φυσιολογικῶν χαρακτήρων Πολλῷ μᾶλλον τῶν ψυχικῶν.

'Ως συμπέρασμα θὰ ἡδύναντο νὰ ἐπαναληφθοῦν οἱ λόγοι τοῦ Λείβιντίου ἀπαντῶντος πρὸς τὸν Λόκο : « Ούδεν ἐν τῇ νοήσει, ὃ μὴ πρότερον ἐν τῇ αἰσθήσει, εἰ μὴ μόνον αὔτῃ αὕτῃ ἡ νόησις » ( nisi ipse intellectus ).

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Ε'

### ΤΕΛΙΚΑ ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑΤΑ

(52)

Κατά τήν προηγουμένην γενικωτάτην ἐπισκόπησιν τῶν προβλημάτων τῆς γνώσεως ἔξητάσθη πρῶτον, ἐὰν ἡ γνῶσις εἴναι κατ' ἀρχὴν δυνατή. Διότι, ἐὰν ἀποδειγμένως δὲν εἴναι δυνατή, περιττεύει πᾶσα περαιτέρω ἔρευνα περὶ πηγῶν, ἔγκυρότητος ἑκάστης ἐξ αὐτῶν κλπ. Συνηγάγομεν δὲ βάσιμον συμπέρασμα, ὅτι δὲν ὑφίσταται λόγος, οὔτε προφανῆς οὔτε ἐξ ἀποδείξεως, πείθων περὶ τοῦ ἀδυνάτου αὐτῆς, ἀλλ' ἀντιθέτως, ὅτι τὰ ἐπιχειρήματα τῆς ἀμφίβολούστης ἢ πεπεισμένης ( παρὰ τὸ ὅτι δι' οὐδὲν δυνάμεθα νὰ πεισθῶμεν ) σκέψεως εὔκόλως ἀνασκευάζονται.

Εἶτα ἔξητάσαμεν τὸ πρόβλημα τοῦ ὑποκειμένου τῆς γνώσεως.  
Ἐπὶ τοῦ προβλήματος τούτου, ὡς ἐν τῷ προηγουμένῳ κεφαλαίῳ παρετηρήθη, ἡ μὲν ἀποψις τοῦ Μπέρκλευ ἐλέγχεται ὡς μόνον λογικῶς στηρίζομένη, ἀντιφάσκουσα δὲ καταφανῶς καὶ πρὸς αὐτὴν ταύτην τὴν ύλικήν ὑπαρξίν τῶν ὑποστηρικτῶν αὐτῆς, ἡ δὲ ἀφελής πραγματοκρατικὴ ἀποψις ὡς οὐδόλως αὐτονόητος οὔτε ἐπὶ ἀποδείξεως δυναμένη νὰ στηριχθῇ.

Αἱ δύο ὑπολειπόμεναι λύσεις ἀποδέχονται ἐξ ἵσου ἀντικειμενικὴν πραγματικότητα καὶ πνεῦμα γιγνῶσκον ἐμπειρικῶς καὶ διὰ τῆς νοήσεως αὐτήν. Διαφωνοῦν πρὸς ἀλλήλας, ἐὰν ὅ, τι γνωρίζομεν εἴναι αὕτη ἡ οὐσία ἢ τὸ φαινόμενον. Τὸ τελευταῖον τοῦτο ἐμφανίζεται ὡς τὸ κατ' ἔξοχὴν « ἄλυτον πρόβλημα », πρὶν ἡ κηρυχθῆ ἡ οὐσία τῶν πραγμάτων ὡς προωρισμένη νὰ μείνῃ ἐσαεὶ ἄγνωστος.

Ἐν συνεχείᾳ ὑπετυπώθησαν στοιχειωδῶς οἱ διάφοροι θεωρίαι περὶ τῶν πηγῶν τῆς γνώσεως καὶ τοῦ κύρους αὐτῶν ( τοῦ ὁρθολογισμοῦ, τῆς ἐμπειριαρχίας, τοῦ Καντίου καὶ ἡ τῆς ἐνοράσεως ), ὡς καὶ οἱ εἰδικώτερον εἰς τὴν καταγωγὴν τῶν ἐννοιῶν καὶ τῶν λογικῶν ἀρχῶν ἀναφερόμεναι ( συνειρμικὴ καὶ ἔξελικτικὴ ).

Διετυπώθησαν ἐν τέλει παρατηρήσεις ἐπὶ τῶν θεωριῶν αὐτῶν

καὶ ἔξετέθησαν ὡρισμένα τῶν ἐπιχειρημάτων, τὰ ὅποια ἥγαγον εἰς τὴν διαμόρφωσιν τῶν ἐπικρατεστέρων συγχρόνων ἀντιλήψεων ἐπὶ τῶν προβλημάτων τούτων. Δι’ αὐτῶν δὲ κατεδείχθη, διτὶ αἱ ἐπικρατοῦσαι ἀντιλήψεις εἶναι περισσότερον σύμφωνοι καὶ πρὸς τὴν κοινὴν συνείδησιν καὶ πρὸς ὡρισμένα μὴ δυνάμενα νὰ ἀγνοηθοῦν δεδομένα τῆς πραγματικότητος.

Συμφώνως πρὸς τὰς ἀντιλήψεις αὐτὰς, ἡ μὲν νόησις εἶναι ἔμφυτος δεξιότης τοῦ ἀνθρώπου, ἥτις καὶ λογικῶς ἔξ ἀρχῶν ἄγει εἰς βεβαίαν γνῶσιν καὶ εἰς πᾶσαν ἐμπειρικὴν γνῶσιν παρεμβαίνει, ἡ δὲ αἰσθησις προκειμένου περὶ τῆς ἐμπειρικῆς γνώσεως εἰσκομίζει τὴν ύλην, ἐφ’ ἣς ἐκείνη ἐκδηλοῦται. Αἱ ἔννοιαι δημιουργοῦνται ἐκ τῶν ἔξ ἐμπειρίας στοιχείων τῆς συνειδήσεως, ἀλλ’ ὑπὸ τῆς νοήσεως. Αἱ δὲ λογικαὶ ἀρχαὶ εἶναι ἔμφυτοι κανόνες τοῦ νοεῖν, ἀλλ’ ἡ ἐκδήλωσις αὐτῶν προϋποθέτει τὴν ἐμπειρίαν.

Συνοψίζοντες ἥδη πάντα τὰ ἐπὶ τοῦ προβλήματος τῆς γνώσεως συναχθέντα πορίσματα θὰ ἡδυνάμεθα τελικῶς νὰ συμπεράνωμεν μετὰ τῆς δεούσης σώφρονος ἐπιφυλακτικότητος προκειμένου περὶ τοῦ δυσχερεστάτου τῶν προβλημάτων τὰ ἔξτις :

α ) ‘Η γνῶσις εἶναι δυνατὴ κατ’ ἀρχὴν ὑφίσταται ὅμως πάντοτε τὸ πρόβλημα, ἀν διναταποκρίνεται εἰς τὴν πραγματικότητα, ὡς αὗτη εἶναι ὄντως ἡ ὡς φαίνεται διτὶ εἶναι.

β ) Πηγαὶ τῆς γνώσεως ἔξ ἵσου ἔγκυροι, στενῶς συνεργαζόμεναι ( ἀναλόγως τοῦ ἐκάστοτε ὑποκειμένου ) καὶ ἐλέγχουσαι ὀλλήλας εἶναι καὶ ἡ νόησις καὶ ἡ αἰσθησις καὶ ἡ ἐνόρασις.

γ ) Τὸ ἀνθρώπινον πνεῦμα εἶναι ἔμφυτος προικισμένον διὰ τῆς ἰκανότητος τῆς δημιουργίας τῶν ἐννοιῶν, ἀν δέχῃ καὶ δι’ ἔμφυτων τινῶν ἐννοιῶν καὶ διὰ τῶν λογικῶν ἀρχῶν, τῶν ὅποιων ὅμως ἡ ἐκδήλωσις προϋποθέτει τὴν ἐμπειρίαν καὶ

δ ) ‘Η ἔξωτερικὴ πραγματικότης ὑπάρχει καὶ εἶναι δυνατόν, τούλόχιστον ὡς « φαινόμενον » ( ὑπὸ τὴν καντιανὴν ἐννοιαν τοῦ ὄρου ), νὰ γνωσθῇ.



# ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ

ΔΗΜΗΤΡΑΣ ΑΠ

## ΑΣΚΗΣΕΙΣ ΕΙΣ ΤΗΝ ΛΟΓΙΚΗΝ

1. Νὰ εύρεθῇ δυνάμει τίνος θεμελιώδους ἀρχῆς λέγομεν :  
ἀντὶ τοῦ δργανισμός : ὑλικὸν ὃν ἔχον δργανα·  
ἀντὶ τοῦ τρέγωνον : εὐθύγραμμον σχῆμα ἔχον 3 πλευράς·  
τὸ φυτὸν ἀποκλείεται νὰ μὴ φύεται ἐκ τῆς γῆς·  
ἢ θὰ βρέξῃ ἢ δὲν θὰ βρέξῃ, ἄλλο δὲν χωρεῖ.
2. Νὰ εύρεθῇ ποίαν ἀρχὴν παραβαίνει δ λέγων :  
ἡ φάλαινα εἰναι καὶ δὲν εἰναι θηλαστικόν·  
μερικοὶ δργανισμοὶ στεροῦνται δργάνων·  
ἡ νυκτερὶς εἰναι πτηνὸν ἢ ὅχι πτηνὸν ἢ ἄλλο τι·  
ἔχω πυρετὸν ἄνευ οὐδενὸς λόγου.
3. Νὰ χαρακτηρισθοῦν ως πρὸς τὴν κατηγορίαν αἱ ἔννοιαι :  
α ) σχολεῖον, τιμῆ, σοφία, γράφω·  
β ) κατώτερος, ἀστήρ, Χριστιανός, λευκός·  
γ ) ὁξυγόνον, Ἀθῆναι, ἄτομον, ἀήρ.
4. Νὰ χαρακτηρισθοῦν ως πρὸς τὸ περιεχόμενον αἱ ἔννοιαι :  
α ) ἡλεκτρισμός, τετράπλευρον, Ἰστορία, ταχύτης·  
β ) βροχῆ, τέχνη, Φιλολογία, χρῆμα·  
γ ) ὁδόμβος, συγκοινωνία, πέτρωμα, αἰσθημα.
5. Νὰ εύρεθῇ τίνος ἔννοιας εἰναι ἴδιον γνώρισμα ἐκάστη τῶν ἐπομένων ἔννοιῶν :  
α ) ἔχον 4 πλευράς, ἐτερόφωτος, ἔχον ἴδιαν κίνησιν·  
β ) ἐκτακτόν, ἔχον σπονδύλους, τρεφόμενον μὲ σάρκας.
6. Νὰ εύρεθῇ τὸ ἴδιον γνώρισμα ἐκάστης τῶν ἔννοιῶν :  
α ) ὀρθογώνιον, ἄνθρωπος, ὕδωρ, ἀπλανής·  
β ) ὁρυκτόν, Φυτολογία, Ψυχολογία, δικαιοσύνη.

7. Νὰ εύρεθοῦν ἔννοιαι ἔχουσαι κοινὸν ἐκαστον τῶν γνωρίσμάτων :
  - α) τρήγων, δένδρον, φυτόν, ὀργανισμός·
  - β) ἐπιστήμη, φυσική ἐπιστήμη, σχολεῖον·
  - γ) ἥπειρος, ἀνθρωπίνη φυλή, ποίησις.
8. Νὰ εύρεθοῦν κοινὰ γνωρίσματα τῶν ἔννοιῶν :
  - α) κύκλος καὶ τρίγωνον δέκα καὶ ὅκτω·
  - β) ἥλιος, σελήνη καὶ Κρόνος· ἐλαία καὶ ἵππος·
  - γ) Φυτολογία καὶ Ὁρυκτολογία· χρυσός, ἀργυρός καὶ σίδηρος.
9. Νὰ χαρακτηρισθοῦν ὡς πρὸς τὸ βάθος καὶ τὸ πλάτος αὐτῶν αἱ ἔννοιαι :
  - α) σῶμα, σκαληνὸν τρίγωνον, σχέσις, ἀνόργανον·
  - β) φυτόν, καρποφόρον, Ἑλλάς, οὐσία·
  - γ) κύπρον, θηλαστικόν, σπονδυλωτόν, ὀργανικόν.
10. Νὰ εύρεθῇ ἡ ὡς πρὸς τὰ κοινὰ γνωρίσματα σχέσις πρὸς ἀλλήλας τῶν ἔννοιῶν :
  - α) γαλῆ — σῖνη· κύων — ἀλώπηξ·
  - β) ἐλαία — δένδρον· ἐλαία — σοφία·
  - γ) ἀνθρωπός — ὀργανικόν· σφυῖρα — κύκλος.
11. Νὰ εύρεθῇ ἡ κατὰ τὴν συμφωνίαν σχέσις πρὸς ἀλλήλας τῶν ἔννοιῶν :
  - α) λεῖος — λευκός· φυτὸν — δένδρον·
  - β) ὀργανικὸν — ἀνόργανον· ἀλμυρός — ὑγρός·
  - γ) Μοναική — Ζωγραφική· οὐράνιος — γῆϊνος.
12. Νὰ εύρεθῇ ἡ κατὰ τὸ πλάτος σχέσις πρὸς ἀλλήλας τῶν ἔννοιῶν :
  - α) ἔκθετος — ἔγγραφος· Ποίησις — Μουσική·
  - β) τέχνη — Ζωγραφική· πόλις — χωρίον·
  - γ) πλανήτης — ἀστλανής· πυραμίς — στερεόν.
13. Νὰ σχηματισθῇ λογική κλῖμαξ :
  - α) μὲ γενικώτατον γένος τὴν ἔννοιαν «οὐράνιον σῶμα» καὶ εἰδικώτατον εἶδος τὴν ἔννοιαν «γῆ»
  - β) μὲ γεν. γένος τὴν ἔννοιαν «σχῆμα» καὶ εἰδ! εἶδος τὴν ἔννοιαν «ὅρθιογώνιον τετράπλευρον»·
  - γ) μὲ γεν. γένος τὴν ἔννοιαν «ἀνόργανον» καὶ εἰδ. εἶδος τὴν

έννοιαν « ἄργυρος ».

14. Νὰ σχηματισθῇ λογική κλίμαξ ἐλευθέρως :
  - α ) δι' ἀναλύσεως·
  - β ) διὰ συνθέσεως.
15. Νὰ εύρεθῇ τὸ προσεχὲς γένος ἑκάστης τῶν ἔννοιῶν :
  - α ) "Αργεῖς ( ἀστήρ ), εὐθύγραμμον σχῆμα, χαλκός·
  - β ) Γυμνάσιον, σῶμα, δικαιοσύνη, Χημεία·
  - γ ) Αθῆρια, θηλαστικόν, Κύπρος, φυτόν.
16. Νὰ εύρεθῇ τὸ προσεχὲς εἶδος τῶν ἔννοιῶν τῆς ἀσκήσεως 15 ( ὅπου ὑπάρχει ).
17. Νὰ εύρεθῇ ἡ εἰδοποιὸς διαφορὰ τῶν ἔννοιῶν :
  - α ) λέων — σκύμνος· στερεὸν — κῦβος·
  - β ) φυτὸν — δένδρον· πνευματικὴ ἐπιστήμη — Λογική·
  - γ ) παράλληλος — Ἰσημερινός · Αμερικανός — Μεξικανός.
18. Νὰ χαρακτηρισθοῖν αἱ κατωτέρω κρίσεις ὡς πρὸς τὸ ποιόν, τὸ ποσόν, τὴν ἀναφορὰν καὶ τὸν τρόπον :
 

πάντα τὰ ὄλικὰ εἰναι ἐκτατά.  
δειλοὶ τινες εἰναι θρασεῖς·  
έάν τις προνοῇ, δὲν μετανοεῖ·  
πᾶσα γωνία εἰναι ἡ δρθή ἡ δξεῖα ἡ ἀμβλεῖα·  
ἡ ἡλεκτρονικὴ θεωρία φαίνεται δρθή·  
ἴσως ἀγνοοῦμεν τὴν ἀληθῆ φύσιν τῶν ὅντων.
19. Νὰ χαρακτηρισθοῦν αἱ κατωτέρω κρίσεις ἀπὸ ἀπόψεως ποιοῦ καὶ ποσοῦ ταυτοχρόνως, καὶ νὰ προσδιορισθῇ ἡ σχέσις ὑποκειμένου καὶ κατηγορουμένου.
 

ἀνθρωποί τινες εἰναι Κανάσιοι·  
πάντα τὰ θηλαστικὰ εἰναι μαστοφόρα·  
οὐδὲν ἀνόργανον εἰναι φυτόν·  
σαρκοφάγα τινὰ δὲν εἰναι ζῶα·  
ἔννοιαι τινες δὲν εἰναι ἐπαλλάσσονται·  
ἐπιστῆμαί τινες εἰναι κανονικαί.
20. Νὰ χαρακτηρισθῇ ἐπὶ τῇ βάσει τοῦ λογικοῦ τετραγώνου ἡ σχέσις τῶν κρίσεων :

Πάντα τὰ πτηνὰ εἶναι ζῶα — οὐδὲν πτηνὸν εἶναι ζῶον:  
Τοίγιωνά τινα εἶναι εὐθύγραμμα — τοίγιωνά τινα δὲν εἶναι  
εὐθύγραμμα.

Οὐδεὶς ἄνθρωπος εἶναι ἀναμάρτητος — ἄνθρωποί τινες δὲν  
εἶναι ἀναμάρτητοι.

Πάρτες οἱ πλανῆται εἶναι ἐτερόφωτοι — πλανῆται τινες δὲν  
εἶναι ἐτερόφωτοι.

21. Νὰ εὔρεθῇ, διατί ψεύδονται ἀμφότεραι αἱ κρίσεις :  
Πάρτες οἱ ιατροὶ εἶναι παθολόγοι — οὐδεὶς ιατρὸς εἶναι πα-  
θολόγος.  
Οὐδεὶς ἄνθρωπος εἶναι Εὐδωπαῖος — πάρτες οἱ ἄνθρωποι  
εἶναι Εὐδωπαῖοι.
22. Νὰ ἀντιστραφοῦν κατὰ τοὺς δυνατοὺς τρόπους αἱ κρίσεις :  
πάντα τὰ πολύγωνα εἶναι εὐθύγραμμα·  
πᾶν θηλαστικὸν εἶναι μαστοφόρον·  
οὐδὲν τραπέζιον εἶναι παραλληλόγραμμον·  
κυβερηῆται τινες εἶναι σοφοί·  
κυλλιτέχραι τινὲς εἶναι μόνσικοι·  
τεχνικοὶ τινες δὲν εἶναι ἐπιστήμονες·  
δέρδραι τιὰ δὲν εἶναι μηλέαι.
23. Νὰ ἀναγνωρισθῇ τὸ εἶδος ἑκάστου τῶν ἔξης ἀμέσων συλλο-  
γισμῶν :  
στερεά τινα εἶναι κύκλοι  
ἄρα οὐδὲν στερεὸν εἶναι κύκλος  
θηλαστικά τινα δὲν εἶναι σπονδυλωτά  
ἄρα θηλαστικά τινα εἶναι σπονδυλωτὰ  
οὐδὲν ύγρὸν ἔχει ἴδιον σχῆμα  
ἄρα ύγρά τινα δὲν ἔχουν ἴδιον σχῆμα  
μαῦροί τινες εἶναι πρωτόγονοι  
ἄρα πρωτόγονοί τινες εἶναι μαῦροι

έάν τις εἶναι εὐσεβής, δὲν εἶναι ἀσεβής

ἄρα εἶναι τις η εὐσεβής η ἀσεβής

24. Νὰ σχηματισθοῦν οἱ κάτωθι κατηγορικοὶ συλλογισμοὶ :

Τοῦ α' σχήματος

γράμματα : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : κακία, φθόρος, ἀποφευκτέον ).

ἔγραψε : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : ἄσλον, αἰσθητόν, ἀέριον ).

Τοῦ β' σχήματος

κάτεχε : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : σφαῖδα, κύκλος, ἐπίπεδον ).

ἄχολον : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : ἀπλανής, οὐρανίον σῆμα, αὐτόφωτον ).

Τοῦ γ' σχήματος

Ισάκις : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : ὀργανισμός, ζῆν, σαρκοφάγα ).

σθεναρός : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : φόνος, αλοπή, ἀδίκημα ).

Τοῦ δ' σχήματος

σέλινον : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : ἄσεμνον, ἡθοπλαστικόν, ἀνάγνωσμα ).

πάρεχε : ( διὰ τῶν ἐννοιῶν : Χριστιανός, πολυθεϊστής, ὁρθόδοξος ).

25. Νὰ εύρεθῇ τὸ σχῆμα καὶ δὲν τρόπος ἐκάστου τῶν ἐποιμένων συλλογισμῶν :

α) Οὐδεὶς Μωαμεθανὸς εἶναι Χριστιανός πάντες οἱ Μωαμεθανοὶ εἶναι μονοθεῖσται

ἄρα μονοθεῖσται τινες δὲν εἶναι Χριστιανοί

β) Οὐδεμία ἀρετὴ εἶναι κατακριτέα η ἀμέλεια εἶναι κατακριτέα

ἄρα η ἀμέλεια δὲν εἶναι ἀρετή.

γ) Πάντες οἱ πλανῆται στρέφονται περὶ τὸν ἥλιον τινὰ οὐράνια σώματα εἶναι πλανῆται

ἄρα τινὰ οὐράνια σώματα στρέφονται περὶ τὸν ἥλιον

- δ ) *Tινὰ τῶν θηλαστικῶν εἶναι φάλαιναι  
πᾶσαι αἱ φάλαιναι εἶναι ὑδρόβια*  
ἄρα τινὰ ὑδρόβια εἶναι θηλαστικὰ
26. Νὰ εύρεθῇ τὸ σχῆμα, δὲ τρόπος καὶ ἡ σχέσις τῶν ὅρων ἐκάστου τῶν ἐπομένων συλλογισμῶν :
- α ) *Ἄστερες τινὲς δὲν εἶναι πλανῆται  
πάντες οἱ ἀστέρες εἶναι οὐράνια σώματα*  
ἄρα τινὰ οὐράνια σώματα δὲν εἶναι πλανῆται
- β ) *Πάντα τὰ θηλαστικὰ εἶναι ζῷα  
πάντα τὰ ζῷα εἶναι δργανισμοὶ*  
ἄρα δργανισμοὶ τινὲς εἶναι θηλαστικὰ
- γ ) *Οὐδεὶς ἵχθὺς στερεῖται βραγχίων  
θαλάσσιά τινα ζῷα στεροῦνται βραγχίων*  
ἄρα θαλάσσιά τινα ζῷα δὲν εἶναι ἵχθύες
- δ ) *Οἱ φίλοι εἶναι εἰλικρινεῖς  
τινὲς εὐπροσήγοροι δὲν εἶναι εἰλικρινεῖς*  
ἄρα τινὲς εὐπροσήγοροι δὲν εἶναι φίλοι
27. Νὰ εύρεθῇ τὸ εἶδος ἐκάστου τῶν κατωτέρω συλλογισμῶν καὶ νὰ κριθοῦν βάσει τῶν κανόνων τὰ συμπεράσματα :
- α ) *Ἐὰν δεχθῇ ἐρέθισμα τὸ ὀπτικὸν νεῦρον, θὰ προκληθῇ ὀπτικὸν  
αἴσθημα  
δὲν δέχεται ἐρέθισμα τὸ ὀπτικὸν νεῦρον*  
ἄρα δὲν προκαλεῖται ὀπτικὸν αἴσθημα
- β ) *Ἐάν τις προδώσῃ τὴν πατρίδα, εἶναι ἄξιος θανάτου  
δὲν εἶναι τις ἄξιος θανάτου*  
ἄρα δὲν ἐπρόδωσε τὴν πατρίδα.
28. Νὰ ἀναγνωρισθοῦν οἱ κατωτέρω διαζευκτικοὶ συλλογισμοὶ καὶ

νὰ μετατραποῦν κατά τοὺς δυνατούς τρόπους :

- α ) Ἡ ἀρετὴ εἶναι προαιρετικὸν η̄ ἀκούσιον  
ἀλλὰ δὲν εἶναι ἀκούσιον

ἄρα η̄ ἀρετὴ εἶναι προαιρετικὸν

- β ) Αἱ ἀντίθετοι ἔννοιαι εἰναι η̄ ἀντιφατικαὶ η̄ ἐναντίαι  
αἱ ἔννοιαι Α καὶ Β εἶναι ἀντιφατικαὶ

ἄρα δὲν εἶναι ἐναντίαι

29. Νὰ συμπληρωθοῦν τὰ κατωτέρω διλήμματα :

- α ) Ἐὰν οἱ κατήγοροι τοῦ Σωκράτους εἰχον δίκαιοι,  
Οὐαὶ ἔπειρεν οὗτος νὰ εἶναι η̄ ἀσεβῆς η̄ διαφθο-  
ρεὺς τῶν ψυχῶν τῶν νέων

ἄρα . . . . .

- β ) Ἐὰν αἱ νοκτερίδες ἡσαν πτηνά, . . . . .

ἄρα . . . . .

- γ ) Ἐὰν η̄ γῆ δὲν ἦτο πλανήτης, . . . . .

ἄρα . . . . .

- δ ) . . . . .

ἄρα δ̄ χαλκὸς δὲν εἶναι πολύτιμον μέταλλον

30. Νὰ σχηματισθοῦν σύνθετοι συλλογισμοὶ ἀναλυτικῶς καὶ συν-  
θετικῶς διὰ τῶν ἔξῆς ἔννοιῶν :

- α ) ἀνδρογανον — ὁρυκτὸν — μέταλλον — μόλυβδος·  
β ) ἐκπαιδευτήριον — σχολεῖον — γυμνάσιον — κλασσι-  
κὸν γυμνάσιον·

- γ ) ἀρετὴ — σοφία — αὐτογνωσία — ἴδεωδες τοῦ Σωκράτους.
- δ ) ἀληθής σοφία — γνῶσις τοῦ ἀληθοῦς κόσμου — γνῶσις τῶν ἴδεων — ἴδαικὸν τοῦ Πλάτωνος.
31. Νὰ ἀναπτυχθοῦν εἰς πλήρεις συλλογισμούς τὰ ἐνθυμήματα :
- α) Πάντες οἱ ἐνάρετοι θεοφιλεῖς  
ἄρα ὁ δίκαιος θεοφιλῆς
- β) ἡ εὐεργεσία εἶναι καλὴ χρῆσις τοῦ πλούτου  
ἄρα ἡ εὐεργεσία εἶναι ἀρετὴ
- γ) ὁ μαθητὴς οὗτος θὰ ἀμειφθῇ, ὡς ἐπιμελῆς  
δ) ἡ ἔρημος δὲν ἔχει βλάστησιν, ὡς τόπος στερούμενος ὕδατος.
32. Νὰ ἀναπτυχθοῦν εἰς πλήρεις συλλογισμούς τὰ ἐπιχειρήματα :
- α) Ο βλάπτων τὴν πατρίδα τιμωρεῖται, ὡς ἐγκληματῶν κατὰ τοῦ συνόλου  
δ προδότης βλάπτει τὴν πατρίδα, ὡς παραδίδων αὐτὴν εἰς τοὺς ἔχθρους  
ἄρα δ προδότης τιμωρεῖται
- β) Τὰ μεγάλα καλλιτεχνήματα θὰ συγκινοῦν πάντοτε, ὡς προΐόντα μεγαλοφύτας ἐγκλείοντα πανανθρωπίνους ἀξίας ἐν ἀναλόγῳ αἰσθητικῇ μορφῇ  
τὰ ἔργα τοῦ Φειδίου εἶναι μεγάλα καλλιτεχνήματα  
ἄρα τὰ ἔργα τοῦ Φειδίου θὰ συγκινοῦν πάντοτε
33. Νὰ συμπτυχθοῦν εἰς σωρείτας οἱ συλλογισμοὶ τῆς ἀνωτέρω ὑπ' ἀριθ. 30 ἀσκήσεως.
34. Νὰ συναχθοῦν δι' ἐπαγωγῆς τὰ ἔξῆς συμπεράσματα :
- α) πάντα τὰ πτηνὰ εἶναι φοτόκα.  
β) πᾶσα εὐεργεσία εἶναι ἀρετή.  
γ) οὐδεὶς μὴν ἔχει περισσοτέρας τῶν 31 ἡμερῶν.

35. Νὰ δρισθοῦν αἱ κατωτέρω ἔννοιαι :

- α ) κύβος, χημεία, νηπιαγωγεῖον, ἀπλανής·
- β ) Γλυπτικὴ, χαιρεκακία, βούλησις, δρυκτόν.

36. Νὰ εύρεθῇ ἡ ἀνωμαλία ἐκάστου τῶν ἐπομένων δρισμῶν :

- α ) πλανήτης εἶναι οὐδάνιον σῶμα·
- β ) λύπη εἶναι συναίσθημα ἐπὶ τῇ ἀπωλείᾳ προσφιλοῦς προσώπου·
- γ ) ἀδικία εἶναι ἡ ἔλλειψις δικαιοσύνης·
- δ ) ἀδάμας εἶναι πολύτιμος λίθος ὅμοιος πρὸς ἀκτινοβολοῦντα ἀστέρα·
- ε ) δένδρον εἶναι ἡ μηλέα, ἡ συκῆ, ἡ ἐλαία καὶ τὰ ὅμοια·
- στ) ἀγαθὸς εἶναι ὁ πράττων τὸ ἀγαθόν.

37. Νὰ διαιρεθοῦν αἱ ἔξῆς ἔννοιαι :

- ἄνθρωπος : α ) μὲ βάσιν τὴν φυλήν, β ) μὲ βάσιν τὴν ἡλικίαν,  
 γ ) μὲ βάσιν την ἥπειρον·  
 πολύγωνοι : α ) μὲ βάσιν τὸν ἀριθμὸν τῶν πλευρῶν, β ) μὲ βάσιν  
 τὴν ἰσότητα αὐτῶν.

38. Νὰ εύρεθῇ ἡ ἀνωμαλία ἐκάστης τῶν κατωτέρω διαιρέσεων :

- τρίγωνα = ἴσοσκελῆ + ἴσοπλευρα·  
 ἀστέρες = πλανῆται + ἀπλανεῖς + δορυφόροι·  
 ποίησις = λυρικὴ + ἐπικὴ + μελική·  
 πράξεις ἀνθρώπων = ἀγαθαὶ + κακαὶ + φρέλιμοι·  
 ὁργανισμοὶ = ζῷα + πτηνὰ + φυτὰ + φύκη.

39. Νὰ εύρεθοῦν οἱ ἀποδεικτικοὶ λόγοι τῶν κάτωθι θέσεων ( συμπερασμάτων ) :

- α ) οὐδὲν τρίγωνον ἔχει πλευρὰς παραλλήλους·
- β ) οὐδὲν αὐτόφωτον εἶναι πλανήτης·
- γ ) ὁ Σωκράτης δρῆσε συνεπής πρὸς τὴν διδασκαλίαν του πιᾶν τὸ κώνειον.
- δ ) ἀνδρῶν ἐπιφανῶν πᾶσα γῆ τάφος.

40. Νὰ εύρεθῇ ἡ ἀνωμαλία ἐκάστης τῶν ἐπομένων ἀποδείξεων :

- α ) ὁ κλέπτων δικαιοῦται, ὅταν κλέπτη ἐξ ἀνάγκης, διότι δὲν δύναται νὰ ὑπομείνῃ τὴν στέρησιν.
- β ) ὑπάρχονν φαντάσματα, διότι πολλάκις ἀφυπνιζόμεθα ἐξ ἀσυνήθους κρότου κατὰ τὴν νύκταν.
- γ ) πᾶν μέταλλον θερμανόμενον διαστέλλεται, διότι ἡ θερμότης ἔχει τὴν ἴδιότητα νὰ προκαλῇ διαστολὴν τῶν μετάλλων.
- δ ) ὁ ἐργαζόμενος ἀμείβεται, διότι ἐργάζεται. Ἐργάζεται δέ, διότι ἀμείβεται.

## ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ

Περιλαμβάνουσά τινα τῶν κυριωτέρων ἔργων  
τῶν ἀναφερομένων εἰς τὴν Λογικὴν καὶ τὴν Γνωσιολογίαν.

Προσωκρατικῶν φιλοσόφων, τὰ διασωθέντα ἀποσπάσματα, ἐν H.  
Diels, Fragmente der Vorsokratiker, τόμ. 1-3 ἔκδ. 6η κατ'  
ἐπεξεργασίαν W. Kranz 1951.

Πλάτωνος, Φαιδρού, Θεαίτητος, Κρατύλου, Σοφιστής, Παρμενίδης,  
Συμπόσιον, Φαιδρος, Εύθύδημος, Πολιτεία κ.ἄ.

Ἀριστοτέλους, Περὶ κατηγοριῶν, Περὶ ἔρμηνίας, Ἀναλυτικὰ πρό-  
τερα, Ἀναλυτικὰ ὑστερα, Περὶ σοφιστικῶν ἐλέγχων.

Ἐπικτήτου (51 - 120 μ.Χ.), Ἐγγειρίδιον.

Πλωτίνου (205 - 269 μ.Χ.), Ἐννεάδες.

Πατέρων τῆς Ἀνατολ. Ἔκκλησίας ἐν γένει, πολλὰ τῶν ἔργων, ἐν  
Migne, Patrologia Graeca, τόμ. 1 - 166, 1856 - 66.

Αὐγουστίνου (354 - 430 μ.Χ.). Soliloquia.

— Principia dialectica.

— Categoriae decem ex Aristotele decerpae

Νικηφόρου Βλεμμίδου (1197 - 1279), Ἐπιτομὴ Λογικῆς.

Θωμᾶ Ἀκυνάτου (Thomas ex Aquino, 1227 - 1274), Logica sive  
rationalis scientia.

Πέτρου τοῦ Ἰσπανοῦ (Petrus Hispanus, 1226 - 1277), Summulae  
logicales. Ἑλλ. μετάφρ. ὑπὸ Γ. Γενναδίου (1435 π.) Σύνοψις  
εἰς τὴν Ἀριστοτέλους λογικὴν ἐπιστήμην.

- Francis Bacon,** De dignitate et augmentis scientiarum, 1605.  
 — Novum organum scientiarum, 1621.
- René Descartes,** Discours de la méthode, pour bien conduire la raison et chercher la vérité dans les sciences, 1637.
- Benedictus de Spinoza** (Baruch Despinoza). De intellectus emendatione, 1662.
- Nicole Malebranche,** De la recherche de la vérité, 1674.
- John Locke,** An essay concerning human understandig, 1689.
- George Berkeley,** A treatise concerning the principles of human knowledge, 1710.
- Christian Wolff,** Vernünftige Gedanken von der Kräften des menschlichen Verstandes und ihrem richtigen Gebrauch in der Erkenntnis, 1712.
- David Hume,** Enquiry concerning human understanding, 1748.
- Gottfried Wilhelm von Leibnitz,** Nouvaux essais sur l' enten-dement humain, 1765.
- Immanuel Kant,** Kritik der reinen Vernunft, 1781.
- Friedrich Hegel,** Phaenomenologie des Geistes, 1807.  
 — Wissenschaft der Logik, 1816.
- Joh. Fr. Herbart,** Hauptpunkte der Logik, 1807.
- Auguste Comte,** Cours de la philosophie positive, τόμ. 1 - 6  
 1830 - 42.
- Bernhard Bolzano,** Wissenschaftslehre, 1837.
- John Stuart Mill,** A system of Logic ratiocinative and inductive, 1843.
- Adolf Trendelenburg,** Geschichte der Kategorienlehre, 1846.
- William Hamilton,** New analytic of logical forms, 1852.
- C. Prantl,** Geschichte der Logik im Abendlande, τόμ, 1 - 4  
 1855 - 70.
- L. Liard,** Logique, 1884.

**Ernst Schröder**, Vorlesungen über die Algebra der Logik, τόμ. 1 - 3, Leipzig, 1890 - 1895.

**Ed. von Hartmann**, Kategorienlehre, 1896.

**Heinr. Maier**, Die Syllogistik des Aristoteles, τόμ. 1-3, 1896 - 1900.

— Logik und Erkenntnistheorie, 2α ἔκδ., 1918.

— Wahrheit und Wirklichkeit, 1926.

**Wilh. Windelband**, Naturwissenschaft und Geschichte, 2α ἔκδ. 1900.

**E. Husserl**, Logische Untersuchungen, τόμ. 1 - 2, 1900

**Ed. Meyer**, Zur Theorie une Methodik der Geschichte, 1902.

**H. Poincaré**, La science et l'hypothése, 1902 ('Επιστήμη καὶ ὑπόθεσις, ἐλλ. μετάφρ. ὑπὸ Π. Ζερβοῦ).

**Ed. Spranger**, Die Grundlagen der Geschichtswissenschaft, 1905.

**Wilh. Wundt**, Logik, τόμ. 1 - 3, 1906.

**H. Bergson**, L'évolution créatrice, Paris 1907 ('Η δημιουργὸς ἐξελιξίς, ἐλλ. μετάφρ. ὑπὸ Κ. Παπαλεξάνδρου).

**W. James**, Pragmatism, 1907.

**Edm. Goblot**, Traité de Logique, Paris 1917, 9η ἔκδ., Paris 1952.

**J. Willy Moog**, Logik, Psychologie und Psychologismus, Halle 1920.

**Theod. Ziehen**, Lehrbuch der Logik, Bonn 1920.

**Heinr. Rickert**, Grenzen der Naturwissenschaftlichen Begriffsbildung, 4η ἔκδ., Tübingen 1921.

— Kulturwissenschaft und Naturwissenschaft, 4η καὶ 5η ἔκδ., Tübingen 1921.

— Die Probleme der Geschichtsphilosophie, 3η ἔκδ. Heidelberg 1924.

**Erich Brecher**, Geisteswissenschaften und Naturwissenschaften, München 1921.

**A. Voss**, Über das Wesen der Mathematik, 3η ἔκδ., Leipzig 1922.

- H. Cohen**, Logik der reinen Erkenntnis, 3η ἔκδ., Berlin 1922.
- W. Dilthey**, Einleitung in die Geisteswissenschaften, Leipzig 1922.
- Oswald Külpe**, Vorlesungen über Logik, 3η ἔκδ., Leipzig 1923.
- Theodor Lipps**, Grundzüge der Logik, 3η ἔκδ., Leipzig 1923.
- Joh. Rehmke**, Logik oder Philosophie als wissenschaftslehre, 2α ἔκδ., Leipzig 1923.
- Paul Natorp**, Die logischen Grundlagen der exakten wissenschaften, 3η ἔκδ., Leipzig 1923.
- Paul. Tillich**, Das System der Wissenschaften nach Gegenständen und Methoden, Göttingen 1923.
- Bertr. Russel**, Einführung in die mathematischen Philosophie, μετάφρ. ἐκ τοῦ ἀγγλικοῦ, München 1923.
- J. B. Rieffert**, Logik, εἰς τὸ ἐκδοθὲν ὑπὸ M. Dessoir, Lehrbuch der Philosophie, Halle 1920.
- Arthur Drews**, Lehrbuch der Logik, herlin 1928.
- Chr. Sigwart**, Logik, Tübingen 1924.
- Paul Mouy**, Logique, Paris 1944.

Τὰ ἀξιολογώτερα Ἑλληνικὰ ἔργα ἀπὸ τῆς Ἀλώσεως.

- Βικεντίου Δαμωδοῦ, (1679 - 1752), 'Επίτομος Λογικὴ κατ' Ἀριστοτέλη, Ἐνετίσης 1759.
- Εὐγενίου Βουλγάρεως, (1716 - 1806), Λογικὴ ἐκ παλαιῶν καὶ νέων συνεργασθεῖσα, ἐν Λιψίᾳ 1766.
- Νεοφύτου Δούκα, (1760 - 1845), Σύνοψις λογικῆς, ήθικῆς, μεταφυσικῆς καὶ δητορικῆς, ἐν Αιγαίῃ 1834.
- Θεοφίλου Καΐρη, (1784 - 1853), Γνωστική, ἐν Ἀθήναις 1849.  
— Λογική· εἰς τὸ ἔργον: Στοιχεῖα Φιλοσοφίας ἐν Ἀθήναις 1851.

- Πέτρου Βράιλα Αρμένη,** (1812-1884), Λογική· εἰς τὸ ἔργον: Στοιχεῖα θεωρητικῆς καὶ πρακτικῆς φιλοσοφίας, ἐν Κερκύρᾳ 1863.
- Νεοφύτου Βάμβα,** (1770 - 1855), Λογική· εἰς τὸ ἔργον: Στοιχεῖα Φιλοσοφίας, ἐν Ἀθήναις 1838, 2<sup>α</sup> ἔκδ. 1856.
- Χρ. Παπαδοπούλου,** (1835 - 1906), Στοιχεῖα Λογικῆς, ἐν Ἀθήναις 1888, 2<sup>α</sup> ἔκδ. 1895.
- Θεοφίλου Βορέα,** (1876 - 1954), Λογική, ἐν Ἀθήναις 1932.
- Χρ. Άνδρουτσου,** (1869 - 1935), Ἡ τοῦ Πλάτωνος θεωρία τῆς γνώσεως, Ἀθῆναι 1902. — Λεξικόν Φιλοσοφίας, Ἀθῆναι 1929.
- Ν. Ι. Λουβαρί,** (1887 - 1961) Ιστορία τῆς Φιλοσοφίας 1 - 2, Ἀθῆναι 1933.— Εἰσαγωγὴ εἰς τὰς Πνευματικὰς Ἐπιστήμας (Παραδόσεις), Ἀθῆναι 1938.
- Κ. Δ. Γεωργούλη,** Τὰ κυριώτερα σχετικὰ ἀρθρα τοῦ Ἐγκυλ. Λεξικοῦ «Ἡλιος»: Ἀριστοτέλης, Γνωσιολογία, Ἡ Ἑληνικὴ Φιλοσοφία κ.λ.π.
- Ε. Π. Παπανούτσου,** Ἡ τριλογία τοῦ πνεύματος (Τέχνη, Ήθική, Ἐπιστήμη), Ἀλεξάνδρεια - Ἀθῆνα 1928. 'Ο κόσμος τοῦ πνεύματος: Γ' Γνωσιολογία, Ἀθῆνα 1954.



## ΠΙΝΑΞ ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΩΝ

Πρόλογος

### I ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΛΟΓΙΚΗΣ

ΕΙΣΑΓΩΓΗ

1. Τὸ ἔργον τῆς Λογικῆς	9 - 11
Λογικὴ καὶ ψυχολογία 9. — Περιεχόμενον καὶ διαίρεσις τῆς Λογικῆς 10.	
2. Θέσις τῆς Λογικῆς ἐν τῇ Φιλοσοφίᾳ. Ἀξία αὐτῆς	11 - 12
3. Ἰστορία τῆς Λογικῆς	12 - 16

### ΜΕΡΟΣ ΠΡΩΤΟΝ

#### ΣΤΟΙΧΕΙΟΛΟΓΙΑ "Η ΤΥΠΙΚΗ ΛΟΓΙΚΗ

##### ΤΜΗΜΑ ΠΡΩΤΟΝ

ΑΙ ΘΕΜΕΛΙΩΔΕΙΣ ΑΡΧΑΙ ΤΗΣ ΝΟΗΣΕΩΣ

'Η ἀρχὴ τῆς ταυτότητος 18. — 'Η ἀρχὴ τῆς ἀντιφάσεως 18. — 'Η ἀρχὴ τῆς τοῦ τρίτου ἀποκλείσεως 19. — 'Η ἀρχὴ τοῦ ἀποχρώντος λόγου 19.

##### ΤΜΗΜΑ ΔΕΥΤΕΡΟΝ

ΣΤΟΙΧΕΙΩΔΕΙΣ ΜΟΡΦΑΙ ΤΗΣ ΝΟΗΣΕΩΣ

##### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

Αἱ ἔννοιαι

##### I. Αἱ ἔννοιαι καθ' ἔαυτάς

Φύσις καὶ δρισμὸς τῆς ἔννοιας 20. — Κοιναὶ καὶ λογικαὶ ἔννοιαι 22. — Διαίρεσις τῶν ἔννοιῶν 22. — Γνωρίσματα τῶν ἔννοιῶν καὶ εἰδή αὐτῶν 24. — Βάθος καὶ πλάτος τῶν ἔννοιῶν 25. — Σχέσις τοῦ βάθους καὶ τοῦ πλάτους 26. — 'Η ἀκρίβεια τῶν ἔννοιῶν 26.

**II. Αἱ ἔννοιαι ἐν σχέσει πρὸς ἀλλήλας**

27 - 34

- Σχέσεις τῶν ἔννοιῶν πρὸς ἀλλήλας κατὰ τὸ βάθος 27.  
 — Σχέσεις τῶν ἔννοιῶν πρὸς ἀλλήλας κατὰ τὸ πλάτος 29.  
 — Λογικὴ αλημαξ. Γένη καὶ εἰδη 31. — Σύνθεσις καὶ  
 ἀνάλυσις τῶν ἔννοιῶν 33.

**III. Κατηγορίαι**

34

**ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Β'**

**Αἱ κρίσεις**

35 - 49

**I. Αἱ κρίσεις ἐν γένει**

35 - 39

- Τὰ κρίσις καὶ τὰ στοιχεῖα αὐτῆς 35. — Τὰ εἰδη, τὰ  
 κρίσεων 36.

**II. Αἰκατηγορικαὶ κρίσεις κατὰ ποιὸν ἄμα καὶ ποσὸν**

39 - 42

- Τὰ εἰδη καὶ τὰ σύμβολα αὐτῶν 39. — Αἱ σχέσεις ὑπο-  
 κειμένου καὶ κατηγορουμένου 40.

**III. Αἱ σχέσεις ἀντιθέσεως καὶ ὑπαλληλίας τῶν κατηγορι-  
 κῶν κρίσεων**

43 - 47

- Τὸ λογικὸν τετράγωνον 43. — Αἱ κρίσεις τοῦ λογικοῦ  
 τετραγώνου ἐν σχέσει πρὸς ἀλλήλας 43. — Ανακεφα-  
 λίωσις 46.

**IV. Ἀντιστροφὴ τῶν κρίσεων**

47 - 49

- Ἡ ἀντιστροφὴ καὶ τὰ εἰδη αὐτῆς 47. — Τρόποι ἀντι-  
 στροφῆς τῶν κρίσεων α, ε, ι, ο 48.

**ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Γ'**

**Οἱ συλλογισμοὶ**

50 - 78

- Χρηστήριο καὶ γενικὴ διαιρεσίς τοῦ συλλογισμοῦ 50.

**I. Ἀμεσοὶ συλλογισμοὶ**

51 - 52

**II. Ἐμμεσοὶ συλλογισμοὶ**

52 - 78

- Οἱ δροὶ τοῦ ἐμμέσου συλλογισμοῦ 52. — Τὰ εἰδη τοῦ  
 ἐμμέσου συλλογισμοῦ 53.

A. Παραγωγικὸς συλλογισμὸς

53 - 74

- Εἰδη αὐτοῦ κατὰ τὸν ἀριθμὸν τῶν κρίσεων 53. — Εἰδη  
 αὐτοῦ κατὰ τὴν ἀναφοράν 53.

**1. Ἀπλοὶ παραγωγικοὶ συλλογισμοὶ**

56 - 68

**I. Ὁ κατηγορικὸς συλλογισμὸς**

56 - 63

- Τὰ σχήματα τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ 56. — Οἱ  
 κανόνες τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ 57. — Οἱ τρόποι

τῶν συλλογιστικῶν σχημάτων 59. — Οἱ τρόποι κατὰ τὰς σχέσεις τῶν δρῶν 61. — Ἀρχαὶ τοῦ κατηγορικοῦ συλλογισμοῦ. Ἀξία τῶν σχημάτων καὶ ἀναγωγὴ αὐτῶν 62.	
<i>II. Ὁ ὑποθετικὸς συλλογισμὸς</i>	63 - 66
Τὰ εἰδη αὐτοῦ 63. — Κανόνες τοῦ μεικτοῦ ὑποθετικοῦ συλλογισμοῦ 64.	
<i>III. Ὁ διαζευκτικὸς συλλογισμὸς</i>	66
<i>IV. Τὸ διλημμα</i>	67 - 68
Διλημματα ἐξ ἀντιφατικῶν λόγων 68.	
2. Σύνθετοι παραγωγικοὶ συλλογισμοὶ	68 - 70
‘Ο κατηγορικὸς σύνθετος συλλογισμὸς 68. — Ἀναλυτικὸς καὶ συνθετικὸς σύνθετος συλλογισμὸς 69. — Ὑποθετικοὶ σύνθετοι συλλογισμοὶ 70.	
3. Βραχυλογικοὶ παραγωγικοὶ συλλογισμοὶ	70 - 74
<i>I. Ἐνθυμήματα</i>	71
<i>II. Ἐπιχειρήματα</i>	72 - 73
<i>III. Σωθεῖται</i>	73 - 74
<i>B. Ἐπαγωγικὸς συλλογισμὸς</i>	74 - 76
<i>Γ. Ἀναλογικὸς συλλογισμὸς</i>	76 - 77
Γενικαὶ παρατηρήσεις εἰς τὴν Τυπικὴν Λογικὴν	77

## ΜΕΡΟΣ ΔΕΥΤΕΡΟΝ

### ΜΕΘΟΔΟΛΟΓΙΑ

Περιεχόμενον καὶ διαίρεσις τῆς μεθοδολογίας	79
---	----

### ΤΜΗΜΑ ΠΡΩΤΟΝ

#### ΓΕΝΙΚΗ ΜΕΘΟΔΟΛΟΓΙΑ "Η ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΜΕΘΟΔΙΚΩΝ ΜΟΡΦΩΝ ΤΗΣ ΝΟΗΣΕΩΣ

#### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

<i>'Ο ὄρισμὸς</i>	80 - 86
‘Η ἔννοια καὶ τὰ στοιχεῖα τοῦ δρισμοῦ 80. — Τὰ εἰδη τοῦ δρισμοῦ 82. — Οἱ κανόνες τοῦ ὄρισμοῦ 83. — Ἀτελεῖς δρισμοὶ 85.	

#### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Β'

<i>'Η διαίρεσις καὶ ἡ ταξινόμησις</i>	87 - 90
‘Η ἔννοια καὶ τὰ στοιχεῖα τῆς διαιρέσεως 87. — Συνδιαιρέσεις καὶ ὑποδιαιρέσεις 88. — Ταξινόμησις 88. —	

Μερισμός 88. — Οι κανόνες της διαιρέσεως 89. — Α-  
ξία της διαιρέσεως 90.

### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Γ'

'Η ἀπόδειξις καὶ τὰ σοφίσματα	91 - 98
I. 'Η ἀπόδειξις	91 - 93

'Η ἔννοια καὶ τὰ στοιχεῖα τῆς ἀπόδειξεως 91. — Τὰ εἰδή της ἀπόδειξεως 92. — Οι κανόνες τῆς ἀπόδειξεως 92.

II. Τὰ σοφίσματα	93 - 98
A. Σοφίσματα « παρὰ τὴν λέξιν » ή τυπικά	93 - 94

Τὸ « παρὰ τὸ σχῆμα τῆς λέξεως » 93. — Τὸ « παρὰ τὴν σύνθεσιν καὶ διαιρεσιν » 94.

B. Σοφίσματα « ἔξω τῆς λέξεως »	94 - 98
Σοφίσματα « λήψεως τοῦ ζητουμένου » 95. — Σοφίσματα « παρὰ τὸ συμβεβηκόδι » 95. — Σοφίσματα « ἀγνοίας ή ἀλλαγῆς ἐλέγχου » 97.	

### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Δ'

'Η ἀνάλυσις καὶ ἡ σύνθεσις	99 - 100
Πραγματικὴ ἀνάλυσις καὶ σύνθεσις 99. — Λογικὴ ἀνάλυσις καὶ σύνθεσις 99.	

### ΤΜΗΜΑ ΔΕΥΤΕΡΟΝ :

ΕΙΔΙΚΗ ΜΕΘΟΔΟΛΟΓΙΑ Η ΠΕΡΙ ΤΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ

### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

'Η ἐπιστήμη ἐν γένει	101 - 105
Ἐννοια τῆς ἐπιστήμης 101. — Διαιρεσις τῶν ἐπιστη- μῶν 103.	

### ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Β'

Αἱ μέθοδοι τῶν ἐπιστημῶν	106 - 145
I. Αἱ μαθηματικαὶ ἐπιστήμαι καὶ αἱ μέθοδοι αὗτῶν	106 - 120
A. Αἱ μαθηματικαὶ ἐπιστήμαι	106
B. 'Ο χαρακτήρ καὶ ἡ δξία τῶν μαθηματικῶν ἐπιστημῶν	107 - 108

<b>Γ. Αἱ ἀρχαὶ τῶν μαθηματικῶν ἐπιστημῶν</b>	<b>108 - 111</b>
Αἱ πρῶται ἔννοιαι καὶ οἱ μαθηματικοὶ ὄρισμοι 108. — Τὰ ἀξιώματα καὶ τὰ αἰτήματα 109.	
<b>Δ. Ἡ μαθηματικὴ ἀπόδειξις καὶ τὰ εἰδη αὐτῆς</b>	<b>111 - 118</b>
<b>I. Ἡ εὐθεῖα ἀπόδειξις</b>	<b>111 - 116</b>
"Αμεσος καὶ ἔμμεσος ἀπόδειξις 111. — Τρόποι ἀ- μέσου ἀποδείξεως 112. — Τρόποι ἔμμέσου ἀποδεί- ξεως 113.	
<b>II. Ἡ πλαγία ἀπόδειξις</b>	<b>116 - 117</b>
<b>III. Ἡ μεικτὴ ἀπόδειξις</b>	<b>117 - 118</b>
<b>IV. Ἐπαγωγὴ καὶ ἀναλογία ἐν τῇ μαθηματικῇ ἀποδείξει</b>	<b>118 - 120</b>
Γενικαὶ παρατηρήσεις περὶ τῶν μαθηματικῶν ἐπιστημῶν καὶ ἀληθειῶν	120
<b>II. Αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι καὶ αἱ μέθοδοι αὐτῶν</b>	<b>121 - 136</b>
A. Αἱ Φυσικαὶ ἐπιστῆμαι	121 - 122
B. Ὁ χαρακτὴρ καὶ ἡ ἀξία τῶν Φυσικῶν ἐπιστημῶν	122 - 123
G. Ἡ μέθοδος τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης	123 - 134
I. Ἡ δυνατότης καὶ τὰ μέσα τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης	123 - 126
Τὸ κῦρος τῶν ἐμπειρικῶν πορισμάτων 123. — Τὰ μέσα τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης. Παρατήρησις καὶ πείραμα 125.	
<b>II. Ἡ κατανόησις καὶ κατάταξις τῶν ἀντικειμένων</b>	<b>126 - 129</b>
Αἱ ἔννοιαι εἰς τὰς Φυσικὰς ἐπιστήμας 127. — Οἱ ἐπι- στημονικαὶ δρισμοὶ 127. — Ἡ ταξινόμησις 127.	
<b>III. Ἡ ἐρμηνεία τῶν φαινομένων</b>	<b>129 - 133</b>
Ἡ ἔννοια τοῦ φυσικοῦ νόμου 129. — Μέθοδοι εὑρέ- σεως τῆς αλτίας 130. — Τὰ στάδια τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης 131.	
<b>IV. Ὑπόθεσις καὶ θεωρία</b>	<b>133 - 134</b>
<b>Δ. μέθοδος τῶν Βιολογικῶν ἐπιστημῶν</b>	<b>134 - 135</b>
Γενικαὶ παρατηρήσεις περὶ τῶν Φυσικῶν ἐπι- στημῶν καὶ τῶν ἐμπειρικῶν ἀληθειῶν	136
<b>III. Αἱ Πνευματικαὶ ἐπιστῆμαι καὶ αἱ μέθοδοι αὐτῶν</b>	<b>137 - 144</b>
A. Αἱ Πνευματικαὶ ἐπιστῆμαι	137
B. Ἡ μέθοδος τῆς Ψυχολογίας	138 - 141
G. Ἡ μέθοδος τῆς Ἰστορίας	141 - 143
Γενικαὶ παρατηρήσεις περὶ τῶν Πνευματικῶν ἐπιστημῶν	143

## IV. Ἡ μέθοδος τῆς Φιλοσοφίας

143

## ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΓΝΩΣΙΟΛΟΓΙΑΣ

ΕΙΣΑΓΩΓΗ

- |                                    |           |
|------------------------------------|-----------|
| 1. Ἡ Γνωσιολογία ως ἐπιστήμη       | 149 - 150 |
| 2. Τὸν ποκείμενον τῆς Γνωσιολογίας | 150 - 151 |

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Α'

- |   |           |
|---|-----------|
| 'Ἡ γνῶσις καὶ τὰ εἰδη αὐτῆς                       | 152 - 153 |
| 'Ἡ γνῶσις αὐθόλου 152. — Τὰ εἰδη τῆς γνώσεως 152. |           |

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Β'

- |  |           |
|--|-----------|
| 'Ἀλήθεια, βεβαιότης καὶ πιθανότης                                | 154 - 155 |
| 'Ἡ ἀλήθεια καὶ τὰ εἰδη αὐτῆς 154. — Βεβαιότης καὶ πιθανότης 15 . |           |

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Γ'

- |  |           |
|--|-----------|
| Τὸ δυνατὸν τῆς γνώσεως   | 156 - 161 |
| I. Βεβαιότης καὶ ἀμφιβολία περὶ τὴν γνῶσιν   | 156       |
| II. Θεωρίαι περὶ τοῦ δυνατοῦ τῆς γνώσεως   | 156 - 159 |
| 'Ἡ δογματικὴ διδασκαλία 157. — 'Ἡ σκέψις 157. — 'Ἡ πραγματικὴ διδασκαλία 158. — 'Ἡ κριτικὴ διδασκαλία 159. — 'Ἡ θετικὴ διδασκαλία 159. |           |
| III. Συμπεράσματα ως πρὸς τὸ δυνατὸν τῆς γνώσεως   | 159 - 161 |

## ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Δ'

- |   |           |
|---|-----------|
| Ἄλι πηγαὶ τῆς γνώσεως, τὸ κύρος αὐτῶν καὶ τὰ δρῦα τῆς γνωστικῆς δυνάμεως τοῦ ἀνθρώπου   | 162 - 175 |
| I. Θεωρίαι περὶ τοῦ ὑποκειμένου τῆς γνώσεως   | 162 - 164 |
| 'Ἡ θεωρία τῆς πραγματοκρατίας 162. — 'Ἡ θεωρία τῆς ιδεοκρατίας 163. — 'Ἡ θεωρία τῆς φαινομενοκρατίας 163.   |           |
| II. Θεωρίαι περὶ τῶν πηγῶν καὶ τῶν δρίων τῆς γνώσεως  | 164 - 170 |
| 'Ο δριθολογισμὸς 164. — 'Ἡ διδασκαλία τοῦ Ἀριστοτέλους 166. — 'Ἡ ἐμπειριαρχία 167. — 'Ἡ κριτικὴ διδασκαλία τοῦ Καντίου 168. — 'Ἡ θεωρία τῆς ἐνοράσσεως 170. |           |
| III. Θεωρίαι περὶ τῆς καταγωγῆς τῶν ἔννοιῶν καὶ τῶν λογικῶν ἀρχῶν   | 170 - 171 |
| IV. Παρατηρήσεις ἐπὶ τῶν ἀνωτέρω θεωριῶν  | 171 - 175 |





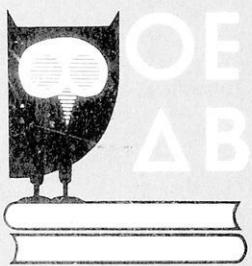




**024000020064**

Ψηφιοποιήθηκε από το Ινστιτούτο Εκπαιδευτικής Πολιτικής





Ψηφιοποιήθηκε από το Ινστιτούτο Εκπαιδευτικής Πολιτικής